Práctica 1 Grupo 4

Iria Lago Portela Mario Picáns Rey Javier Kniffki David Bamio Martínez

Ejercicios

En primer lugar vamos a cargar los datos y los paquetes necesarios para la realización de esta práctica:

```
# Librerías
packages <- c("rpart", "rpart.plot", "caret", "randomForest", "pdp", "kernlab")</pre>
ipak(packages)
# Datos
load("data/College4.RData")
head(College4, n = 3)
                                                                 Enroll Top10perc
                                    Private
                                                Apps
                                                       Accept
## University of Southern Colorado
                                         No 7.244942 7.122060 6.405228
                                                                               10
## University of San Francisco
                                        Yes 7.743270 7.450661 6.287859
## Clarkson University
                                        Yes 7.684324 7.577122 6.322565
                                    Top25perc P.Undergrad Outstate Room.Board Books
## University of Southern Colorado
                                                                         4.380
                                           34
                                                 6.514713
                                                              7.100
                                                                                 5.4
## University of San Francisco
                                           48
                                                 6.308098
                                                             13.226
                                                                         6.452
                                                                                 7.5
## Clarkson University
                                                 3.970292
                                                             15.960
                                                                         5.580
                                                                                 7.0
                                           68
                                    Personal PhD Terminal S.F.Ratio perc.alumni
##
                                                                19.4
## University of Southern Colorado
                                       2.948 63
                                                       88
## University of San Francisco
                                       2.450 86
                                                       86
                                                                13.6
                                                                               8
## Clarkson University
                                       1.300 95
                                                       95
                                                                15.8
                                                                              32
##
                                    Expend Grad.Rate
## University of Southern Colorado 5.389
## University of San Francisco
                                    10.074
                                                  62
## Clarkson University
                                    11.659
                                                  77
dim(College4)
```

```
## [1] 500 17
```

Para mejorar la interpretación de los resultados modificaremos la variable tipo de Universidad **Private**, de modo que 'Yes' sea Privada y 'No' sea Pública.

```
datos <- College4[,-1]
datos$Tipo <- factor(College4$Private == "Yes", labels = c("Pública", "Privada"))
head(datos,n = 3)</pre>
```

```
##
                                                        Enroll Top10perc Top25perc
                                        Apps
                                               Accept
## University of Southern Colorado 7.244942 7.122060 6.405228
                                                                       10
                                                                                  34
                                    7.743270 7.450661 6.287859
## University of San Francisco
                                                                       23
                                                                                  48
## Clarkson University
                                                                       35
                                                                                  68
                                    7.684324 7.577122 6.322565
                                    P. Undergrad Outstate Room. Board Books Personal
## University of Southern Colorado
                                       6.514713
                                                   7.100
                                                               4.380
                                                                       5.4
## University of San Francisco
                                       6.308098
                                                               6.452
                                                  13.226
                                                                       7.5
                                                                               2.450
## Clarkson University
                                       3.970292
                                                  15.960
                                                               5.580
                                                                       7.0
                                                                               1.300
##
                                    PhD Terminal S.F.Ratio perc.alumni Expend
## University of Southern Colorado
                                     63
                                              88
                                                       19.4
                                                                      0 5.389
## University of San Francisco
                                     86
                                              86
                                                       13.6
                                                                      8 10.074
                                     95
## Clarkson University
                                              95
                                                       15.8
                                                                     32 11.659
##
                                    Grad.Rate
                                                 Tipo
## University of Southern Colorado
                                           36 Pública
## University of San Francisco
                                           62 Privada
## Clarkson University
                                           77 Privada
Además, nótese que:
#Proporción privada-pública
table(datos$Tipo)
##
```

1. Obtener un árbol de decisión que permita clasificar las observaciones (universidades) en privadas (Private = "Yes") o públicas (Private = "No").

Pública Privada

357

143

##

a. Seleccionar el parámetro de complejidad de forma automática, siguiendo el criterio de un error estándar de Breiman et al. (1984).

En primer lugar vamos a considerar el 80% de las observaciones como muestra de entrenamiento y el 20% restante como muestra de test.

