



# VYSOKÉ UČENÍ TECHNICKÉ V BRNĚ

BRNO UNIVERSITY OF TECHNOLOGY

FAKULTA ELEKTROTECHNIKY  
A KOMUNIKAČNÍCH TECHNOLOGIÍ

FACULTY OF ELECTRICAL ENGINEERING AND COMMUNICATION

ÚSTAV RADIODELEKTRONIKY

DEPARTMENT OF RADIO ELECTRONICS

MĚŘENÍ POLOHY UVNITŘ BUDOV POMOCÍ INERCIÁLNÍ  
JEDNOTKY

INDOOR POSITIONING BASED ON INERTIAL MEASUREMENT UNIT

BAKALÁŘSKÁ PRÁCE

BACHELOR'S THESIS

AUTOR PRÁCE

AUTHOR

Marek Coufal

VEDOUCÍ PRÁCE

SUPERVISOR

Ing. Jan Král, Ph.D.

BRNO 2024



# Bakalářská práce

bakalářský studijní program **Elektronika a komunikační technologie**

Ústav radioelektroniky

**Student:** Marek Coufal

**ID:** 240598

**Ročník:** 3

**Akademický rok:** 2023/24

## NÁZEV TÉMATU:

### Měření polohy uvnitř budov pomocí inerciální jednotky

#### POKYNY PRO VYPRACOVÁNÍ:

Seznamte se s dostupnými jednotkami pro měření inerciální a neinerciální polohy. Navrhněte a realizujte vhodný hardware samostatně bezdrátové jednotky, která bude umět zaznamenávat interně své údaje do paměti a na konci měření tato data přenést do počítače.

Realizujte ovládací SW a FW a skripty v Matlabu nebo Pythonu pro určení polohy uvnitř budov za pomocí GPS. Funkci demonstrejte. Všechny programy realizujte tak, aby byly vhodné a použitelné v rámci laboratorní úlohy předmětu MPC-RAR. Navrhněte koncept této laboratorní úlohy.

#### DOPORUČENÁ LITERATURA:

- [1] MALÝ, Martin. Hradla, volty, jednočipy: Úvod do bastlení. Praha: CZ.NIC, 2017. ISBN 978-80-88168-26-3.
- [2] RITCHIE, Dennis M., KERNIGHAN, Brian W. The C Programming Language, Second Edition. New Jersey: Prentice Hall, 1988. ISBN 9780133086249.

**Termín zadání:** 16.2.2024

**Termín odevzdání:** 27.5.2024

**Vedoucí práce:** Ing. Jan Král, Ph.D.

**doc. Ing. Lucie Hudcová, Ph.D.**

předseda rady studijního programu

#### UPOZORNĚNÍ:

Autor bakalářské práce nesmí při vytváření bakalářské práce porušit autorská práva třetích osob, zejména nesmí zasahovat nedovoleným způsobem do cizích autorských práv osobnostních a musí si být plně vědom následků porušení ustanovení § 11 a následujících autorského zákona č. 121/2000 Sb., včetně možných trestněprávních důsledků vyplývajících z ustanovení části druhé, hlavy VI. díl 4 Trestního zákoníku č.40/2009 Sb.

## **ABSTRAKT**

Tato semestrální práce se zabývá inerciální navigací pro použití uvnitř budov. Je rozebrán algoritmus zpracování dat akcelerometrů a gyroskopů a jejich zpracování pomocí pohybových rovnic. Jsou také definovány různé vztažné soustavy pro potřeby manipulace s vektorovými fyzikálními veličinami a jejich převody a rotace mezi soustavami. Práce se také věnuje návrhu hardwaru inerciální jednotky, minimálním požadavkům pro rychlý záznam dat a následně samotnému návrhu desky plošných spojů.

## **KLÍČOVÁ SLOVA**

IMU, inerciální navigace, poloha, připevněný, vztažné soustavy, Euler, gravitace, gyro-skop, akcelerometr, magnetometr, GNSS, STM32, ESP32

## **ABSTRACT**

This semestral thesis deals with inertial navigation intended for indoor usage. The algorithm for processing accelerometer and gyro data is described along with their position in equations of motion. Various reference frames are defined for ease of manipulation of vector quantities, including conversions and rotations between frames. The hardware design of the inertial navigation unit is also discussed including minimum requirements for fast data recording and the design of the printed circuit board.

## **KEYWORDS**

IMU, inertial navigation, position, strapdown, reference frames, Euler, gravity, gyro, accelerometer, magnetometer, GNSS, STM32, ESP32

COUFAL, Marek. *Měření polohy uvnitř budov pomocí inerciální jednotky*. Bakalářská práce. Brno: Vysoké učení technické v Brně, Fakulta elektrotechniky a komunikačních technologií, Ústav radioelektroniky, 2024. Vedoucí práce: Ing. Jan Král, Ph.D.

# Prohlášení autora o původnosti díla

**Jméno a příjmení autora:** Marek Coufal

**VUT ID autora:** 240598

**Typ práce:** Bakalářská práce

**Akademický rok:** 2023/24

**Téma závěrečné práce:** Měření polohy uvnitř budov pomocí inerciální jednotky

Prohlašuji, že svou závěrečnou práci jsem vypracoval samostatně pod vedením vedoucí/ho závěrečné práce a s použitím odborné literatury a dalších informačních zdrojů, které jsou všechny citovány v práci a uvedeny v seznamu literatury na konci práce.

Jako autor uvedené závěrečné práce dále prohlašuji, že v souvislosti s vytvořením této závěrečné práce jsem neporušil autorská práva třetích osob, zejména jsem nezasáhl nedovoleným způsobem do cizích autorských práv osobnostních a/nebo majetkových a jsem si plně vědom následků porušení ustanovení § 11 a následujících autorského zákona č. 121/2000 Sb., o právu autorském, o právech souvisejících s právem autorským a o změně některých zákonů (autorský zákon), ve znění pozdějších předpisů, včetně možných trestněprávních důsledků vyplývajících z ustanovení části druhé, hlavy VI. díl 4 Trestního zákoníku č. 40/2009 Sb.

Brno .....  
.....  
podpis autora\*

---

\*Autor podepisuje pouze v tištěné verzi.

## PODĚKOVÁNÍ

Rád bych poděkoval vedoucímu semestrální práce panu Ing. Janu Královi, Ph.D. za odborné vedení, konzultace, trpělivost, vstřícnost a podnětné návrhy k práci.

# Obsah

<b>Úvod</b>	<b>11</b>
<b>1 Algoritmus inerciální navigace</b>	<b>12</b>
1.1 Využití inerciální navigace . . . . .	12
1.2 Princip fungování inerciální navigace . . . . .	12
1.2.1 Zavedení vztažných soustav . . . . .	13
1.3 Vztažné soustavy a rotace Země . . . . .	13
1.4 Tíhové pole Země . . . . .	14
1.4.1 Gravitační modely Země . . . . .	15
1.5 Rotace měření akcelerometru . . . . .	16
1.6 Diagram algoritmu inerciální navigace . . . . .	17
<b>2 Inerciální senzory</b>	<b>18</b>
2.1 MEMS akcelerometry . . . . .	18
2.2 MEMS gyroskopy . . . . .	19
<b>3 Hardware inerciální jednotky</b>	<b>20</b>
3.1 Akcelerometr a gyroskop . . . . .	21
3.2 Magnetometr . . . . .	23
3.3 GNSS . . . . .	24
3.4 Paměť . . . . .	25
3.5 Uživatelské rozhraní . . . . .	25
3.6 Napájení . . . . .	26
3.7 Hlavní procesor . . . . .	27
3.8 ESP32 . . . . .	28
3.9 Testování s vývojovými stavebnicemi . . . . .	28
<b>4 Realizace hardwaru</b>	<b>30</b>
4.1 Konstrukce . . . . .	31
4.2 Ověření základních funkcí hardwaru jednotky . . . . .	33
<b>5 Firmware inerciální jednotky</b>	<b>35</b>
5.1 HAL . . . . .	35
5.2 FreeRTOS . . . . .	35
5.3 Vývojové diagramy firmwaru . . . . .	36
5.3.1 KeepaliveTask . . . . .	37
5.3.2 hubTask . . . . .	37
5.3.3 powerTask . . . . .	38

