## SISTEMAS PARALELOS

Clase 6 – Análisis de rendimiento Prof Dr Enzo Rucci





## Agenda de la clase anterior

- Fundamentos de pasaje de mensajes
- Estándar MPI

## Agenda de esta clase

Análisis de rendimiento

# ANÁLISIS DE RENDIMIENTO EN SISTEMAS PARALELOS

## Métricas - Tiempo de ejecución

- Un algoritmo secuencial se suele evaluar por su tiempo de ejecución → En general, es posible encontrar alguna ley asintótica del tiempo de ejecución en función del tamaño de datos de entrada
- El tiempo de ejecución de un programa paralelo no sólo depende del tamaño de los datos de entrada sino también del número de procesadores y de los parámetros de comunicación de la arquitectura de soporte → es incorrecto analizar el algoritmo paralelo en forma aislada

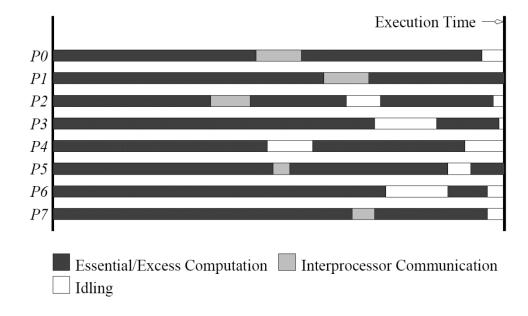
El análisis se debe realizar a nivel de **sistema paralelo** (combinación de algoritmo paralelo y contexto de hardware y software).

## Métricas - Tiempo de ejecución

- El tiempo de ejecución secuencial (T<sub>s</sub>) es el tiempo que transcurre desde el inicio hasta el fin de la ejecución sobre una máquina empleando una única unidad de procesamiento.
- El *tiempo de ejecución paralela*  $(T_p)$  resume la diferencia de tiempo entre que la primera tarea que comienza hasta que la última tarea haya completado su trabajo.

#### Fuentes de overhead

- Usando el doble de recursos, se espera que el programa paralelo se ejecute en la mitad del tiempo → Sin embargo, en la práctica, esto es muy raro que ocurra.
- Existen factores que generan overhead en los programas paralelos e impiden una mejora proporcional al aumento de la arquitectura:
  - Ocio
  - Interacción entre procesos
  - Cómputo adicional



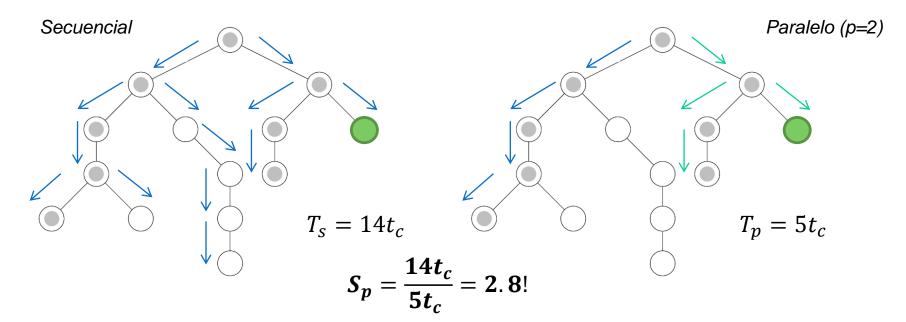
 El Speedup (S) refleja el beneficio de emplear procesamiento paralelo para resolver un problema dado comparado a realizarlo en forma secuencial

$$S_p(n) = \frac{T_s(n)}{T_p(n)}$$

- Es una medida de cuántas veces más rápido pudimos resolver el problema empleando el algoritmo paralelo con p unidades de procesamiento comparado al algoritmo secuencial.
- Para un problema dado, pueden existir diferentes algoritmos secuenciales, los cuales pueden tener diferentes tiempo de ejecución (complejidad) y, a su vez, pueden ser paralelizados de distintas maneras.
- Para computar el Speedup, siempre se debe considerar el mejor algoritmo secuencial (el que resuelva el problema en menos tiempo).

