

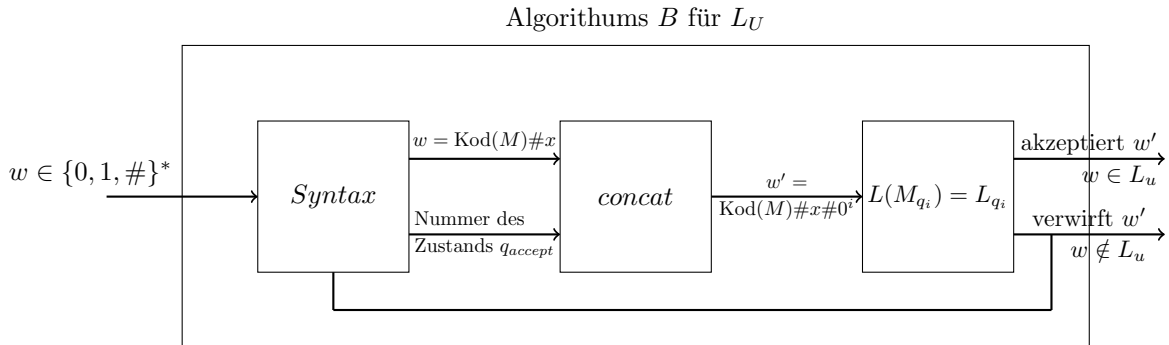
Theoretische Informatik: Blatt 6

Abgabe bis 9. Oktober 2015
Assistent: Sacha Krug, CHN D 42

Linus Fessler, Markus Hauptner, Philipp Schimmelfennig

Aufgabe 16

Wir wollen zeigen, dass $L_{q_i} \notin \mathcal{L}_R$, also nicht rekursiv ist. Dazu machen wir einen Widerspruchsbeweis. Annahme: L_{q_i} sei rekursiv. Wir zeigen $L_u \leq_R L_{q_i}$.



Für ein Wort w entscheiden wir zuerst ob die Syntax einem Wort in L_u entspricht. Falls nein, ist $w \notin L_u$. Falls ja, wählen wir als i die Nummer des Zustands q_{accept} in der Kodierung von M und erzeugen daraus w' . Fall die Anzahl Zustände de TM M nicht $\geq i + 1$ ist, verwerfen wir w , ansonsten fahren wir fort, wie folgt: Da eine TM aus q_{accept} nicht mehr herausgeht, ist $w \in L_u$, falls M_{q_i} w' akzeptiert, also M den i -ten Zustand erreicht. Falls M_{q_i} w' verwirft akzeptiert M also w nicht.

Aufgabe 17

Wir wollen zeigen, dass L_{q_i}' nicht in \mathcal{L}_R ist. Dazu genügt es nach Lemma 5.4 zu zeigen, dass $(L_{q_i}')^C \notin \mathcal{L}_R$.

$$(L_{q_i}')^C = \begin{cases} w \neq \text{Kod}(M)\#x\#0^i \\ w = \text{Kod}(M)\#x\#0^i \text{ und } M \text{ hat weniger als } i + 1 \text{ Zustände} \\ w = \text{Kod}(M)\#x\#0^i, M \text{ hat mehr als } i \text{ Zustände, } M \text{ erreicht den } i\text{-ten Zustand nicht} \end{cases}$$

Um zu zeigen, dass $(L_{q_i}')^C \notin \mathcal{L}_R$ benutzen wir einen Widerspruchsbeweis.

Annahme: L_H ist rekursiv. Wir zeigen $L_H \leq_R (L_{q_i}')^C$.