

# 2η Υποχρεωτική Εργασία Στο Μάθημα της Αριθμητικής Ανάλυσης

Ονοματεπώνυμο: Μάριος Χίρτογλου  
ΑΕΜ: 2426

19 Δεκεμβρίου 2016

## Περιεχόμενα

<b>1</b>	<b>Πρώτη Ασκήση</b>	<b>1</b>
1.1	Στοχαστικός Πίνακας . . . . .	2
1.2	Πίνακας G και ιδιοδιανύσματα . . . . .	3
1.3	Μετατροπή Συνδέσεων . . . . .	5
1.4	Αλλαγή Πιθανότητας Μεταπήδησης . . . . .	6
1.5	Καλύτερη Σύνδεση . . . . .	6
1.6	Διαγραφή Σελίδας . . . . .	8
<b>2</b>	<b>Δεύτερη Ασκήση</b>	<b>9</b>
2.1	Με πολυωνυμική προσέγγιση . . . . .	9
2.2	Με την μέθοδο ελαχίστων τετραγώνων . . . . .	10
<b>3</b>	<b>Τρίτη Ασκήση</b>	<b>11</b>
3.1	Μέθοδος Simpson . . . . .	11
3.2	Μέθοδος Τραπεζίου . . . . .	12
<b>4</b>	<b>Πρόβλεψη Μετοχών</b>	<b>14</b>

## 1 Πρώτη Ασκήση

Δίνεται από την εκφώνηση ο πίνακας:

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

## 1.1 Στοχαστικός Πίνακας

### ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```

clc;
clearall;
closeall;
n = 15;
c = sum(A);
I = eye(n, n);
e = ones(n, 1);
p = .85;
delta = (1 - p)/n;
D = spdiags(1./c', 0, n, n);
x=(I-p*A*D)delta * e);
G = p * A * D + delta;
c1 = sum(G)

```

Για να είναι στοχαστικός ένας πίνακας σημαίνει ότι το άθροισμα των στοιχείων κάθε του στήλης πρέπει να ισούται με 1. Αυτή την δουλειά την εκτελεί η τελευταία εντολή και προκύπτει όντως ότι ο πίνακας είναι στοχαστικός

## 1.2 Πίνακας G και ιδιοδιανύσματα

Για να κατασκευάσουμε τον ζητούμενο πίνακα της Google (G) πρέπει να κάνουμε χρήση της παρακάτω συνάρτησης η οποία δέχεται ως ορίσματα τον πίνακα A και την πιθανότητα μετακίνησης σε μια τυχαία σελίδα  $i, q = 0.15$ :

### ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
function G = GoogleG(A, q)
format long;
[m, n] = size(A);
for i = 1 : n
    for j = 1 : n
        G(i, j) = q/n + (A(j, i) * (1 - q)) / findnj(A, j, n);
    end
end
end
```

Με την συνάρτηση  $findnj(A, j, n)$  βρίσκουμε το άθροισμα της στήλης  $j$ . Σαν ορίσματα αυτή η συνάρτηση παίρνει τον πίνακα A, την στήλη  $j$  και το μέγεθος του πίνακα  $n$ . Ο τύπος της συνάρτησης είναι ο εξής:

### ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
function a = findnj(A, j, n)
sum = 0;
for i = 1 : n
    sum = sum + A(j, i);
end
```

```
a = sum;
```

```
end
```

Με την μέθοδο της δύναμης υπολογίζουμε το ιδιοδιάνυσμα της μέγιστης ιδιοτιμής, το κανονικοποιούμε και παρατηρούμε ότι είναι ίδιο με δοθέν ιδιοδιάνυσμα της εκφώνησης:

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ ΜΕΘΟΔΟΣ ΤΗΣ ΔΥΝΑΜΗΣ

```
function maxd = PowerMethod(G)
```

```
format long;
```

```
[m, n] = size(G);
```

```
b = G(1 : m, n);
```

```
for i = 1 : 20
```

```
b = G * b;
```

```
l = 1/b(1);
```

```
b = l * b;
```

```
end
```

```
b = (1/l) * b;
```

```
maxd = b;
```

```
end
```

Η συνάρτηση αυτή δέχεται σαν όρισμα μόνο τον πίνακα  $G$  και επιστρέφει το ιδιοδιάνυσμα (*maxd*) που αντιστοιχεί στην μεγαλύτερη ιδιοτιμή του.

Ακολουθεί η κανονικοποίηση του ιδιοδιανύσματος:

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ ΚΑΝΟΝΙΚΟΠΟΙΗΣΗΣ

