Sada příkladů 1/7

Primitivní funkce II

Nalezněte následující primitivní funkce na maximálních možných intervalech. Určete i tyto intervaly.

1.
$$\int \frac{x^3 + 1}{x^3 - 5x^2 + 6x} \, \mathrm{d}x$$

2.
$$\int \frac{1}{(x^3+1)^2} \, \mathrm{d}x$$

Vhodnou substitucí převeďte integrály na integrály z racionálních funkcí a ty se pokuste vyřešit.

3.
$$\int \frac{1}{x(1+2\sqrt{x}+\sqrt[3]{x})} dx$$

$$4. \int x\sqrt{x^2 - 2x + 2} \, \mathrm{d}x$$

5.
$$\int \frac{x + \sqrt{1 + x + x^2}}{1 + x + \sqrt{1 + x + x^2}} \, \mathrm{d}x$$

6.
$$\int \frac{x - \sqrt{x^2 + 3x + 2}}{x + \sqrt{x^2 + 3x + 2}} \, \mathrm{d}x$$

Nalezněte následující primitivní funkce

$$7. \int \frac{\sin^2 x}{1 + \sin^2 x} \, \mathrm{d}x$$

$$8. \int \frac{1}{2\sin x - \cos x + 5} \,\mathrm{d}x$$

9.
$$\int \frac{\sin x \cos x}{1 + \sin^3 x} \, \mathrm{d}x$$

$$10. \int \frac{\sin^3 x}{\cos^4 x} \, \mathrm{d}x$$

11.
$$\int \frac{1}{(1-x^2)^{\frac{3}{2}}} \, \mathrm{d}x$$

$$12. \int \sqrt{a^2 + x^2} \, \mathrm{d}x$$