

#### UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

MAT02215 - Estatística Geral 2 - 2020/1

## Plano Aula 11 e 12

#### Markus Stein

# Testes de Hipóteses (Bussab e Morettin - capítulo 12)

- Podemos utilizar intervalos de confiança para tomar decisões? Sim.
  - Decisões acerca de valores possíveis para parâmetros: médias, variâncias e proporções, ...
- O Teste de hipóteses é uma "máquina" de decisões, um mecanismo para se construir hipóteses e decidir sobre afirmações sobre possíveis valores para um parâmetro (usando uma regra probabilística e dados amostrais).
- Exemplo: Devo manter ou não uma operação financeira com base no retorno médio dos útlimos meses?
  - Qual o estimador pontual "natural" para o problema? E como construir um IC?
  - Como criar uma regra para tomar essa decisão?

### Hipóteses estatísticas

- São afirmações acerca de parâmetros. + Exemplos: o salário médio,  $\mu$  na empresa A é superior a 2 salários mínimos (s.m.),
- Hipótese nula versus hipótese alternativa +  $H_0$ :  $\mu \leq 2s.m.$  contra  $H_1$ :  $\mu > 2s.m.$

# Erros de decisão e procedimento do Teste de hipóteses (Bussab e Morettin - seção 12.3)

- Erro tipo I: rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  for verdadeira.
- Erro tipo II: "aceitar"  $H_0$  quando  $H_0$  for falsa.

#### Probabilidade de Erro

- $\alpha = P(Erro\ I) = P("rejeitar\ H_0"|"H_0\ verdadeiro").$ -  $\alpha$  é também chamada de **nível de significância**.
- $\beta = P(Erro\ II) = P("n\~ao\ rejeitar\ H_0"|"H_0\ falsa").$ -  $\alpha$  é também chamada de **nível de significância.**\$

#### Região crítica (Região de rejeição)

Conjunto de valores para a estatística de teste em que rejeitaremos a hipótese nula.

\*  $RC = z_{calc} > z_{tab}$  por exemplo.



#### UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02215 - Estatística Geral 2 - 2020/1

Passo a passo para a construção de um Teste de hipóteses (Bussab e Morettin - seção 12.4)

- 1. **Definir hipóteses** acerca do parâmetro de interesse.
- 2. Escolher qual a estatística de teste adequada.
- 3. Fixar  $\alpha$  e construir a **região crítica**.
- 4. Calcular a estatística de teste usando os valores da amostra observada.
- 5. Tomar decisão e conclusão sobre o problema.

Testes para a média de uma população (com variância conhecida) (Bussab e Morettin - seção 12.5)

Sob  $H_0$ , supomos que  $X_1, \ldots, X_n$  são uma amostra aleatória de  $X \sim Normal(\mu_0, \sigma^2)$ \$ então

$$Z_{calc} = \frac{\overline{X} - \mu_0}{\sqrt{\frac{\sigma^2}{n}}} \sim Normal(0, 1)$$

Ler slides das aulas 11 e 12

Fazer exercícios lista 2-1