```
function c = kanonikopoiisi(b)
```

```
format long;
```

```

m = length(b);
sum = 0;
for i = 1 : m
    sum = sum + b(i);
end
c = (1/sum) * b;
end

```

Η παραπάνω συνάρτηση πετυχαίνουμε το άθροισμα των στοιχείων του πίνακα να δίνουν μονάδα. Για να γίνει κάτι τέτοιο πρώτα βρίσκουμε το άθροισμα (sum) των στοιχείων του πίνακα και στην συνέχεια διαρούμε κάθε στοιχείο του με αυτό.

### 1.3 Μετατροπή Συνδέσεων

Επιλέγω τυχαία να κάνω μετατροπή στην σελίδα 11 (στην στήλη 11 του αρχικού πίνακα A) και να την σύνδεσα με τις σελίδες 1,2 και 3. Οπότε ο καινούργιος πίνακας A2 θα είναι ως εξής:

	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	1	0	0	0
	0	0	1	0	1	0	1	0	0	0	1	0	0	0
	0	1	0	0	0	1	0	1	0	0	1	0	0	0
	0	0	1	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0
	1	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	0
A2=	0	0	0	1	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
	0	0	0	0	1	1	0	0	0	1	0	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1
	0	0	0	0	0	0	1	1	0	0	1	0	0	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0	0	1
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	0
	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	1

Με την χρήση των προηγούμενων συναρτήσεων βρίσκω τον καινούργιο πίνακα G , αρκεί βέβαια να δώσουμε ως όρισμα των συναρτήσεων τον πίνακα A2, δη-

λαδής:

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
G2 = GoogleG(A2, 0.15);
```

```
b2 = PowerMethod(G2);
```

```
p2 = kanonikopoiisi(b2);
```

```
p(11)
```

```
p2(11)
```

Έτσι είναι εμφανής η διαφορά της σημαντικότητας αφού το  $p(11)$  είναι μικρότερο από το  $p2(11)$ .

### 1.4 Αλλαγή Πιθανότητας Μεταπήδησης

Εκτελούμε πάλι τις συναρτήσεις "*GoogleG*", "*PowerMethod*" και "*kanonikopoiisi*" με την προϋπόθεση ότι στην μέθοδο *GoogleG* δίνουμε ως όρισμα την νέα πιθανότητα μεταπήδησης

α)για  $q=0.03$  το ιδιοδιάνυσμα είναι:

```
Για q=0.03, ο πίνακας  
pp =
```

```
0.017634284800230
```

```
0.014547399534219
```

```
0.012294803963403
```

```
0.017233113039689
```

```
0.032334707534876
```

```
0.031602255034633
```

```
0.032166471179604
```

```
0.031434018679361
```

```
0.079408956585287
```

```
0.108533820910180
```

```
0.113556862886941
```

```
0.078819297522085
```

```
0.141715371496509
```

```
0.142058305851164
```

```
0.146660330981819
```

β)για  $q=0.7$  το ιδιοδιάνυσμα είναι:

```
Για q=0.7, ο πίνακας  
pp1 =
```

```
0.055578603095045  
0.060833481905653  
0.058300247747293  
0.055502328900608  
0.059412909522529  
0.059159586106693  
0.059157738308779  
0.058904414892943  
0.066628946652976  
0.085250533258720  
0.090469320740594  
0.064077234515466  
0.077503263480340  
0.070152491147457  
0.079068899724906
```

Παρατηρούμε ότι τα ιδιοδιανύσματα είναι αρκετά διαφορετικά απο το αρχικό αλλά και μεταξύ τους και μάλιστα όσο μεγαλύτερη είναι η πιθανότητα μετακίνησης τόσο μεγαλύτερες είναι και τιμές των ιδιοδιανυσμάτων.

## 1.5 Καλύτερη Σύνδεση

Σύμφωνα με την εκφώνηση δημιουργούμε έναν καινούργιο πίνακα A3, ο οποίος έχει την μορφή:

$$A3 = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 2 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 \end{pmatrix}$$

Με αυτόν τον τρόπο προσπαθούμε να αυξήσουμε την τάξη της σελίδας 11. Για να μπορέσουμε να λύσουμε αυτό το πρόβλημα πρέπει η τάξη της αρχικής σελίδας 11 να είναι μικρότερη από αυτή που θα προκύψει μετά την μετατροπή. Με άλλα λόγια πρέπει το η 11η τιμή του αρχικού ιδιοδιανύσματος να είναι μικρότερη από την 11η του τελικού.

