词法分析 (2. 正则表达式)

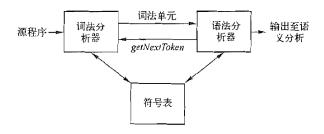
魏恒峰

hfwei@nju.edu.cn

2023年03月08日(周三)



输入: 程序文本/字符串 s + 词法单元 (token) 的规约



输出: 词法单元流



```
LPAREN : '(';
RPAREN: ')';
ID : (LETTER | '_') WORD* ;
INT : '0' | ([1-9] DIGIT*);
FIGAT : TNT '.' DIGIT*
      | '.' DIGIT+
WS : [ \t r\n] + -> skip ;
//SL_COMMENT : '//' .*? '\n' -> skip ;
SL_COMMENT2 : '//' \sim [\n] * '\n' -> skip;
DOC_COMMENT : '/**' .*? '*/' -> skip ;
ML_COMMENT : '/*' .*? '*/' -> skip ;
```

词法单元的规约



词法单元	非正式描述	词素示例
if	字符 i, f	if
else	字符 e, 1, s, e	else
comparison	<或>或 <= 或 >= 或 == 或 !=	<=, !=
id	字母开头的字母/数字串	pi, score, D2
number	任何数字常量	3.14159, 0, 6.02e23
literal	在两个"之间,除"以外的任何字符	"core dumped"

我们需要词法单元的形式化规约

id: 字母开头的字母/数字串

id 定义了一个集合, 我们称之为语言 (Language)

id: 字母开头的字母/数字串

id 定义了一个集合, 我们称之为语言 (Language)

它使用了字母与数字等符号集合, 我们称之为字母表 (Alphabet)

id: 字母开头的字母/数字串

id 定义了一个集合, 我们称之为语言 (Language)

它使用了字母与数字等符号集合, 我们称之为字母表 (Alphabet)

该语言中的每个元素 (即, 标识符) 称为串 (String)

Definition (字母表)

字母表 Σ 是一个有限的符号集合。



Definition (串)

字母表 Σ 上的 \mathbf{a} (s) 是由 Σ 中符号构成的一个**有穷**序列。



空串: $|\epsilon| = 0$

Definition (串上的"连接"运算)

$$x = dog, y = house$$
 $xy = doghouse$

$$s\epsilon = \epsilon s = s$$

Definition (串上的"连接"运算)

$$x = dog, y = house$$
 $xy = doghouse$

$$s\epsilon = \epsilon s = s$$

Definition (串上的"指数"运算)

$$s^0 \triangleq \epsilon$$

$$s^i \triangleq ss^{i-1}, i > 0$$

Definition (语言)

语言是给定字母表 Σ 上一个任意的可数的串集合。

 \emptyset

 $\{\epsilon\}$

Definition (语言)

语言是给定字母表 Σ 上一个任意的**可数的**串集合。

 \emptyset

 $\{\epsilon\}$

$$id: \{a, b, c, a1, a2, \dots\}$$

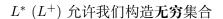
 $ws: \{blank, tab, newline\}$

 $\mathbf{if}: \{\mathtt{if}\}$

语言是串的集合

因此, 我们可以通过集合操作构造新的语言。

运算	定义和表示
L和M 的并	$L \cup M = \{s \mid s$ 属于 L 或者 s 属于 $M\}$
L和M 的连接	$LM = \{st \mid s $ 属于 L 且 t 属于 $M\}$
L的 Kleene 闭包	$L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$
L的正闭包	$L^+ = \cup_{i=1}^{\infty} L^i$





Stephen Kleene $(1909 \sim 1994)$

$$L = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z\}$$
$$D = \{0, 1, \dots, 9\}$$

运算	定义和表示
L和M 的并	$L \cup M = \{s \mid s$ 属于 L 或者 s 属于 $M\}$
L和M 的连接	$LM = \{st \mid s$ 属于 L 且 t 属于 $M\}$
L的 Kleene 闭包	$L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$
L的正闭包	$L^+ = \cup_{i=1}^{\infty} L^i$

$$L = \{A, B, \dots, Z, a, b, \dots, z\}$$
$$D = \{0, 1, \dots, 9\}$$

运算	定义和表示
L和M 的并	$L \cup M = \{s \mid s$ 属于 L 或者 s 属于 $M\}$
L和M 的连接	$LM = \{st \mid s$ 属于 L 且 t 属于 $M\}$
L的 Kleene 闭包	$L^* = \bigcup_{i=0}^{\infty} L^i$
L的正闭包	$L^+ = \cup_{i=1}^{\infty} L^i$

$$L \cup D$$
 LD L^4 L^* D^+ $L(L \cup D)^*$

 $id: L(L \cup D)^*$

该如何告诉 ANTLR v4:这个集合就是 id 呢?

