### Tema 3

### Fuentes Reales de Corriente Continua

### Teoría de Circuitos

Dpto. Ingeniería Eléctrica Escuela Técnica Superior de Ingeniería Universidad de Sevilla

- 1 Fuente real de tensión continua
- Puente real de corriente continua
- 3 Equivalencia entre fuentes reales
- Asociación de fuentes reales
- Circuitos equivalentes Thévenin y Norton
- Máxima transferencia de potencia
- Fuentes reales dependientes

2/20

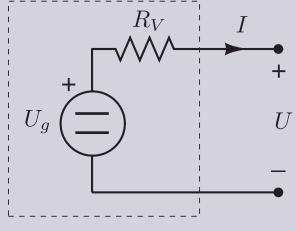
- 1 Fuente real de tensión continua
- 2 Fuente real de corriente continua
- 3 Equivalencia entre fuentes reales
- 4 Asociación de fuentes reales
- Circuitos equivalentes Thévenin y Norton
- Máxima transferencia de potencia
- 7 Fuentes reales dependientes

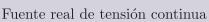
### Fuente real de tensión continua

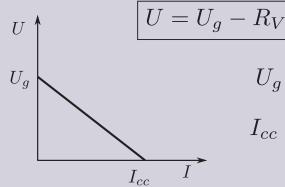
### Algunas observaciones

- 1 Toda fuente real tiene aparejada una potencia máxima que puede suministrar.
- La tensión en bornes de una fuente real de tensión depende del circuito al que se conecte.
- Las fuentes reales sufren un calentamiento durante su uso.

### Modelo lineal y característica U-I







 $U = U_g - R_V \cdot I$ 

 $U_q \equiv \text{Tensión en vacío}$ 

$$I_{cc} = \frac{U_g}{R_V} \equiv \begin{array}{c} \text{Intensidad} \\ \text{en cortocircuito} \end{array}$$

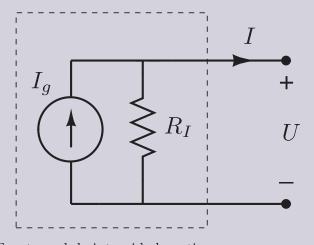
- 1 Fuente real de tensión continua
- 2 Fuente real de corriente continua
- 3 Equivalencia entre fuentes reales
- Asociación de fuentes reales
- Circuitos equivalentes Thévenin y Norton
- Máxima transferencia de potencia
- 7 Fuentes reales dependientes

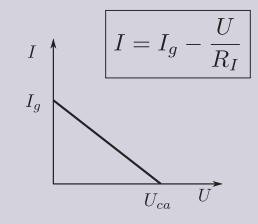
### Fuente real de corriente continua

### Algunas observaciones

- Toda fuente real tiene aparejada una potencia máxima que puede suministrar.
- 2 La intensidad que suministra una fuente real de intensidad depende del circuito al que se conecte.

### Modelo lineal y característica U-I





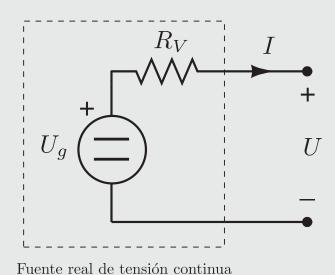
$$I_g \equiv \begin{array}{c} \text{Intensidad} \\ \text{en cortocircuito} \end{array}$$

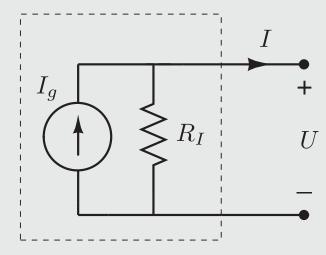
$$U_{ca} = R_I \cdot I_g \equiv \begin{array}{c} \text{Tensi\'on} \\ \text{en vac\'io} \end{array}$$

- 1 Fuente real de tensión continua
- 2 Fuente real de corriente continua
- 3 Equivalencia entre fuentes reales
- 4 Asociación de fuentes reales
- Circuitos equivalentes Thévenin y Norton
- Máxima transferencia de potencia
- 7 Fuentes reales dependientes