5.3.4	gpsTask . . . . .	38
5.3.5	lsmTask . . . . .	39
5.3.6	mpuTask . . . . .	40
5.3.7	adisTask . . . . .	40
5.3.8	loggerTask . . . . .	41
5.3.9	oledTask . . . . .	42
5.4	Kalibrace IMU . . . . .	43
5.5	Převod dat do CSV souboru . . . . .	47
<b>6</b>	<b>Zpracování dat</b>	<b>48</b>
6.1	Výpočet trajektorie pomocí pohybových rovnic . . . . .	48
6.2	Vliv kalibrace senzorů . . . . .	50
6.3	Fúze dat s GNSS . . . . .	51
<b>7</b>	<b>Koncepce laboratorní úlohy</b>	<b>53</b>
7.1	Analýza využití GNSS, dostupnost signálu a obsluha . . . . .	53
7.2	Princip fungování IMU, vliv kalibrace a určení náklonu a polohy inerciální jednotkou . . . . .	54
<b>Závěr</b>		<b>55</b>
<b>Literatura</b>		<b>56</b>
<b>Seznam symbolů a zkratek</b>		<b>60</b>
<b>Seznam příloh</b>		<b>62</b>
<b>A Schéma zapojení inerciální jednotky</b>		<b>63</b>
<b>B Výkres DPS</b>		<b>70</b>
B.1	Pohled osazení součástek . . . . .	70
B.2	Vrchní vrstva mědi DPS . . . . .	71
B.3	Vnitřní vrstva mědi DPS In1 . . . . .	72
B.4	Vnitřní vrstva mědi DPS In2 . . . . .	73
B.5	Spodní vrstva mědi DPS . . . . .	74

# Seznam obrázků

1.1	Výškový reliéf geoidu. [12]	16
1.2	Blokové schéma algoritmu strapdown inerciální navigace, převzato z [17] [18].	17
2.1	Struktura MEMS akcelerometru. [11]	18
2.2	Mikroskopický snímek MEMS akcelerometru. [10]	19
2.3	Struktura MEMS gyroskopu. [11]	19
3.1	Blokové schéma inerciální jednotky.	20
3.2	IMU verze ADIS16505-2/PCBZ.	23
3.3	Fotografie grafického OLED displeje.	26
3.4	Testovací přípravek s vývojovými deskami.	29
4.1	3D model navržené DPS.	30
4.2	Izolační podložka IMU.	32
4.3	3D model krabičky.	32
4.4	Fotografie zařízení.	33
4.5	Dodatečná oprava RTC oscilátoru.	34
5.1	Konfigurace MCU v STM32CubeIDE.	36
5.2	Vývojový diagram KeepaliveTask.	37
5.3	Vývojový diagram HubTask.	37
5.4	Vývojový diagram PowerTask.	38
5.5	Vývojový diagram GpsTask.	39
5.6	Vývojový diagram LsmTask.	39
5.7	Vývojový diagram MpuTask.	40
5.8	Vývojový diagram AdisTask.	41
5.9	Vývojový diagram LoggerTask.	42
5.10	Vývojový diagram OledTask.	43
5.11	GUI stavových informací jednotlivých senzorů.	44
5.12	GUI záznamu dat.	44
5.13	GUI kalibrační procedury.	45
6.1	Záznam dat IMU ADIS16505.	49
6.2	Výsledky po první integraci.	49
6.3	Odhad trajektorie.	50
6.4	Porovnání senzorů s kalibrací a bez kalibrace.	51
6.5	Naměřená GNSS data.	52
6.6	Odhad trajektorie z fúze dat GNSS a IMU.	52
7.1	Obslužná aplikace u-center.	53

# **Seznam tabulek**

3.1	Porovnání základních parametrů gyroskopů. [27] [28]	22
3.2	Podporované družicové systémy. [24]	24
3.3	Odhad celkového bitratu pro záznam dat	25
3.4	Odhad spotřeby proudu 3,3V větve.	27
3.5	Minimální požadavky na periferie mikroprocesoru.	28
4.1	Signálové uspořádání vrstev na DPS.	31
4.2	Uspořádání měděných a izolačních vrstev DPS JLC04161H-7628.	31

# Úvod

Tato práce se zabývá poměrně komplexní problematikou inerciální navigace pro použití uvnitř budov a jejím sestrojením, tedy určováním polohy pomocí „black boxu“ který své údaje o pohybu určí primárně z údajů o lineárním zrychlení z akcelerometru a úhlové rychlosti z gyroskopu pro omezení potřeby neustálé dostupnosti signálu z globálních navigačních systémů.

Jsou popsány algoritmy pro zpracování dat z šestiosé inerciální jednotky s nehybně umístěnými *Micro-ElectroMechanical Systems - mikro-elektromechanické systémy* (MEMS) gyroskopy a akcelerometry, což umožňuje značnou miniaturizaci a snížení ceny, v porovnání s osvědčenými systémy využívajícími velké a složité mechanické konstrukce gimbalů a gyroskopů. Přestože se přesnost senzorů stále zlepšuje, i díky malé odchylce měřených dat může rychle narůstat chyba odhadované polohy díky integraci úhlové rychlosti a dvojitě integraci lineárního zrychlení. Z tohoto důvodu je jednotka opatřena i magnetometrem a *Global navigation satellite system - globální družicový polohový systém* (GNSS) modulem pro možnost fúze dalších dat pro co největší zmenšení chyby, tomuto se ovšem bude věnovat až navazující bakalářská práce.

Jsou také věnovány kapitoly samotnému návrhu inerciální jednotky, minimálním požadavkům na komunikace a jejich počtům a rychlostem, způsobu zaznamenávání dat a celkovému blokovému konceptu. V poslední kapitole je také popsán návrh desky plošných spojů inerciální jednotky.

# 1 Algoritmus inerciální navigace

## 1.1 Využití inerciální navigace

Možnost navigace a znalost polohy je pro lidstvo již dlouhou dobu důležitá jak v průmyslu, tak i v každodenním životě. Pravděpodobně nejrozšířenějším druhem navigace jsou tzv. globální navigační systémy, například *Global Positioning System - globální polohový systém* (GPS). Ovšem pro některé aplikace nemusí být použití GNSS, ať už z politických, či technických důvodů ideální. Pro navigaci v oblasti letectví a námořnictví se začala inerciální navigace využívat kolem roku 1960 a je využívána dodnes. [17]

Díky stále přesnějším a levnějším inerciálním senzorům se rozšiřují možnosti využití inerciální navigace i do běžných průmyslových aplikacích, například v oblastech robotiky, automobilové techniky, nebo i pro údržbu podzemních infrastruktur, mapování kanalizací a další. [17] Tato práce se zabývá využitím inerciální navigace pro účely určení polohy uvnitř budov, kde je pokrytí signálem globálních navigačních systémů velmi slabé, nebo žádné.

## 1.2 Princip fungování inerciální navigace

Inerciální navigační systémy pracují na principu nepřímého měření z dat, které poskytuje akcelerometr a gyroskop. Akcelerometry poskytují informaci o lineárním zrychlení v prostoru pomocí měření síly  $F$  na definovanou jednotku hmotnosti  $m$  a pomocí 2. Newtonova zákona určí zrychlení  $a$  [17]

$$a = \frac{F}{m} \quad (1.1)$$

Síla  $F$  představuje síly působící na senzor vůči jeho tělu ve volném pádu, skládá se tedy ze statické (tíhové) a dynamické síly způsobené zrychlením vůči Zemi. [17] Z tohoto důvodu, pokud je akcelerometr v klidu na povrchu Země, změří zrychlení o velikosti zhruba  $9,81 \text{ m}\cdot\text{s}^{-2}$ .

Akcelerometry zpravidla měří hodnoty lineárního zrychlení ve třech navzájem pravoúhlých osách. Znalostí počáteční rychlosti  $v(t_0)$  a polohy  $x(t_0)$  v čase  $t_0$  můžeme pomocí zrychlení  $a$  v časech  $s > t_0$  určit rychlosť  $v(t)$  a následně polohu  $x(t)$  pomocí dvou integrací [18]

$$v(t) = v(t_0) + \int_{t_0}^t a(s) ds \quad (1.2)$$

$$x(t) = x(t_0) + \int_{t_0}^t v(s) ds \quad (1.3)$$

Aby bylo možné s inerciální jednotkou volně pohybovat v prostoru, je potřeba kromě znalosti polohy měřit, nebo kompenzovat její natočení. Jednou z možností jak kompenzovat rotaci jednotky je připevnění akcelerometrů na gimbal, který bude udržovat jejich natočení vůči Zemi konstantní. Tohoto principu se často využívá v letectví, zejména kvůli jejich vysoké přesnosti, ovšem velkou nevýhodou bývá mechanická složitost a velikost. [18] [16]

Druhou možností, jak kompenzovat natočení je měřit jeho úhel a následně zrychlení z akcelerometru rotovat vůči referenčnímu systému.[18] [16] K tomuto účelu slouží gyroskopy, které měří úhlovou rychlosť  $\omega$  otáčení jednotky kolem osy. Podobně jako se zrychlením u akcelerometru, znalostí počátečního úhlu  $\varphi(t_0)$  v čase  $t_0$  můžeme pomocí úhlové rychlosti  $\omega$  v časech  $s > t_0$  určit úhel natočení  $\varphi(t)$ , ovšem tentokrát pouze jednou integrací.

$$\varphi(t) = \varphi(t_0) + \int_{t_0}^t \omega(s) \, ds \quad (1.4)$$

Díky tomu můžou být gyroskopy a akcelerometry nepohyblivě připevněny na mechanickou konstrukci. Jde o tzv. „Strapdown“ typ inerciální navigace.

