

#### UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA

Probabilidade e Estatística (EAD)

 $\rm MAT02219$  - Probabilidade e Estatística - 2021/2

## Plano Aula 25 e 26

#### Testes de Hipóteses para variância

- Exemplo: Estudar a variabilidade do diâmetro de peças produzidas em um dia de operações. Será que a variância dos diâmetros foi muito alta?
- Exemplo 2: E se quisermos comparar a variabilidade dos diâmetros de peças produzidas por duas máquinas diferentes?

Uma população (Bussab e Morettin - seção 12.9)

Duas populações (Bussab e Morettin - seção 13.2)

Teorema (**Distribuição** F, nossa versão): Seja  $X_1, \ldots, X_{n_1}$  uma amostra aleatória da v.a.  $X \sim Normal(\mu_1, \sigma_1^2)$  e  $S_1^2 = \sum_{i=1}^{n_1} (X_i - \overline{X})^2/(n_1 - 1)$ . Da mesma forma, suponha uma outra amostra  $Y_1, \ldots, Y_{n_2}$  uma amostra aleatória da v.a.  $Y \sim Normal(\mu_2, \sigma_2^2)$  e  $S_2^2 = \sum_{i=1}^{n_2} (Y_i - \overline{Y})^2/(n_2 - 1)$ . Então podemos escrever uma quantidade F tal que (dadas algumas outras suposições que omitimos aqui)

$$F = \frac{S_1^2}{S_2^2} \sim F(n_1 - 1, n_2 - 1).$$

- \* Sabiamos que (plano aulas 09 e 10)  $Q_X = \frac{(n_1-1)S_1^2}{\sigma_1^2} \sim \chi_{(n_1-1)}^2$  e  $Q_Y = \frac{(n_2-1)S_2^2}{\sigma_2^2} \sim \chi_{(n_2-1)}^2$ , então  $F = \frac{Q_X}{\frac{(n_1-1)}{(n_2-1)}}$ .
  - A distribuição F tem valores tabelados, assim como as distribuições normal padrão, t e  $\chi^2$ . Assim como a  $\chi^2$  a distribuição F só assume valores positivos.
  - Como usar a distribuição de F para testar variâncias de duas populações? Quais as suposições necessárias? Como interpretar os resultados?

#### Testes de hipóteses para a proporção

- Exemplo 3: O percentual de desempregados no Brasil era de 11,2% em janeiro, com o período de pandemia uma pesquisa com 100 pessoas em idade para o trabalho revelou que 13,8% estavam desempregados em julho. Podemos afirmar que a pandemia aumentou o percentual de desemprego significativamente?
- Exemplo 4: Se conseguissemos uma amostra de outro país, poderíamos comparar o percentual no Brasil contra de outro país. Será que tivemos um aumento significativo em relação ao outro país?

Uma população (Bussab e Morettin - seção 12.6)

Duas populações (Bussab e Morettin - seção 13.5)



# UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



 $\rm MAT02219$  - Probabilidade e Estatística - 2021/2

| Ler | slides | 0 V          | er víc | lens i | da | semana | 13  |
|-----|--------|--------------|--------|--------|----|--------|-----|
| пет | Silues | $\mathbf{e}$ | 21 VIC | ieos i | ua | Semana | TO. |

Fazer lista de exercícios 3-3.

Fazer o Quiz da semana 13 - VALE NOTA!!!

### REFERÊNCIAS EXTRAS

- Página 'Probabilidade e Estatística (EaD)' da UFRGS
  - Capítulo 5 Inferência para dados numéricos
- $\bullet$  Excelente página com teoria, exemplos e diversos recursos, exercícios resolvidos, atividades, sobre testes da UFMG
  - https://pmg-dest-ufmg-exatas.shinyapps.io/teste\_de\_hipoteses/