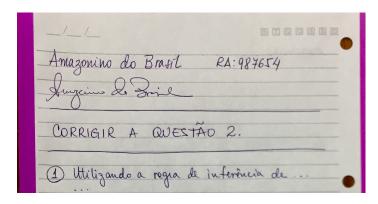
## Lista Avaliativa 1

MC458 — Projeto e Análise de Algoritmos I Prof. Pedro J. de Rezende 2º Semestre de 2020

## Instruções

- 1. Por se tratar de avaliação de conhecimentos adquiridos por cada aluno, a resolução desta Lista Avaliativa deve ser um trabalho individual sem consulta direta or indireta a outras pessoas.
- 2. Qualquer tentativa de cola ou fraude acarretará nota zero nesta Lista para todos os implicados, além das sanções previstas no Regimento Geral da Unicamp (em particular, o Art. 227, inciso VII, e os Art. 228 a 231).
- 3. Das três questões desta Lista, apenas duas serão corrigidas e valerão um total de 10 pontos.
  - Indique exatamente UMA das questões para ser corrigida pelo PED, a qual valerá nota de 0 a 5.
  - A segunda questão a ser corrigida será escolhida pelo PED, a qual também valerá nota entre 0 e 5. Se alguma questão estiver em branco, esta será a escolhida pelo PED.
- 4. O prazo final para submissão das resoluções se encerrará às 23hs do dia indicado no Google Classroom. Envios realizados após esse horário serão considerados atrasados. Se o atraso for de **até 2hs** após o encerramento do prazo regular de submissão, as resoluções submetidas serão corrigidas e receberão nota integral. Resoluções enviadas com **mais de 2hs de atraso**, mas tardias em **não mais do que 8hs** ainda serão corrigidas e receberão nota, mas com **50% de penalidade**. Submissões com atraso superior a 8hs automaticamente receberão nota zero.
- 5. Importante: note que a submissão não se completa apenas com o *upload* de um arquivo, mas requer o acionamento do botão "Entregar". Como é essa ação que determina a hora do encaminhamento, sem ela a submissão não está efetivada e será desconsiderada.
- 6. Justifique cuidadosamente todas as respostas.
- 7. **Só serão aceitas** submissões de resoluções desta Lista Avaliativa na plataforma Google Classroom, e elas devem seguir **estritamente** o seguinte formato:
  - (a) As resoluções devem ser manuscritas, sem rasuras, escaneadas, formando um único documento PDF.
  - (b) No topo da primeira página das suas resoluções, coloque seu nome e RA de forma bem legível e, em seguida, a sua assinatura conforme esta consta em seu RG ou CNH. Veja modelo abaixo:



- (c) É sua responsabilidade garantir que o arquivo escaneado seja claramente legível. Para isso, recomenda-se o uso de um aplicativo para celular (Android ou iOS) como Adobe Scan (ou CamScanner ou Office Lens ou similar) para escanear as páginas manuscritas e, em seguida, fazer os devidos ajustes de contraste. Esses Apps facilitam a inclusão de múltiplas páginas em um único PDF. Todas as páginas devem estar na posição "retrato".
- (d) Submissões constituídas meramente de arquivos de fotos (jpg, png, etc.), serão desconsideradas e receberão nota zero.

Nas questões abaixo, considere que todas as funções têm domínio  $\mathbb{N}$ , são positivas e crescentes.

- 1. (a) Chorãozinho acredita que, se  $k \geq 1$ ,  $g(n) \in o(n^k)$  implica que  $g(n) \in O(n^{k-\varepsilon})$  para algum  $\varepsilon > 0$ . **Prove** que Chorãozinho está errado.
  - (b) Xitoró acredita que, para  $k \geq 1$ , se  $g(n) \in O(n^{k-\varepsilon})$  para algum  $\varepsilon > 0$ , então  $g(n) \in o(n^k)$ . **Prove** que Xitoró está correto.
- 2. Encontre uma fórmula fechada para a relação de recorrência dada por T(1)=1 e, para  $n\geq 2,$

$$T(n) = T(n-1) + 2n - 1$$

- e prove-a pelo método da substituição.
- 3. Para um dado problema foram apresentados dois algoritmos A e B, cujos tempos de execução no modelo computacional RAM são descritos, respectivamente, por  $T_A(n) = 8T_A(\frac{n}{2}) + n^2$  e  $T_B(n) = \alpha T_B(\frac{n}{3}) + n^2$ . Determine qual o maior valor inteiro para  $\alpha$ , tal que o tempo de execução de B seja assintoticamente menor do que o de A, i.e.,  $T_B(n) \in o(T_A(n))$ . Justifique cuidadosamente!