### 1.2.1 Zavedení vztažných soustav

Pro účely přehlednosti a exaktnosti bývá v oblastech inerciální navigace zavedeno několik kartézských vztažných soustav. Každá soustava je ortogonální a pravotočivá. [15] [17]

- Inertial frame (i-frame) má počátek ve středu Země. Její osy jsou pevné vůči nepohybujícím se hvězdám. Osa  $z_i$  prochází zemskou osou.
- Earth frame (e-frame) má také počátek ve středu Země, její osy jsou pevně vztažené vůči Zemi, tedy rotují kolem i-frame. Osa  $z_e$  prochází zemskou osou.
- Navigation frame (n-frame) má počátek ve výchozím bodě navigace. Osy jsou natočené ve směrech *North East Down - sever východ dolů* (NED).
- Body frame (b-frame) má počátek v inerciální jednotce a její osy jsou natočené ve směrech náklonu, stáčení a vychýlení jednotky.

S následnými měřenými a vypočtenými daty je často manipulováno jako s vektory označenými indexy odpovídajícími soustavě, ke které jsou vztaženy (i, e, n, b).

## 1.3 Vztažné soustavy a rotace Země

Pokud budeme chtít provozovat navigaci vztaženou k pevnému počátečnímu bodu v prostoru (i-frame), bude možné používat klasické pohybové rovnice, tedy pro zrychlení  $\vec{a}_i$ , polohu  $\vec{r}$  a čas  $t$  platí: [17]

$$\vec{a}_i = \frac{d^2\vec{r}}{dt^2} \Big|_i \quad (1.5)$$

a obdobně pro rychlosť  $\vec{v}_i$  platí:

$$\vec{v}_i = \frac{d\vec{r}}{dt} \Big|_i \quad (1.6)$$

Ovšem v mnoha případech použití inerciální navigace potřebujeme jako počátek zvolit nějaký bod na Zemi, která se neustále otáčí kolem své osy, v tomto případě tedy budeme využívat e-frame. Pokud máme data pouze ze vztažné soustavy i-frame, bude potřeba započít úhlovou rychlosť Země  $\vec{\omega}_{ie}$  [17]

$$\vec{\omega}_{ie} = \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ \Omega \end{pmatrix} \quad (1.7)$$

Kde  $\Omega = 7,292 \times 10^{-5} \text{ rad}\cdot\text{s}^{-1}$  je rychlosť rotace Země kolem své osy, vztaženo vůči nejbližší hvězdě (Slunci). Poté můžeme rychlosť  $\vec{v}_e$  v e-framu definovat jako: [17] [18]

$$\vec{v}_e = \frac{d\vec{r}}{dt} \Big|_e = \vec{v}_i - \vec{\omega}_{ie} \times \vec{r} \quad (1.8)$$

S přepočty mezi i a e frame je potřeba nakládat zejména při navigaci letadel a raket, kdy je potřeba započít i rotaci Země, vzhledem k dlouhým úsekům času i vzdálenosti. V této práci se ovšem zabýváme navigací uvnitř budov, kdy doba měření může být řádově v jednotkách minut a vzdálenost ve stovkách metrů. Vliv rotace Země tedy bude velmi malý.

## 1.4 Tíhové pole Země

Jak již bylo popsáno v kapitole 1.2, zrychlení měřené inerciální jednotkou v i-frame je složené ze statické tíhové síly a dynamické síly způsobené zrychlením na jednotku hmotnosti. Působení této dynamické síly je často označováno jako tzv. „specifická síla“  $\vec{f}$  představující sílu na jednotku hmotnosti, tedy zrychlení. S její pomocí můžeme rovnici 1.5 rozepsat na: [17] [18]

$$\vec{a}_i = \frac{d^2\vec{r}}{dt^2} \Big|_i = \vec{f} + \vec{g} \quad (1.9)$$

Kde  $\vec{g}$  je tíhové zrychlení pole Země.

Z tohoto poznatku vyplývá, že pro správné fungování inerciální navigace je potřeba přesně znát velikost a směr  $\vec{g}$ .

Vzhledem k tomu, že Země: [14]

- Rotuje kolem své osy
- Není koule
- Není homogení

není možné považovat velikost tříhového zrychlení za konstantní a jeho směr vždy do středu Země.

Rotace Země kolem své osy vyvolává dostředivé zrychlení.<sup>1</sup> Toto zrychlení má vždy kolmý směr k ose otáčení Země. Vektorovým součtem s gravitačním zrychlením  $\vec{a}_g$ , které má vždy směr do středu Země dostaneme tříhové zrychlení  $\vec{g}$ , proto se v závislosti na zeměpisné šířce tříhové zrychlení odchyluje od středu Země. [14]

Pro kompenzaci rotace Země bychom mohli vyjádřit tříhové zrychlení  $\vec{g}$  v závislosti na gravitačním zrychlení  $\vec{a}_g$  a následně využít v rovnici 1.9 [17]

$$\vec{g} = \vec{a}_g - \vec{\omega}_{ie} \times (\vec{\omega}_{ie} \times \vec{r}) \quad (1.10)$$

Díky tomu, že Země není koule, ale přibližně elipsoid jsou body na pólech blíž středu Země než body na rovníku, to nám tedy ovlivňuje velikost gravitačního zrychlení. Tento vliv by šel analyticky vypočítat, pokud bychom předpokládali, že Země je elipsoid a zanedbali vliv reliéfu povrchu Země. [14]

Vzhledem k tomu, že tato práce se zabývá zpracováním dat z inerciální navigace až tzv. offline, tedy ne v reálném čase, můžeme pro řešení problémů s nekonzistentním tříhovým polem Země použít některý z dostupných gravitačních modelů *Earth Gravitational Model - gravitační model Země* (EGM).

### 1.4.1 Gravitační modely Země

EGM jsou modely popisující geoid Země, s velmi širokou škálou použití v oblastech fyziky, geodézie, oceánografie, navigace a dalších. Spravuje je *National Geospatial-Intelligence Agency - americká geoprostorová agentura* (NGA) a jsou volně dostupné. Nejnovější věřejně dostupný EGM je z roku 2008 (EGM2008), který byl vytvořen na základě několika pozemních a výškových měření. [13]

Vytvořená mapa s výškou geoidu modelu EGM2008 publikovaného NGA je znázorněna na obrázku 1.1

Takovýto model je poté možné použít například pomocí funkcí z Matlab Aerospace Toolbox, který vypočítá vektor gravitačního zrychlení  $a_g$  se správným směrem i velikostí na základě dodaný souřadnic systému WGS84. Poté pomocí rovnice 1.10 můžeme vypočítat tříhové zrychlení.

