

Velkommen til IN2010 gruppe 6



Mini promo

Will Code for drinks

<https://peoply.app/events/TISASELC>



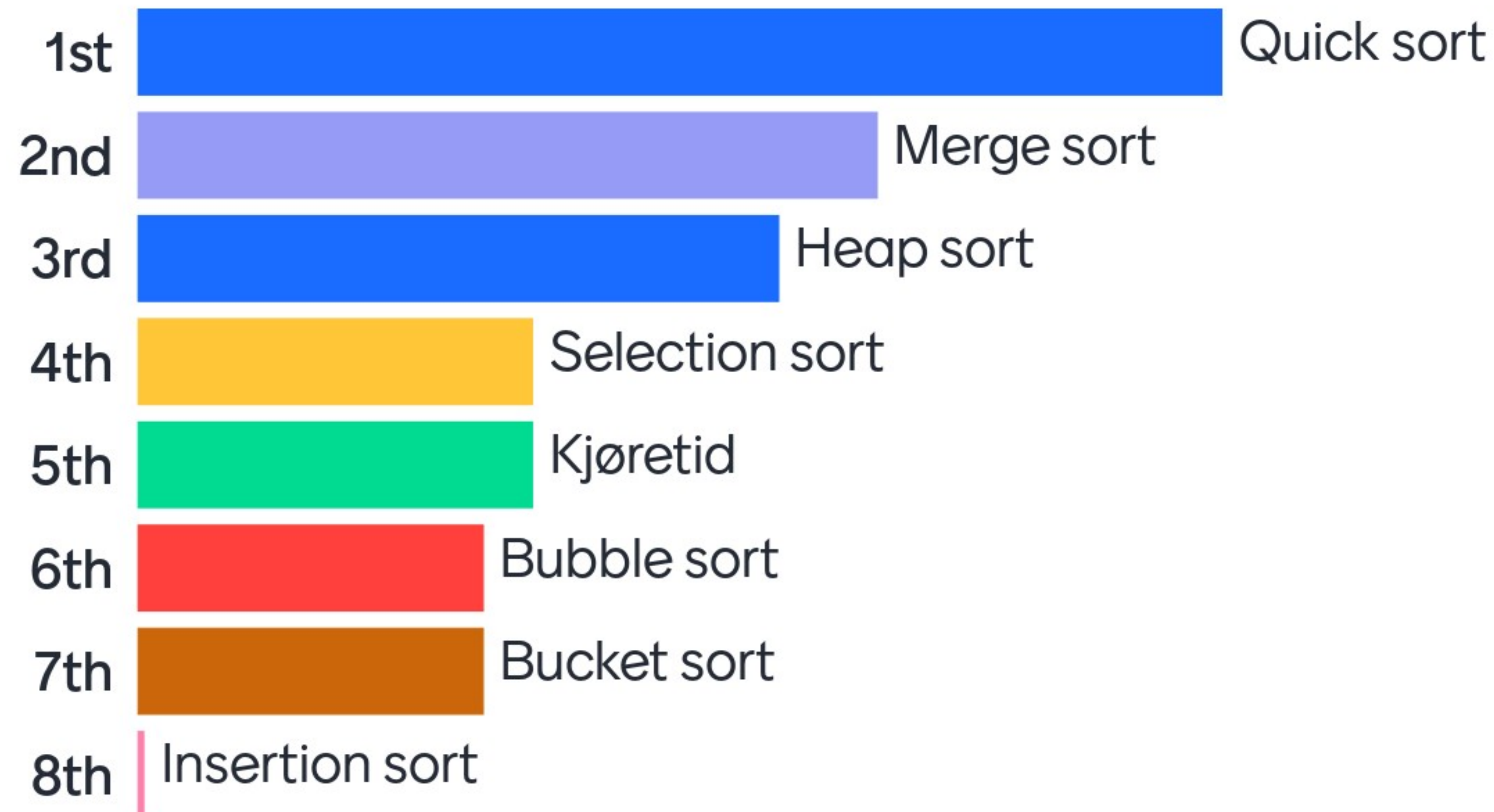
Dagens plan

- Sortering
- Kjøretid
- Oppgave gjennomgang
- Lab

Tips til hvordan man fordøyer ukas pensum

- Prøv å forstå algoritmene ut ifra pseudo koden
- Deretter implementer koden basert på egen kunnskap
- Veldig lurt å visualisere ved bruk av tegninger eller nettsider

Hva var det vanskeligste med ukas pensum?



