

## UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02219 - Probabilidade e Estatística - 2024/2

## Plano Aula 29 e 30

# Avaliação Parcial da Área 3

#### Relembrar:

- Testes de hipóteses
  - definições e conceitos básicos, hipóteses;
  - tipos de erro, probabilidade de erros;
  - estatistica de teste, região crítica, valor p;
- Testes para uma e duas médias populacionais;
- Testes para proporções e variâncias;
- Correlação Linear e Regressão linear simples.

## Importante lembrar:

- Suposições necessárias para os testes de hipóteses, de correlação e regressão.
- Decisão/Conclusão dos testes e interpretação de coeficientes.
- Valor p para os testes.
- Correlação espúria, causalidade e correlação

Usar o formulário para resolução das questões.

Boa avaliação!!!

Rever planos de aula, slides e vídeos da area 3.

Fazer o simulado para a prova 3 - VALE PONTO EXTRA!!!

Fazer a prova 3 até o dia 01/05.

(... continuação) Regressão Linear Simples (Bussab e Morettin - capítulo 16)

Tópicos importantes na prática:

Avaliação dos modelos (Bussab e Morettin - seção 16.3)

• ANOVA na regressão



## UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02219 - Probabilidade e Estatística - 2024/2

## Análise dos resíduos (Bussab e Morettin - seção 16.5)

 $e_i = y_i - \widehat{y}_i$  nos informa os desvios de  $y_i$  que não são explicados pelo modelo  $\widehat{y}_i$ .

- Quais as suposições para os resíduos  $e_i$ ?
- Como testar/verificar as suposições?

#### Modelos especiais

- Modelos não lineares (Bussab e Morettin seção 16.6.2)
  - transformações nas variáveis para linearização, por exemplo  $\log Y$ .

#### Uso de software?

• Códigos em R podem ser obtidos na página 'Probabilidade e Estatística (EaD)' da UFRGS.

No R, o comando  $lm(y \sim x)$  (de linear model) ajusta a reta de regressão  $y \sim x$ , para dois vetores  $y \in x$ , e fornece resultados dos testes.

• (...continuação) Exemplo 1: ...aula passada...

```
##
## Call:
## lm(formula = d$gift_aid ~ d$family_income)
##
## Residuals:
##
       Min
                 1Q
                     Median
                                    30
                                           Max
                                       11.5707
## -10.1128 -3.6234 -0.2161
                               3.1587
##
## Coefficients:
##
                   Estimate Std. Error t value Pr(>|t|)
## (Intercept)
                   24.31933
                              1.29145 18.831 < 2e-16 ***
                              0.01081 -3.985 0.000229 ***
## d$family_income -0.04307
## Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
## Residual standard error: 4.783 on 48 degrees of freedom
## Multiple R-squared: 0.2486, Adjusted R-squared: 0.2329
## F-statistic: 15.88 on 1 and 48 DF, p-value: 0.0002289
```

## Aplicativos na internet

- (em inglês) Apps do livro 'Statistics: The Art and Science of Learning from Data'
  - https://artofstat.com/web-apps
     Ver a seção 'Association, Correlation & Regression'
- (em inglês) Blog com diversas análises (https://www.statsandr.com/blog/)
   Apps para Regressão: clique aqui
   App para Testes e intervalos: clique aqui