

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

 $\rm MAT02215$ - Estatística Geral 2 - 2021/1

Plano Aula 07 e 08

Markus Stein

(...continuação) Intervalos de Confiança para uma média (populacional)

- Semana passada vimos IC para μ , supondo σ^2 conhecido (ou n > 30).
- ... continuação (semana passada) Exemplo 2: Para a média amostral $\overline{X} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} X_i$ se σ^2 desconhecido (e $n \leq 30$), como construir um IC para μ ?

Estimação de σ^2

- Se desconhecemos a variância populacional, podemos estimá-la usando o estimador $S^2 = \frac{\sum_{i=1}^{n} (X_i \overline{X})^2}{n-1}$ (porquê?)
- Nesse caso S^2 é uma variável aleatória (v.a.). (Sabemos qual a distribuição amostral de S^2 ?)
- Qual a distribuição amostral da transformação $T = \frac{\overline{X} \mu}{S/\sqrt{n}}$?

$$T = \frac{\overline{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim ?$$

Distribuição (de probabilidade) t de Student (Bussab e Morettin - Seção 7.7.3)

Teorema (**Distribuição** t-Student, nossa versão): Seja X_1, \ldots, X_n uma amostra aleatória da v.a. $X \sim Normal(\mu, \sigma^2)$, então (dadas algumas outras suposições para S que omitimos aqui)

$$T = \frac{\overline{X} - \mu}{S/\sqrt{n}} \sim t_{(n-1)}.$$

em que $t_{(n-1)}$ denota a distribuição de probabilidade t-Student com n-1 graus de liberdade (g.l.).

- A distribuição t de Student também possui valores tabelados, como a distribuição normal padrão.
 Qual a relação entra essas distribuições?
- Como usar a distribuição t de Student para construir um IC para μ ? Quais as suposições necessárias? Como interpretar os resultados?



UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

145

 $\rm MAT02215$ - Estatística Geral 2 - 2021/1

Intervalo para a comparação de duas médias (populacionais)

Leitura - 'Sobre o uso da tabela da distribuição t'

 $\bullet \ \ Material\ extra\ no\ repositório\ -\ https://github.com/markus-stein/EstatGeral2/blob/master/extras/uso_tabela_t.pdf$