---

<sup>1</sup>Všude na Zemi, vyjma samotných zeměpisných pólů



Obr. 1.1: Výškový reliéf geoidu. [12]

## 1.5 Rotace měření akcelerometru

Vzhledem k tomu, že se tato práce zabývá strapdown systémem inerciální navigace, jsou data akcelerometru vztažena k soustavě inerciální jednotky (tedy b-frame). Pro převedení dat do vztažné soustavy i-frame je potřeba rotovat vektor specifické síly  $\vec{f}$  maticí směrových kosínů  $\mathbf{C}_b^i$ . Tato rotace by se dala popsat jako 3 po sobě jdoucí natočení o tzv. Eulerovy úhly vůči referenčním osám (např. pro tento případ i-frame). Tyto úhly označíme  $\phi$ ,  $\theta$  a  $\psi$  [17]

- Rotaci o úhel  $\phi$  kolem osy x přiřadíme rotační matici  $\mathbf{C}_x$ : [17]

$$\mathbf{C}_x = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & \cos \phi & -\sin \phi \\ 0 & \sin \phi & \cos \phi \end{bmatrix} \quad (1.11)$$

- Rotaci o úhel  $\theta$  kolem osy y přiřadíme rotační matici  $\mathbf{C}_y$ : [17]

$$\mathbf{C}_y = \begin{bmatrix} \cos \theta & 0 & \sin \theta \\ 0 & 1 & 0 \\ -\sin \theta & 0 & \cos \theta \end{bmatrix} \quad (1.12)$$

- Rotaci o úhel  $\psi$  kolem osy z přiřadíme rotační matici  $\mathbf{C}_z$ : [17]

$$\mathbf{C}_z = \begin{bmatrix} \cos \psi & -\sin \psi & 0 \\ \sin \psi & \cos \psi & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (1.13)$$

Součinem těchto tří matic získáme matici směrových kosínů  $\mathbf{C}_b^i$  pro převod z b-frame na i-frame: [17]

$$\mathbf{C}_b^i = (\mathbf{C}_b^i)^T = (\mathbf{C}_x \mathbf{C}_y \mathbf{C}_z)^T = \mathbf{C}_z^T \mathbf{C}_y^T \mathbf{C}_x^T \quad (1.14)$$

$$\mathbf{C}_b^i = \begin{bmatrix} \cos \theta \cos \psi & -\cos \phi \sin \psi + \sin \phi \sin \theta \cos \psi & \sin \phi \sin \psi + \cos \phi \sin \theta \cos \psi \\ \cos \theta \sin \psi & \cos \phi \cos \psi + \sin \phi \sin \theta \sin \psi & -\sin \phi \cos \psi + \cos \phi \sin \theta \sin \psi \\ -\sin \theta & \sin \phi \cos \theta & \cos \phi \cos \theta \end{bmatrix} \quad (1.15)$$

Toto poté můžeme použít k rotaci samotného vektoru specifické síly  $\vec{f}$  z b-frame na i-frame

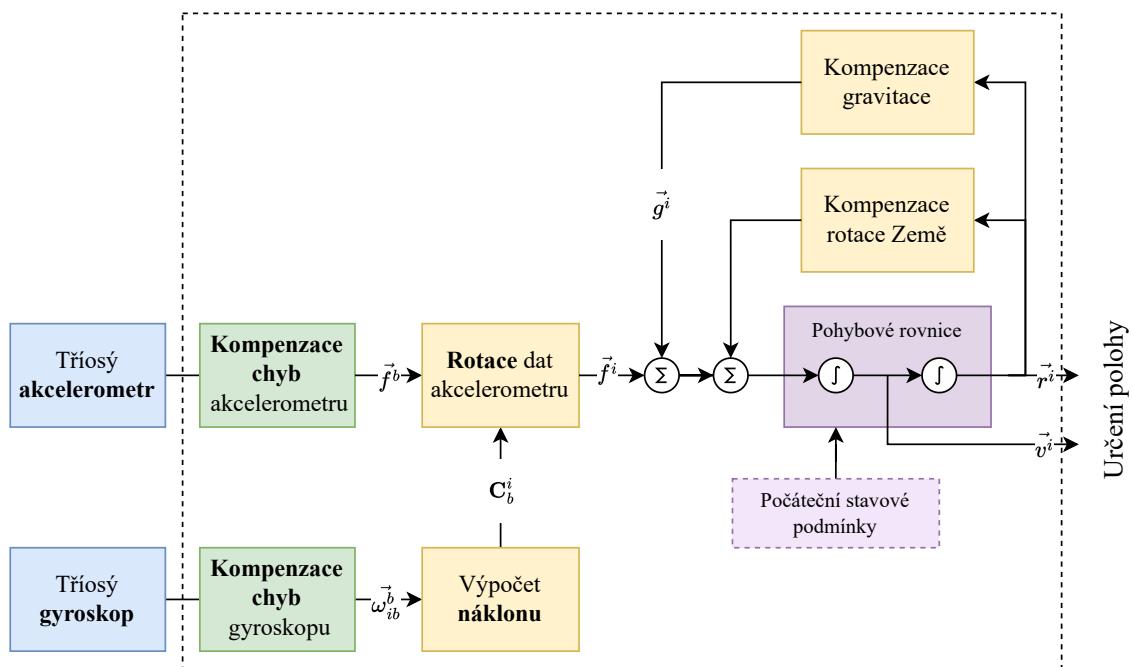
$$\vec{f}^i = \mathbf{C}_b^i \vec{f}^b \quad (1.16)$$

Kombinací s rovnicí 1.9 získáme rovnici popisující pohyb:

$$\vec{a}_i = \left. \frac{d^2 \vec{r}}{dt^2} \right|_i = \vec{f}^i + \vec{g}^i = \mathbf{C}_b^i \vec{f}^b + \vec{g}^i \quad (1.17)$$

## 1.6 Diagram algoritmu inerciální navigace

Pro přehlednější znázornění algoritmu základní formy inerciální navigace pro 6 *Degrees of Freedom - stupně volnosti* (DoF) *Inertial Measurement Unit - inerciální měřicí jednotka* (IMU) byl vytvořen blokový diagram (obrázek 1.2).



Obr. 1.2: Blokové schéma algoritmu strapdown inerciální navigace, převzato z [17] [18].

## 2 Inerciální senzory

Ke sběru dat pro účely inerciální navigace se jako první začaly používat a stále používají např. v letectví složité, velké a drahé mechanické přístroje se setrvačníky poháněnými motory využívající gyroskopický efekt. Jejich natočení os vůči referenčnímu rámu je poté možné měřit například laserem, či jiným způsobem. Tyto senzory jsou díky jejich přesnosti stále využívány v aplikacích, kde je kladen důraz na opravdu velkou spolehlivost a přesnost. Ovšem díky zlepšujícím se technologiím se začínají hojně využívat i MEMS IMU v oblastech inerciální navigace, zejména tam, kde nejsou kladený velmi přísné požadavky na přesnost a spolehlivost, jako je například navigace uvnitř budov. Díky MEMS technologiím je možné sestrojit celou inerciální jednotku bez jakýchkoliv pohyblivých částí, velmi malou a poměrně levnou. [17] [18]

### 2.1 MEMS akcelerometry

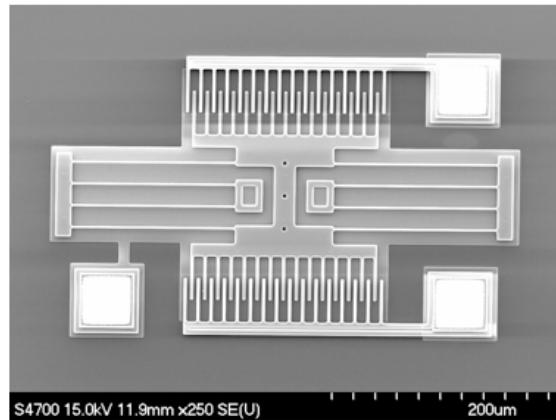
Akcelerometr měří lineární zrychlení nepřímo díky 2. Newtonovu zákonu (rovnice 1.1). Přímo na struktuře krémíku je těleso známé hmotnosti, kterému je umožněn pružný pohyb v nějaké z os. Pokud na akcelerometr působí zrychlení, je těleso vyhloveno silou, která je následně měřena. Tato síla je často měřena jako změna kapacity mechanické struktury znázorněné na obrázku 2.1 a 2.2, převedena na napětí, zesílena, vyfiltrována a následně převedena *Analog to Digital Convertor - analogově-digitální převodník* (ADC) převodníkem. Tyto struktury jsou následně uspořádány ortogonálně, aby vytvořily tříosý akcelerometr. [11]



Obr. 2.1: Struktura MEMS akcelerometru. [11]

Za povšimnutí stojí rozdílné parametry např. biasu pro různé osy IMU v tabulce 3.1, to může být způsobené vrstvením struktury během výroby čipu, kdy dvě z os

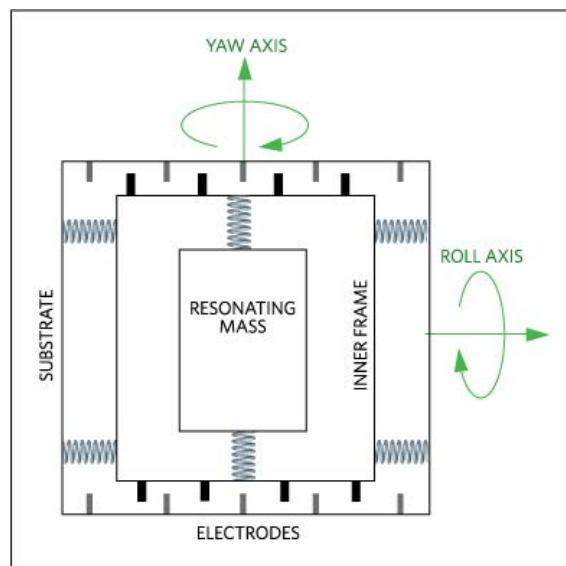
akcelerometru mají osy vychýlení hmoty rovnoběžnou se směry vrstev, zatímco třetí osa je na tyto vrstvy kolmá.



