

## UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

150

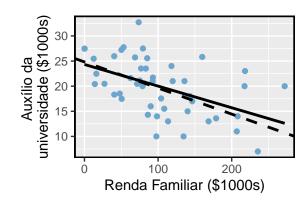
MAT02215 - Estatística Geral 2 - 2020/1

## Plano Aula 29 e 30

### Markus Stein

## (...continuação) Regressão Linear Simples (Bussab e Morettin - capítulo 16)

- Exemplo 1: O Índice de Desenvolvimento Humano (IDH) em países pode estar associado à carga tributária?
- Exemplo 2: O valor do auxílio estudantil oferecido por uma universidade pode estar relacionado com a renda familiar dos estudantes?



#### Tópicos importantes na prática:

Avaliação dos modelos (Bussab e Morettin - seção 16.3)

ANOVA na regressão

#### Análise dos resíduos (Bussab e Morettin - seção 16.5)

 $e_i = y_i - \widehat{y}_i$  nos informa os desvios de  $y_i$  que não são explicados pelo modelo  $\widehat{y}_i$ .

- Quais as suposições para os resíduos  $e_i$ ?
- Como testar/verificar as suposições?

#### Modelos especiais

- Modelos não lineares (Bussab e Morettin seção 16.6.2)
  - transformaçções nas variáveis para linearização.

#### Uso de software?

• Códigos em R podem ser obtidos na página 'Probabilidade e Estatística (EaD)' da UFRGS.

No R, o comando ' $lm(y \sim x)$ ' (de  $linear\ model$ ) ajusta a reta de regressão ' $y \sim x$ ', para dois vetores 'y' e 'x', e fornece resultados dos testes.



## UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



 $\rm MAT02215$  - Estatística Geral 2 - 2020/1

```
** (...continuação) Exemplo 2**:
##
## Call:
## lm(formula = d$gift_aid ~ d$family_income)
##
## Residuals:
##
                                    3Q
       Min
                      Median
                                            Max
  -10.1128 -3.6234 -0.2161
                               3.1587
##
##
## Coefficients:
##
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                   24.31933
                              1.29145 18.831 < 2e-16 ***
                               0.01081 -3.985 0.000229 ***
## d$family_income -0.04307
## Signif. codes: 0 '***' 0.001 '**' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
##
## Residual standard error: 4.783 on 48 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2486, Adjusted R-squared: 0.2329
## F-statistic: 15.88 on 1 and 48 DF, p-value: 0.0002289
```

#### Aplicativos na internet

- (em inglês) Apps do livro 'Statistics: The Art and Science of Learning from Data'
   https://artofstat.com/web-apps
   Ver a seção 'Association, Correlation & Regression'
- (em inglês) Blog com diversas análises (https://www.statsandr.com/blog/) Apps para Regressão: clique aqui App para Testes e intervalos: clique aqui

# Para a prova 3

• Ter o formulário em mãos.

#### Importante lembrar:

- Suposições necessárias para os testes Qui Quadrado, decorrelação e regressão.
   análise de resíduos
- Decisão/Conclusão dos testes e interpretação de coeficientes.
- Valor p, para os testes Qui Quadrado de correlação e na regressão também.
- Correlação espúria
- Causalidade e correlação

## REFERÊNCIA EXTRA

Página 'Probabilidade e Estatística (EaD)' da UFRGS

• Capítulo 7 - Introdução à Regressão Linear

Fazer avaliação parcial da ára 3		