

## UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02026 - INFERÊNCIA B - 2019/2

# Plano Aula 34

Markus Stein
11 December 2019

### Trabalho Final

- Análise real ou simulação
- Passo a passo de realização de testes
- Interpretacoes de ICs e THs, valor p
- comparações TH/IC exatos/assintóticos
- Explorar nivel/tamanho de testes taxa de rejeição observada
- Explorar nível de confiança e cobertura do intervalo

## Mais sugestões

Para a função verossimilhança em questão

- 1. **compare os THs** (Erro tipo I e Erro tipo II, valor p): TRV exato (se existir), TRV assintótico, Wald, Score, bayesiano, bootstrap, . . .
- 2. **compare (estimação pontual) e os ICs** (viés, EQM, cobertura do IC): IC Exato (se existir), IC assintótico, IC bayesiano, IC bootstrap...

#### Você também pode explorar situações com:

- tamanhos de amostra pequenos
- violações das suposições (casos não iid, ...)
- .

## Artigos de comparação de métodos: (idéias para o trabalho final)

- Alternatives to the usual likelihood ratio test in mixed linear models
- The Likelihood Ratio Test and Full Bayesian Significance Test under small sample sizes for contingency tables
- Approximating the full likelihood for marginal  $2 \times J$  contingency tables and case-control data

Tarefa: Implementação	dos cálculos envolvidos nos THs e ICs, e compa	arações.
-		



## UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02026 - INFERÊNCIA B - 2019/2

## TRV Bootstrap

Lembrando resultado TRV assintótico que diz: sob certas condições de regularidade, e sob  $H_0$ ,  $-2 \log \lambda(\mathbf{X}) \to \chi^2_{(q,l,\cdot)}$ .

Como podemos verificar a distribuição de  $-2 \log \lambda(\mathbf{X})$  usando bootstrap?

- 1. Escreva a função de verossimilh<br/>naça  $\ell(\boldsymbol{\theta})$ , com base na distribuição conjunta  $f(\boldsymbol{x};\boldsymbol{\theta})$  para o problema;
- 2. Encontre  $\hat{\theta}_0$  e  $\hat{\theta}_{EMV}$ , os EMVs restrito sob  $H_0$  e irrestrito;
- 3. Calcule  $-2\log\lambda(\boldsymbol{x})$ , para a amostra observada  $\boldsymbol{X}=\boldsymbol{x};$
- 4. Gere  $n_{boot}$  amostras de  $f\left(\boldsymbol{x}; \boldsymbol{\hat{\theta}_0}\right)$  e calcule a  $-2\log\lambda(x_{boot_i})$ , para  $i=1,\ldots,n_{boot}$ ;
- 5. Compare  $-2 \log \lambda(x)$  da amostra observada com a distribuição gerada no passo (4), use valor p ou IC.