Lista de Exercícios:

```
01) A \rightarrow B, (B \rightarrow C), A \vdash C
02) P \rightarrow Q \land R \models P \land Q \rightarrow R
03) P \rightarrow Q, \neg Q \models \neg P
04) A \rightarrow B, B \rightarrow C \models A \rightarrow C
05) P \lor Q \rightarrow R \vdash P \rightarrow (Q \rightarrow R)
06) B \rightarrow (C \land A), A \rightarrow D, B \land C \vdash D
07) (A V B) \rightarrow C, D \rightarrow A \vdash D \rightarrow C
08) A \rightarrow B, B \rightarrow C, C \vdash A \rightarrow B \land C
09) P \lor Q, P \rightarrow R, Q \rightarrow R \vdash R
10) A \rightarrow (B ^{\wedge} C), (D ^{\wedge} F) \rightarrow A, D ^{\wedge} F \mid - B ^{\wedge} F
11) A \lor B, C \rightarrow \neg A, C \land D \models B \lor A
12) (A V B) \rightarrow C, C \rightarrow (D ^{\wedge} F), A \models F V E
13) A ^{\wedge} B \rightarrow C, C V D \rightarrow E \models (A ^{\wedge} B) \rightarrow (E V F)
14) A \wedge B, \neg C, (A \wedge B) \rightarrow (C \vee D) \vdash D \vee E
15) D, I, (D ^{\wedge} A) \rightarrow \neg P, I \rightarrow M, M \rightarrow A \mid - \neg P
16) (A V B) \rightarrow C, C \rightarrow D \vdash (A \land B) \rightarrow (C \land D)
17) \neg P \rightarrow Q \vdash P \lor Q
18) A V B, (A V C) \rightarrow D, B \rightarrow D ^{\land} C \vdash D
19) \vdash \neg (A \land B) \Rightarrow \neg A \lor \neg B
20) \vdash \neg (P \land \neg P)
            -\neg(P \rightarrow Q) \rightarrow P
21)
            -\neg (P \rightarrow Q) \rightarrow \neg Q
22)
           -(P \rightarrow \neg P) \rightarrow \neg P
23)
            -(\neg P \rightarrow P) \rightarrow P
24)
           -(P \land Q) \Rightarrow \neg(\neg P \lor \neg Q)
25)
26) \vdash A \rightarrow (\neg B \rightarrow \neg (A \rightarrow B))
27) \vdash B \lor (B \rightarrow C)

\begin{array}{c|c}
\hline
28) & (\neg A \land \neg B) \Rightarrow \neg (A \lor B)
\end{array}

29) \overrightarrow{A} \rightarrow \overrightarrow{B} \land \overrightarrow{C}, (\overrightarrow{B} \rightarrow \overrightarrow{C}) \rightarrow \overrightarrow{D} \vdash \overrightarrow{A} \rightarrow \overrightarrow{B} \land \overrightarrow{D}
30) A \rightarrow B \lor C, B \rightarrow D, F \rightarrow (D \land E), A \lor F \vdash D
31) (A V B) V C \vdash A V (B V C)
32) \vdash ((A \rightarrow B) \rightarrow A) \rightarrow A
33) A V B, \negB \wedge D, (A \wedge D) V C, (A \wedge D) \rightarrow E, C \rightarrow E \vdash E
34) \neg A \lor B, \neg (B \land \neg C), C \rightarrow D \vdash \neg A \lor D
35) B, (R \lor S) \rightarrow A, R \lor S, (A \land R) \rightarrow C, (B \land S) \rightarrow C \vdash C
36) A \rightarrow B \lor C, B \rightarrow D \land F, C \land A \rightarrow D \vdash A \rightarrow D
37) \neg C \rightarrow (\neg A \land \neg B), C \lor D \rightarrow E, B \vdash \neg E \rightarrow \neg A
38) (A \rightarrow B) \rightarrow B, A \rightarrow C, B \rightarrow C \vdash C
39) (C \rightarrow A) \rightarrow B, C \rightarrow A \land D, (B \land D) \rightarrow (E \land F), F \rightarrow G \vdash D \rightarrow G
40) (P \rightarrow Q) \rightarrow Q, Q \rightarrow P \vdash P
41) B, (A \land B) \rightarrow (C \lor D), C \land A \rightarrow E, D \rightarrow E \land F \vdash A \rightarrow E
42) (P \rightarrow Q) \rightarrow Q, Q \rightarrow P \vdash P
43) A \land B, (C \rightarrow (A \lor D)) \rightarrow E \vdash E \land B
44) (P \land Q \land R) \rightarrow S, \neg (P \lor Q) \rightarrow Q, \neg S \land \neg Q \vdash \neg R
45) (A \rightarrow B) \rightarrow B \vdash (B \rightarrow A) \rightarrow A

46) A \rightarrow \neg B, B \lor C, (A \rightarrow C) \rightarrow \neg C, (D \land B) \rightarrow E, E \rightarrow (F \land G) \vdash D \rightarrow F
47) B, (A \land B \land \neg C) \rightarrow D, C \land A \rightarrow E, D \rightarrow E, D \rightarrow F \vdash A \rightarrow E
48) \vdash \neg P \rightarrow ((P \lor Q) \leftrightarrow Q)
49) P \rightarrow \neg Q, \neg (\neg P \lor \neg Q) \lor R, R \rightarrow (\neg (A \land B) \lor \neg S), S \lor \neg (C \lor D), (\neg A \lor \neg B) \rightarrow E,
 (\neg C \land \neg D) \rightarrow E \vdash E
50) \neg (A \rightarrow \neg B), C \vee D, (C \wedge A) \rightarrow (F \vee G), F \rightarrow H, (\neg H \vee \neg I) \rightarrow \neg G, H \rightarrow K, D \rightarrow J, J \wedge B \rightarrow K \models K
```