Parcial 2 de Investigación de Operaciones

1. Utilice el méto do húngaro para determinar la asignación tarea-máquina con menor costo de la siguiente instancia. Además, mencione sidicha asignación es única o si existen múltiples soluciones óptimas y escriba el valor de la función objetivo.

	Tarea 1	Taxea 2	Tarea 3	Tarea 4	Tarea 5
Máquina 1	17	5	18	10	9
Máquina 2	13	15	16	21	16
Máguina 3	19	11	હ	16	20
Maguina 4	8	15	13 .	19	12
Máquina 5	5	7	8	21	10

min $17X_{11}+5X_{12}+18X_{13}+10x_{14}+9x_{15}+13X_{21}+15X_{22}+16X_{23}+21X_{24}+16x_{25}+19X_{31}$ $+11X_{32}+8X_{33}+16X_{34}+20X_{35}+8x_{41}+15X_{42}+13x_{43}+19x_{44}+12x_{45}+5x_{51}+$ $-7x_{52}+8x_{53}+21x_{54}+10x_{55}$

S.A.
$$X_{11} + X_{12} + X_{13} + X_{14} + X_{15} = 1$$
 $X_{21} + X_{22} + X_{23} + X_{24} + X_{25} = 1$
 $X_{31} + X_{32} + X_{33} + X_{34} + X_{35} = 1$
 $X_{41} + X_{42} + X_{43} + X_{44} + X_{45} = 1$
 $X_{51} + X_{52} + X_{53} + X_{54} + X_{55} = 1$
 $X_{11} + X_{21} + X_{31} + X_{41} + X_{51} = 1$
 $X_{12} + X_{22} + X_{32} + X_{42} + X_{52} = 1$
 $X_{13} + X_{23} + X_{33} + X_{43} + X_{53} = 1$
 $X_{14} + X_{24} + X_{34} + X_{44} + X_{54} = 1$
 $X_{15} + X_{25} + X_{35} + X_{45} + X_{55} = 1$
 $X_{15} = \begin{cases} 1 & \text{sino} \end{cases}$
 $\begin{cases} 1 & \text{sino} \end{cases}$
 $\begin{cases} 1 & \text{sino} \end{cases}$
 $\begin{cases} 1 & \text{sino} \end{cases}$

Busa	and	o e	win!	mo ·	por f	rilas
1	Ta	T2	173	T+	17	Min
MI	17	5	18	10	9	1/10
M2	13	15	16	21	16	13
M3	19	11	8	16	20	8
M4	8	15	13	19	12	8
M5	5	7	8	21	16	5

Se resta el mínimo a los elementos y se busca el mínimo de las columnas

T. Tz T3 T4 T5

M1 12 0 13 5 4

M2 0 2 3 8 3

M3 11 3 0 8 12

M4 0 7 5 11 4

M5 0 2 3 16 5

Res-	tan meni	do e	\ m	lini n	no a lo:	5
-	T ₁		T ₃	174	Ts	
141	12	O	13	10	1	
M2	0	2	3	3	0	=7
M3	4	3	0	3	9	
M ₄	0	7	5	6	1	-017
M5	0	2	3	11	2	

Tra:	200	ob.	lin	eas	para	cubric	cercs
	I	T2	L	[4]	Ts		
M	12	6	13	0	1		
N2-	6	2	3	3	<u> </u>	-7	El mínimo de los
M3	H	3	0	3	9		clementos no
MA	0	7	5	6	1		subrayados es.
Ms	0	12	3	11	2		<u>.</u>

0

0

5

Restandolo a los elementos no subrayados

M₁ T₂ T₃ T₄ T₅
M₁ 12 0 13 0 1
M₂ 0 2 3 3 0
M₃ 11 3 0 3 9
M₁ 0 6 4 5 0

10/1

Cubriendo nuevamente los ceros

	1	Til	12	13	74	To
	Ma	12-	8	13	0	1
******	Mz	4	12	3	3	G
=)	M ₃	11	3	10	3	9
	M+	14	6	4	5	0
	M 5	14	4	2	10	4

Como & tionen 5 líneas y la matriz tiene 5 filas se ha llegado al final

Tabolado final

 M_5

	T. \	Tz \	T ₃	T4)	Ts
Ma	12	0	13	O	1
M ₂	0	2	3	3	0
Мз	11	3	0	3	9
M+	0	6	4	5	0
Ms	0	1	2	10	

Asignación
óptima
M1 = T+
M2 = Ts
=)
M3 = Ts
M4 = Ta
M5 = T2

Costo 10+16+8+8+7=49

- .. La asignación óptima es aquella donde:
 - Máquina 1 realiza la tarea 4
 - Maquina 2 realiza la tarea 5
 - Máquina 3 realiza la torea 8
 - Maquina trealiza la torea 1
 - Máquina 5 realiza la tarea 2
 - y tiene un costo mínimo de \$49. Esta es la única solución óptima ya que es un problema balanceado (matriz de 5x5).

