

### UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

MAT02280 - Estatística Básica - 2023/1

# Plano Aula 09 e 10

# Introdução à Probabilidade (capítulo 5, Livro Bussab e Morettin)

- Estatística Descritiva  $\Rightarrow$  Teoria da Probabilidade  $\Rightarrow$  Inferência Estatística.
- Modelos Determinísticos versus Modelos Probabilíticos

Exemplo 1: Qual a distância percorrida de um objeto sabendo sua velocidade e o tempo de deslocamento?

Exemplo 2: Como calcular a quantidade de chuva que cairá em uma certa região num determinado período?

Exemplo 3: Qual a face que ficará para cima após o lançamento de um dado honesto?

### Experimento aleatório (E)

- Modelo Probabilístico, definir:
  - os possíveis resultados de exeprimento;
  - todas as combinações de possíveis resultados;
  - como atribuir probabilidades aos resultados e combinações.

(... cont.) Exemplo 3: E: observar a face que ficará para cima após o lançamento de um dado.

#### Espaço Amostral (S ou $\Omega$ )

Conjunto de possíveis resultados do experimento.

- Eventos  $(A, B, \dots)$ 
  - Ponto Amostral ( $\omega$ )

(... cont.) Exemplo 3:  $\Omega = \{1, 2, 3, 4, 5, 6\}$ . Exemplo de evento, A: observar face par. Então  $A = \{2, 4, 6\}$ 

# Álgebra de Eventos $(\cup, \cap, A^c \text{ ou } \overline{A}, \dots)$ (slides 1-6, página 13)

- Operações entre conjuntos (RELEMBRAR!!!): eventos = conjuntos;
  - Contagens: permutação, arranjo e combinatória;
- Eventos especiais:  $\emptyset$ ;  $\Omega \in \Omega, \ldots$ ;
- Eventos mutuamente exclusivos (excludentes):  $A \cap B = \emptyset$ .



### UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02280 - Estatística Básica - 2023/1

(Medida de) Probabilidade (slides 1-6, página 23)

• Definições/conceitos de Probabilidade: clássico (a priori), frequentista (a posteriori) e subjetiva.

Axiomas de Kolmogorov: seja A um evento definido no espaço amostral  $\Omega$  associado ao experimento E, então a medida (número real) P(A) é denominada a probabilidade de ocorrência do evento A se

- 1.  $0 \le P(A) \le 1$ ,
- 2.  $P(\Omega) = 1$ ,
- 3. Se  $A \cap B = \emptyset$ , então  $P(A \cup B) = P(A) + P(B)$ .
- Teoremas/Propriedades (seção 5.2, Livro Bussab e Morettin)

## Probabilidade Condicional e Independência (seção 5.3, Livro Bussab e Morettin)

- Eventos condicionados: probabilidade de ocorrer A dado que B ocorreu,  $P(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$ ;
  - eventos independentes  $P(A \cap B) = P(A) \times P(B)$ , então P(A|B) = P(A).

Ler slides e ver vídeos da semana 5.

Fazer exercícios do livro Barbetta.

Fazer o Quiz da semana 5 e 6 - VALE NOTA!!!

2