Obr. 2.2: Mikroskopický snímek MEMS akcelerometru. [10]

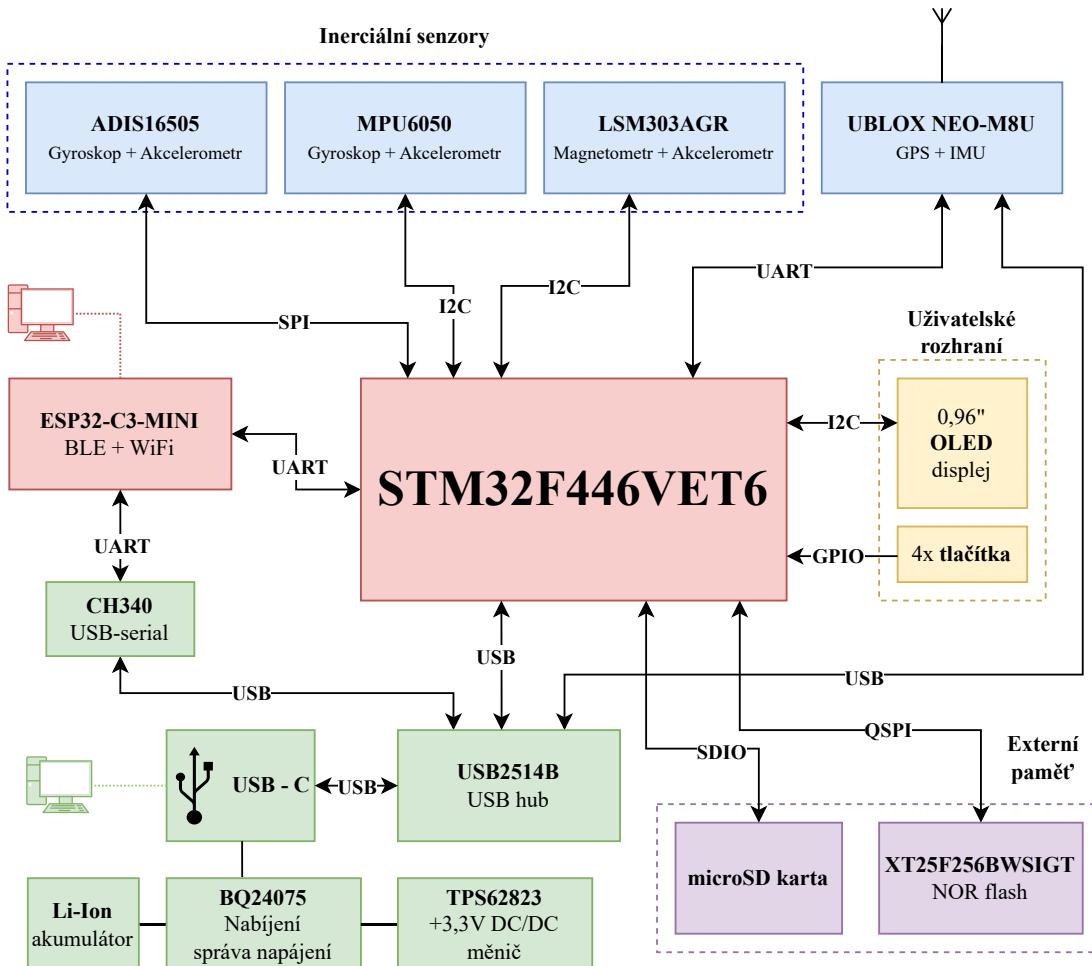
## 2.2 MEMS gyroskopy

Gyroskopy jsou senzory, které měří úhlovou rychlosť. Uspořádání mechanické struktury (na obrázku 2.3) je rozdílné v porovnání s akcelerometry. Zde je tělesu definované hmotnosti umožněno kmitat v jedné z os. Při působení úhlové rychlosti na gyroskop je vnitřní struktura díky Coriolisově síle vychýlena, což způsobí změnu kapacity. Ta je dále zpracována obdobně jako v akcelerometru (kapitola 2.1). [17] [11]



Obr. 2.3: Struktura MEMS gyroskopu. [11]

### 3 Hardware inerciální jednotky



Obr. 3.1: Blokové schéma inerciální jednotky.

Hardware inerciální jednotky je realizován tak, aby umožňoval zaznamenávat hodnoty změřené inerciálními senzory a poskytovat dohromady data o rozměru 9 DoF (akcelerometr, gyroskop a magnetometr). Jednotka také obsahuje GPS modul s vestavěným IMU, jehož použití by mohlo být vhodné například v prostorech s alespoň částečným pokrytím signálu GPS.

Naměřená data je možné uložit do externí NOR Flash paměti připojené k *Microcontroller Unit - mikrokontrolér* (MCU), popřípadě lze využít i kartu typu microSD. K přenosu dat pro jejich následné zpracování v PC primárně slouží ESP32-C3, umožňující bezdrátovou komunikaci přes Wifi, nebo Bluetooth. Konektor *Universal Serial Bus - univerzální sériová sběrnice* (USB) typu C umožňuje nabíjení vestavěného Li-Ion akumulátoru jednotky a komunikaci mezi PC a ESP32, GPS modulem a hlavním MCU skrze vestavěný USB rozbočovač. Toto rozhraní je plánované pro použití např. ke konfiguračním, nebo ladícím účelům.

Pro jednoduchou volnost pohybu je jednotka napájena jedním Li-Ion akumulátorem velikosti 18650, při záznamu dat tedy nebude potřeba externího zdroje energie. Grafický *Organic Light-Emitting Diode - orgranický LED* (OLED) displej a 4 tlačítka slouží jako uživatelské rozhraní při používání jednotky.

### 3.1 Akcelerometr a gyroskop

Jednotka obsahuje dvě 6 DoF IMU (gyroskop s akcelerometrem) rozdílných parametrů a řádově rozdílné ceny. Takto odlišné součástky byly vybrány proto, aby bylo možné porovnat vliv přesnosti, šumu, biasu a driftu senzorů na následně zpracovaná data. V tabulce 3.1 jsou porovnány důležité parametry senzorů MPU6050 a ADIS16505-2. Pro účely inerciální navigace je důležitý zejména nízký bias a drift senzorů, aby při integraci dat k vyhodnocení polohy nebyla integrována i driftová chyba, což má za výsledek velmi nepřesné zpracování hodnot. [30]

Integrovaný obvod MPU6050 je standardní 6 osé MEMS IMU, vhodné mimo jiné pro použití v mobilních zařízeních a dalších podobných aplikacích. Jeho vnitřní gyroskop a akcelerometr má softwarově přepínatelné rozsahy měřených veličin. Kromě inerciálních senzorů má i vestavěný signálový procesor pro fúzi a filtrování dat přímo v integrovaném obvodu. Tato funkce může být vhodná pro odlehčení výpočetního výkonu hlavního procesoru, ovšem pro účely této práce nebude signálový procesor využit, jelikož se měřená data budou zpracovávat až po jejich naměření v PC, ne v reálném čase. Vzorkovací frekvence gyroskopu je 8 kHz a akcelerometru 1 kHz, oba senzory mají 16bitové rozlišení. [27]

MPU6050 disponuje rozhraním *Inter-Integrated Circuit - mezi obvodová komunikace* (I2C) s maximální frekvencí hodinového signálu 400 kHz. [27] Pokud bychom chtěli vyčítat ze senzoru data při maximální možné vzorkovací frekvenci, byla by potřeba minimální přenosová rychlosť sběrnice:

$$f_{\text{mathrm{clk}}} = 3 \text{ osy} \cdot (f_{\text{gyro}} + f_{\text{acc}}) \cdot (16\text{bitů} + 2 \cdot \text{ACK}) = 3 \cdot (8000 + 1000) \cdot (16 + 2) = 486 \text{ kHz} \quad (3.1)$$

Při vyčítání dat o maximální vzorkovací frekvenci jsme omezeni samotným I2C rozhraním senzoru (využití maximální vzorkovací frekvence je teoreticky možné krát-kodobě, pomocí interního 1kB FIFO zásobníku).[27]

