

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

MAT02214 - Estatística Geral 1 - 2022/1



Plano Aula 27 e 28

(cont...) Vetores aleatórios (capítulo 8, Livro Bussab e Morettin)

Continuamos estudando o comportamento de mais de uma variável aleatória, X, Y, Z, \dots

Funções Condicionais.

1. O caso de duas variáveis X e Y discretas (seção 8.2, Livro Bussab e Morettin)

(cont.) Exemplo 1: Na pesquisa de opinião com toda uma população, qual a probabilidade de uma pessoa escolhida ao acaso da população ter opinião de desempenho ótimo do atual governo (Y) dado que a pessoa estudou em escola pública? Ou dado que a pessoa tenha escolaridade de 10 anos de estudo (Z)?

Definição Função massa de probabilidade condicional: Seja (X, Y) um vetor aleatório discreto, a f.m.p. condicional de Y = y dado X = x, tal que p(x) = P(X = x) > 0, é definida para cada par (x, y) por

$$P(Y = y | X = x) = \frac{P(X = x, Y = y)}{P(X = x)}.$$

- Da mesma forma definimos P(X = x | Y = y).
- Funções condicionais são distribuições de probabilidade, portanto seguem as mesma propriedades de f.m.p. marginais.

2. O caso de duas variáveis X e Y contínuas (seção 8.6, Livro Bussab e Morettin)

(cont.) Exemplo 2: No estudo após a adoção do autoatendimento em uma rede de lanchonetes, dada uma propoção X = x de tempo em que o terminal de autoatendimento está em uso, qual a distrição de probabilidade da proporção de tempo em que o caixa está atendendo (Y)?

Definição Função densidade de probabilidade condicional: Seja (X, Y) um vetor aleatório discreto, a f.d.p. condicional de Y = y dado X = x, tal que f(x) > 0, é definida para cada par (x, y) por

$$f_{Y|X}(y|x) = \frac{f(x,y)}{f_{Y}(x)}.$$

- Da mesma forma definimos $f_{X|Y}(x|y)$.
- Funções condicionais são distribuições de probabilidade, portanto seguem as mesma propriedades de f.d.p. marginais.

Esperança Condicional.

Definição Esperança condicional: A esperança condicional de Y dado que X=x é dada por

$$E\left(\left.Y\right|X=x\right)=\sum_{y}y\times P\left(\left.Y=y\right|X=x\right),\text{ se }\left(X,Y\right)\text{ \'e um vetor aleat\'orio discreto,}$$

ou

$$E\left(\left.Y\right|X=x\right)=\int_{y}y\times P\left(\left.Y=y\right|X=x\right),\text{ se }\left(X,Y\right)\text{ \'e um vetor aleat\'orio contínuo}.$$

- Definição análoga para E(X|Y=y).
- Propriedades: ver página 127 das "Notas de Aula MAT02214 Estatística Geral I".



UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02214 - Estatística Geral 1 - 2022/1

Variância Condicional

Definição Variância condicional: A variância condicional de Y dado que X=x é dada por

$$Var(Y|X = x) = E\{[Y - E(Y|x)]^2 | X = x\}.$$

Ler apostila "Notas de Aula MAT02214 - Estatística Geral I" capítulo 5 seções 2 a 4.

Continuar lista de exercícios 2-4.