

# Отчет по лабораторной работе № 5 по курсу «Функциональное программирование»

Студент группы 8О-308 МАИ *Марков Александр*, №15 по списку  
Контакты: `markov.lifeacc@gmail.com`  
Работа выполнена: 15.05.2021

Преподаватель: Иванов Дмитрий Анатольевич, доц. каф. 806  
Отчет сдан:  
Итоговая оценка:  
Подпись преподавателя:

## 1. Тема работы

Обобщённые функции, методы и классы объектов.

## 2. Цель работы

Научиться определять простейшие классы, порождать экземпляры классов, считать и изменять значения слотов, научиться определять обобщённые функции и методы.

## 3. Задание (вариант №5.23)

Определить обобщённую функцию и методы `on-single-line3-p` - предикат,

- принимающий в качестве аргументов три точки (радиус-вектора) и необязательный параметр `tolerance` (допуск),
- возвращающий `T`, если три указанные точки лежат на одной прямой (вычислять с допустимым отклонением `tolerance`).

Точки могут быть заданы как декартовыми координатами (экземплярами `cart`), так и полярными (экземплярами `polar`).

```
(defgeneric on-single-line3-p (v1 v2 v3 &optional tolerance))  
(defmethod on-single-line3-p ((v1 cart) (v2 cart) (v3 cart) &optional (tolerance 0.001))  
  ...)
```

## 4. Оборудование студента

Процессор AMD Ryzen 5 4600H 3.00 GHz, память: 16Gb, разрядность системы: 64.

## 5. Программное обеспечение

ОС Windows 10, среда LispWorks Personal Edition 7.1.2

## 6. Идея, метод, алгоритм

Пусть заданы три точки  $p_1, p_2, p_3$ . Рассмотрим два вектора  $\overrightarrow{p_1p_2}, \overrightarrow{p_1p_3}$ . Точки  $p_1, p_2, p_3$  лежат на одной прямой, если косинус угла между векторами  $\overrightarrow{p_1p_2}, \overrightarrow{p_1p_3}$  равен по модулю 1. Если задан необязательный параметр `tolerance`, то значение модуля косинуса должно находиться в отрезке значений `[1 - tolerance; tolerance]`. Чтобы найти координаты векторов  $\overrightarrow{p_1p_2}$  и  $\overrightarrow{p_1p_3}$ , используются функции из лекций `add2` и `mul2`.

- Полярные координаты. Находим косинус разности углов векторов  $\overrightarrow{p_1p_2}, \overrightarrow{p_1p_3}$ . Сравниваем разность 1 и модуля полученного косинуса с `tolerance`.
- Декартовы координаты. Находим косинус угла между  $\overrightarrow{p_1p_2}, \overrightarrow{p_1p_3}$  по следующей формуле:  $(\overrightarrow{p_1p_2}, \overrightarrow{p_1p_3}) / (|\overrightarrow{p_1p_2}| \cdot |\overrightarrow{p_1p_3}|)$ . Для нахождения скалярного произведения используется обобщённая функция `scalar-product`, а именно метод, уточнённый для векторов, заданных в декартовых координатах. Затем разность 1 и модуля полученного косинуса сравнивается с `tolerance`.

## 7. Сценарий выполнения работы

## 8. Распечатка программы и её результаты

### 8.1. Исходный код

```
1 (defclass cart ()
2   ((x :initarg :x :reader cart-x)
3    (y :initarg :y :reader cart-y)))
4
5 (defmethod print-object ((c cart) stream)
6   (format stream "[CART x ~d y ~d]"
7           (cart-x c) (cart-y c)))
8
9 (defclass polar ()
10  ((radius :initarg :radius :accessor radius)
11   (angle :initarg :angle :accessor angle)))
12
13 (defmethod print-object ((p polar) stream)
14   (format stream "[POLAR radius ~d angle ~d]"
15           (radius p) (angle p)))
16
```

```

17 (defun square (x) (* x x))
18
19 (defmethod radius ((c cart))
20   (sqrt (+ (square (cart-x c))
21            (square (cart-y c)))))
22
23 (defmethod angle ((c cart))
24   (atan (cart-y c) (cart-x c)))
25
26 (defgeneric to-polar (arg)
27   (:documentation "Преобразование аргумента в полярную систему.")
28   (:method ((p polar))
29     p)
30   (:method ((c cart))
31     (make-instance 'polar
32                    :radius (radius c)
33                    :angle (angle c))))
34
35 (defmethod cart-x ((p polar))
36   (* (radius p) (cos (angle p))))
37
38 (defmethod cart-y ((p polar))
39   (* (radius p) (sin (angle p))))
40
41 (defgeneric to-cart (arg)
42   (:documentation "Преобразование аргумента в декартову систему.")
43   (:method ((c cart))
44     c)
45   (:method ((p polar))
46     (make-instance 'cart
47                    :x (cart-x p)
48                    :y (cart-y p))))
49
50 (defgeneric add2 (arg1 arg2)
51   (:method ((n1 number) (n2 number))
52     (+ n1 n2)))
53
54 (defmethod add2 ((c1 cart) (c2 cart))
55   (make-instance 'cart
56                  :x (+ (cart-x c1) (cart-x c2))
57                  :y (+ (cart-y c1) (cart-y c2))))
58