Jelikož pro účely inerciální navigace stačí vzorkovací frekvence dat v řádu stovek Hz [26], tak není tato limitace omezující. Senzor je propojen s hlavním MCU

---

<sup>1</sup>Pro porovnání citlivosti byl vybrán dynamický rozsah  $500^{\circ}/\text{s}$  senzoru MPU6050 pro možnost porovnání hodnoty s druhým senzorem

<sup>2</sup>Pro porovnání citlivosti byl vybrán dynamický rozsah  $78,4 \text{ m/s}^2$  senzoru MPU6050 pro možnost porovnání hodnoty s druhým senzorem

Model IMU	MPU6050	ADIS16505-2	jednotka
Parametry gyroskopů			
Dynamický rozsah	programovatelný, ±250, ±500, ±1000, ±2000	±500	°/s
Citlivost <sup>1</sup>	65, 5	2621440	LSB/(°/s)
Bias v ose x a z	±20	±0, 14	°/s
Bias v ose y	±20	±1, 4	°/s
Efektivní hodnota hustoty šumu při 10Hz pro osy x a y	0,005	0,0043	°/s/ $\sqrt{\text{Hz}}$
Efektivní hodnota hustoty šumu při 10Hz pro osu z	0,005	0,0034	°/s/ $\sqrt{\text{Hz}}$
Parametry akcelerometrů			
Dynamický rozsah	programovatelný, ±19, 6, ±39, 2, ±78, 4, ±156, 8	±78, 4	m/s <sup>2</sup>
Citlivost <sup>2</sup>	418	26756268	LSB/(m/s <sup>2</sup> )
Bias v ose x a y	±0, 491	±0, 0196	m/s <sup>2</sup>
Bias v ose z	±0, 785	±0, 0196	m/s <sup>2</sup>
Efektivní hodnota hustoty šumu při 10Hz pro osy x a y	3924	167	μm/s <sup>2</sup> / $\sqrt{\text{Hz}}$
Efektivní hodnota hustoty šumu při 10Hz pro osu z	3924	243	μm/s <sup>2</sup> / $\sqrt{\text{Hz}}$

Tab. 3.1: Porovnání základních parametrů gyroskopů. [27] [28]

přes I2C sběrnici s frekvencí hodinového signálu 400 kHz a není sdílena s žádným jiným zařízením, aby bylo možné, v případě potřeby, využít maximální dostupný potenciál senzoru (i přestože je reálná potřeba vzorkovací frekvence nižší).

Integrovaný obvod ADIS16505-2 je precizní 6 osé MEMS IMU, vhodné pro použití v průmyslových a navigačních aplikacích s poměrně nízkým driftem a vysokou přesností. Na rozdíl od MPU6050 nemá přepínatelný dynamický rozsah, je fixně daný variantou součástky. Vzorkovací frekvence gyroskopu i akcelerometru je 2 kHz, oba senzory mají 32bitové rozlišení. S hlavním MCU komunikuje přes sběrnici *Serial Peripheral Interface - sériové periferní rozhraní* (SPI) s maximální frekvencí hodinového signálu 2,1 Mhz. [28] Pokud budeme chtít vyčítat data ze senzoru při maximální možné vzorkovací frekvenci, bude potřeba minimální přenosová rychlos

sběrnice:

$$f_{\text{clk}} = 3 \text{ osy} \cdot (f_{\text{gyro}} + f_{\text{acc}}) \cdot 32 \text{bitů} = 3 \cdot (2000 + 2000) \cdot 32 = 384 \text{ kHz} \quad (3.2)$$

Nejsme tedy omezeni maximální frekvencí hodinového signálu a můžeme teoreticky využívat senzor i při nejvyšší možné rychlosti.

Výrobce prodává tento obvod ve variantě 100 pinového *Ball Grid Array - pouzdromatice kuliček* (BGA) čipu, ale i jako vývojovou desku osazenou senzorem a kolíkovou lištou (obrázek 3.2) pro jednodušší práci s osazením *Deska Plošných Spojů* (DPS). [28] Hardware jednotky byl navržen tak, aby bylo možné využít jak samotný BGA čip, tak i hotový modul s konektorem.



Obr. 3.2: IMU verze ADIS16505-2/PCBZ.

## 3.2 Magnetometr

Vzhledem k tomu, že výběr komerčně dostupných 9 DoF (akcelerometr, gyroskop a magnetometr) je značně omezený, popřípadě součástky prodávané jako devítiosé IMU jsou ve skutečnosti moduly více součástek na jedné desce, tak je ve výsledném obvodovém zapojení použit senzor magnetické indukce jakožto samostatná součástka.

Přestože fúze dat z magnetometru může mít pozitivní dopady na zmenšení chyby trajektorie [25], jeho použití uvnitř budov je značně omezené vzhledem k jednoduché ovlivnitelnosti měření blízkými feromagnetickými látkami, silovými rozvody elektřiny a pod. Proto nebyly na výběr magnetometru kladený vysoké požadavky a slouží spíše pro porovnání vlivu přítomnosti / absence naměřených dat z tohoto senzoru.

K tomuto účelu byl vybrán běžně dostupný obvod LSM303AGR, který kromě magnetometru v pouzdře obsahuje i akcelerometr, ten ovšem nebude pro potřeby práce využit, jelikož tuto funkci obstarávají součástky z kapitoly 3.1.

Magnetometr komunikuje s hlavním MCU přes sběrnici I2C s maximální vzorkovací frekvencí 150 Hz, dynamickým rozsahem  $\pm 4,915$  mT a 16bitovým rozlišením. [29]

### 3.3 GNSS

Zajímavou a uživatelsky přívětivou kombinaci GNSS a inerciální navigace poskytuje například firma u-blox s řadou modulů podporující funkci „dead reckoning“. Jedná se o navigační moduly s vestavěným IMU, určené zejména do oblasti automobilového průmyslu. Jejich typický příklad použití, dle výrobce, je navigace aut, kdy při běžném provozu je zafixovaný signál z GNSS a při výpadku signálu (vjezd do garáže, tunelu apod.) je navigace modulem stále poskytována na základě dat z IMU. [24]

Navigační modul u-blox NEO-M8U byl vybrán a implementován do obvodového zapojení inerciální navigační jednotky. Výrobce udává, že modul zvládne odhadovat polohu po ztrátě signálu GNSS po dobu 60 s s typickou odchylkou 10 % trajektorie. Dále také modul při zapnutí odpovídající funkce umí využít interní IMU ke zvýšení maximální rychlosti aktualizace polohy až na 30 Hz. Jeho využití v rámci této práce může být různé, například pro navigaci v místech s alespoň částečným pokrytím signálu GNSS. [24]

NEO-M8U umí využívat všechny světové navigační systémy (uvedeny v tabulce 3.2) Tento modul komunikuje s hlavním MCU přes sběrnici *Universal Asynchronous*

GNSS systém	Pásmo	Frekvence (MHz)
GPS	L1C/A	1575,42
GLONASS	L1OF	1602
BeiDou	B1	1561,098
Galileo	E1-B/C	1575,42

Tab. 3.2: Podporované družicové systémy. [24]

*Receiver-Transmitter - univerzální asynchronní přijímač-vysílač* (UART), pomocí standardizovaných *National Marine Electronics Association - americká organizace námořní elektroniky* (NMEA) příkazů v textové podobě, nebo pomocí binárního protokolu *UBloX message - zpráva formátu UBLOX* (UBX), který je specifikován výrobcem. Použití protokolu NMEA je omezené pouze na standardní funkce GNSS modulů, pokud chceme využít speciálních funkcí, například inerciální navigace, je

nutné použít proprietární protokol UBX. [24] NEO-M8U také disponuje USB portem, skrz který je možné modul ovládat a konfigurovat pomocí PC aplikace výrobce. Tento port je připojen na integrovaný USB rozbočovač a lze jej využít například pro vývojové účely.

### 3.4 Paměť

Senzor	Odhadovaný bitrate
ADIS16505-2	375 kbit/s
MPU-6050	422 kbit/s
LSM303AGR	7 kbit/s
NEO-M8U	1 kbit/s
Celkem	805 kbit/s (0,1MB/s)

Tab. 3.3: Odhad celkového bitratu pro záznam dat.

V případě, že bychom chtěli zaznamenávat data ze všech senzorů při jejich maximálních vzorkovacích frekvencích, nebude množství změrených dat zanedbatelné. V tabulce 3.3 je hrubý odhad potřebné rychlosti záznamu dat pro tento krajiní případ. Pokud bude měření trvat např. 2 minuty, vygenerujeme dohromady 12 MB dat, což převyšuje velikost paměti většiny dostupných MCU.

