Лабораторная работа 5

Щепелева Марина Евгеньевна, НФИбд-03-19

Содержание

| Цель работы | 1 |
|--------------------------------|---|
| · | |
| Условия задачи | |
| Выполнение лабораторной работы | |
| Выводы | |
| Список литературы | |

РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра прикладной информатики и теории вероятностей

ОТЧЕТ ПО ЛАБОРАТОРНОЙ РАБОТЕ №5

дисциплина: Математическое моделирование

Преподователь: Кулябов Дмитрий Сергеевич

Студент: Щепелева Марина Евгеньевна

Группа: НФИбд-03-19

МОСКВА

2022 г.

Цель работы

Построение модели Лотки-Вольтерры "хищник-жертва".

Теоретическое введение

Данная двувидовая модель основывается на следующих предположениях: 1. Численность популяции жертв х и хищников у зависят только от времени (модель не учитывает пространственное распределение популяции на занимаемой территории) 2. В отсутствии взаимодействия численность видов изменяется по модели Мальтуса, при этом число жертв увеличивается, а число хищников падает 3. Естественная смертность

жертвы и естественная рождаемость хищника считаются несущественными 4. Эффект насыщения численности обеих популяций не учитывается 5. Скорость роста численности жертв уменьшается пропорционально численности хищников

Уравнение имеет следующий вид:

$$\frac{dx}{dt} = ax(t) - bx(t)y(t)$$
$$\frac{dy}{dt} = -cy(t) + dx(t)y(t)$$

photo1. ур-я модели Лотки-Вольтерры "хищник-жертва"

В этой модели x – число жертв, y - число хищников. Коэффициент а описывает скорость естественного прироста числа жертв в отсутствие хищников, с- естественное вымирание хищников, лишенных пищи в виде жертв. Вероятность взаимодействия жертвы и хищника считается пропорциональной как количеству жертв, так и числу самих хищников (ху). Каждый акт взаимодействия уменьшает популяцию жертв, но способствует увеличению популяции хищников (члены -bxy и dxy в правой части уравнения).

Стационарное состояние системы уравнений (положение равновесия, не зависящее от времени решение) будет в точке:

$$x_0 = \frac{c}{d}, y_0 = \frac{a}{b}$$

photo2. Стационарное состояние системы уравнений

Условия задачи

Вариант 39

Для модели «хищник-жертва»:

Вариант 39

Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.67x(t) + 0.067x(t)y(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.66y(t) - 0.065x(t)y(t) \end{cases}$$

photo3. Система для модели варианта-39

Постройте график зависимости численности хищников от численности жертв, а также графики изменения численности хищников и численности жертв при следующих начальных условиях:

$$x0 = 9$$
, $y0 = 19$.

Найдите стационарное состояние системы. (интервал t = [0; 400] (шаг = 0.1)).

Выполнение лабораторной работы

Построение модели Лотки-Вольтерры "хищник-жертва"

Модели «хищник-жертва» Варианта-39:

Вариант 39

Для модели «хищник-жертва»:

$$\begin{cases} \frac{dx}{dt} = -0.67x(t) + 0.067x(t)y(t) \\ \frac{dy}{dt} = 0.66y(t) - 0.065x(t)y(t) \end{cases}$$

photo4. Система для модели варианта-39

Чтобы построить фазовый портрет модели, я написала следующий код:

```
🖶 🚜 📘 🕕 | Доступный на запись | Model | Вид Текст | lab5 | lab5
       model lab5
   2
        parameter Real a = 0.67;
        parameter Real b = 0.067;
        parameter Real c = 0.66;
parameter Real d = 0.065;
parameter Real x0 = 9;
         parameter Real y0 = 19;
        Real x(start = x0);
Real y(start = y0);
  9
        parameter Real stat_x = c/d;
parameter Real stat_y= a/b;
  10
  11
  12 equation
  13 der(x) = -a*x + b*x*y;
        der(y) = c*y - d*x*y;
  14
  15 end lab5;
```

photo5. код для фазового портрета модели в варианте

и получила фазовый портрет модели в варианте для обычной системы, зависящей от времени:

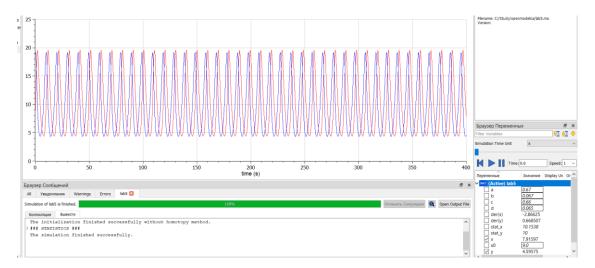


photo6. фазовый портрет модели в варианте для обычной системы и фазовый портрет модели в варианте для параметрической системы:

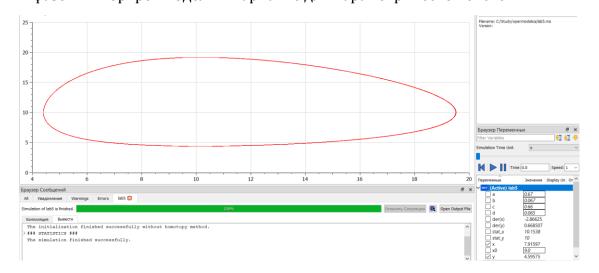


photo6. фазовый портрет модели в варианте параметрической системы

Выводы

После завершения данной лабораторной работы - я научилась выполнять построение модели Лотки-Вольтерры "хищник-жертва" в OpenModelica.

Список литературы

1. Кулябов, Д.С. - Модель хищник-жертва https://esystem.rudn.ru/pluginfile.php/1343893/mod_resource/content/2/Лаборато рная%20работа%20№%204.pdf