Hvorfor sortere?

- Først og fremst så ser det gøy ut
- Lager datastrukturer som tillater raskere algoritmer
 - Sparer mye tid

Bubble sort

- Går over hele listen to $n * n$ ganger
- Sammenligner elementer med neste element
- Dersom neste element er større byttes plass

```
a = [9,4,5,3,2,8,0,1]
n = len(a)
for i in range(n-1):
    for l in range(n-i-1):
        if a[l] > a[l+1]:
            # her bytter man mellom l og l+1
            a[l], a[l+1] = a[l+1], a[l]
```

Selection sort

- Går over listen $n * n$ ganger
- Sammenligner elementer med det minste elementet i resten av listen
- Dersom det minste elementet er mindre byttes det

```
n = len(a)
for i in range(n):
    k = i
    for l in range(i+1, n):
        if a[l] < a[k]:
            k = l
    if i != k:
        # her skjer byttet
        a[i], a[k] = a[k], a[i]
```


Insertion sort

- Itererer over listen en gang og flytter elementet til venstre
- Sparer mye tid på nesten sorterte lister

```
a = [1,3,6,2,7,8,5]
n = len(a)
for i in range(1, n):
    while i > 0 and a[i-1] > a[i]:
        # her skjer byttet
        a[i-1], a[i] = a[i], a[i-1]
        i -= 1
```

Merge sort

- Halverer listen rekursivt helt til de er 1 store
- Setter sammen mini-listene sammen sortert
 - Plukker og henter riktig element fra de mindre listene

```
def sort(A):  
    if len(A) <= 1:  
        return A  
    midten = len(A)//2  
    A1 = sort(A[:midten])  
    A2 = sort(A[midten:])  
  
    i = 0  
    l = 0  
    while i < len(A1) and l < len(A2):  
        if A1[i] <= A2[l]:  
            A[i + 1] = A1[i]  
            i += 1  
        else:  
            A[i + 1] = A2[l]  
            l += 1  
  
    while i < len(A1):  
        A[i + 1] = A1[i]  
        i += 1  
  
    while l < len(A2):  
        A[i + 1] = A2[l]  
        l += 1  
    return A
```


Mini pause



Noen begreper



Stabilitet

- La oss si at vi sorterer basert på en verdi **k**
 - Verdien **k** kan være alt fra bokstaver, heltalls verdier eller lengde på noe
- Dersom to elementer **x** og **y** med samme verdi **k** eksisterer i en liste skal **x** ligge til venstre for **y** før sortering og etter sortering

In-place

- Bruker ingen andre eksterne datastrukturer i algoritmen
- Analyse av minne bruk vil gi $O(1)$ dersom den er in-place

