

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

MAT02214 - Estatística Geral 1 - 2025/2



Plano Aula 13 e 14

(continuação) Introdução à Probabilidade (capítulo 5, Livro Bussab e Morettin)

Probabilidade Condicional e Independência (seção 5.3, Livro Bussab e Morettin)

- Eventos condicionados: probabilidade de ocorrer A dado que B ocorreu, $P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$;
 - eventos independentes $P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$, então P(A|B) = P(A).

Teorema da Probailidade Total e Teorema de Bayes (seção 5.4, Livro Bussab e Morettin)

- Partição do espaço amostral: seja $B_1, B_2, B_3, \dots, B_k$ (para $k \in \mathbb{N}$) uma partição do espaço amostral Ω , então
 - $-B_i \cap B_j = \emptyset$, para todo $i \neq j$;
 - $-\Omega = B_1 \cup B_2 \cup \ldots \cup B_k.$

Teorema da Probabilidade Total (soma das probabilidades):

"Sabendo a probabilidade de ocorrência de cada partição B_i e a probabilidade de ocorrência de um evento A em cada partição, então podemos calcular a probabilidade de ocorrência de A."

Teorema: Seja A um evento definido no espaço amostral Ω associado ao experimento E e B_1, B_2, \ldots, B_k uma partição de Ω , então

$$P(A) = P(A \cap B_1) + P(A \cap B_2) + \ldots + P(A \cap B_k) = P(B_1) \times P(A \mid B_1) + P(B_2) \times P(A \mid B_2) + \ldots + P(B_k) \times P(A \mid B_k).$$

Ou

$$P(A) = \sum_{i=1}^{k} P(A \cap B_i) = \sum_{i=1}^{k} P(B_i) \times P(A|B_i).$$

Teorema de Bayes

"Também é possível calcular a probabilidade de ocorrência de uma partição B_i dado que um evento A ocorreu."

Teorema: Seja A um evento definido no espaço amostral Ω associado ao experimento E e $B_1, B_2, B_3, \ldots, B_k$ uma partição de Ω , então

$$P(B_i|A) = \frac{P(B_i \cap A)}{P(A)} = \frac{P(B_i) \times P(A|B_i)}{\sum_{i=1}^k P(B_i) \times P(A|B_i)}.$$

• Probabilidade subjetiva (seção 5.5, Livro Bussab e Morettin)



UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02214 - Estatística Geral 1 - 2025/2

•	Thomas	Bayes \Rightarrow	· Inferência	Bayesiana	(diferente	da	visão	clássica	de	inferência,	não	cobrimos	no
	curso);												

Ler slides e ver vídeos da semana 7.							
Continuar lista de exercícios 2-1 e 2-2.							
Fazer a avaliação pontual 1 da área 2 - VALE NOTA!!!							