

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO GRANDE DO SUL INSTITUTO DE MATEMÁTICA E ESTATÍSTICA DEPARTAMENTO DE ESTATÍSTICA



MAT02023 - INFERÊNCIA A - 2019/1

Plano Aula 9

Markus Stein
09 April 2019

Continuação Método de Bayes

• Slides Aula 9;

Exemplo 1: (Bolfarine e Sandoval, pg. 39) Temos uma caixa com bolas brancas e vermelhas. Sabe-se que a proporção θ de bolas vermelhas na caixa é 1/3 ou 2/3. Portanto $\Theta = 1/3, 2/3$. Para obtermos informação sobre θ , uma amostra de n=3 bolas é observada com reposição e apresenta bola vermelha na primeira extração e branca na segunda e na terceira extrações, responda:

- a. qual o espaço paramétrico? E qual o espaço amostral associado ao evento?
- b. qual a função de verossimilhança? e qual o EMV?
- c. defina uma função à priori para θ e encontre sua distribuição a posteriori.
 - Definição do **Núcleo** de uma distribuição (Notas de Aula, Definição 2.8);
 - princípio da proporcionalidade;

Exemplo 2: (Bernoulli/Binomial Bayes) https://r.amherst.edu/apps/nhorton/Shiny-Bayes/

- Distribuição a **priori**;
 - Definição Família conjugada (Notas de Aula, Definição 2.9);
 - Exemplos 2.28 e 2.29 das notas de aula, Poisson-Gamma e Normal-Inversa_Gamma. Faça o gráfico
 Triplot em cada caso;
 - Prioris Própria × Imprópria;
 - Priori não informativa?
- Estimadores de Máxima verossimilhança generalizada e **estimador de Bayes** (Notas de Aula, Definições 2.11 e 2.12)
 - Propriedade de invariância do estimador de Bayes? (Bolfarine e Sandoval, pg. 64)

Tarefa 1:

• Resolver exemplo 2.28 e 2.29 das Notas de Aula;

Tarefa 2:

• Continuar lista 3 para entregar.