

TTK4100 øving 2

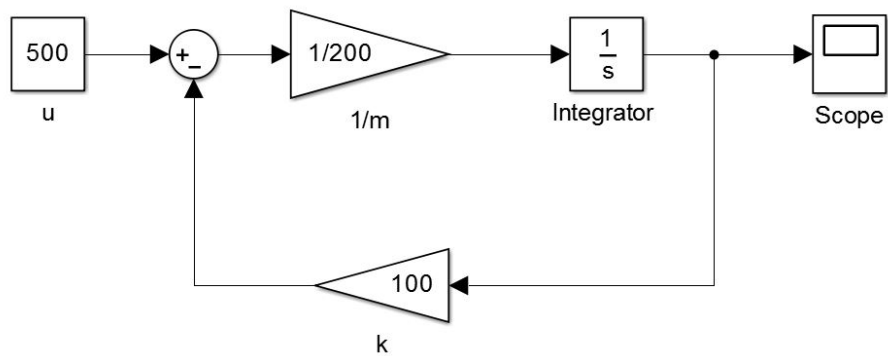
Martin Madsen, MTTK, gruppe 61

October 2015

1 Oppgave 1

a) i øving 1 fant vi ut at en AUV kan modelleres med ligning (1), hvor m er masse, u er propellkraft og k er en konstant som anngir motstanden i vannet.

$$\dot{v} = \frac{1}{m}u - \frac{k}{m}v \quad (1)$$



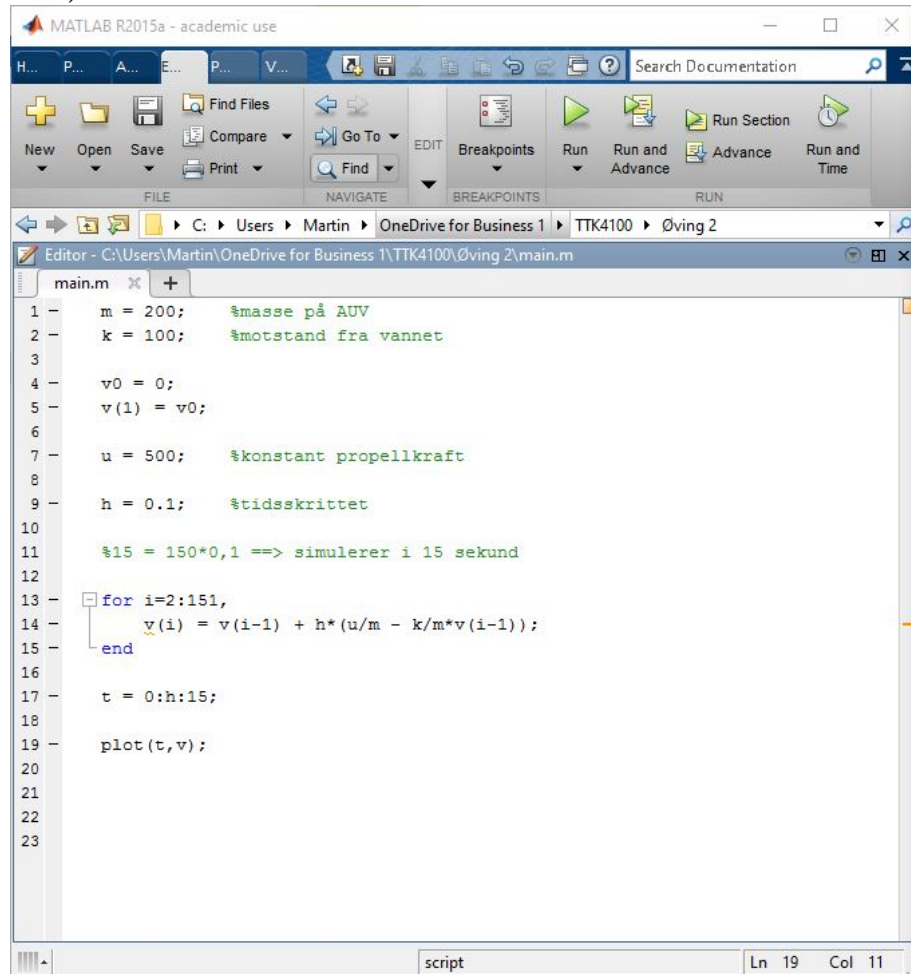
Fra blokkdiagrammet ser vi at systemet har en inngang og en utgang dette tilsier at systemet er monovariabelt. Det er en negativ tilbakelkobling.