 $id: L(L \cup D)^*$

该如何告诉 ANTLR v4: 这个集合就是 id 呢?



下面向大家隆重介绍简洁、优雅、强大的正则表达式

每个正则表达式 r 对应一个正则语言 L(r)



正则表达式是语法,正则语言是语义

Definition (正则表达式)

给定字母表 Σ , Σ 上的正则表达式由且仅由以下规则定义:

- (1) ϵ 是正则表达式;
- (2) $\forall a \in \Sigma$, a 是正则表达式;
- (3) 如果 r 是正则表达式,则 (r) 是正则表达式;
- (4) 如果 r 与 s 是正则表达式,则 $r|s, rs, r^*$ 也是正则表达式。

$$(a)|((b)^*(c)) \equiv a|b^*c$$

每个正则表达式 r 对应一个正则语言 L(r)

Definition (正则表达式对应的正则语言)

$$L(\epsilon) = \{\epsilon\} \tag{1}$$

$$L(a) = \{a\}, \forall a \in \Sigma$$
 (2)

$$L((r)) = L(r) \tag{3}$$

$$L(r|s) = L(r) \cup L(s)$$
 $L(rs) = L(r)L(s)$ $L(r^*) = (L(r))^*$ (4)

$$\Sigma = \{a,b\}$$

$$L(a|b) = \{a,b\}$$

$$\Sigma = \{a,b\}$$

$$L(a|b) = \{a,b\}$$

$$L((a|b)(a|b))$$

$$\Sigma = \{a,b\}$$

$$L(a|b) = \{a, b\}$$

$$L((a|b)(a|b))$$

$$L(a^*)$$

$$\Sigma = \{a,b\}$$

$$L(a|b) = \{a, b\}$$

$$L((a|b)(a|b))$$

$$L(a^*)$$

$$L((a|b)^*)$$

$$\Sigma = \{a,b\}$$

$$L(a|b) = \{a, b\}$$

$$L((a|b)(a|b))$$

$$L(a^*)$$

$$L((a|b)^*)$$

$$L(a|a^*b)$$



表达式	匹配	例子
С	单个非运算符字符c	a
\c	字符 c 的字面值	*
" _S "	串s的字面值	11**11
	除换行符以外的任何字符	a.*b
Î Î	一行的开始	^abc
\$	行的结尾	abc\$
[s]	字符串 s 中的任何一个字符	[abc]
[^s]	不在串s中的任何一个字符	[^abc]
r*	和 r 匹配的零个或多个串连接成的串	a*
r+	和 r 匹配的一个或多个串连接成的串	a+
r?	零个或一个 r	a?
$r\{m,n\}$	最少 m 个,最多 n 个 r 的重复出现	a{1,5}
r_1r_2	r_1 后加上 r_2	ab
$r_1 \mid r_2$	r_1 或 r_2	alb
(r)	与工相同	(alb)
r_1/r_2	后面跟有 r_2 时的 r_1	abc/123

表达式	匹配	例子
С	单个非运算符字符c	a
\c	字符 c 的字面值	*
" _S "	串s的字面值	11**11
	除换行符以外的任何字符	a.*b
	一行的开始	^abc
\$	行的结尾	abc\$
[s]	字符串 s 中的任何一个字符	[abc]
[^s]	不在串s中的任何一个字符	[^abc]
r*	和 r 匹配的零个或多个串连接成的串	a*
r+	和 r 匹配的一个或多个串连接成的串	a+
r?	零个或一个 r	a?
$r\{m,n\}$	最少加个,最多 n 个 r 的重复出现	a{1,5}
r_1r_2	r_1 后加上 r_2	ab
$r_1 \mid r_2$	r_1 或 r_2	alb
(r)	与工相同	(alb)
r_1/r_2	后面跟有 r_2 时的 r_1	abc/123