- Límites del Speedup:
  - Si  $S_p(n) < 1$  entonces el algoritmo paralelo tarda más que el mejor algoritmo secuencial  $\to S_p(n)$  debe ser mayor a 1
  - El mejor resultado se logra si somos capaces de distribuir el trabajo entre las unidades de procesamiento sin introducir ocio, interacción ni cómputo adicional → Situación poco usual
    - Con p unidades de procesamiento  $\rightarrow S_p(n) = p$  (conocido como Speedup lineal, Speedup óptimo, Speedup perfecto)
  - Teóricamente, siempre se cumple que  $S_p(n) \leq p$ 
    - Un Speedup mayor a p sólo es posible si cada unidad de procesamiento requiere menos de  $\frac{T_S(n)}{p}$  unidades de tiempo
    - Entonces podríamos construir un nuevo algoritmo secuencial que emule las p unidades de procesamiento usando una única unidad física, resolviendo el problema en menos de Ts unidades de tiempo → Contradicción

- En la práctica, a veces se puede dar  $S_p(n) > p$  (fenómeno conocido como *Speedup superlineal*)
  - Un motivo puede ser que la versión paralela del algoritmo realice menos trabajo que la versión secuencial
  - Ejemplo: búsqueda Depth-First-Search en árbol binario, donde expandir cada nodo cuesta t<sub>c</sub>



- Un segundo motivo de Speedup superlineal es la combinación de características de hardware y distribución de los datos del algoritmo paralelo que ponen en desventaja al algoritmo secuencial
- Por ejemplo, consideremos un procesador con 64Kb de caché y un algoritmo secuencial con 80% de hits en la caché:
  - Si el algoritmo paralelo emplea 2 procesadores, disminuye el volumen de datos con los que se trabaja, llevando la tasa de hits al 90%
  - Siguiendo este razonamiento, al emplear 4 procesadores, se podría alcanza una tasa de 100% de hits.

- Calculemos las relaciones para 20.000 accesos a memoria considerado que:
  - la latencia de la caché es 2 ns;
  - el tiempo de acceso a memoria es 100 ns;
  - el tiempo de acceso a disco es 1000 ns;
  - los fallos de caché se reparten 80% en RAM y 20% en disco.

**Secuencial**  $\rightarrow$  16.000 × 2 ns + 3.200 × 100 ns + 800 × 1000 ns = 1152 ms

**Paralelo (p=2)**  $\rightarrow$  18.000  $\times$  2 ns + 1.600  $\times$  100 ns + 400  $\times$  1000 ns = 0,596 ms

**Paralelo (
$$p=4$$
)**  $\rightarrow$  20.000 × 2 ns = 0,04 ms  $\rightarrow$ 

$$S_p = \frac{1152}{0.4} = 2880$$

¿Es una causa real de speedup superlineal?



- Lo visto hasta ahora asume que todas las unidades de procesamiento empleadas son idénticas
- En arquitecturas heterogéneas, el Speedup se debe calcular considerado la Potencia Cómputo Total (pct) en lugar del número de unidades de procesamiento (p)

$$pct = \sum_{i=0}^{p-1} pcr_i$$

$$pcr_i = \frac{p_i}{p_m}$$

pct	Potencia de Cómputo Total
pcr	Potencia de Cómputo Relativa
$p_i$	Potencia del procesador i
$p_m$	Potencia del mejor procesador

• Consideremos una arquitectura compuesta por 8 procesadores  $(p_0..p_7)$ , donde  $p_0$  es el de mayor potencia,  $p_1...p_4$  tienen un 75% de la potencia de  $p_0$  y  $p_5...p_7$  tienen el 50% de potencia de  $p_0$ ; entonces:

$$pcr_0 = 1$$
  
 $pcr_{1..4} = 0.75$   
 $pcr_{5..7} = 0.5$ 

$$pct = \sum_{i=0}^{7} pcr_i = 1 + 4 \times 0.75 + 3 \times 0.5 = 5.5$$

• El límite superior para el Speedup en esta arquitectura es 5,5 más allá de contar con 8 procesadores

¿Cómo calcular potencia de cada unidad de procesamiento?