Merge sort eksempel



```

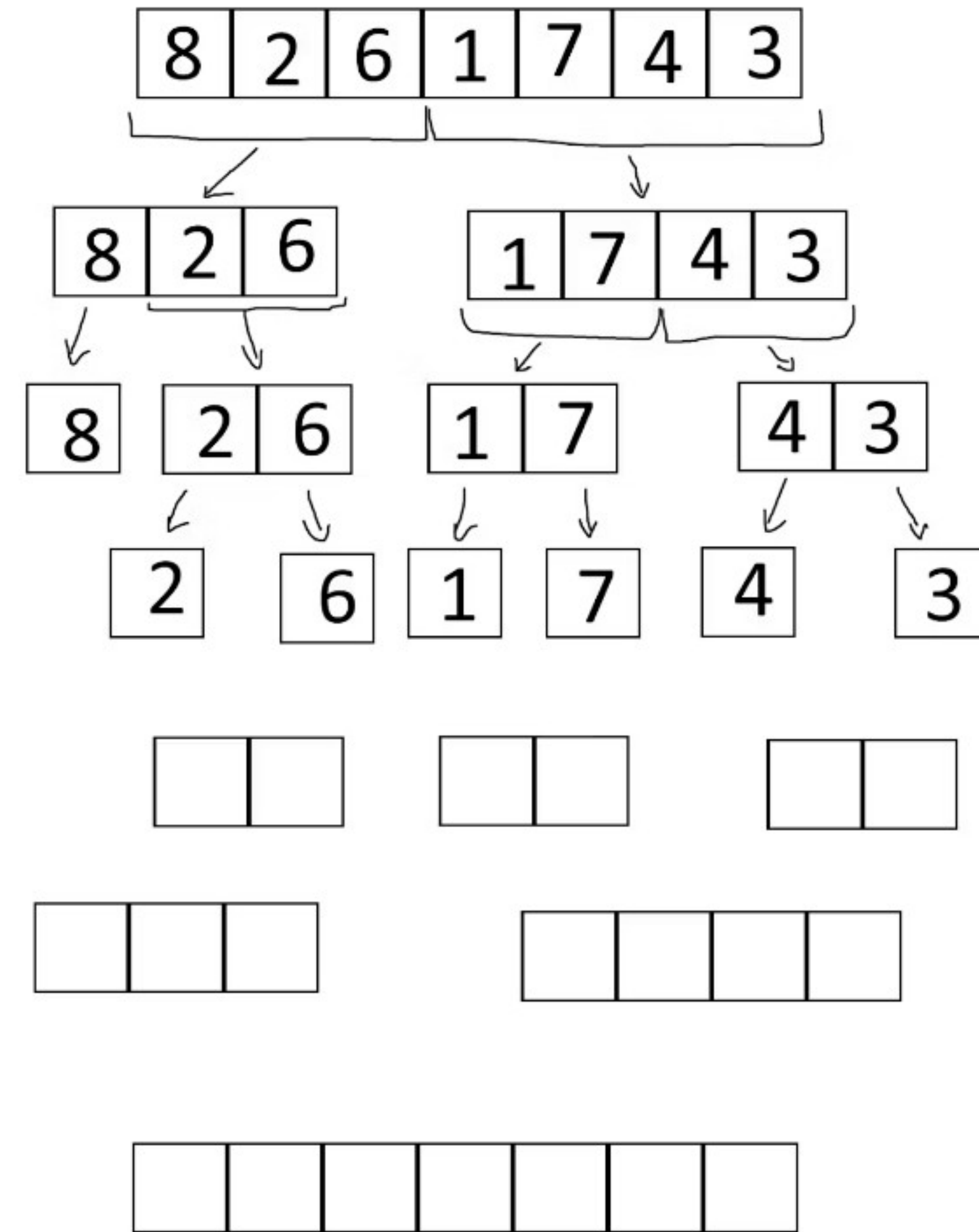
def sort(A):
    if len(A) <= 1:
        return A
    midten = len(A)//2
    A1 = sort(A[:midten])
    A2 = sort(A[midten:])

    i = 0
    l = 0
    while i < len(A1) and l < len(A2):
        if A1[i] <= A2[l]:
            A[i + 1] = A1[i]
            i += 1
        else:
            A[i + 1] = A2[l]
            l += 1

    while i < len(A1):
        A[i + 1] = A1[i]
        i += 1

    while l < len(A2):
        A[i + 1] = A2[l]
        l += 1
    return A