Βρίσκουμε το ιδιοδιάνυσμα μετά την μετατροπή με τις γνώστες μας συναρτήσεις:

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
G3 = GoogleG(A3, 0.15);
b3 = PowerMethod(G3);
p3 = kanonikopoiisi(b3);
p(11);
p3(11);
```



```
ans =
0.112057745069699

ans =
0.117966362606463
```

Όπως βλέπουμε η τροποποιημένη τάξη είναι μεγαλύτερη από την αρχική οπότε μπορούμε να ισχυριστούμε ελεύθερα ότι η στρατηγική αυτή λειτουργεί αποτελεσματικά.

## 1.6 Διαγραφή Σελίδας

Εάν διαγράψουμε την σελίδα 11 δηλαδή την 11η στήλη και γραμμή από τον πίνακα A θα πάρουμε τον παρακάτω πίνακα A4:

$$A = \begin{pmatrix} 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 1 & 0 & 1 & 0 & 0 \end{pmatrix}$$

Εκτελούμε πάλι τις συναρτήσεις "*GoogleG*", "*PowerMethod*" και "*kanonikopoiisi*" με την προϋπόθεση ότι στην μέθοδο *GoogleG* δίνουμε ως όρισμα τον πίνακα A4:

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
G4 = GoogleG(A4, 0.15);  
b4 = PowerMethod(G4);  
p4 = kanonikopoiisi(b4);  
p  
p4
```

```
p =  
  
0.026651041239052  
0.028547470217064  
0.025481428541965  
0.026088651136497  
0.039186390322228  
0.038317477811357  
0.038726131113094  
0.037857218602223  
0.074473251455360  
0.105687310965654  
0.112057745069699  
0.072842635857399  
0.125033964305478  
0.118594766295324  
0.130454517067607
```

```
p4 =
0.032053677575718
0.035925689361577
0.040918437358698
0.047138777575818
0.050270373511434
0.051661712527710
0.041388485525165
0.042779824541441
0.103609945520139
0.170976893448841
0.048211617216542
0.186430073283565
0.107465256480649
0.041169236072702
```

Παρατηρούμε ότι οι τάξεις των 14 και 15 έχουν μειωθεί, ενώ όλες οι άλλες έχουν αυξηθεί.

## 2 Δεύτερη Ασκήση

Προσπαθούμε να βρούμε την συνάρτηση η οποία προσδιορίζει το ημίτονο μιας οποιασδήποτε γωνίας. Αυτό επιτυγχάνεται με την βοήθεια κάποιας από τις 3 παρακάτω μεθόδους:

### 2.1 Με πολυωνυμική προσέγγιση

#### ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
clc;
clearall;
closeall;
formatlong;
symsx;
```

```

A = [-pi, -pi/6, -pi/4, -pi/2, -3*(pi/4), -7*(pi/6), 7*(pi/6), 3*(pi/4), pi/2, pi/4, pi/6, pi]';
B = [0, -1/2, -sqrt(2)/2, -1, -sqrt(2)/2, 1/2, -1/2, sqrt(2)/2, 1, sqrt(2)/2, 1/2, 0]';
n = size(A);
teliko = 0;
for j = 1 : n
    apotelesma = 1;
    for i = 1 : n
        if i == j
            continue;
        end
        apotelesma = apotelesma * (x - A(i))/(A(j) - A(i));
    end
    teliko = teliko + apotelesma * B(j);
end
pretty(teliko);
simplify(teliko);

```

## 2.2 Με την μέθοδο ελαχίστων τετραγώνων

### ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```

clc; //clearall; //closeall; //formatlong; //syms x; //A = [1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1, 1; -pi, -pi/6, -
(pi/4), -7*(pi/6), 7*(pi/6), 3*(pi/4), pi/2, pi/4, pi/6, pi]'; //b = [0, -1/2, -sqrt(2)/2, -1, -sqrt(2)/
A' * A; //c = A' * b; //z = D; //n = length(z);
f = 0;
i = n;
while i > 0
    f = f + z(i) * x.(i - 1);
    i = i - 1;
end
f

```

Το σφάλμα προσέγγισης αυτής της μεθόδου δύνεται με την παρακάτω συνάρτηση η οποία παίρνει ως ορίσματα τους πίνακες  $A, z, b$ .