Z tohoto důvodu je v obvodovém zapojení inerciální jednotky implementována 32MB NOR Flash paměť, propojená s hlavním MCU přes sběrnici QUADSPI s maximální možnou hodinovou frekvencí 120 Mhz, měla by tedy být pro potřeby této aplikace dostačující. [23]

Kromě výše popsané Flash paměti jednotka obsahuje i slot na microSD kartu, která by z uživatelského hlediska mohla být jednodušší k použití, ovšem při zápisu může latence SD karty být (krátkodobě) až stovky ms [22]. To by mohlo znemožnit její použití v případě, že by hlavní MCU měl nedostatek volné paměti RAM pro krátkodobé uchování dat, proto bude o její využití rozhodnuto až později.

### 3.5 Uživatelské rozhraní

Pro ovládání uživatelem disponuje jednotka grafickým OLED displejem s úhlopříčkou 0,96 palce a rozlišením  $128 \times 64$  pixelů, který je připojený přes sběrnici I2C. Společně s 4 tlačítky by měl poskytnout dostatečně univerzální a pohodlné uživatelské rozhraní.



Obr. 3.3: Fotografie grafického OLED displeje.

## 3.6 Napájení

Inerciální jednotka je napájena z jednoho Li-Ion akumulátoru velikosti 18650. Nabíjení je realizováno obvodem BQ24075RG, který monitoruje nabíjecí odebíraný proud jednotkou. Proud, kterým je nabíjen akumulátor je regulován tak, aby nepřekročil maximální hranici 900 mA z USB portu. [20]

Všechny součásti inerciální jednotky (až na *Real Time Clock - obvod reálného času* (RTC) a zálohovací registry hlavního MCU a GPS modulu) jsou napájeny skrz DC/DC měnič z výstupního vývodu tohoto nabíjecího obvodu. V případě, že je připojena jednotka do USB a nabíjí se, na výstupním pinu nabíjecího obvodu je napájecí napětí USB portu. Díky tomu nedochází k velkým ztrátám pokud je jednotka zapnuta a nabíjí se zároveň. Jestliže je USB odpojeno, skrz interní tranzistor je jednotka napájena z akumulátoru. [20]

Nabíjecí obvod také umožňuje kompletní odpojení napájení jednotky přes jeden z vývodů. Toho je využito pro ochranu akumulátoru proti podvybití pomocí zapojení S/R klopného obvodu na napájení USB a jednoho z výstupů procesoru. Napětí akumulátoru je měřeno pomocí ADC mikrokontroléru. Jestliže klesne pod definovanou úroveň, pomocí pulzu bude celý obvod odpojen od napájení až do té doby, dokud uživatel znova nepřipojí jednotku do USB portu.

Vzhledem k většímu počtu součástek není odebíraný proud z 3,3V napájecí větve malý (zhruba 0,5 A, viz. tabulka 3.4). Budeme-li uvažovat rozsah výstupního napětí nabíjecího obvodu 3,5 V (vybitý akumulátor) až 5 V (zařízení připojené do USB) zjistíme, že pro napájení 3,3V větve není vhodný lineární regulátor, zejména kvůli vysokému ztrátovému výkonu. Ten je v krajním případě:

$$P_{\text{ztrátový}} = (U_{\text{USB}} - U_{\text{IO}}) \cdot I_{\text{IO}} = (5 - 3,3) \cdot 0,5 = 0,85 \text{ W} \quad (3.3)$$

Proto byl na napájení hlavní 3,3V větve vybrán spínaný regulátor TPS62823. Jedná se o buck (snižující) měnič s integrovaným výkonovým tranzistorem pracujícím na frekvenci 2,2 MHz. Díky vyšší spínací frekvenci je možné využít menší komponenty, zejména cívku a filtrační kondenzátory na výstup, ovšem je potřeba

Součástka	Odhadovaný proud (mA)
STM32F446	50
ESP32	150
USB2514	135
ADIS16505	50
NEO-M8U	30
OLED displej	10
microSD karta	50
Celkem	475

Tab. 3.4: Odhad spotřeby proudu 3,3V větve.

dodržet doporučovaná pravidla při návrhu desky pro omezení rušení a velkých prourových smyček. Rozsah napájecího napětí čipu je 2,4 až 5 V, maximální výstupní proud 3 A. [19]

Minimální napětí, na které můžeme nechat akumulátor vybit je dáno odpory přechodů Drain-Source vnitřních tranzistorů nabíjecího obvodu, DC/DC měniče a stejnosměrným odporem cívky. V tomto případě bude regulátor pracovat v módu s minimální střídou. [19] Toto napětí je:

$$U_{\text{batMin}} = U_{\text{out}} + I_{\text{out}} \cdot (R_{\text{DS(charge)}} + R_{\text{DS(conv)}} + R_{\text{DC(L)}}) = \\ = 3,3 + 0,5 \cdot (0,05 + 0,026 + 0,014) = 3,345 \text{ V} \quad (3.4)$$

## 3.7 Hlavní procesor

Požadavky na výběr hlavního procesoru byly z velké části dané počtem a druhem potřebných periferií, které jsou popsány v tabulce 3.5. Dále byly z podskupiny procesorů disponujících všemi periferiemi z tabulky 3.5 vybrány takové, které mají velikost vnitřní FLASH paměti alespoň 512 kB, abychom nebyli při vývoji Firmwaru jednotky omezeni velikostí programu. Pouzdra procesorů byla vybrána taková, aby se s nimi dalo jednoduše pracovat, z toho důvodu byla vyloučena pouzdra typu BGA. V neposlední řadě byla zvážena i dostupnost vybíraných procesorů u nejobvyklejších distributorů elektronických součástek, aby bylo možné v případě potřeby výrobu jednotky opakovat.

Na základě těchto požadavků byl vybrán mikrokontrolér *STM32F446VET6*. Jedná se o 32bitový Arm Cortex-M4 procesor z portfolia „high performance“ mikrokontrolérů výrobce STMicroelectronics. Splňuje všechny výše zmíněné minimální požadavky, v obvodovém zapojení byla použita i USB periferie procesoru, která může mít různá využití. Procesor obsahuje 512 kB paměti Flash a 128 kB paměti RAM,

Druh periferie	Minimální požadovaný počet	Použití periferie
I2C	3	OLED displej, LSM303AGR, MPU6050, USB2514B
SPI	1	ADIS16505
UART	2	NEO-M8U, ESP32
QUADSPI	1	NOR FLASH paměť
SDIO	1	microSD karta
ADC	1	měření napětí akumulátoru

Tab. 3.5: Minimální požadavky na periferie mikroprocesoru.

maximální hodinová frekvence je 180 MHz a disponuje matematickým koprocesorem pro operace s plovoucí desetinou čárkou. Vzhledem k počtu *General Purpose Input/Output - univerzální vstupní/výstupní pin* (GPIO) v zapojení inerciální jednotky byla vybrána varianta procesoru v pouzdře LQFP100. [4]

## 3.8 ESP32

Pro splnění požadavků zadání práce je potřeba, aby mohla inerciální jednotka komunikovat bezdrátově s PC zpracovávajícím data. Pro tento úkol byl vybrán bezdrátový modul ESP32-C3-Mini. Jedná se o jeden z novějších produktů portfolia bezdrátových modulů firmy Espressif. Podporuje standard WiFi 802.11 b/g/n a Bluetooth LE 5. [21]

Tento modul je v obvodovém zapojení použit čistě jako bezdrátové rozhraní, neobsluhuje žádné další GPIO kromě 2 UART sběrnic. První sběrnice UART je připojena pomocí USB-serial převodníku CH340 na USB rozbočovač v inerciální jednotce. Toto rozhraní slouží pro nahrávání, popřípadě aktualizaci vestavěného AT firmwaru výrobce. V případě, že by poskytovaný firmware výrobce nedostačoval, nebo nebyl vhodný pro potřeby naší aplikace, bude možné pomocí tohoto rozhraní nahrát vlastní obslužný firmware pro ESP32.

Druhá sběrnice UART je připojena k hlavnímu MCU inerciální jednotky. Kromě standardních pinů Rx a Tx jsou propojeny i piny pro řízení toku, které by bylo možné použít na zjednodušení časování komunikace.