# Equivalencia entre fuentes reales







Fuente real de intensidad continua

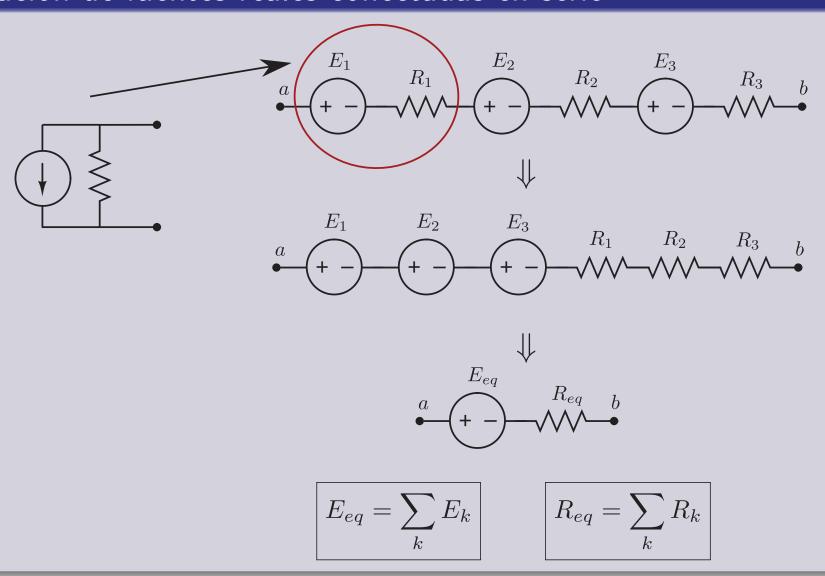


$$U_g = R_I \cdot I_g \qquad \qquad R_V = R_I$$

- 1 Fuente real de tensión continua
- 2 Fuente real de corriente continua
- 3 Equivalencia entre fuentes reales
- Asociación de fuentes reales
- 5 Circuitos equivalentes Thévenin y Norton
- Máxima transferencia de potencia
- 7 Fuentes reales dependientes