Establecemos la semilla igual al número de grupo multiplicado por 10, utilizando la función set.seed de R:

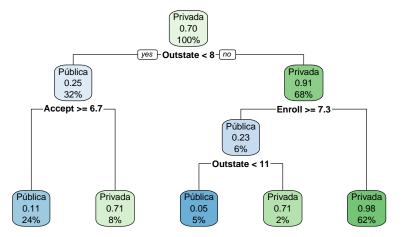
```
#Semilla
set.seed(40)

nobs <- nrow(datos) #Filas
itrain <- sample(nobs, 0.8 * nobs)
train <- datos[itrain, ] # M. Entrenamiento
test <- datos[-itrain, ] # M. Test</pre>
```

En primer lugar obtendremos un árbol que nos permita clasificar las universidades en privadas y públicas, utilizando la muestra de entrenamiento.

```
tree<-rpart(Tipo~.,data=train)
rpart.plot(tree,main="Árbol de clasificación privada-pública")</pre>
```

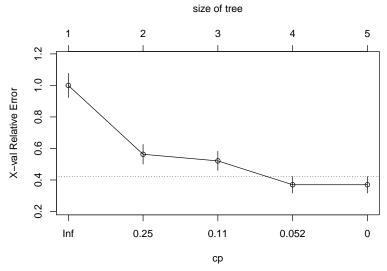
Árbol de clasificación privada-pública



El resultado es un árbol con 5 nodos terminales, por lo que puede ser interesante podarlo.

Para el proceso de poda seleccionaremos un paramétro de complejidad de forma automática, siguiendo el criterio de un error estándar de Breiman et al. (1984).

```
tree <- rpart(Tipo ~ ., data = train, cp = 0)
plotcp(tree)</pre>
```



```
xerror <- tree$cptable[,"xerror"]
imin.xerror <- which.min(xerror)
upper.xerror <- xerror[imin.xerror] + tree$cptable[imin.xerror, "xstd"]
icp <- min(which(xerror <= upper.xerror))
cp <- tree$cptable[icp, "CP"]
cp</pre>
```

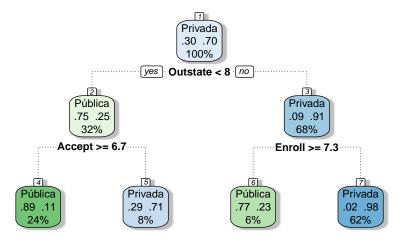
[1] 0.02521008

En primer lugar fijamos el parámetro cp=0, es decir, ajustamos el árbol completo. A continuación se calculan los errores de validación cruzada (reescalados) dependiendo del parámetro de complejidad empleado en el ajuste del árbol de decisión. Usando el criterio del error estándar de Breiman nos quedamos con el valor de cp que de lugar al mínimo error, en este caso cp=0.02521008.

b. Representar e interpretar el árbol resultante.

Si podamos el árbol utilizando el valor del parámetro obtenido en el apartado anterior, obtenemos el siguiente árbol:

Árbol de clasificación privada-pública



En este caso obtuvimos un árbol con 4 nodos terminales, que contienen un 24%, 8%, 6% y 62% del total de los datos respectivamente.

El nodo inicial o nodo padre contiene el total de los datos, para los cuales el 70% de los datos son universidades privadas y el 30% son públicas. Dado que la moda o mayoría de universidades son privadas, clasifica como privada.

A continuación el árbol se divide en dos ramas teniendo en cuenta la variable **Outstate**, es decir, el número de estudiantes de otro estado (en miles). Si el número de estudiantes de otro estado es menor que 8000 entonces clasificará como universidad pública, mientras que si es mayor clasificará como privada.

En el nodo 2 se encuentra un 32% de los datos, para los cuales el 75% son universidades públicas y el 25% privadas.

En el nodo 3 se encuentra un 68% de los datos, para los cuales el 9% de los datos son universidades públicas y el 91% son privadas.

A continuación el nodo 2 se divide en otras dos ramas teniendo en cuenta la variable **Accept**, es decir, el número de solicitudes aceptadas en escala logarítmica. Si el número de solicitudes aceptadas es mayor o igual que 6.7 entonces clasificará como universidad pública, mientras que si es menor clasificará como privada.