#### Métricas – Eficiencia

- Sólo un sistema paralelo ideal con p unidades de procesamiento puede reportar speedups iguales a p → En la práctica es difícil que ocurra debido a las fuentes de overhead
- La Eficiencia es una medida de la fracción de tiempo en la cual las unidades de procesamiento son empleadas en forma útil

$$E_p(n) = \frac{S_p(n)}{S_{ont}}$$

- En arquitecturas homogéneas  $S_{Opt}=p$  mientras que en heterogéneas  $S_{Opt}=pct$
- Si  $S_p(n) = p$  (sistema paralelo ideal), entonces  $E_p(n) = 1$
- En la práctica,  $S_p(n) \le p$  lo que implica que  $E_p(n) \le 1$
- Por definición,  $E_p(n) > 0$ . Por lo tanto,  $0 < E_p(n) \le 1$

#### Métricas – Overhead total

 El overhead total de un sistema paralelo se define como la diferencia entre la suma del tiempo requerido por todas las unidades de procesamiento y el del mejor algoritmo secuencial para resolver el mismo problema empleando una única de unidad de procesamiento.

$$OT_p(n) = pT_p(n) - T_s(n)$$

## Métricas – Overhead de las comunicaciones

 El overhead de las comunicaciones de un sistema paralelo se define como la relación entre el tiempo requerido por las comunicaciones de nuestra solución y el tiempo total que esta requiera.

$$OC_p(n) = \frac{Tcomm_p(n)}{T_p(n)} \times 100$$

#### Métricas – Ejemplos de Speedup, Eficiencia y Overhead

Tiempos de ejecución y valores de Speedup y Eficiencia para algoritmos que resuelven multiplicación de matriz-vector

p	Order of Matrix				
	1024	2048	4096	8192	16,384
1	4.1	16.0	64.0	270	1100
2	2.3	8.5	33.0	140	560
4	2.0	5.1	18.0	70	280
8	1.7	3.3	9.8	36	140
16	1.7	2.6	5.9	19	71
	1 2 4 8	1 4.1 2 2.3 4 2.0 8 1.7	1 4.1 16.0 2 2.3 8.5 4 2.0 5.1 8 1.7 3.3	1 4.1 16.0 64.0 2 2.3 8.5 33.0 4 2.0 5.1 18.0 8 1.7 3.3 9.8	1 4.1 16.0 64.0 270 2 2.3 8.5 33.0 140 4 2.0 5.1 18.0 70 8 1.7 3.3 9.8 36

 $S_p(n)$ 

р	Order of Matrix					
	1024	2048	4096	8192	16,384	
1	-	-	-	-		
2	1.8	1.9	1.9	1.9	2.0	
4	2.1	3.1	3.6	3.9	3.9	
8	2.4	4.8	6.5	7.5	7.9	
16	2.4	6.2	10.8	14.2	15.5	

 $T_s$ ,  $T_p$ , S y E dependen del tamaño de problema

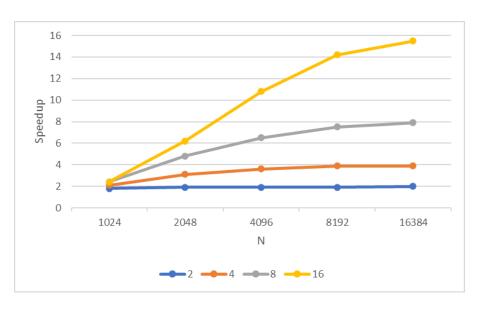
 $T_p$ , S y E además dependen de p

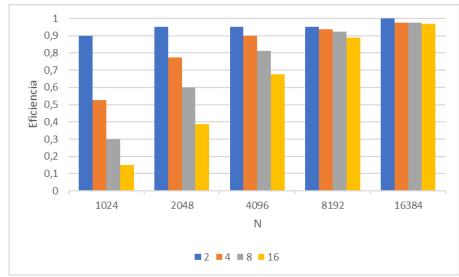
 $E_p(n)$ 

p	Order of Matrix				
	1024	2048	4096	8192	16,384
1	-	-	-	-	_
2	0.89	0.94	0.97	0.96	0.98
4	0.51	0.78	0.89	0.96	0.98
8	0.30	0.61	0.82	0.94	0.98
16	0.15	0.39	0.68	0.89	0.97