b) Euler's metode en numerisk tilnærming til løsningen av differensial ligninger. Gitt en diffiligning på formen $\dot{x} = f(x)$ vil Eulers metode være følgende:

$$x_{n+1} = x_n + hf(x_n) \quad (2)$$

c) Nøyaktigheten på løsningen vi finner med Euler's metode avhenger av tidskrittet vi bruker. et mindre tidskritt gir høyere nøyaktighet.

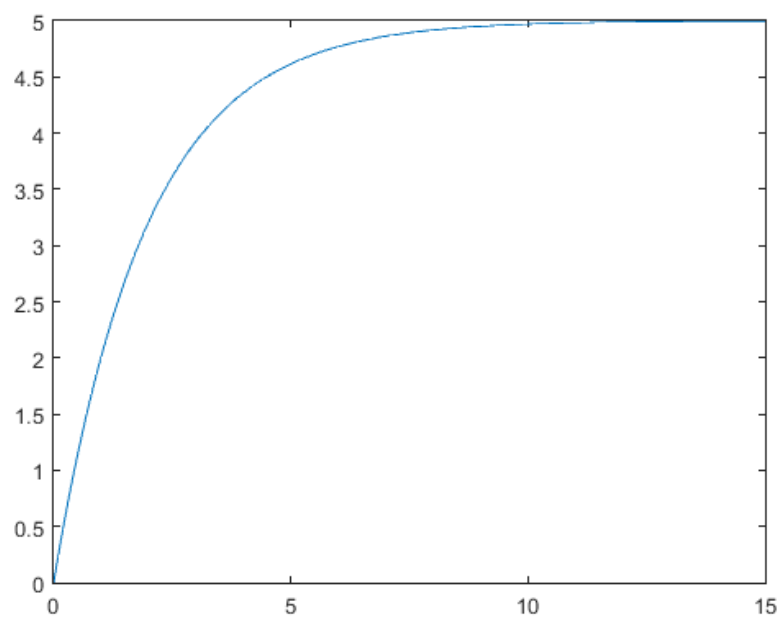
d) MATLAB kode:



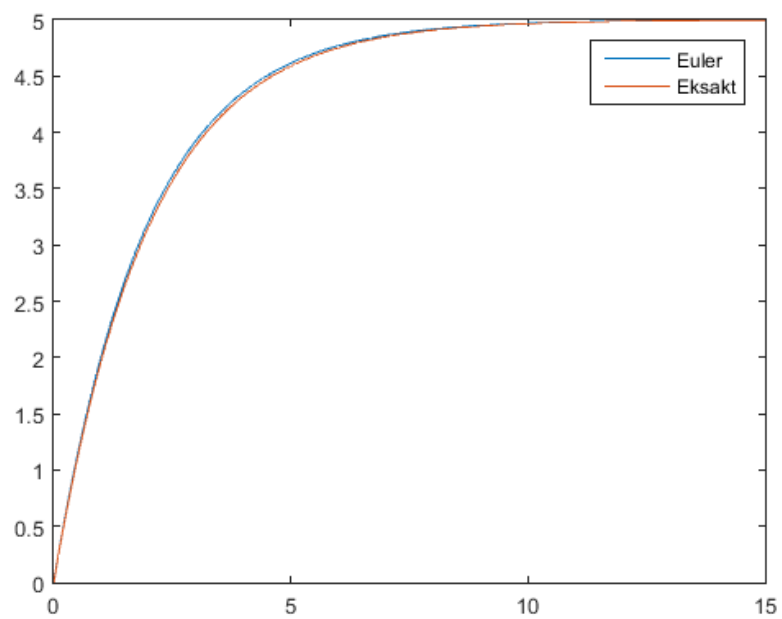
```
main.m x +
1 - m = 200; %masse på AUV
2 - k = 100; %motstand fra vannet
3
4 - v0 = 0;
5 - v(1) = v0;
6
7 - u = 500; %konstant propellkraft
8
9 - h = 0.1; %tidskrittet
10
11 %15 = 150*0,1 ==> simulerer i 15 sekund
12
13 - for i=2:151,
14 -     v(i) = v(i-1) + h*(u/m - k/m*v(i-1));
15 - end
16
17 - t = 0:h:15;
18
19 - plot(t,v);
20
21
22
23
```

