

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



 $\rm MAT02219$ - Probabilidade e Estatística - 2024/2

Plano Aula 25 e 26

Testes de Hipóteses para variância

- Exemplo: Estudar a variabilidade do diâmetro de peças produzidas em um dia de operações. Será que a variância dos diâmetros foi muito alta?
- Exemplo 2: E se quisermos comparar a variabilidade dos diâmetros de peças produzidas por duas máquinas diferentes?

Uma população (Bussab e Morettin - seção 12.9)

Duas populações (Bussab e Morettin - seção 13.2)

Teorema (**Distribuição** F, nossa versão): Seja X_1, \ldots, X_{n_1} uma amostra aleatória da v.a. $X \sim Normal(\mu_1, \sigma_1^2)$ e $S_1^2 = \sum_{i=1}^{n_1} (X_i - \overline{X})^2/(n_1 - 1)$. Da mesma forma, suponha uma outra amostra Y_1, \ldots, Y_{n_2} uma amostra aleatória da v.a. $Y \sim Normal(\mu_2, \sigma_2^2)$ e $S_2^2 = \sum_{i=1}^{n_2} (Y_i - \overline{Y})^2/(n_2 - 1)$. Então podemos escrever uma quantidade F tal que (dadas algumas outras suposições que omitimos aqui)

$$F = \frac{S_1^2}{S_2^2} \sim F(n_1 - 1, n_2 - 1).$$

* Sabiamos que (plano aulas 09 e 10) $Q_X = \frac{(n_1-1)S_1^2}{\sigma_1^2} \sim \chi^2_{(n_1-1)}$ e $Q_Y = \frac{(n_2-1)S_2^2}{\sigma_2^2} \sim \chi^2_{(n_2-1)}$, então $F = \frac{Q_X}{\frac{(n_1-1)}{Q_Y}}$.

- A distribuição F tem valores tabelados, assim como as distribuições normal padrão, t e χ^2 . Assim como a χ^2 a distribuição F só assume valores positivos.
- Como usar a distribuição de F para testar variâncias de duas populações? Quais as suposições necessárias? Como interpretar os resultados?

Testes de hipóteses para a proporção

- Exemplo 3: O percentual de desempregados no Brasil era de 11,2% em janeiro, com o período de pandemia uma pesquisa com 100 pessoas em idade para o trabalho revelou que 13,8% estavam desempregados em julho. Podemos afirmar que a pandemia aumentou o percentual de desemprego significativamente?
- Exemplo 4: Se conseguissemos uma amostra de outro país, poderíamos comparar o percentual no Brasil contra de outro país. Será que tivemos um aumento significativo em relação ao outro país?



UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



 $\rm MAT02219$ - Probabilidade e Estatística - 2024/2

Uma população (Bussab e Morettin - seção 12.6)
Duas populações (Bussab e Morettin - seção 13.5)
Ler slides e ver vídeos da semana 13.
Fazer lista de exercícios 3-3.
Fazer o Quiz da semana 13 - VALE NOTA!!!

REFERÊNCIAS EXTRAS

- Página 'Probabilidade e Estatística (EaD)' da UFRGS
 - Capítulo 5 Inferência para dados numéricos
- Excelente página com teoria, exemplos e diversos recursos, exercícios resolvidos, atividades, sobre testes da UFMG
 - https://pmg-dest-ufmg-exatas.shinyapps.io/teste_de_hipoteses/