

# UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02023 - INFERÊNCIA B - 2019/2

# Plano Aula 22 e 23

Markus Stein

30 October and 04 November 2019

## TRV Assintótico

## Distribuição limite de $\lambda(X)$

• O TRV rejeita  $H_0$  se  $\lambda(x) \leq c$ , o que equivale a  $-2 \log \lambda(x) > -2 \log c$ .

Teorema (**Distribuição assintótica do TRV**): Seja  $X = (X_1, \dots, X_n)$  uma amostra aleatória da f.d.p (ou f.m.p)  $f(x;\theta)$ , para  $\theta \in \Theta$ . Sob a hipótese  $H_0: \theta \in \Theta_0 \subset \Theta$  e sob certas condições de regularidade,

$$-2\log \lambda(\boldsymbol{X}) \stackrel{d}{\to} \chi^2_{(?)}$$
, quando  $n \to \infty$ .

O número de graus de liberdade da distribuição limite é a diferença entre o número de parâmetros (livres) não especificados por  $\theta \in \Theta_0$  e o número de parâmetros não especificados por  $\theta \in \Theta$ .

Prova: no caso uniparamétrico (Casella e Berger, Teorema 10.3.1) para testar  $H_0: \theta = \theta_0$  contra  $H_1: \theta \neq \theta_0$ , usamos expansão em série de Taylor de segunda ordem da função  $\ell(\theta) = \log L(\theta)$  ao redor de  $\hat{\theta}$  e, substituindo  $\theta$  pelo ponto  $\theta_0$ , verificamos que  $-2\log\lambda(\boldsymbol{X}) = -2\left[\ell(\theta_0) - \ell(\hat{\theta})\right] \approx -\ell''(\hat{\theta})(\hat{\theta} - \theta_0)^2$ . Por fim basta verificar que a expressão à direita converge para uma distribuição  $\chi_1^2$ .

- Exemplo 1 (Poisson): pág. 108 Bolfarine e Sandoval.
- Exemplo 2 (Normal 2 médias): pág. 108 Bolfarine e Sandoval.

Obs. 1: Teste de Wald - seção 10.3.2 Casella e Berger.

Obs. 2: Teste Score - seção 10.3.2 Casella e Berger.

#### Testes de Hipóteses e Intervalos de Confiança

• Exemplo 3 (Normal 1 média bilateral): ...

#### Testes Bayesianos

• Exemplo 4 ( $Beta(\theta, 1)$ ): Exercício 1 da lista de exercícios 4.

## Valor p

Definição 3 Valor p: (Notas de Aula, pág. 13) É a probabilidade de se obter uma estatística de teste igual ou mais extrema que aquela observada em uma amostra, supondo que a hipótese nula é verdadeira. No caso de hipótese nula composta é a menor probabilidade.



# UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02023 - INFERÊNCIA B - 2019/2

Leitura: Ler seção 10.3.2 do livro Casella e Berger.

Leitura 2: Comparação de testes assintóticos em https://notstatschat.rbind.io/2019/06/20/wald-score-lrt-the-picture/

# Discussão: Controvérsia sobre Significância Estatística e Valor p

- Scientists rise up against statistical significance (https://www.nature.com/articles/d41586-019-00857-9)
  - Idéia de Fisher sobre verossimilhança e testes de significância? Já dizia isso. (livro do Fisher "Statistical Methods and Scientific Inference", pgs. 72 e 35)
  - Significado de probabilidade (Fisher, pg. 32)
  - Verossimilhança versus probabilidade.
- (Artigo recente 3 páginas) Why are p-Values Controversial?
  - (https://amstat.tandfonline.com/doi/full/10.1080/00031305.2016.1277161#.XaSPy dRduQ)
- (Artigo bastante completo) Statistical tests, P values, confidence intervals, and power: a guide to misinterpretations.
  - (https://www.ncbi.nlm.nih.gov/pubmed/27209009)
- (Artigo recente 3 páginas) Are confidence intervals better termed "uncertainty intervals"?
  - (https://www.bmj.com/content/bmj/366/bmj.l5381.full.pdf)