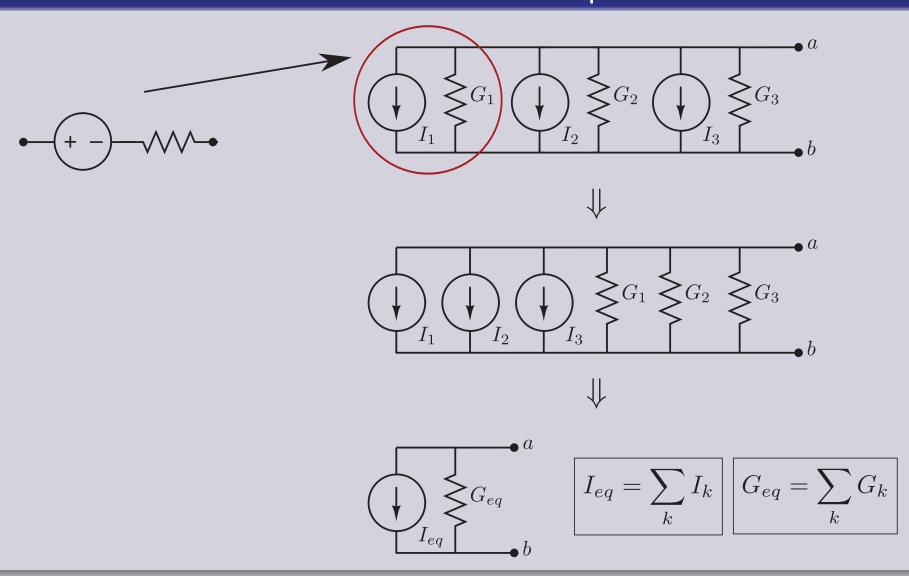
### Asociación de fuentes reales

### Asociación de fuentes reales conectadas en serie



### Asociación de fuentes reales

### Asociación de fuentes reales conectadas en paralelo

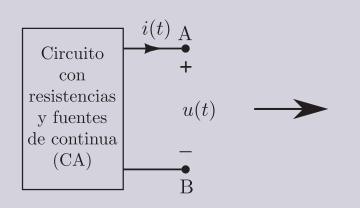


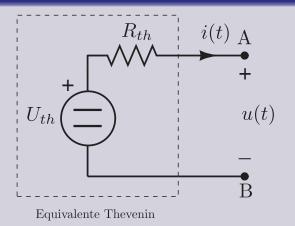
- 1 Fuente real de tensión continua
- 2 Fuente real de corriente continua
- 3 Equivalencia entre fuentes reales
- Asociación de fuentes reales
- Circuitos equivalentes Thévenin y Norton
- Máxima transferencia de potencia
- 7 Fuentes reales dependientes

# Circuitos equivalente Thévenin y Norton

Todo circuito activo resistivo lineal monopuerta equivale a una fuente real, de tensión o de intensidad.

### Circuito equivalente Thévenin

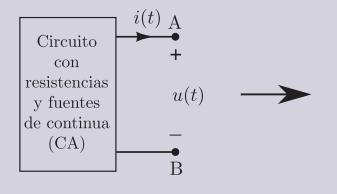


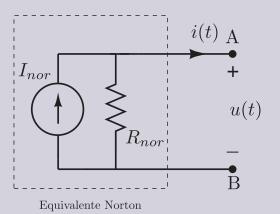


$$U_{th} = u_{ca}|_{AB}$$

$$R_{th} = \left. R_{eq} \right|_{AB}$$

### Circuito equivalente Norton





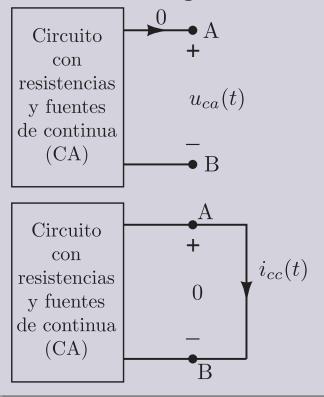
$$I_{nor} = i_{cc}|_{AB}$$

$$R_{nor} = \left. R_{eq} \right|_{AB}$$

# Circuitos equivalente Thévenin y Norton

### Obtención de $u_{ca}$ y $i_{cc}$

Se obtienen resolviendo los circuitos siguientes:



# Obtención de $R_{eq}$

 $1^a$  forma: A partir de  $u_{ca}$  y  $i_{cc}$ :

$$R_{eq} = \frac{u_{ca}}{i_{cc}}$$
, salvo indeterminación:  $0/0$ 

2ª forma: Conectando al circuito pasivo una fuente de prueba externa. Así:

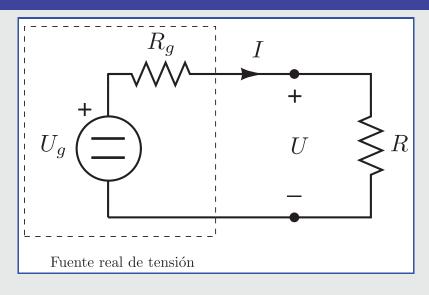


**3**<sup>a</sup> **forma**: Asociación de resistencias del circuito pasivo. *No aplicable si hay fuentes dependientes*.

El **circuito pasivo** se obtiene anulando las fuentes independientes del circuito activo original. Las fuentes de tensión se sustituyen por un cortocircuito y las de intensidad por un circuito abierto.

- 1 Fuente real de tensión continua
- 2 Fuente real de corriente continua
- 3 Equivalencia entre fuentes reales
- 4 Asociación de fuentes reales
- Circuitos equivalentes Thévenin y Norton
- 6 Máxima transferencia de potencia
- 7 Fuentes reales dependientes

