

# UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

MAT02215 - Estatística Geral 2 - 2020/1

# Plano Aula 11 e 12

#### Markus Stein

# Testes de Hipóteses (Bussab e Morettin - capítulo 12)

- Podemos utilizar intervalos de confiança para tomar decisões? Sim.
  - Decisões acerca de valores possíveis para parâmetros: médias, variâncias e proporções, ...
- O Teste de hipóteses é uma "máquina" de decisões, um mecanismo para se construir hipóteses e decidir sobre afirmações sobre possíveis valores para um parâmetro (usando uma regra probabilística e dados amostrais).
- Exemplo: Devo manter ou não uma operação financeira com base no retorno médio dos útlimos meses?
  - Qual o estimador pontual "natural" para o problema? E como construir um IC?
  - Como criar uma regra para tomar essa decisão?

# Hipóteses estatísticas

- São afirmações acerca de parâmetros.
  - Exemplo: o salário médio,  $\mu$ , na empresa A é superior a 2 salários mínimos (s.m.), ou seja,
  - em termos do parêmetro,  $\mu \leq 2s.m.$  ou  $\mu > 2s.m.$
- Hipótese nula  $(H_0)$  versus hipótese alternativa  $(H_1$  ou  $H_A)$ .
  - Hipoteses são subconjuntos dos possíveis valores para um parâmetro de interesse  $\theta$ .
  - Devem ser complementares.  $(H_0: \theta \leq \theta_0 \ contra \ H_1: \theta > \theta_0, \ ou \ H_0: \theta \geq \theta_0 \ contra \ H_1: \theta < \theta_0 \ ou \ H_0: \theta = \theta_0 \ contra \ H_1: \theta \neq \theta_0).$
- Teste unilateral (quando  $H_1: \theta < \theta_0$  ou  $H_1: \theta > \theta_0$ ) versus bilateral  $(H_1: \theta \neq \theta_0)$ .

# Erros de decisão e procedimento do Teste (Bussab e Morettin - seção 12.3)

- Erro tipo I: rejeitar  $H_0$  quando  $H_0$  for verdadeira.
  - Exemplo: seria afirmar que o salário na empresa A é maior do que 2s.m. com base na amostra, quando na realidade o salário médio é menor. (nesse caso tivemos o "azar" de ter coletado uma amostra extrema mesmo  $H_0$  sendo verdade)
  - É o erro que priorizamos.
- Erro tipo II: "aceitar"  $H_0$  quando  $H_0$  for falsa.

#### Probabilidade de Erro

- $\alpha = P(Erro\ I) = P("rejeitar\ H_0"|"H_0\ verdadeiro").$ 
  - $-\alpha$  é também denominado **nível de significância**.
- $\beta = P(Erro\ II) = P("n\~ao\ rejeitar\ H_0"|"H_0\ falsa").$ 
  - $-1-\beta$  é também denominado **poder do teste**.



# UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



 $\rm MAT02215$  - Estatística Geral 2 - 2020/1

### Região crítica (Região de rejeição)

É o conjunto de valores para a estatística de teste em que rejeitaremos a hipótese nula.

- Por exemplo,  $RC = \{\overline{X} > \overline{x}_{crítico}\}\$ se  $H_0: \mu \leq 2s.m.$ .
- Depende das hipóteses e "vai na mesma direção" da hipótese alternativa.

# Passo a passo para a construção de um Teste de hipóteses (Bussab e Morettin - seção 12.4)

- 1. **Definir hipóteses** acerca do parâmetro de interesse.  $(H_0: \theta = \theta_0, H_0: \theta \geq \theta_0, ou H_0: \theta \leq \theta_0)$
- 2. Escolher qual a estatística de teste adequada.  $(z_{calc}, t_{calc}, \dots)$
- 3. Fixar  $\alpha$  e construir a **região crítica**.
- 4. Calcular a estatística de teste usando os valores da amostra observada.
- 5. Tomar decisão e conclusão sobre o problema.

# Testes para a média de uma população (com variância conhecida) (Bussab e Morettin - seção 12.5)

Sob  $H_0$ , supomos que  $X_1, \ldots, X_n$  são uma amostra aleatória de  $X \sim Normal(\mu_0, \sigma^2)$ \$ então

$$Z_{calc} = \frac{\overline{X} - \mu_0}{\sqrt{\frac{\sigma^2}{n}}} \sim Normal(0, 1)$$

- Como construir a região crítica RC? (Depende das hipóteses,  $H_1: \mu < \mu_0$ ,  $H_1: \mu > \mu_0$  ou  $H_1: \mu \neq \mu_0$ )
- Para quais valores de  $Z_{calc}$  rejeitamos  $H_0$ ?  $(Respectivamente\ RC = \{z_{calc} < -z_{tab}\},\ ou\ RC = \{z_{calc} > z_{tab}\}\ ou\ RC = \{|z_{calc}| > z_{tab}\})$
- Como encontrar  $z_{tab}$  para  $\alpha$  fixado?

Ler slides das aulas $11 \epsilon$	: 12
------------------------------------	------

Fazer exercícios lista 2-1