$$[0-9] \quad [a-zA-Z]$$



正则表达式简记法

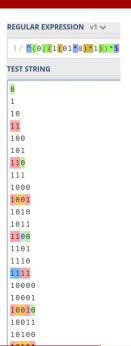
Vim ♦	Java ♦	ASCII +	Description +
	\p{ASCII}	[\x00-\x7F]	ASCII characters
	\p{Alnum}	[A-Za-z0-9]	Alphanumeric characters
\w	\w	[A-Za-z0-9_]	Alphanumeric characters plus "_"
\W	\W	[^A-Za-z0-9_]	Non-word characters
\a	\p{Alpha}	[A-Za-z]	Alphabetic characters
\s	\p{Blank}	[\t]	Space and tab
\< \>	\b	(?<=\W)(?=\w) (?<=\w)(?=\W)	Word boundaries
	\B	(?<=\W)(?=\W) (?<=\w)(?=\w)	Non-word boundaries
	\p{Cntrl}	[\x00-\x1F\x7F]	Control characters
\d	\p{Digit} or \d	[0-9]	Digits
\ D	\D	[^0-9]	Non-digits
	\p{Graph}	[\x21-\x7E]	Visible characters
∖l	\p{Lower}	[a-z]	Lowercase letters
\p	\p{Print}	[\x20-\x7E]	Visible characters and the space character
	\p{Punct}	[][!"#\$%&'()*+,./:;<=>?@\^_`{ }~-]	Punctuation characters
_s	\p{Space} or \s	[\t\r\n\v\f]	Whitespace characters
\5	\5	[^ \t\r\n\v\f]	Non-whitespace characters
\u	\p{Upper}	[A-Z]	Uppercase letters
\x	\p{XDigit}	[A-Fa-f0-9]	Hexadecimal digits



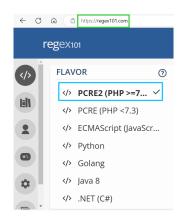
$$(0|(1(01*0)*1))*$$

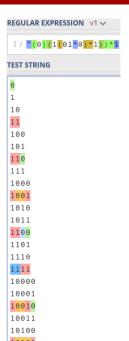


二进制下三的倍数



https://regex101.com/r/ED4qgC/1





https://regex101.com/r/ED4qgC/1



3 的倍数 (二进制表示)



Let Us Ask ChatGPT Again

```
body∘{ ⟨
• • background-color • : • # fefbd8; ←
• • background-color • : • # 0000ff; ∈
} ←
div∘{←
• • background-color • : • #d0f4e6; d
span∘{←
• • background-color • : • # f08970;
```

https://regex101.com/r/Z6IWGL/1 (regex/bg-color) [0-9a-fA-F]{6}

$$\d{1,2}[-\]\d{1,2}[-\]\d{2,4}$$

```
1001: $496.80
```

\\$\d{3,}\.\d{2}

The cat scattered his food all over the room.

https://regex101.com/r/K5MCMZ/1 (regex/cat)

\bcat\b \b: 单词边界

```
<body>
<sup>△</sup>
     ••<H1>Welcome•to•my•Homepage</H1>
     • Content • is • divided • into • two • sections: <br/>
     ••<h2>SQL</h2><
     • • Information • about • SQL. ←
     <h2>RegEx</h2>
     Information about Regular Expressions. ←
     <h3>This is not a valid HTML</h4>
     </body>
https://regex101.com/r/2ZSx0a/1
                                         (regex/html-head)
       <[hH]([1-6])>. *?<\/[hH]\1>
反向引用子表达式
```

```
<body>
<sup>△</sup>
••<H1>Welcome•to•my•Homepage</H1>
• • Content• is • divided • into • two • sections: <br/>
••<h2>SQL</h2><
••Information•about•SQL.
••<h2>RegEx</h2><

    Information about Regular Expressions. 

••<h3>This•is•not•a•valid•HTML</h4><
</body>
     https://regex101.com/r/mFt85G/1
        (regex/html-head-lookaround)
   (?<=<[hH]([1-6])>). *?(?=<\/[hH]\1>)
```





LEARNING REGULAR EXPRESSIONS

正则表达式 必知必会

[美] 本·福塔○著 门佳 杨涛 等○译



Thank You!



Office 926 hfwei@nju.edu.cn