

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02023 - INFERÊNCIA A - 2019/1

Plano Aula 11

Markus Stein
16 April 2019

Método de Bayes - Prioris

Exemplo 1: (Normal/Normal) Slides Aula 10.

- a. Qual a influência da distribuição à priori na distribuição a posteriori?
- b. E qual a influência do tamanho amostral na distribuição a posteriori?
 - Distribuição a priori **não informativa**(?) × priori **informativa**;
 - Definição (Notas de Aula, pg. 35);
 - No exemplo Normal/normal?
 - Prioris **própria** × **Imprópria**;
 - No exemplo normal/normal defina $\pi(\theta) = c \times I(\theta)_{(-\infty,\infty)}$.
 - Exemplos: Beta-Binomial (piori Beta(1,1), ou Beta(0,0) (? $\beta \to 0$)) e Normal-Normal (priori $Normal(a,b^2), b^2 \to \infty$, pg. 68 Bolfarine e Sandoval);

Tarefa 1: Resolver os problemas abaixo.

- Assuma x_1, \ldots, x_n uma amostra aleatória de $X \sim Normal(\mu, \sigma^2)$, onde μ é conhecido, e defina $\sigma^2 \sim Inv Gamma(\alpha, \beta)$. Encontre a distribuição a posteriori de σ^2 , $\pi(\sigma^2 \mid \mathbf{x})$.
- Assuma x_1, \ldots, x_n uma amostra aleatória de $X \sim Normal(\mu, 1/\tau)$, onde μ é conhecido, e defina $\tau \sim Gamma(\alpha, \beta)$. Encontre a distribuição a posteriori de τ , $\pi(\tau \mid x)$.

Tarefa 2: começar lista 4 para entregar.