script Ln 19 Col 11

Plot:

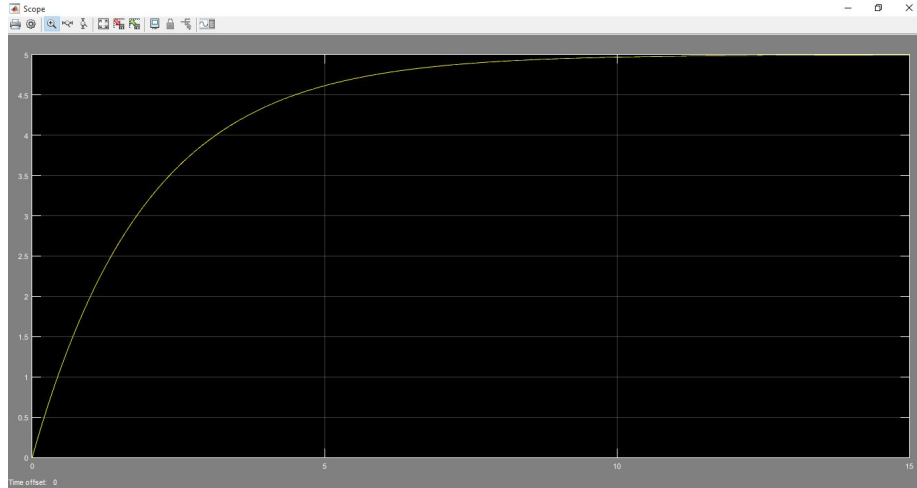


e) Plot av både Euler's metode og eksakt løsning:



Sammenligner man Euler's metode med den eksakte løsningen av systemet så virker det som Euler's metode er en veldig god tilnærming. Eksempel: ved $t=6,75$ er avstanden mellom Euler's metode og den eksakte løsningen lik 0,01 (Funnet ved å zoome inn på plottet fra MATLAB).

f) Simulerer vi dette med simulink modellen vår fra 1a) får vi følgende fra scope:



2 Oppgave 2

a) Setter opp en momentbalanse gitt ved:

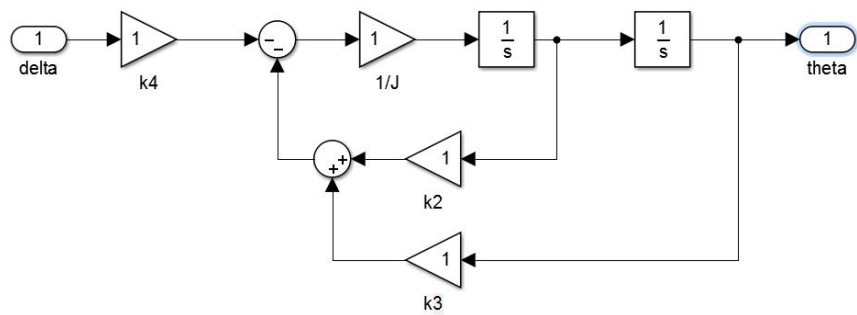
$$J\ddot{\theta} = \sum M \quad (3)$$

$$\rightarrow J\ddot{\theta} = -k_2\dot{\theta} - k_3\theta - k_4\delta \quad (4)$$

$$\rightarrow \ddot{\theta} = \frac{1}{J}(-k_2\dot{\theta} - k_3\theta - k_4\delta) \quad (5)$$

Ligning 5 er en andre ordens differensialligning, og systemet er derav av andre orden.