### Desde una fuente real de tensión



$$P = UI = RI^2 = \frac{R}{(R+R_g)^2} \cdot U_g^2$$

$$P_{max} \implies \frac{dP}{dR} = 0 \implies \boxed{R = R_g}$$

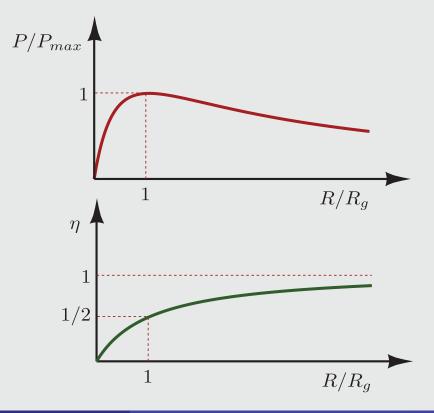
Potencia máxima:

$$P_{max} = \frac{U_g^2}{4 \cdot R_g}$$

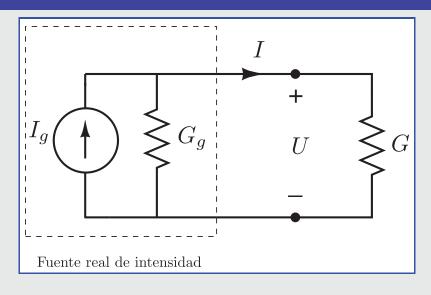
Rendimiento:

$$\eta = \frac{UI}{U_g I} = \frac{R}{R + R_g}$$

Si 
$$R = R_g \quad \Rightarrow \quad \eta|_{P_{max}} = 0.5$$



### Desde una fuente real de intensidad



$$P = UI = GU^2 = \frac{G}{(G + G_g)^2} \cdot I_g^2$$

$$P_{max} \implies \frac{dP}{dR} = 0 \implies \boxed{G = G_g}$$

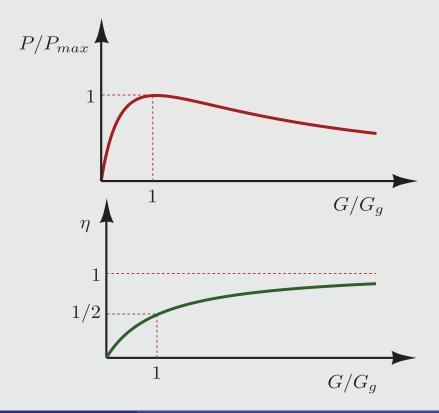
Potencia máxima:

$$P_{max} = \frac{I_g^2}{4 \cdot G_g}$$

• Rendimiento:

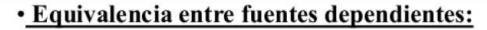
$$\eta = \frac{UI}{UI_g} = \frac{G}{G + G_g}$$

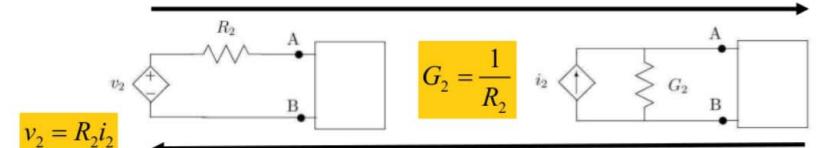
Si 
$$G = G_g \quad \Rightarrow \quad \eta|_{P_{max}} = 0.5$$



- 1 Fuente real de tensión continua
- 2 Fuente real de corriente continua
- 3 Equivalencia entre fuentes reales
- 4 Asociación de fuentes reales
- Circuitos equivalentes Thévenin y Norton
- 6 Máxima transferencia de potencia
- Fuentes reales dependientes

# Equivalencia entre fuentes dependientes





$$i_2 = \frac{v_2}{R_2}$$

# Fuentes dependientes: Resistencia equivalente

# Resistencias equivalentes con fuentes dependientes: No se anulan las fuentes dependientes. 1a forma: Simplificación de circuitos resistivos. $\begin{cases} 1^{o} \text{ pasivar} \\ 2^{o} \text{ asociar} \end{cases}$ 2a forma: $\begin{cases} 1^{o} \text{ pasivar} \\ 2^{o} \text{ conectar una fuente indeterminada de tensión } v_{g}(t), \text{ que inyecta } i(t) \end{cases} \rightarrow R_{eq} = \frac{v_{g}(t)}{i(t)}$ 3a forma: Obtener $v_{ca}(t)$ | e $i_{cc}(t)$ : $R_{eq} = \frac{v_{ca}(t)|_{AB}}{i_{cc}(t)|_{AB}}$ salvo indeterminación $\frac{0}{0}$