

# Verificação Formal

Maria João Frade

Jorge Sousa Pinto

Março de 2017

O objectivo geral do trabalho é o desenvolvimento completo de um verificador de programas de uma linguagem de programação simples. Pretende-se explorar o tratamento de um **mecanismo de excepções** (“try-catch”).

O verificador deve compreender um *parser* e um *gerador de condições de verificação* (VC-Gen), e deve ainda gerir a prova destas condições, interagindo com pelo menos uma ferramenta de prova automática (como por exemplo Z3, Alt-Ergo, CVC3, CVC4 ...). É importante sublinhar que ficam a cargo dos grupos toda uma série de escolhas, desde a sintaxe concreta da linguagem de programação alvo, até à tecnologia de implementação utilizada. Por esta razão, os grupos terão todo o interesse em iniciar desde já o processo da familiarização com as tecnologias a utilizar, para permitir o desenvolvimento atempado do projecto, preferencialmente incluindo algumas das extensões propostas.

O trabalho deverá ser desenvolvido por grupos de duas pessoas; o relatório e código deverão ser entregues até ao dia **?? de Junho**. Submissões posteriores serão penalizadas. A apresentação para avaliação terá lugar no dia **?? de Junho**.

**Deliverables** a entregar:

- código comentado;
- relatório justificando todas as opções e reportando todos os resultados;
- apresentação a realizar em momento de avaliação no final do semestre, incluindo demonstração de utilização.

# 1 Linguagem Alvo

A linguagem de programação a considerar deve conter pelo menos as seguintes construções:

- Variáveis de tipo inteiro e expressões de tipo inteiro e Booleano.
- Instrução de atribuição
- Estruturas de controlo: sequenciação; condicional (1 ou 2 ramos); pelo menos uma forma de ciclo (*while*)

A sintaxe concreta a utilizar não será fixada, podendo ser definida pelos grupos.

Na sua forma básica a linguagem não necessitará de ter qualquer noção de sub-rotina (procedimentos ou funções). No entanto, poder-se-á optar pela utilização de um *parser* de uma linguagem de programação imperativa standard (como C ou Pascal), e neste caso será útil considerar-se que o código imperativo a considerar (com as construções acima listadas) está contido num procedimento ou função principal.

## Mecanismo de Excepções

É comum nas linguagens modernas a presença de um mecanismo de controlo de fluxo baseado em excepções. Na sua forma mais simples, com uma única excepção, o mecanismo oferece uma instrução elementar **throw**, que levanta a excepção, e uma construção **try C catch C'**. A ideia é tentar executar o bloco *C*. Caso, durante a execução de *C*, seja executado o comando **throw**, então a execução de *C* é interrompida, e é executado em seguida o bloco *C'*.

Existem pois duas formas de terminação; *normal* e *excepcional*. Para lidar com excepções axiomáticamente, é necessário modificar a noção de triplo de Hoare, passando a haver também duas pós-condições, uma para terminação normal, e outra para terminação excepcional desencadeada pela execução do comando **throw**.

Como exemplo de utilização deste mecanismo, o seguinte programa *DIV* calcula a divisão de *x* por *y*, atribuindo um valor constante ao resultado caso o valor de *y* seja 0.

```
try {
  if (y = 0) throw;
  r := x;
  q := 0;
  while (y <= r) {
    r := r-y;
    q := q+1;
  }
}
catch {
  q := INT_MAX; r:= 0;
}
```

Um triplo de Hoare válido para este programa será

$$\{(x \geq 0 \wedge y \geq 0\} \text{ DIV } \{(0 \leq r < y \wedge q * y + r = x) \vee (y = 0 \wedge q = \text{INT\_MAX} \wedge r = 0), \text{false}\}$$

A terminação excepcional não é possível, porque a exceção é capturada pelo bloco *catch*. O triplo:

$$\{(x \geq 0 \wedge y \geq 0) \ C \ \{\!\!| 0 \leq r < y \wedge q * y + r = x, y = 0 \!\!\|\}$$

com  $C$  o corpo do comando *try*, é também válido, e admite terminação excepcional.

O seguinte sistema de inferência capta a semântica axiomática da linguagem:

$$\begin{array}{c} \frac{}{\{\phi\} \textbf{skip} \{\!\!| \phi, \text{false} \!\!\|} \quad (\text{skip}) \\[10pt] \frac{}{\{\psi[e/x]\} x := e \{\!\!| \psi, \text{false} \!\!\|} \quad (\text{assign}) \\[10pt] \frac{\{\phi\} C_1 \{\!\!| \theta, \epsilon \!\!\| \quad \{\theta\} C_2 \{\!\!| \psi, \epsilon \!\!\|}{\{\phi\} C_1 ; C_2 \{\!\!| \psi, \epsilon \!\!\|} \quad (\text{seq}) \\[10pt] \frac{\{\phi \wedge b\} C_t \{\!\!| \psi, \epsilon \!\!\| \quad \{\phi \wedge \neg b\} C_f \{\!\!| \psi, \epsilon \!\!\|}{\{\phi\} \textbf{if } b \textbf{ then } C_t \textbf{ else } C_f \{\!\!| \psi, \epsilon \!\!\|} \quad (\text{if}) \\[10pt] \frac{}{\{\phi\} \textbf{throw} \{\!\!| \text{false}, \phi \!\!\|} \quad (\text{throw}) \\[10pt] \frac{\{\phi\} C \{\!\!| \psi, \theta \!\!\| \quad \{\theta\} C_c \{\!\!| \psi, \epsilon \!\!\|}{\{\phi\} \textbf{try } C \textbf{ catch } C_c \{\!\!| \psi, \epsilon \!\!\|} \quad (\text{try-catch}) \\[10pt] \frac{\{\phi\} C \{\!\!| \psi, \epsilon \!\!\|}{\{\phi'\} C \{\!\!| \psi', \epsilon' \!\!\|} \text{ if } \begin{array}{l} \phi' \rightarrow \phi \text{ and} \\ \psi \rightarrow \psi' \text{ and } \epsilon \rightarrow \epsilon' \end{array} \quad (\text{conseq}) \end{array}$$

Atente-se na regra do comando **throw**: a pré-condição normal é **false**, uma vez que não é possível este comando terminar normalmente. A regra de **skip** é dual desta. Também os comandos **if** e **try** se comportam de forma dual, diferindo na pós-condição (normal ou excepcional) que é passada ao comando seguinte.

## 2 Infraestrutura de Desenvolvimento

O desenvolvimento da aplicação necessitará, além de uma linguagem de programação à escolha, de uma API da ferramenta de prova *para essa linguagem* (em alternativa a comunicação com esta ferramenta poderá ser feita através do formato SMT-LIB), e ainda de uma qualquer tecnologia para a criação de um *parser* para a linguagem de programação alvo.

Algumas sugestões:

- Desenvolvimento em Haskell; desenvolvimento do *parser* com *parsec*<sup>1</sup>.
- Desenvolvimento em Python; desenvolvimento do *parser* com recurso a combinadores de parsing<sup>2</sup>.

<sup>1</sup><http://www.haskell.org/haskellwiki/Parsec>

<sup>2</sup>Ver por exemplo <http://www.jayconrod.com/posts/37/a-simple-interpreter-from-scratch-in-python-part-1>, <http://www.jayconrod.com/posts/38/a-simple-interpreter-from-scratch-in-python-part-2>, <http://www.jayconrod.com/posts/39/a-simple-interpreter-from-scratch-in-python-part-3>

- Desenvolvimento em Java; desenvolvimento do *parser* com recurso a um gerador standard<sup>3</sup>.

Quanto à comunicação com a ferramenta de prova, tratando-se de um SMT-*solver* é sempre possível a utilização do formato SMT-LIB, mas algumas ferramentas disponibilizam interfaces de programação com *bindings* para diversas linguagens. Por exemplo no caso particular da ferramenta Z3, existem APIs/*bindings* para C, C++, Java, OCaml e Python<sup>4</sup>, e ainda para Haskell<sup>5</sup>.

### 3 Linguagem de Especificação

A sintaxe concreta da linguagem deverá prever um mecanismo para a anotação de *pré-condições*, *pós-condições*, e *invariantes de ciclo*. Para ilustrar uma possível sintaxe concreta veja-se o seguinte exemplo de um programa anotado muito simples :

```
pre x > 100

while (x < 1000) do
  { 100 < x and x <= 1000 }
  x := x+1
end;

post x = 1000
```

Este programa daria origem às condições de verificação seguintes:

1.  $x > 100 \implies 100 < x \text{ and } x \leq 1000$
2.  $100 < x \text{ and } x \leq 1000 \text{ and } x < 1000 \implies 100 < x+1 \text{ and } x+1 \leq 1000$
3.  $100 < x \text{ and } x \leq 1000 \text{ and not}(x < 1000) \implies x = 1000$

### 4 Etapas

1. (12 valores) A aplicação deverá implementar o seguinte *workflow* a partir de uma invocação na linha de comando:
  - (a) leitura de um ficheiro contendo um programa imperativo anotado
  - (b) construção da respectiva árvore de sintaxe (AST)
  - (c) geração das condições de verificação (VCs) do programa por travessia da AST
  - (d) apresentação das VCs
  - (e) tentativa de prova de cada VC, utilizando a ferramenta externa. As expressões de tipo inteiro dos programas deverão ser modeladas como inteiros matemáticos (*unbounded*)

---

<sup>3</sup>Por exemplo <http://www.antlr.org>

<sup>4</sup><https://github.com/Z3Prover/z3>

<sup>5</sup><http://hackage.haskell.org/package/z3>

- (f) apresentação dos resultados da verificação
  - (g) Validação da aplicação através de um número razoável de testes.
2. (6 valores) Tratamento de exceções
- (a) extensão do algoritmo de geração de condições de verificação para triplos com duas pós-condições, e com os comandos **throw** e **try**.
  - (b) Validação desta extensão através de testes adequados.
3. (2 valores) Bonificação por melhoramentos adicionais: GUI; utilização de interface Why3<sup>6</sup> para gestão da interface com diversas ferramentas de prova.

---

<sup>6</sup><http://why3.lri.fr>