Por otra parte el nodo 3 se divide en dos teniendo en cuenta la variable **Enroll**, es decir, el número de nuevos estudiantes matriculados en escala logarítmica. Si el número de nuevos estudiantes es mayor o igual que 7.3, el árbol clasificará como universidad pública, mientras que si es menor clasificará como universidad privada.

En el primer nodo terminal se encuentra un 24% de los datos, de los cuales el 89% de las universidades son públicas y el 11% restante son privadas. Dado que hay un mayor número de universidades públicas clasifica

en públicas.

En el segundo nodo terminal se encuentra un 8% de los datos, de los cuales el 29% de las universidades son públicas y el 71% restante son privadas, por lo que clasifica en privadas.

En el tercer nodo terminal se encuentra un 6% de los datos, de los cuales el 77% de las universidades son públicas y el 23% restante son privadas, por lo que clasifica en públicas.

En el último nodo terminal se encuentra un 62% de los datos, de los cuales el 2% de las universidades son públicas y el 98% restante son privadas, por lo que clasifica en privadas.

Nótese que tanto el primer como el último nodo terminal poseen colores más oscuros, esto indica que en estos nodos la clasificación es mejor.

c. Evaluar la precisión, de las predicciones y de las estimaciones de la probabilidad, en la muestra de test.

Por último, nos piden evaluar la precisión de las predicciones y de las estimaciones de la probabilidad en la muestra de test. Para ello debemos obtener las observaciones de la muestra de test y compararlas con las predicciones obtenidas con nuestro modelo.

```
obs <- test$Tipo # Observaciones
pred <- predict(tree, newdata = test, type = "class") #Predicciones
confusionMatrix(pred,obs)</pre>
```

```
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction Pública Privada
      Pública
                   17
##
      Privada
                            70
##
##
##
                  Accuracy: 0.87
##
                    95% CI: (0.788, 0.9289)
       No Information Rate: 0.76
##
       P-Value [Acc > NIR] : 0.004749
##
##
##
                     Kappa: 0.6385
##
##
    Mcnemar's Test P-Value: 1.000000
##
##
               Sensitivity: 0.7083
##
               Specificity: 0.9211
            Pos Pred Value: 0.7391
##
            Neg Pred Value: 0.9091
##
##
                Prevalence: 0.2400
##
            Detection Rate: 0.1700
##
      Detection Prevalence: 0.2300
##
         Balanced Accuracy: 0.8147
##
##
          'Positive' Class : Pública
##
```

En primer lugar obtenemos la matriz de confusión, donde enfrentamos observaciones frente a predicciones. En este caso hemos obtenido que el modelo clasifica bien 17 universidades públicas de un total de 24 y 70 universidades privadas de un total de 76. Luego nuestro modelo tiene una precisión de las predicciones de un

87%.

Sin embargo, hay que tener en cuenta que se trata de una muestra desbalanceada, puesto que contiene 143 universidades públicas y 357 universidades privadas. En estos casos conviene fijarse en el valor de Kappa, que posee un valor más bajo, del 63.85%.

Para calcular la precisión de las estimaciones de la probabilidad, debemos utilizar la función pred con la opción por defecto type="prob":

```
pred_prob <- predict(tree, newdata = test) #Estimaciones de la probabilidad
head(pred_prob)</pre>
```

```
## Pública Privada
## University of San Francisco 0.02016129 0.9798387
## Clarkson University 0.02016129 0.9798387
## Marymount University 0.02016129 0.9798387
## West Virginia Wesleyan College 0.02016129 0.9798387
## Salem-Teikyo University 0.02016129 0.9798387
## Loyola Marymount University 0.02016129 0.9798387
```

Así obtenemos las probabilidades estimadas de que cada Universidad sea pública o privada.

2. Realizar la clasificación anterior empleando Bosques Aleatorios mediante el método "rf" del paquete caret.

a. Considerar 300 árboles y seleccionar el número de predictores empleados en cada división mtry = c(1, 2, 4, 6) mediante validación cruzada, con 10 grupos y empleando el criterio de un error estándar de Breiman.

Para seleccionar el valor de mtry mediante validación cruzada, se crea en primer lugar una rejilla con los valores que se van a considerar. El argumento trControl de la función train permite seleccionar el método de validación cruzada (method="cv") junto con el criterio de un error estandar (selectionFunction="oneSE").