2. Escriba la forma estándar del problema de programación lineal P1:

$$SA: 2X_{1}+X_{2}+5X_{3}-X_{4}=1$$

 $X_{2}-2X_{3}+X_{5}=-2$

=>min-z=-
$$X_1+2X_6+2X_7-2X_8+0X_4+0X_5$$

SA: $2X_1-X_6+5X_7-5X_8-X_4=1$
 $-X_6-2X_7+2X_8+X_5=2$
 $X_1, X_4, X_5, X_6, X_7, X_8>0$

3. Determine la solución Optima del problema de programación lineal P2, utilizando el método simplex. Mencione si el problema es acotado o no, en caso de que la sea responda si tiene solución única o múltiples soluciones.

P2:
$$\max_{2X_{1}+X_{2}+2X_{3}}$$
 $\min_{-z+2X_{1}+X_{2}+2X_{3}+0X_{4}+0X_{5}+0X_{6}=0}$ $SA: X_{1}+X_{2}+2X_{3}+X_{4}=2$ $X_{1}+2X_{2}+X_{3}+2$ $X_{1}+2X_{2}+X_{3}+2$ $X_{1}+2X_{2}+X_{3}+X_{5}=2$ $2X_{1}+X_{2}+X_{3}+X_{6}=2$

$$2 \times 1 + \times 2 + \times 3 \le 2$$
 $2 \times 1 + \times 2 + \times 3 + \times 6 = 2$ $\times 1, \times 2, \times 3, \times 4, \times 5, \times 6 \ge 2$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 2 & 1 & 0 & 0 \\ 1 & 2 & 1 & 0 & 1 & 0 \\ 2 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} X_1 \\ \vdots \\ X_6 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 2 \\ 2 \\ 2 \end{pmatrix}$$
- Es un problema a co-tado

EC	VB	Z	X,	X2	X3	XH	Xs	×	111					
0123	2 X4 X5 X6	000	2 1 1	1 2	2 2	1	00	0	0	2 2 1	, sale	Х6,	entra	X1

EC	NB	Z	Xa	X2	Х ₃	X4	Xs	Xe	P	-
0	2 X4	0	1 . 0	j.	1 2	0	0	0	0	Landing and the second
3	Xs X1	000	2	1		0	,	0	2 2	000

, sale 1/4 entra 1/3

ec. O son menores a O se termina

 $L_{7Z} = 8/3$, $\chi_{1} = 2/3$, $\chi_{2} = 0$, $\chi_{3} = 2/3$, $\chi_{4} = 0$, $\chi_{5} = 2/3$, $\chi_{6} = 0$

- Como los coeficientes de las variables no básicas son todos menores que cero, la solución optima es única
- El problema es acotado, ya que en ningún caso ocurrio que una variable pudiera salir pero ninguna pudiera entran

·· La solución éptima ex (2/3,0,2/3) con un valor óptimo de 8/3.

4. Resuel va el problema de programación lineal Pa usando el método de las dos fases. Agregue tantas variables artificiales como sea necesario. Mencione cual es la naturaleza del problema (factible, no factible, acotado, no acotado, solución óptima única, soluciones óptimas múltiples), en caso de que tenga solución óptima escriba el reporte de solución

$$P_3: \max X_1 + X_2 - X_3$$

 $SA: X_{1+3}X_{2+5}X_{3}Z_{5}$
 $4X_1 + X_2 + 2X_3Z_{5}$
 X_1, X_2, X_3Z_{6}
 X_1, X_2, X_3Z_{6}

$$\begin{pmatrix} 135-10 \\ 4120-1 \end{pmatrix}_{2x5}^{-7} = \begin{pmatrix} 5 \\ 5 \end{pmatrix} = 2$$
 no existe la submatriz identidad

=)
$$\begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ 1 & 3 & 5 - 1 & 0 & 1 & 0 \\ 4 & 1 & 2 & 0 - 1 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_4 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 \\ x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_3 & x_4 & x_5 & x_6 & x_7 \\ x_4 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_2 & x_3 & x_4 & x_5 & x_6 \\ x_1 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_2 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_1 & x_2 & x_3 & x_6 & x_7 \\ x_1 & x_1 & x_2 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_2 & x_1 & x_1 \\ x_2 & x_1 & x_1 & x_2 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_2 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_2 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1 & x_1 & x_1 \\ x_1 & x_1 & x_1$$

EC	VB	T	Xª	X2	X3)	X4)	Xs	X6	X2	6	9			
0 1 2	X6 X1	000	5 1 4	4 3	7 5 2	- 1 - 1	-) -	0	0	5	1 5/2	, sale	Xe jentra	Хз

Como las variables no básicas X2, X4 y Xs sen iguales a 0, hay múltiples soluciones áptimas, se procede a fase 2

Fase 2:

Ec	VB	2	Xa	[Xz]	X ₃	X4	Xs	b .
0	Z X=	-1	1	10/		0	0 1/18	5/4 (4)
2	X1	0	1	- he	o	2/16	-5/18	

- El problema es no acotado
 - :. Como el problema es no acotado no hay solución óptima.