



- 1) Desenvolva opção no menu e uma função recursiva para calcular o máximo divisor comum (mdc):
 - $\text{mdc}(x,y) = y$, se x maior e igual y e $x \bmod y = 0$
 - $\text{mdc}(x,y) = \text{mdc}(y,x)$, se $x < y$
 - $\text{mdc}(x,y) = \text{mdc}(y, x \bmod y)$, caso contrário.
- 2) Desenvolva uma opção no meu, para manipular vetores de forma recursiva:
 - a) a primeira função deve localizar o menor elemento presente em um vetor de inteiros informado pelo usuário.
 - b) a segunda função deve localizar o maior elemento presente em um vetor de inteiros informado pelo usuário.
 - c) a terceira função deve calcular a soma de todos os elementos do vetor de inteiro informado pelo usuário.

3) A função de Ackermann nomeada por Wilhelm Ackermann, é um dos mais simples e recém-descobertos exemplos de uma função computável que não são funções recursivas primitivas. Todas as funções recursivas primitivas são totais e computáveis, mas a Função de Ackermann mostra que nem toda função total-computável é recursiva primitiva. Depois que Ackermann publicou sua função (que continha três inteiros positivos como argumentos), vários autores a modificaram para atender a várias finalidades. Então, a **função de Ackermann** atual pode ser referenciada a uma de suas várias formas da função original. Uma das versões mais comuns, a função de Ackermann-Péter (com dois argumentos), é definida a seguir para os inteiros não negativos m e n :

$$A(m, n) = \begin{cases} n + 1 & \text{se } m = 0 \\ A(m - 1, 1) & \text{se } m > 0 \text{ e } n = 0 \\ A(m - 1, A(m, n - 1)) & \text{se } m > 0 \text{ e } n > 0 \end{cases}$$

Para ver como a função de Ackermann cresce tão rapidamente, é de grande ajuda expandir algumas expressões simples usando as regras da definição original. Por exemplo, podemos avaliar completamente $A(1, 2)$ desse jeito:

$$\begin{aligned} A(1, 2) &= A(0, A(1, 1)) \\ &= A(0, A(0, A(1, 0))) \\ &= A(0, A(0, A(0, 1))) \\ &= A(0, A(0, 2)) \\ &= A(0, 3) \\ &= 4. \end{aligned}$$



Para demonstrar como a avaliação de $A(4, 3)$ resulta em inúmeros passos e em um número gigantesco:

$$\begin{aligned} A(4, 3) &= A(3, A(4, 2)) \\ &= A(3, A(3, A(4, 1))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(4, 0)))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(3, 1)))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(3, 0))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(2, 1))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(1, A(2, 0))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(1, A(1, 1))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(1, A(0, A(1, 0))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(1, A(0, A(0, 1))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(1, A(0, 2))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(1, 3))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(0, A(1, 2))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(0, A(0, A(1, 1))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(0, A(0, A(0, A(1, 0))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(0, A(0, A(0, A(0, 1))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(0, A(0, A(0, 2))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(0, A(0, 3))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, A(0, 4))))) \\ &= A(3, A(3, A(3, A(2, 5)))) \\ &= \dots \\ &= A(3, A(3, A(3, 13))) \\ &= \dots \\ &= A(3, A(3, 65533)) \\ &= \dots \\ &= A(3, 2^{65536} - 3) \\ &= \dots \\ &= 2^{2^{65536}} - 3. \end{aligned}$$

Escrito em base 10, esse número seria equivalente à $10^{6.031 \times 10^{19727}}$.



Avaliação de Linguagem e Técnicas de Programação.
Prof. Mestre Marlus Dias Silva

Valor 5 pontos

Implemente uma opção que solicite do usuário valores para m e n, e retorne o valor da série de Ackermann.

4) Desenvolva uma opção no meu e uma função recursiva para imprimir os elementos de um vetor de valores inteiros na ordem inversa.

5) Considere a função recursiva 'func' definida por:

$$\text{func}(1) = 1$$

$$\text{func}(n) = (n - 1) * \text{func}(n - 1)$$

Quais são os valores de func(4) e func(5), respectivamente?