```



Over til noen raskere sorterings algoritmer



Heapsort

- Lager en heap med elementene i listen
- Sortere en liste med en **min**-heap (ikke in-place)
 - Popper element og setter det i en ny liste
 - Bobbler/fikser min-heapen så repeter
- Sortere en liste med en **max**-heap (in-place)
 - Flytter det største elementet bakerst i listen
 - Bobbler/fikser max-heapen men ignorerer siste index
 - bilde til høyre viser dette

```
def bubble_down(A, i, n):
    largest = i
    left = i*2 + 1
    right = i*2 + 2

    if left < n and A[largest] < A[left]:
        left, largest = largest, left

    if right < n and A[largest] < A[right]:
        right, largest = largest, right

    if i != largest:
        A[largest], A[i] = A[i], A[largest]
        bubble_down(A, largest, n)

def build_max_heap(A, n):
    for i in range(n//2, -1, -1):
        bubble_down(A, i, n)

def heapsort(A):
    build_max_heap(A, len(A))
    for i in range(len(A)-1, -1, -1):
        A[i], A[0] = A[0], A[i]
        bubble_down(A, 0, i)
```


Quicksort

- Velger et pivot-punkt i listen med to pekere (high og low)
- pekerene går mot hverandre der hvor:
 - high går mot venstre og finner et element som er mindre enn pivot elementet
 - low går mot høyre og finner et element som er større en pivot elementet
- Dersom pekerene krysser hverandre går vi til neste iterasjon

```
from random import randint

def partition(A, low, high):
    p = randint(low, high)
    A[p], A[high] = A[high], A[p]

    pivot = A[high]
    left = low
    right = high-1

    while left <= right:
        while left <= right and A[left] <= pivot:
            left += 1
        while right >= left and A[right] >= pivot:
            right -= 1
        if left < right:
            A[left], A[right] = A[right], A[left]

    A[left], A[high] = A[high], A[left]
    return left

def quicksort(A, low, high):
    if low >= high:
        return A
    p = partition(A, low, high)
    quicksort(A, low, p - 1)
    quicksort(A, p + 1, high)
    return A
```


Bucket sort

- Er ingen super klar algoritme på det
 - Baserer seg på regler man lager selv
- Tanken er at man setter elementer i bøtter basert på reglene
- Bøttene vil være satt i en rekkefølge som vil følge videre til siste iterasjon

Over til noen oppgaver



Stabilitet

3 poeng

Anta at arrayet A er usortert og inneholder personobjekter som alle har et felt for alder. Anta videre at personobjektene som ligger på A[3] og A[42] begge er 22 år gamle.

Arrayet A blir sortert etter alder. Etter sorteringen får du vite at:

- Personobjektet som lå på A[3] før sorterting, ligger nå på A[9]
- Personobjektet som lå på A[42] før sorterting, ligger nå på A[7]

- (a) Var sorteringen stabil?
- (b) Hva er alderen til personobjektet som ligger på A[8] etter sortering?
- (c) Dersom du får vite at ingen personer i A er eldre enn 100 år gammel. Hvilken sorteringsalgoritme bør da benyttes, med hensyn til kjøretidseffektivitet?

Oppgaven er hentet fra eksamen 2021



Litt sortering

10 poeng

For hver av påstandene nedenfor kan du anta at A er et array med n elementer, og at i er et heltall $0 \leq i < n$.

Bubble sort

- (a) Etter i iterasjoner av den ytre loopen i Bubble sort, er de i første elementene sortert.
- (b) Etter i iterasjoner av den ytre loopen i Bubble sort, er de i siste elementene sortert.
- (c) Bubble sort bytter kun elementer som står direkte ved siden av hverandre.
- (d) Bubble sort garanterer et minimalt antall bytter.

Selection sort

- (e) Etter i iterasjoner av den ytre loopen i Selection sort, er de i første elementene sortert.
- (f) Etter i iterasjoner av den ytre loopen i Selection sort, er de i siste elementene sortert.
- (g) Selection sort bytter kun elementer som står direkte ved siden av hverandre.
- (h) Selection sort garanterer et minimalt antall bytter.

Insertion sort

- (i) Etter i iterasjoner av den ytre loopen i Insertion sort, er de i første elementene sortert.
- (j) Etter i iterasjoner av den ytre loopen i Insertion sort, er de i siste elementene sortert.
- (k) Insertion sort bytter kun elementer som står direkte ved siden av hverandre.
- (l) Insertion sort garanterer et minimalt antall bytter.

Oppgaven er hentet fra eksamen 2021