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
function a = finderror(A, z, b)
m = A * z;
pinakassfalmatos = b - m;
n = length(pinakassfalmatos);
sum = 0;
for i = 1 : n
sum = sum + pinakassfalmatos(i).^2;
enda = sqrt(sum);
end
```

### 3 Τρίτη Ασκήση

Θέλουμε να υπολογίσουμε το ολοκλήρωμα της συνάρτησης  $\sin(x)$ . Αυτό επιτυγχάνεται με 2 μεθόδους:

#### 3.1 Μέθοδος Simpson

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
format long;
a = 0;
b = -pi/2;
z = 8;
syms x;
qq = (b - a)/(z - 1);
c = 0;
```

```

for i = 1 : z
    A(i, 1) = c;
    A(i, 2) = sin(c);
    c = c + qq;
end
[m, v] = size(A);
n = m - 1;
sum = A(1, 2) + A(m, 2);
t = fix(n/2);
fork = 1 : t
    sum = sum + 4 * A((2 * k), 2);
end
t = fix((n/2) - 1);
fork = 1 : t
    sum = sum + 2 * A(2 * k + 1, 2);
end
E = (b - a) / (3 * n) * sum

```

Για την εύρεση του σφάλματος προσέγγισης (error) κάνουμε χρήση του παρακάτω τμήματος αλγορίθμου:

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```

syms x;
g(x) = sin(x);
df = diff(g, 4);
y = abs(df(pi/2));
e = (((b - a)^5) / (180 * (n^4))) * y;

```

$error = double(e)$

### 3.2 Μέθοδος Τραπεζίου

#### ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

*formatlong;*

$a = 0;$

$b = -pi/2;$

$z = 8;$

*symsex;*

$qq = (b - a)/(z - 1);$

$c = 0;$

*for*  $i = 1 : z$

$A(i, 1) = c;$

$A(i, 2) = \sin(c);$

$c = c + qq;$

*end*

$[m, v] = size(A);$

$n = m - 1;$

$sum = A(1, 2) + A(m, 2);$

*for*  $i = 2 : n$

$sum = sum + 2 * A(i, 2);$

*end*

$E = (b - a)/(2 * n) * sum$

Για την εύρεση του σφάλματος προσέγγισης (error)χάνουμε χρήση του παρα-

κάτω τμήματος αλγορίθμου:

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
 $E = (b - a) / (2 * n) * sum$   
 $g(x) = \sin(x);$   
 $df = diff(g, 2);$   
 $y = abs(df(1));$   
 $e = (((b - a)^3) / (12 * (n^2))) * y;$   
 $error = double(e)$ 
```

Και στις δύο περιπτώσεις ο αλγόριθμος εμφανίζει ως αποτέλεσμα (E) τον εμβαδόν του τραπεζίου.

## 4 Πρόβλεψη Μετοχών

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```
clearall;  
clc;  
closeall;  
symsx;  
formatshort;  
for  $i = 1 : 20$   
   $A(i) = i;$   
end  
 $n = 20;$   
 $B1 = [45.80, 45.70, 42.90, 44.00, 47.40, 49.90, 50.70, 49.30, 53.80, 52.30,$   
 $45.00, 41.70, 41.70, 39.80, 47.50, 41.10, 36.10, 32.50, 32.10, 33.10];$   
 $pol2 = Poluonumo(A, B1, 2, n)$ 
```



```

pol3 = Poluonumo(A, B1, 3, n)
pol4 = Poluonumo(A, B1, 4, n)
B2 = [18.68, 18.22, 17.48, 17.18, 18.67, 17.63, 17.33, 16.73, 18.67, 18.37,
16.43, 16.28, 15.98, 15.09, 17.63, 15.69, 14.79, 13.18, 13.53, 13.67];
pol2 = Poluonumo(A, B2, 2, n)
pol3 = Poluonumo(A, B2, 3, n)
pol4 = Poluonumo(A, B2, 4, n)
B3 = [0.104, 0.100, 0.086, 0.086, 0.102, 0.085, 0.100, 0.098, 0.098, 0.090,
0.098, 0.105, 0.105, 0.090, 0.100, 0.092, 0.074, 0.074, 0.074, 0.074];
pol2 = Poluonumo(A, B3, 2, n)
pol3 = Poluonumo(A, B3, 3, n)
pol4 = Poluonumo(A, B3, 4, n)

```

Εμφανίζονται τα πολυώνυμα 2ου, 3ου και 4ου βαθμού! Αυτό επιτυγχάνεται με την σύνάρτηση `Poluonumo` που παίρνει ως όρισμα τον πίνακα `A`, τον πίνακα `B` με τις μετοχές κλεισίματος, το βαθμό πολυωνύμου που αναζητάμε και μια σταθερά η οποία είναι κιόλας το μέγεθος των 2 προαναφερθείσες πινάκων.

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```

function pol = Poluonumo(A, B, bathmos, n)
syms x;
sx1 = Sum(A, n, 1);
sx2 = Sum(A, n, 2);
sx3 = Sum(A, n, 3);
sx4 = Sum(A, n, 4);