#### Métricas – Ejemplos de Speedup, Eficiencia y Overhead

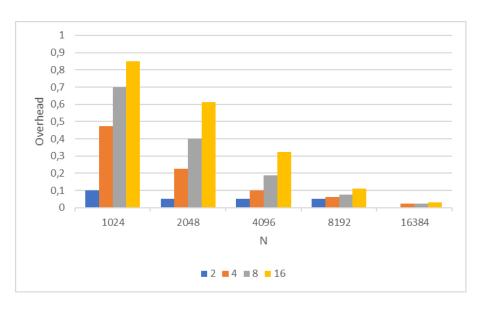
Gráficos de Speedup y Eficiencia para las tablas anteriores

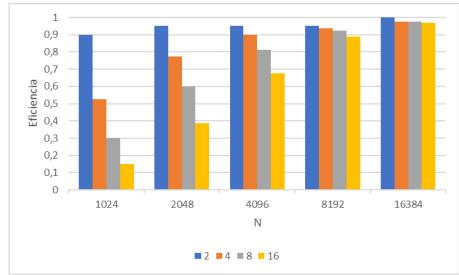




#### Métricas – Ejemplos de Speedup, Eficiencia y Overhead

Gráfico de Overhead (com) y Eficiencia para las tablas anteriores





## Métricas – Ley de Amdahl

- Los factores de overhead limitan los beneficios del procesamiento paralelo
- Una restricción importante proviene de aquellos secciones de código que no pueden ser paralelizadas → bloque de ejecución secuencial
- La Ley de Amdahl (Amdahl, 1967) permite estimar el Speedup alcanzable en aquellos programas paralelos que contienen partes secuenciales:
- Dada una fracción f,  $0 \le f \le 1$ , de un programa paralelo que debe ser ejecutada secuencialmente, el tiempo de ejecución paralela se calcula como:

$$T_p(n) = f \times T_s(n) + \frac{(1-f) \times T_s(n)}{p}$$

• Entonces el Speedup ahora puede re-escribirse de la siguiente forma:

$$S^{A}_{P}(n) = \frac{T_{S}(n)}{f \times T_{S}(n) + \frac{(1-f) \times T_{S}(n)}{p}} = \frac{1}{f + \frac{(1-f)}{p}}$$

## Métricas – Ley de Amdahl

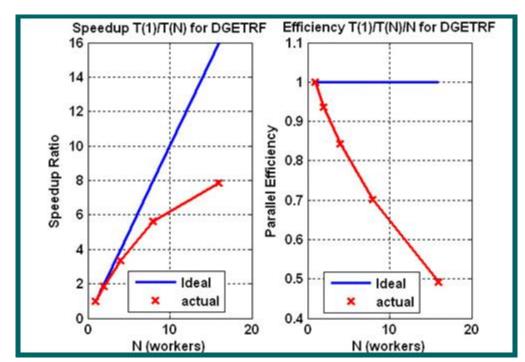
• Es importante notar que, aun con un número infinito de unidades de procesamiento, el Speedup estará limitado a  $\frac{1}{f}$ , ya que:

$$\lim_{p \to \infty} \left( \frac{1}{f + \frac{(1-f)}{p}} \right) = \frac{1}{f}$$

- Por ejemplo, con 5% de ejecución secuencial (f = 0.05) en un programa paralelo, el máximo Speedup alcanzable será **20**, sin importar el número de unidades de procesamiento que podamos emplear.
- Es importante tener en cuenta esta características si vamos a emplear una gran cantidad de unidades de procesamiento, aunque veremos más adelante que esta estimación puede ser considerada *poco realista*.

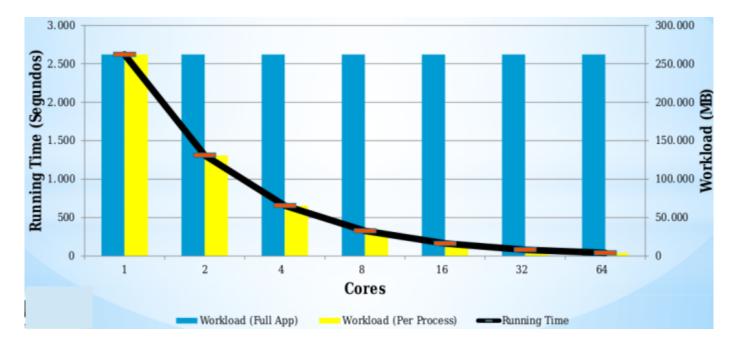
#### Métricas – Escalabilidad

- En el contexto de análisis de rendimiento, la escalabilidad hace referencia a la capacidad que tiene un sistema de mantener un nivel de Eficiencia fijo al incrementar tanto el número de unidades de procesamiento como el tamaño del problema de resolver → En ese caso, se dice que el sistema es escalable
- Dicho de otra manera, la escalabilidad de un sistema paralelo es una medida de su capacidad de incrementar el Speedup en forma proporcional al número de unidades de procesamiento empleadas