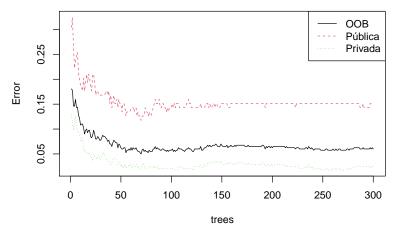
```
set.seed(40)
tuneGrid \leftarrow data.frame(mtry = c(1, 2, 4, 6))
rf.caret <-
    train(
        Tipo ~ .,
        data = train,
        method = "rf",
        ntree = 300.
        tuneGrid = tuneGrid,
        trControl = trainControl(
            method = "cv",
            number = 10,
             selectionFunction = "oneSE"
        )
    )
final <- rf.caret$finalModel;final</pre>
```

```
##
                         Number of trees: 300
## No. of variables tried at each split: 1
##
##
           OOB estimate of error rate: 6%
##
  Confusion matrix:
           Pública Privada class.error
##
## Pública
               101
                         18
                             0.15126050
## Privada
                 6
                        275
                            0.02135231
```

El criterio de validación cruzada ha seleccionado como mejor modelo el que considera mtry=1. Los errores de clasificación marginales son del 15.1% para las universidades públicas y del 2.1% para las privadas. Esta diferencia posiblemente se deba al hecho de que la muestra está desbalanceada.

b. Representar la convergencia del error en las muestras OOB en el modelo final.

Tasas de error OOB



No parece haber problemas de convergencia del error en las muestras OOB para el modelo con 300 árboles. Esta tasa de error se estabiliza en torno al 6%.

c. Estudiar la importancia de las variables y el efecto de las principales empleando algún método gráfico (para la interpretación del modelo).

Se obtiene la importancia de las variables predictoras mediante la función importance() de randomForest. También se pueden representar gráficamente con varImpPlot().

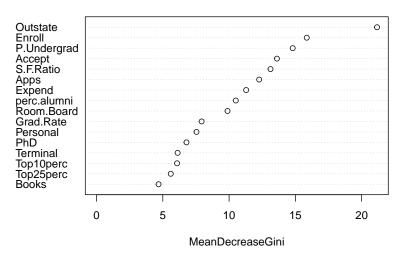
importance(final)

##		MeanDecreaseGini
##	Apps	12.271024
##	Accept	13.608565
##	Enroll	15.857022
##	Top10perc	6.078058
##	Top25perc	5.600199
##	P.Undergrad	14.798553
##	Outstate	21.159093

```
## Room.Board
                        9.883106
## Books
                        4.681907
## Personal
                        7.542424
## PhD
                        6.786413
## Terminal
                        6.119014
## S.F.Ratio
                       13.124654
## perc.alumni
                       10.502168
                       11.288318
## Expend
## Grad.Rate
                        7.927583
```

varImpPlot(final)

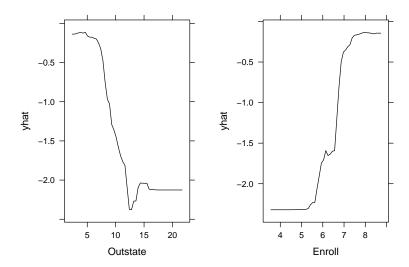
final



La variable predictora más importante, con cierta diferencia sobre las demás, es **Outstate**. Le siguen **Enroll** y **P.Undergrad**. Para estudiar el efecto de estas variables predictoras en la respuesta, se pueden generar mediante el paquete pdp unos gráficos PDP que estiman los efectos individuales de los predictores. Se muestran a continuación los gráficos para las dos variables con mayor importancia, **Outstate** y **Enroll**:

```
pdp1 <- partial(final, "Outstate", train = train)
p1 <- plotPartial(pdp1)

pdp2 <- partial(final, "Enroll", train = train)
p2 <- plotPartial(pdp2)
grid.arrange(p1, p2, ncol = 2)</pre>
```



Se observa en este gráfico que la variable **Outstate** se relaciona con la respuesta de manera inversa a **Enroll**. Como ya vimos en los árboles de clasificación del primer ejercicio, valores altos de **Outstate** (es decir, un número elevado de alumnos de otros estados) se relacionan con las universidades privadas, mientras que los valores altos de **Enroll** (es decir, un número elevado de nuevas admisiones) se relacionan más con las universidades públicas.