```

```

sx5 = Sum(A, n, 5);
sx6 = Sum(A, n, 6);
sx7 = Sum(A, n, 7);
sx8 = Sum(A, n, 8);
sy1 = Sum(B, n, 1);
sxy = Sum2(A, B, n, 1);
sx2y = Sum2(A, B, n, 2);
sx3y = Sum2(A, B, n, 3);
sx4y = Sum2(A, B, n, 4);
if(bathmos == 2)
  A = [n, sx1, sx2]';
  B = [sx1, sx2, sx3]';
  C = [sx2, sx3, sx4]';
  b = [sy1, sxy, sx2y]';
  for j = 1 : (bathmos + 1)
    for i = 1 : (bathmos + 1)
      if j == 1
        T(i, j) = A(i);
      elseif j == 2
        T(i, j) = B(i);
      else
        T(i, j) = C(i);
      end
    end
  end
end

```

```

    agnwstos = T_
    p = 0;
    for i = (bathmos + 1) : -1 : 1
        p = p + agnwstos(i) * x.(i - 1);
    end
    pol = p;
end
if (bathmos == 3)
    A = [n, sx1, sx2, sx3]';
    B = [sx1, sx2, sx3, sx4]';
    C = [sx2, sx3, sx4, sx5]';
    D = [sx3, sx4, sx4, sx6]';
    b = [sy1, sxy, sx2y, sx3y]';
    for j = 1 : (bathmos + 1)
        for i = 1 : (bathmos + 1)
            if j == 1
                T(i, j) = A(i);
            elseif j == 2
                T(i, j) = B(i);
            elseif j == 3
                T(i, j) = C(i);
            else
                T(i, j) = D(i);
            end
        end
    end
end

```

```

end
agnwstos = T_
p = 0;
for i = (bathmos + 1) : -1 : 1
p = p + agnwstos(i) * x.(i - 1);
end
pol = p;
end
if(bathmos == 4)
A = [n, sx1, sx2, sx3, sx4]';
B = [sx1, sx2, sx3, sx4, sx5]';
C = [sx2, sx3, sx4, sx5, sx6]';
D = [sx3, sx4, sx4, sx6, sx7]';
E = [sx4, sx4, sx6, sx7, sx8]';
b = [sy1, sxy, sx2y, sx3y, sx4y]';
for j = 1 : (bathmos + 1)
for i = 1 : (bathmos + 1)
if j == 1
T(i, j) = A(i);
elseif j == 2
T(i, j) = B(i);
elseif j == 3
T(i, j) = C(i);
elseif j == 4
T(i, j) = D(i);

```

```

else
T(i,j) = E(i);
end
end
end
agnwstos = T_
p = 0;
i = bathmos + 1;
for i = (bathmos + 1) : -1 : 1
p = p + agnwstos(i) * x.(i - 1);
end
pol = p;
end
end

```

Οι συναρτήσεις με τις οποίες δημιουργούμε τα διάφορα αθροίσματα είναι οι εξής:

## ΑΛΓΟΡΙΘΜΟΣ

```

function athr = Sum(A,n,z)
sum = 0;
for i = 1 : n
sum = sum + A(i).z;
end
athr = sum;
end

```

και...

```
function athrxy = Sum2(x,y,n,z)
sum = 0;
for i = 1 : n
sum = sum + x(i).^z * y(i);
end
athrxy = sum;
end
```

Εαν στη θέση του x, στην συνάρτηση Poluonumo, βάλουμε την τιμή 20, θα πάρουμε προσεγγιστική τιμή στην ημέρα των γεννεθλίων η οποία είναι πολύ κοντά με την πραγματική εκείνης της ημέρας. Με την ίδια περίπου λογική εαν  $x = 25$  θα πάρω την πρόβλεψη της τιμής μετά από 5 μέρες. Εδώ παρατηρούμε οτι άλλοτε έχουμε λίγο μεγαλύτερη απόκλιση και άλλοτε μικρότερη, παραμένοντας πάντα πολύ κοντά με την πραγματικότητα.