Programare funcțională

Introducere în programarea funcțională folosind Haskell C05

Claudia Chiriță Denisa Diaconescu

Departamentul de Informatică, FMI, UB

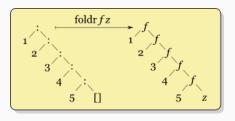
Fold:

agregarea elementelor dintr-o listă

Funcția foldr

foldr ::
$$(a -> b -> b) -> b -> [a] -> b$$

Date fiind o funcție de actualizare a valorii calculate cu un element curent, o valoare inițială, și o listă, calculați valoarea obținută prin aplicarea repetată a funcției de actualizare fiecărui element din listă.



Exemplu — Suma

Soluție recursivă

```
sum :: [Int] \rightarrow Int

sum [] = 0

sum (x:xs) = x + sum xs
```

Solutie folosind foldr

```
foldr :: (a \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow b \rightarrow [a] \rightarrow b

sum :: [Int] \rightarrow Int

sum xs = foldr (+) 0 xs
```

Exemplu

```
foldr (+) 0 [1, 2, 3] == 1 + (2 + (3 + 0))
```

Exemplu — Produs

Soluție recursivă

```
product :: [Int] -> Int
product [] = 1
product (x:xs) = x * product xs
```

Solutie folosind foldr

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b

product :: [Int] -> Int

product xs = foldr (*) 1 xs
```

Exemplu

```
foldr (*) 1 [1, 2, 3] == 1 * (2 * (3 * 1))
```

Exemplu — Concatenare

Soluție recursivă

```
concat :: [[a]] -> [a]
concat [] = []
concat (xs:xss) = xs ++ concat xss
```

Solutie folosind foldr

```
foldr :: (a \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow b \rightarrow [a] \rightarrow b

concat :: [Int] \rightarrow Int

concat xs = foldr (++) [] xs
```

Exemplu

```
foldr (++) [] ["Ana ", "are ", "mere."]
== "Ana " ++ ("are " ++ ("mere." ++ []))
```

Funcția foldr

foldr ::
$$(a -> b -> b) -> b -> [a] -> b$$

Soluție recursivă

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
foldr f i [] = i
foldr f i (x:xs) = f x (foldr f i xs)
```

Soluție recursivă cu operator infix

```
foldr :: (a \rightarrow b \rightarrow b) \rightarrow b \rightarrow [a] \rightarrow b
foldr op i [] = i
foldr op i (x:xs) = x \circ p (foldr f i xs)
```

Exemplu – Suma pătratelor numerelor pozitive

```
f :: [Int] -> Int
f xs = sum (squares (positives xs))
f :: [Int] -> Int
f xs = sum [x_*x | x < -xs, x > 0]
f :: [Int] -> Int
f []
             = 0
f(x:xs) | x > 0 = (x*x) + f xs
       | otherwise = f xs
```

Exemplu – Suma pătratelor numerelor pozitive

```
f :: [Int] -> Int
f xs = foldr (+) 0 (map sqr (filter pos xs))
 where
    sqr x = x * x
    pos x = x > 0
f :: [Int] -> Int
f xs = foldr (+) 0
         (filter (\langle x - \rangle x > 0) xs))
f :: [Int] -> Int
f xs = foldr (+) 0 (map (^2) (filter (>0) xs))
f :: [Int] -> Int
f = foldr (+) 0 . map (^2) . filter (>0)
```

Exemplu - Compunerea funcțiilor

În definiția lui foldr

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b b poate fi tipul unei functii.
```

```
compose :: [a \rightarrow a] \rightarrow (a \rightarrow a)
compose = foldr (.) id
```

```
Prelude> compose [(+1), (^2)] 3
10
-- functia (foldr (.) id [(+1), (^2)]) aplicata lui 3
```

Date fiind o funcție de actualizare a valorii calculate cu un element curent, o valoare inițială, și o listă, calculați valoare obținută prin aplicarea repetată a funcției de actualizare fiecărui element din listă.

Funcția foldr

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
foldr f i [] = i
foldr f i (x:xs) = f x (foldr f i xs)
```

Funcția foldl

```
foldI :: (b -> a -> b) -> b -> [a] -> b

foldI h i [] = i

foldI h i (x:xs) = foldI h (h i x) xs
```

Suma elementelor dintr-o listă

Definiți o funcție care dată fiind o listă de numere întregi calculează suma elementelor din listă.

Soluție cu foldr

$$sum = foldr (+) 0$$

Cu foldr, elementele sunt procesate de la dreapta la stânga:

sum
$$[x_1,...,x_n] = (x_1 + (x_2 + ... (x_n + 0)...)$$

Suma elementelor dintr-o listă

Solutie in care elementele sunt procesate de la stânga la dreapta.

Elementele sunt procesate de la stânga la dreapta:

suml
$$[x_1, ..., x_n]$$
 0 = $(...(0 + x_1) + x_2) + ... x_n)$

Soluție cu foldl

```
sum :: [Int] \rightarrow Int
sum xs = foldI (+) 0 xs
```

Inversarea elementelor unei liste

Definiți o funcție care dată fiind o listă de elemente, calculează lista în care elementele sunt scrise în ordine inversă.

Solutie cu foldl

```
-- flip :: (a \rightarrow b \rightarrow c) \rightarrow (b \rightarrow a \rightarrow c)

-- (:) :: a \rightarrow [a] \rightarrow [a]

-- flip (:) :: [a] \rightarrow a \rightarrow [a]

rev = foldl (<:>) []

where (<:>) = flip (:)
```

Elementele sunt procesate de la stânga la dreapta:

rev
$$[x_1, ..., x_n] = (...(([] <:> x_1) <:> x_2)....) <:> x_n$$

Evaluare leneșă. Liste infinite

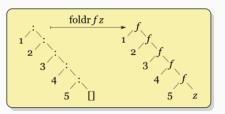
Putem folosi funcțile **map** și **filter** pe liste infinite:

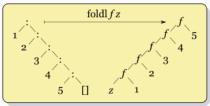
```
Prelude> inf = map (+10) [1..] -- inf nu este evaluat
Prelude> take 3 inf
[11,12,13]
```

Limbajul Haskell folosește implicit evaluarea leneșă

- expresiile sunt evaluate numai când este nevoie de valoarea lor
- expresiile nu sunt evaluate total, elementele care nu sunt folosite rămân neevaluate
- o expresie este evaluată o singură dată.

În exemplul de mai sus, este acceptată definiția lui inf, fără a fi evaluată. Când expresia **take** 3 inf este evaluată, numai primele 3 elemente ale lui inf sunt calculate, restul rămânând neevaluate.





https://en.wikipedia.org/wiki/Fold_(higher-order_function)

- foldr poate fi folosită pe liste infinite (în anumite cazuri)
- foldI nu poate fi folosită pe liste infinite niciodată

- foldr poate fi folosită pe liste infinite (în anumite cazuri),
- foldl nu poate fi folosită pe liste infinite niciodată.

-- expresia se calculeaza la infinit

```
Prelude> foldr (*) 0 [1..]
*** Exception: stack overflow

Prelude> take 3 $ foldr (\x xs -> (x+1):xs) [] [1..]
[2,3,4]
-- foldr a functionat pe o lista infinita

Prelude> take 3 $ foldl (\xs x -> (x+1):xs) [] [1..]
```

Quiz time!



https://tinyurl.com/PF2023-C05-Q1

Pe săptămâna viitoare!