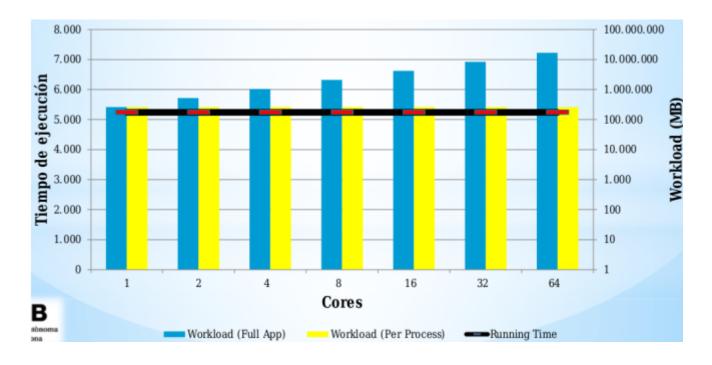
#### Métricas – Escalabilidad

- Casos especiales:
  - Escalabilidad fuerte: Cuando al incrementar el número de unidades de procesamiento, no resulta necesario aumentar el tamaño de problema para mantener la eficiencia en un valor fijo.



#### Métricas – Escalabilidad

- Casos especiales:
  - Escalabilidad débil: Cuando al incrementar el número de unidades de procesamiento, resulta necesario también aumentar el tamaño de problema para mantener la eficiencia en un valor fijo.



### Métricas – Ley de Gustafson

 El incremento en el Speedup por un tamaño mayor de problema no es percibido por la Ley de Amdahl

$$\lim_{p \to \infty} \left( \frac{1}{f \times + \frac{(1-f)}{p}} \right) = \frac{1}{f}$$

### Métricas – Ley de Gustafson

- El incremento en el Speedup por un tamaño mayor de problema no es percibido por la Ley de Amdahl
- En la década del 80, Gustafson observó en la práctica que:
  - Un multiprocesador más grande usualmente permite resolver un problema de mayor tamaño en un tiempo de ejecución determinado (escalabilidad)
     → el tamaño de problema seleccionado depende frecuentemente del número de unidades de procesamiento disponibles
  - Al incrementar el tamaño del problema y el número de unidades de procesamiento para mantener el tiempo de ejecución constante, la fracción secuencial de los programas se mantiene fija o no crece en forma proporcional al tamaño de la entrada.
- Por lo tanto, asumir que el tamaño de problema es fijo resulta tan válido como que el tiempo de ejecución paralela lo es

## Métricas – Ley de Gustafson

- Basándose en sus observaciones, Gustafson re-escribió la ecuación para estimar el máximo speedup alcanzable (conocido como Speedup escalado).
- Dada una fracción f',  $0 \le f' \le 1$ , de un programa paralelo que debe ser ejecutada secuencialmente pero que no crece en forma proporcional al tamaño de problema, el Speedup escalado se calcula como:

$$S_{p}^{S}(n) = \frac{T_{S}(n)}{T_{p}(n)} = \frac{f' \times T_{p}(n) + (1 - f') \times T_{p}(n) \times p}{T_{p}(n)} = p + (1 - p) \times f'$$

- Esta versión requiere 2 suposiciones: (1)  $T_p(n)$  se mantiene constante y (2)  $f' \times T_p(n)$  no escala en forma proporcional al aumento de n y p
- Según Gustafson: con 5% de ejecución secuencial (f' = 0.05) y 20 procesadores, el speedup alcanzable sería  $20 + (1 20) \times 0.05 = 19.05$  en lugar de  $\frac{1}{0.05 \times + \frac{(1 0.05)}{20}} = 10.26$  que se obtendría con la ecuación de Amdahl.

