

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

Probabilidade e Estatística (EAD)

 $\rm MAT02219$ - Probabilidade e Estatística - 2022/1

Plano Aula 05 e 06

(... cont.) Estatística Descritiva

Medidas Descritivas (capítulo 3, Livro Bussab e Morettin)

- Tabelas e gráficos × resumos numéricos (medidas descritivas).
- Como descrever o comportamento dos dados usando apenas números?
 - Para que tipos de variáveis podemos calcular?

Medidas de posição (ou localização) (Seção 3.1, Livro Bussab e Morettin)

Onde está o centro da distribuição de frequências? Ou qual o valor central dos dados? Ou qual o valor de maior frequência?

- Média aritmética: ponderada \times simples; em estatística, $\overline{x} = m\acute{e}dia \ aritmética \ simples.$
 - outros tipos de médias: geométrica, harmônica, ...;
- Mediana (md)
- Moda (*mo*)
 - Interpretações???

Exemplo 1: Variável em estudo - tempos (em segundos) de reação a um alarme de incêndio (Slides 1-4 página 17). Qual o tipo de variável?

No software R podemos calcular média e mediana usando as funções mean() e median(). (E para moda?)

```
x <- c(12, 9, 11, 7, 9, 14, 6, 10)
mean(x); median(x); names(table(x))[which.max(table(x))]</pre>
```

```
## [1] 9.75
## [1] 9.5
## [1] "9"
```

Medidas separatrizes (Seção 3.3, Livro Bussab e Morettin)

- Quantis: quartis, decis, percentis;
 - dividem os dados em grupos de mesma frequência.
- Quartis: três valores que dividem as observações em quatro grupos, $q_1, q_2 = md, q_3$.

Medidas de dispersão (ou variabilidade) (Seção 3.2, Livro Bussab e Morettin)

Qual o grau de dispersão/variabilidade/espalhamento dos dados?

- Amplitude total (a_t) e amplitude interquartílica (a_q) ;
- Variância (s^2) e desvio padrão (s);
- Coeficiente de variação (cv).

No R os comandos var() e sd() calculam a variância e o desvio padrão (ambos usam denominador n-1).

Medidas de formato (slides 1-4, página 50)

- Assimetria e curtose:
 - medidas de posição e dispersão são as duas principais, quando ha simetria nos dados;



UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

MAT02219 - Probabilidade e Estatística - 2022/1

mas sob assimetria outras medidas podem ser de interesse ao se comparar distribuições de dados.

Dados Não Agrupados × Dados Agrupados em classe (slides 1-4, página 57)

- medidas descritivas podem ser calculadas mesmo quando os dados são apresentados apenas em forma de tabelas de frequências;
 - com perda de informação \times sem perda de informação.

Análise Exploratória de Dados (AED)

Resumo de Cinco Números (Slides 1-5, página 3)

- O que os quartis, juntamente com o mínimo e o máximo, nos dizem sobre a simetria dos dados?
 - Cinco números: $(x_{(1)}, q_1, q_2, q_3 \in x_{(n)})$
 - Dispersão inferior e dispersão superior: $di = q_2 x_{(1)}$ e $ds = x_{(n)} q_2$.

Valores atípicos (Outliers) (Slides 1-5, página 10)

Como identificar valores que fogem ao comportamento da maioria da maioria das observações?

- Calcular a cerca (limite) inferior e a cerca (limite) superior:
 - $-ci = q_1 1, 5 \times a_q \in cs = q_1 + 1, 5 \times a_q;$
- Valores compreendidos entre as cercas (limites) são chamados valores adjacentes;
- Valores abaixo de ci e acima de cs são chamados outliers ou valores atípicos.

Gráfico de Caixa (Boxplot) (Seção 3.2, Livro Bussab e Morettin)

• Reúne informações sobre posição, dispersão, simetria, valores atípicos, ...

Qual a melhor maneira de descrever conjuntos de observações?

- Tabelas. gráficos, medidas resumo, ... depende do tipo de variável;
 - o que vemos na disciplina é apenas uma introdução a essas ideias.

Ler slides e ver vídeos da semana 3.

Fazer lista de exercícios 1-4 e 1-5.

Fazer o Quiz da semana 3 - VALE NOTA!!!

Exemplo 4: Variável em estudo - gasto (em reais) em supermercado por pessoa (Slides 1-5, página 18). Qual o tipo de variável?

No R as funções summary() e boxplot() retornam o resumo de cinco números e o gráfico de caixas.

```
x \leftarrow c(9.26, 10.81, 3.11, 85.76, 70.32, 82.70, 18.43, 19.54, 23.04, 24.47, 26.24,
       26.26, 24.58, 28.38, 28.06, 28.08, 25.13, 27.65, 32.03, 36.37, 19.27, 19.50,
       18.36, 52.75, 61.22, 86.37, 93.34, 22.22, 20.16, 20.59, 54.80, 59.07, 50.39,
       45.40, 44.08, 44.67, 38.64, 42.97, 46.69, 48.65, 39.16, 41.02, 38.98, 15.62,
       13.78, 15.23, 8.88, 12.69, 17.00, 17.39)
summary(x)
```

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. ## 19.33 27.86 34.78 45.22 93.34 3.11

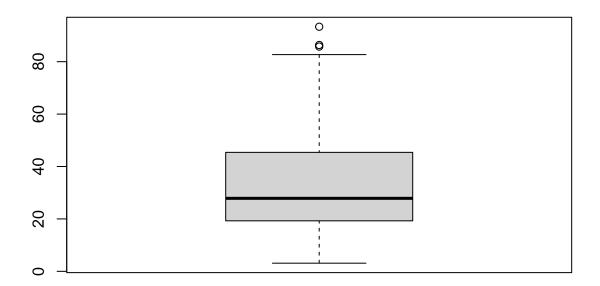


UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



 $\operatorname{MAT}02219$ - Probabilidade e Estatística - 2022/1

boxplot(x)



Como incluir título e nomes nos eixos???