d. Evaluar la precisión de las predicciones en la muestra de test y comparar los resultados con los obtenidos con el modelo del ejercicio anterior.

```
obs <- test$Tipo
head(predict(final, newdata = test))
##
      University of San Francisco
                                               Clarkson University
##
                           Privada
                                                            Privada
##
             Marymount University West Virginia Wesleyan College
##
                           Privada
                                                            Privada
##
          Salem-Teikyo University
                                       Loyola Marymount University
##
                           Privada
                                                            Privada
## Levels: Pública Privada
pred <- predict(final, newdata = test, type = "class")</pre>
table(obs, pred)
##
            pred
##
  obs
             Pública Privada
##
     Pública
                   18
                            6
##
     Privada
                           72
confusionMatrix(pred, obs)
  Confusion Matrix and Statistics
##
##
##
             Reference
## Prediction Pública Privada
##
      Pública
                    18
                             4
                     6
                            72
##
      Privada
##
##
                  Accuracy: 0.9
##
                     95% CI: (0.8238, 0.951)
       No Information Rate: 0.76
##
```

```
##
       P-Value [Acc > NIR] : 0.0003075
##
##
                     Kappa: 0.7178
##
##
    Mcnemar's Test P-Value: 0.7518296
##
               Sensitivity: 0.7500
##
##
               Specificity: 0.9474
##
            Pos Pred Value: 0.8182
##
            Neg Pred Value: 0.9231
##
                Prevalence: 0.2400
            Detection Rate: 0.1800
##
##
      Detection Prevalence: 0.2200
         Balanced Accuracy: 0.8487
##
##
##
          'Positive' Class : Pública
##
```

La matriz de confusión del nuevo modelo indica que se clasifican correctamente 18 de las 24 universidades públicas y 72 de las 76 universidades privadas. Esto supone una cierta mejora con respecto al modelo del ejercicio 1, como refleja el aumento en la precisión (90% frente al 87% anterior) así como en el valor de Kappa (71.7% frente al 63.8% anterior).

3. Realizar la clasificación anterior empleando SVM mediante la función ksvm() del paquete kernlab,

a. Ajustar el modelo con las opciones por defecto.

[1] 400

En primer lugar, vamos a ajustar el modelo con los ajustes por defecto que trae la función ksvm del paquete kernlab, es decir, indicarle la fórmula (Tipo~.), y los datos de entrenamiento que se emplean para la clasificación (train).

```
set.seed(40)
svm <- ksvm(Tipo ~ ., data = train,prob.model=TRUE)</pre>
## Support Vector Machine object of class "ksvm"
##
## SV type: C-svc (classification)
##
    parameter : cost C = 1
##
## Gaussian Radial Basis kernel function.
##
    Hyperparameter : sigma = 0.0543868376683745
##
## Number of Support Vectors : 114
##
## Objective Function Value : -66.589
## Training error: 0.0425
## Probability model included.
dim(train)
```

Observamos que por defecto emplea el parámetro de coste C = 1. Calcula $\hat{\sigma} = 0.054$, que es la inversa de la ventana; y emplea 114 vectores soporte, que es aprox. el 50% de los datos.

Podemos realizar predicciones con la función predict del paquete base de R. Con el modelo ajustado svm, y con el conjunto de datos de test obtenemos las predicciones.

```
pred <- predict(svm, newdata = test)</pre>
```

En el apartado c) analizaremos la precisión de las predicciones del modelo ajustado en este apartado.

b. Ajustar el modelo empleando validación cruzada con 10 grupos para seleccionar los valores "óptimos" de los hiperparámetros, considerando las posibles combinaciones de sigma = c(0.01, 0.05, 0.1) y C = c(0.5, 1, 10) (sin emplear el paquete caret; ver Ejercicio 3.1 en 03-bagging_boosting-ejercicios.html).

