## Sobre o Uso da tabela da distribuição ${\bf t}$

### Markus Stein

### 8 September 2020

### Tabelas, tabelas, tabelas...

- Para que servem as tabelas?
- Cada número em uma tabela de probabilidade é resultado de inúmeros cálculos ("Hoje em dia usamos computadores para encontrar esses números...")

# Qual a diferença entre a tabela da distribuição t (Student) e da distribuição Normal padrão?

- Na tabela da distribuição **Normal padrão** precisamos somente definir o nível de significância  $\alpha$ , ou nível de confiança  $1-\alpha$ , para o problema....encontrar um valor tal que a probabilidade abaixo ou acima seja de interesse.
  - Na tabela da Normal padrão definimos a probabilidade de interesse no corpo da tabela e olhamos o valor correspondente na linha e coluna.
- Já na distribuição  $\mathbf{t}$  de Student também precisamos calcular os graus de liberdade  $\nu$ , que é um parâmetro que depende do tamanho da amostra n, ou amostras  $n_1$  e  $n_2$  no caso de duas populações. (existe uma tabela igual a da normal padrão para cada grau de liberdade)
- Então, para facilitar o uso da distribuição  ${\bf t}$  foi criada uma tabela que apresenta valores , para específicos valores de  $\nu$  e  $\alpha$ .
  - Na tabela da  ${\bf t}$ , os valores associados a probabilidades estão no corpo da tabela, basta definirmos os graus de liberdade do problema  $\nu$  e a probabilidade  $\alpha$ .

#### Usando softwares para encontrar valores

- No software R podemos encontrar valores de y tal que  $P(Y < y) = \alpha$  usando as funções
  - 'qnorm(α)' para distribuição Normal Padrão,
  - ' $qt(\alpha, \nu)$ ' para distribuição **t de Student**,
  - 'qchisq $(\alpha, \nu)$ ' para a distribuição **Qui-QUadrado**.

em que  $\nu$  são os graus de liberdade da distribuição.

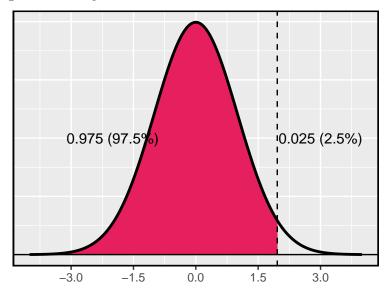
Exemplos para se calcular P(Y < y) = 0,975:

• Para a distribuição \*normal padrão\*\* temos

qnorm(0.975)

### ## [1] 1.959964

que corresponde na figura abaixo a  $y=1.959964\,$ 



• Tente para a distribuição  ${\bf t}$  e  ${\bf qui}$ - ${\bf quadrado},\dots$  (assuma  $\nu=15$  para  ${\bf t}$  e  ${\bf Qui}$ - ${\bf Quadrado}$ )

### Aplicativos na internet

- (em inglês) Apps do livro 'Statistics: The Art and Science of Learning from Data'
  - https://artofstat.com/web-apps
  - ver seção 'Distributions: Explore Shapes & Find Probabilities'

### Referência

Livro online da plataforma 'Probabilidade e Estatística (EAD)' https://www.ufrgs.br/probabilidade-estatística/livro/index.html

- No 'Capítulo 3 Distribuições de Variáveis Aleatórias' ver Seções
  - 1.1.3 Tabela de probabilidade normal
  - 1.1.4 Exemplos de probabilidade