b) Blokkdiagrammet ligning (5) kan sees under. Det er produsert i Simulink



3 Oppgave 3

a) Bevegelsesligning i x-retning:

$$\dot{x} = \cos(\theta)v \quad (6)$$

b) Bevegelsesligning i z-retning:

$$\dot{z} = -\sin(\theta)v \quad (7)$$

c) ligning (5) kan deles opp i to første ordens differensialligninger, setter man dette sammen med ligningene funnet i 3a og 3b, og øving 1 kan man beskrive fartøyet bevegelse i xz-planet:

$$\dot{x} = \cos(\theta)v \quad (8)$$

$$\dot{z} = -\sin(\theta)v \quad (9)$$

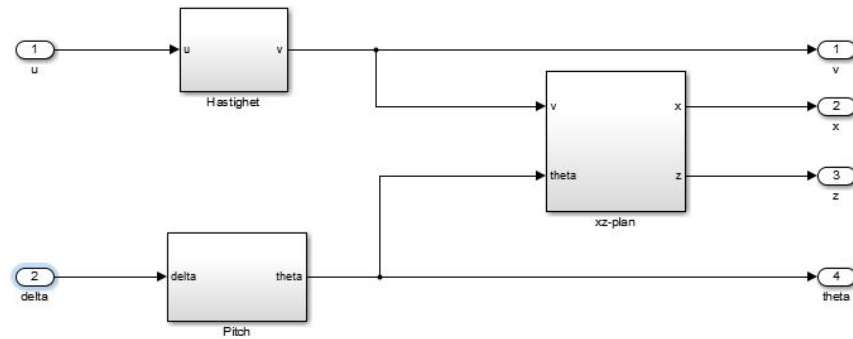
$$\dot{v} = \frac{1}{m}u - \frac{k}{m}v \quad (10)$$

$$\dot{\theta}_1 = \theta_2 \quad (11)$$

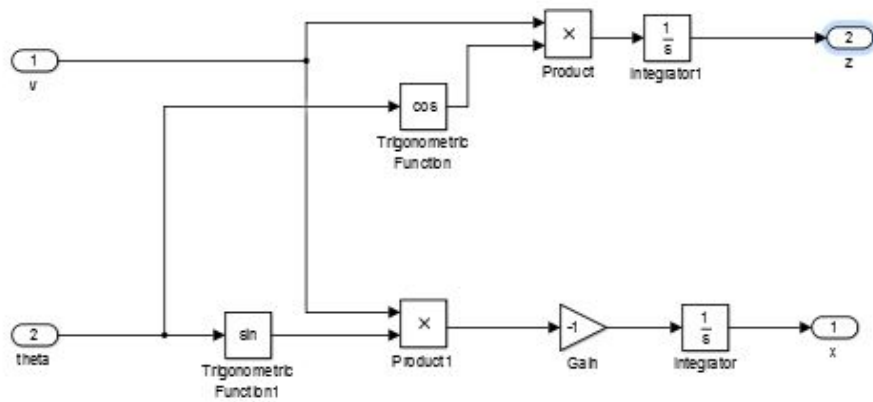
$$\dot{\theta}_2 = \frac{1}{J}(-k_2\dot{\theta} - k_3\theta - k_4\delta) \quad (12)$$

her er $\theta_1 = \theta$ og $\theta_2 = \dot{\theta}$. Vi har 5 ligninger av første orden, så vi har et 5. ordens system. Det er flere forskjellige inn og ut signaler, så modellen er multivariabel. Sinus- og cosinusleddene er ulineære så modellen vår er ulineær.

d) Figuren under viser systemet realisert i simulink med verdiene oppgitt i øvingen.



Subsystemet "Hastighet" er det fra oppgave 1a, og subsystemet "pitch" er fra oppgave 2b. Subsystemet "xz-plan" kan sees under.



e)

1. θ_0 konstant, δ endres \rightarrow AUV'en dykker raskere.
2. δ og u konstant, θ_0 økes \rightarrow AUV'en dykker raskere.
3. θ_0 og δ konstant, u endres \rightarrow AUV'en kjører lengre.