```

```

59 (defmethod add2 ((p1 polar) (p2 polar))
60   (to-polar (add2 (to-cart p1)
61                   (to-cart p2))))
62
63 (defmethod add2 ((c cart) (p polar))
64   (add2 c (to-cart p)))
65
66 (defmethod mul2 ((n number) (c cart))
67   (make-instance 'cart
68                 :x (* n (cart-x c))
69                 :y (* n (cart-y c))))
70
71 (defun normalize-angle (a)
72   ;; Привести полярный угол a в диапазон [pi, -pi)
73   (let* ((2pi (* 2 pi))
74          (rem (rem a 2pi)))
75     (cond ((< pi rem)
76            (- rem 2pi))
77            ((<= rem (- pi))
78             (+ 2pi rem))
79            (t rem))))
80
81 (defmethod mul2 ((n number) (p polar))
82   (let ((a (angle p)))
83     (make-instance 'polar
84                   :radius (abs (* n (radius p)))
85                   :angle (if (< n 0)
86                              (normalize-angle (+ a pi))
87                              a))))
88
89 (defgeneric scalar-product (arg1 arg2)
90   (:documentation "Скалярное произведение")
91   (:method ((c1 cart) (c2 cart))
92     (+ (* (cart-x c1) (cart-x c2)) (* (cart-y c1) (cart-y c2)))))
93
94 (defgeneric on-single-line3-p (v1 v2 v3 &optional tolerance))
95
96 (defmethod on-single-line3-p ((v1 cart) (v2 cart) (v3 cart)
97   &optional (tolerance 0.001))
98   (let ((v12 (add2 v2 (mul2 -1 v1)))
99         (v13 (add2 v3 (mul2 -1 v1))))
100     )

```

```

101      (< (- 1 (abs (/ (scalar-product v12 v13) (radius v12) (radius v13))))
102         tolerance
103      )))
104
105 (defmethod on-single-line3-p ((v1 polar) (v2 polar) (v3 polar)
106   &optional (tolerance 0.001))
107   (let ((v12 (add2 v2 (mul2 -1 v1)))
108         (v13 (add2 v3 (mul2 -1 v1)))
109         )
110     (< (- 1 (abs (cos (- (angle v12) (angle v13)))))
111        tolerance
112     )))

```

## 8.2. Результаты работы

CL-USER 5 > first

[CART x 0 y 0]

CL-USER 6 > second

[CART x -1 y -1]

CL-USER 7 > third

[CART x 1 y 1]

CL-USER 8 > (on-single-line3-p first second third)

T

CL-USER 9 > (on-single-line3-p (to-polar first) (to-polar second) (to-polar third))

T

CL-USER 21 > first

[POLAR radius 0 angle 0]

CL-USER 22 > second

[POLAR radius 5 angle 2.356194490192345D0]

CL-USER 23 > third

[POLAR radius 3 angle 0]

CL-USER 24 > (on-single-line3-p first second third)

NIL

CL-USER 25 > (on-single-line3-p (to-cart first) (to-cart second) (to-cart third))

NIL

```
CL-USER 47 > first  
[POLAR radius 0 angle 0]
```

```
CL-USER 48 > second  
[POLAR radius 1 angle 0]
```

```
CL-USER 49 > third  
[POLAR radius 1 angle 0.2617993877991494D0]
```

```
CL-USER 50 > (on-single-line3-p first second third)  
NIL
```

```
CL-USER 51 > (on-single-line3-p first second third 0.04)  
T
```

## 9. Дневник отладки

Дата	Событие	Действие по исправ- лению	Примечание

## 10. Замечания автора по существу работы

## 11. Выводы

Я научился работать с обобщёнными функциями и методами, определять простейшие классы, порождать экземпляры классов, считывать и изменять значения слотов.