## Métricas – Escalabilidad: resumen y comentarios finales

- Escalabilidad fuerte (Amdhal)
  - El tamaño del problema se mantiene fijo a medida que se incrementa la cantidad de procesadores.

- El objetivo es resolver el mismo problema de forma más rápida
- El escalado perfecto se logra cuando el problema se resuelve en 1/P unidades de tiempo (comparado al secuencial)

- Escalabilidad débil (Gustafson)
  - El tamaño del problema por procesador se mantiene fijo a medida que se incrementa la cantidad de procesadores
     → El tamaño total del problema es proporcional al número de procesadores usados.
  - El objetivo es resolver un problema más grande en la misma cantidad de tiempo
  - El escalado perfecto se logra cuando se resuelve un problema P veces más grande en la misma cantidad de tiempo que el secuencial.

## Métricas – Escalabilidad: resumen y comentarios finales

- La capacidad de un programa paralelo de escalar su rendimiento depende de un conjunto de factores interrelacionados → Agregar más procesadores no suele ser una solución directa.
- Los algoritmos pueden tener límites inherentes para su escalabilidad.
  - Incluso agregar más recursos puede perjudicar el rendimiento en un determinado punto.
  - Es una situación usual en varias aplicaciones paralelas.
- Los recursos de hardware desempeñan un factor fundamental en la escalabilidad. Ejemplos:
  - Ancho de banda del bus de memoria en un multiprocesador
  - Ancho de banda de red
  - Memoria prinicipal disponible en una máquina (o un conjunto de ellas)
  - Frecuencia del reloj del procesador

### Métricas – Desbalance de carga

 En arquitecturas heterogéneas o soluciones paralelas que contemplan problemas irregulares, resulta útil poder medir el Desbalance de carga:

$$D = \frac{max_{i=0..p-1} \left( T_{pi}(n) \right) - min_{i=0..p-1} (T_{pi}(n))}{prom_{i=0..p-1} (T_{pi}(n))}$$

- Si todas las unidades de procesamiento toman el mismo tiempo, entonces  $D = 0 \rightarrow Poco$  usual
- En general, se debe intentar que D esté lo más cerca posible de 0

## Recomendaciones para medir tiempos de ejecución

- Usualmente interesa analizar la mejora lograda en determinada parte del programa → En la práctica, el tiempo de ejecución no siempre se considera desde el que programa empieza hasta que el mismo termina
- Por ejemplo, si consideramos un problema de ordenación por burbuja, mediremos la parte que ordena el vector, pudiendo descartar:
  - Reserva de memoria
  - Lectura de datos de entrada
  - Impresión de datos de salida
  - Liberación de memoria

## Recomendaciones para medir tiempos de ejecución

- Aunque la solución paralela involucre p tareas, T<sub>p</sub>(n) debe ser un único valor que contemple el tiempo que transcurre desde que la primera tarea comenzó a ejecutar hasta que la última haya completado su trabajo → Tener en cuenta que este tiempo puede hacer referencia a una determinada parte del programa
- En ocasiones, no todas las tareas comienzan y terminan al mismo tiempo → Para asegurarnos una medición correcta, puede ser útil emplear barreras
- La precisión en la medición puede ser un tema importante → No es lo mismo medir un programa que dure unos pocos segundos a otro que dure horas...

## Recomendaciones para medir tiempos de ejecución

- Otro factor a tener en cuenta es la variabilidad en las mediciones
  - Se recomienda repetir las pruebas un determinado número de veces y calcular el promedio o la mediana → ¿Cuántas veces repetirlo?
  - En ocasiones, también puede ser de interés reportar el tiempo mínimo y el máximo

### Bibliografía usada para esta clase

- Capítulo 5, An Introduction to Parallel Computing. Design and Analysis of Algorithms (2da Edition). Grama A., Gupta A., Karypis G. & Kumar V. (2003) Inglaterra: Pearson Addison Wesley.
- Capítulo 4, Parallel Programming for Multicore and Cluster Systems. Rauber, T. & Rünger, G. (2010). EEUU: Springer-Verlag Berlin Heidelberg.
- Capítulo 2, An Introduction to Parallel Programming.
   Pacheco, P. (2011) EEUU: Elsevier.
- Capítulo 1, Parallel Programming. Wilkinson, B. & Allen, M. (2005) EEUU, Pearson