Qual a proporção de casos de Covid-19 no RS?

Prevalência de Covid-19 no RS com amostra aleatória e informação populacional.

Markus Stein

26 April 2020

Idéia geral

Considere duas variáveis aleatórias:

- * Y: o número de casos já confirmados no RS.
- * X: o número real de casos no RS.

Autoridades e pesquisadores gostariam de conhecer a probabilidade de uma pessoa ser um caso da doenca $\pi = P(X=1)$. Porém, governos geralmente conseguem divulgar somente o valor de $\rho = P(Y=1)$. Em uma tabela 2×2 essas informações seriam apresentadas como

\overline{X}	Y = 0	Y = 1	Σ
0	???	???	???
1	???	???	???
\sum	N_{0+}	N_{1+}	N

Como calcular π ?

- 1. Testar toda a população do RS? Inviável!
- 2. Estatísticas oficiais?

Devido a quantidade de testes serem limitados em situações de emergência, geralemente os casos confirmados são detectados apenas em pessoas em estado grave que procuram atendimento, pessoas que pertencam a grupos de risco, profissionais de saude, ou alguma outro critério de prioridade.

3. Estimar π através de uma amostra aleatória? Se uma amostra aleatória de tamanho n da variável X for coletada, $\mathbf{x} = (x_1, \dots, x_n)$, podemos calular a proporção amostral

$$\hat{p} = \sum_{u=1}^{n} x_u / n.$$

Utilizando informações amostrais que representem as contagens no interior da tabela acima conseguimos estimar π com maior eficiência. Como?

Amostragem + Dados populacionais

Ao invés de utilizar apenas o número de casos na amostra...

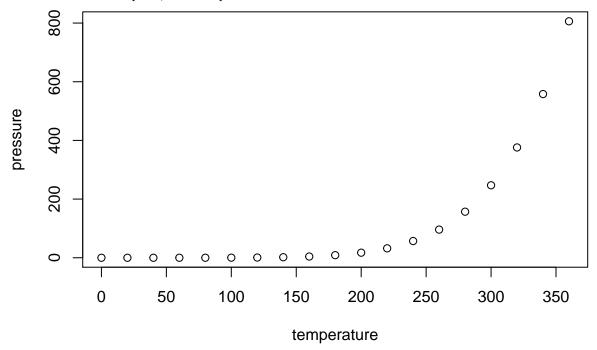
Além do teste, precisamos saber o número de unidades na amostra que já foram consideradas caso anteriormente.

summary(cars)

```
##
        speed
                         dist
##
           : 4.0
                              2.00
    Min.
                    Min.
                            :
    1st Qu.:12.0
                    1st Qu.: 26.00
##
##
    Median:15.0
                    Median : 36.00
##
    Mean
            :15.4
                    Mean
                            : 42.98
    3rd Qu.:19.0
                    3rd Qu.: 56.00
##
##
    Max.
            :25.0
                    Max.
                            :120.00
```

Função de verossimilhança

You can also embed plots, for example:



pós estratificação, raking e calibragem...