En primer lugar, creamos el grid con todas las combinaciones posibles de los hiperparámetros.

```
tune.grid <- expand.grid(
    sigma = c(0.01, 0.05, 0.1),
    C = c(0.5, 1, 10),
    error = NA
)</pre>
```

A continuación, como se realiza de forma análoga en 03-bagging_boosting-ejercicios.html, ajustamos un modelo con cada combinación de hiperparámetros, comprobando en cada iteración si hay una mejora en el modelo.

```
best.err <- Inf
set.seed(40)
for (i in 1:nrow(tune.grid)) {
    fit <-
        ksvm(
             Tipo ~ .,
             prob.model=TRUE,
             data = train[, ],
             cross = 10,
             C = tune.grid$C[i],
             kpar = list(tune.grid$sigma[i])
         )
    fit.error <- fit@cross</pre>
    tune.grid$error[i] <- fit.error</pre>
    if (fit.error < best.err) {</pre>
        final.model <- fit
        best.err <- fit.error</pre>
        best.tune <- tune.grid[i,]</pre>
    }
}
```

Además de obtener el ajuste que se requería, obtenemos los errores para cada combinación (almacenados en tune.grid). El ajuste elegido es el que genera un menor error, y para ver con qué combinación de hiperparámetros se ajusta el modelo podemos consultar best.tune:

```
best.tune
```

```
## sigma C error
## 1 0.01 0.5 0.0525
```

Observamos que el mejor modelo es el que emplea $\sigma=0.01,$ y un parámetro de coste C=0.5. Podemos comprobar el ajuste:

```
final.model
```

```
## Support Vector Machine object of class "ksvm"
##
## SV type: C-svc (classification)
## parameter : cost C = 0.5
##
## Gaussian Radial Basis kernel function.
## Hyperparameter : sigma = 0.01
##
## Number of Support Vectors : 145
##
## Objective Function Value : -53.98
## Training error : 0.055
## Cross validation error : 0.0525
## Probability model included.
```

De la misma forma que en el apartado a), podemos realizar predicciones con la función predict, el ajuste final.model, y el conjunto de datos de test.

```
pred2 <- predict(final.model, newdata = test)</pre>
```

En el próximo apartado mediremos tanto su capacidad predictiva, como la del ajuste calculado en el apartado anterior. Además, compararemos los modelos obtenidos en este ejercicio, con los del ejercicio 2.

c. Evaluar la precisión de las predicciones de ambos modelos en la muestra de test y comparar también los resultados con los obtenidos en el ejercicio anterior.

En primer lugar, evaluaremos la precisión del modelo obtenido las matrices de confusión de las dos predicciones. Lo realizamos con la función confusionMatrix del paquete caret:

```
caret::confusionMatrix(pred, test$Tipo)
```

```
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction Pública Privada
      Pública
##
                   19
      Privada
##
                    5
                           73
##
                  Accuracy: 0.92
##
                    95% CI: (0.8484, 0.9648)
##
       No Information Rate: 0.76
##
       P-Value [Acc > NIR] : 3.001e-05
##
##
##
                     Kappa: 0.7743
##
    Mcnemar's Test P-Value: 0.7237
##
##
##
               Sensitivity: 0.7917
##
               Specificity: 0.9605
##
            Pos Pred Value: 0.8636
            Neg Pred Value: 0.9359
##
                Prevalence: 0.2400
##
            Detection Rate: 0.1900
##
##
      Detection Prevalence: 0.2200
##
         Balanced Accuracy: 0.8761
##
```

```
caret::confusionMatrix(pred2,test$Tipo)
## Confusion Matrix and Statistics
##
##
             Reference
## Prediction Pública Privada
##
      Pública
                  19
                   5
                           73
##
      Privada
##
##
                  Accuracy: 0.92
##
                    95% CI : (0.8484, 0.9648)
##
       No Information Rate: 0.76
       P-Value [Acc > NIR] : 3.001e-05
##
##
##
                     Kappa : 0.7743
##
   Mcnemar's Test P-Value : 0.7237
##
##
               Sensitivity: 0.7917
##
##
               Specificity: 0.9605
##
            Pos Pred Value: 0.8636
##
            Neg Pred Value: 0.9359
                Prevalence: 0.2400
##
##
           Detection Rate: 0.1900
##
      Detection Prevalence: 0.2200
##
         Balanced Accuracy: 0.8761
##
##
          'Positive' Class : Pública
##
```

'Positive' Class : Pública

##

##