## 3.9 Testování s vývojovými stavebnicemi

Pro účely vyzkoušení fúze dat z GNSS modulu a inerciálních senzorů byl navržen 3D tištěný držák (na obrázku 3.4) pro upevnění vývojových stavebnic osazených NEO-

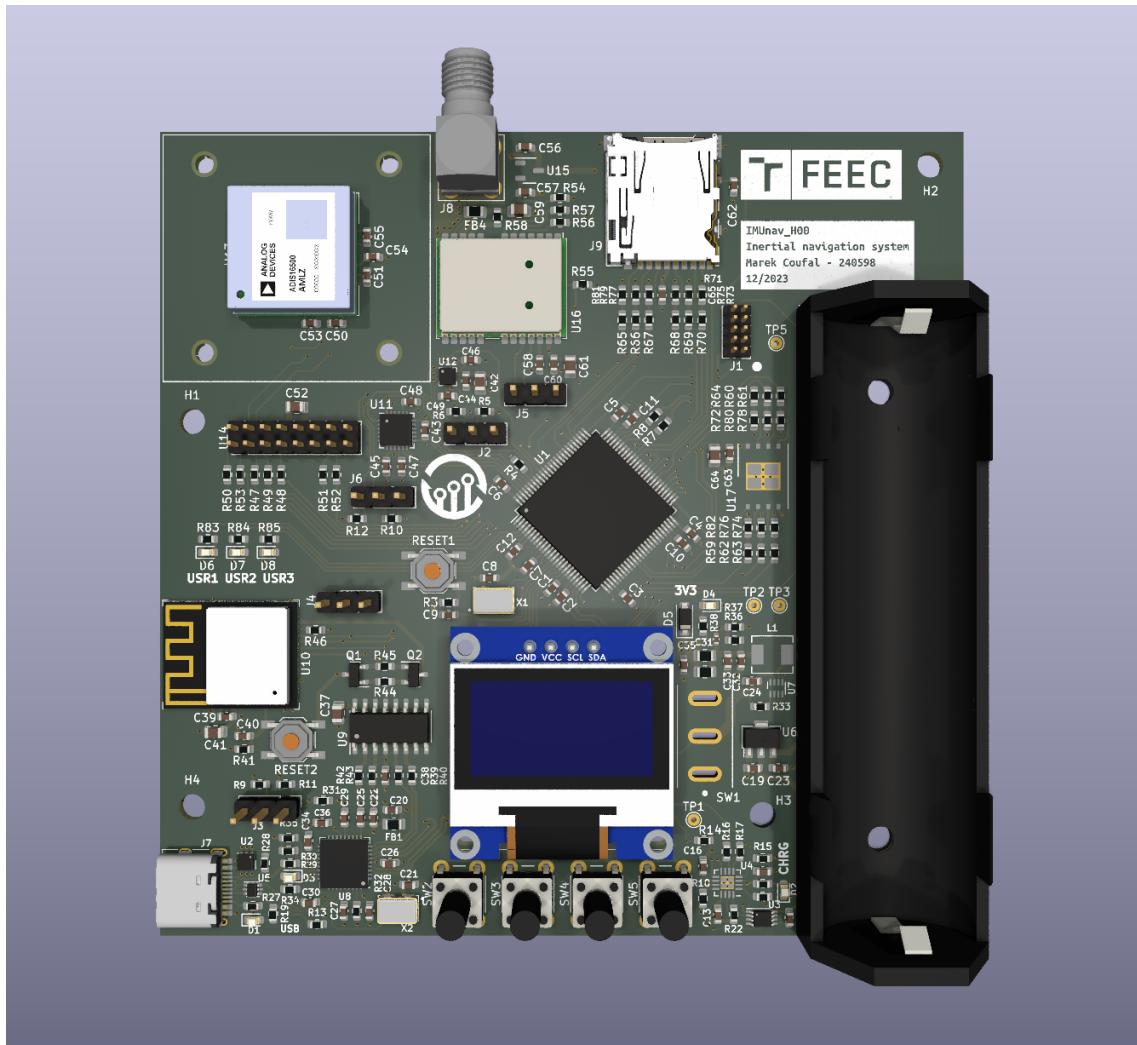
M8U a ADIS16505 s potřebnými periferními obvody na připojení k PC přes USB. Pomocí skriptů v Pythonu je možné ukládat data z obou senzorů do csv souborů a ty následně spojit.

Vzhledem k asynchronnosti USB komunikace bylo složité udržet definované vzorkovací kmitočty, popřípadě vzorkovat data z GNSS a IMU zároveň. Z tohoto důvodu byly desky použity na základní otestování a rozsáhlější zpracování dat bude provedeno až s vlastní deskou hardwaru popsáném v kapitole 4.



Obr. 3.4: Testovací přípravek s vývojovými deskami.

## 4 Realizace hardwaru



Vrstva mědi	Využití
Horní	Vysokorychlostní signály
1. vnitřní	Společná zem
2. vnitřní	Napájení
Dolní	Signály

Tab. 4.1: Signálové uspořádání vrstev na DPS.

vedení o impedanci  $50\Omega$  byly použity při návrhu cest mezi GPS modulem a *Sub-Miniature version A - subminiaturalní verze A* (SMA) anténou. Šírka a vzdálenost diferenciálního páru o impedanci  $90\Omega$  byla použita při návrhu USB části zapojení.

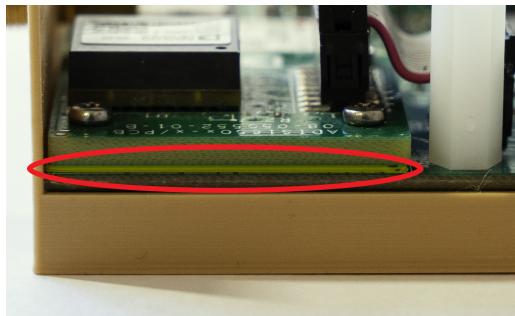
Typ materiálu	Tloušťka (mm)	Relativní permitivita $\epsilon_r(-)$
Vrchní vrstva mědi	0,0350	1
Prepreg 7628	0,2104	4,4
1. vnitřní vrstva mědi	0,0152	1
Jádro	1,065	4,6
2. vnitřní vrstva mědi	0,0152	1
Prepreg 7628	0,2104	4,4
Spodní vrstva mědi	0,0350	1

Tab. 4.2: Uspořádání měděných a izolačních vrstev DPS JLC04161H-7628.

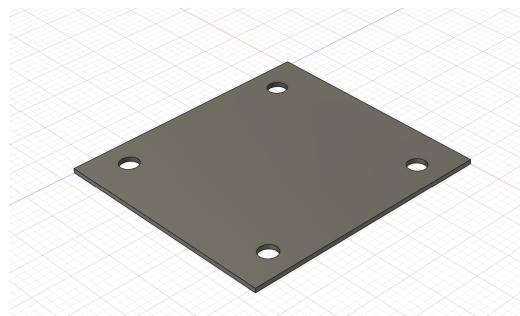
Většina pouzder pasivních součástek byla vybrána o velikosti 0603, což by mělo poskytnout dostatečný kompromis mezi velikostí výsledné desky a možností ruční výměny součástky pro případné opravy na prvním prototypu. Prototypová deska je také opatřena měřícími body na napájecích větvích a konektorovými hřebínky na digitálních komunikacích pro možnost připojení osciloskopu, nebo logického analyzátoru na odposlouchávání komunikace mezi MCU a jednotlivými senzory.

## 4.1 Konstrukce

Všechny SMD součástky, kromě GNSS a IMU modulu byly osazeny strojově, zbylé součástky a konstrukční prvky ručně. Vzhledem k tomu, že deska byla navržena pro možnost výběru použití BGA, nebo PCB varianty ADIS16505, tak v případě použití hotového modulu je potřeba použít izolační desku, která zamezí nežádoucím zkratům mezi odkrytými ploškami neosazeného BGA pouzdra a PCB varianty inerciálního modulu. K tomuto účelu byl navržen jednoduchý 3D tištěný izolační prvek, který je vložen mezi jednotlivé desky, znázorněn na obrázku 4.2.



(a) Fotografie umístěného izolátoru.



(b) 3D model izolátoru.

Obr. 4.2: Izolační podložka IMU.



(a) 3D model krabičky bez víka.



(b) 3D model krabičky s víkem.

Obr. 4.3: 3D model krabičky.

Obdobné izolační podložky byly také navrženy a použity při montáži distančních sloupek držící OLED displej.

Dále byla navržena a vyrobena 3D tištěná montážní krabička (obrázek 4.3) pro ochranu citlivých komponent zařízení při běžném užívání a manipulaci. Veškeré modely v této práci jsou navrženy pomocí 3D *Computer-Aided Design - počítačem podporované projektování* (CAD) programu Fusion 360 od firmy Autodesk. Ve spodní části krabičky jsou přidané závitové vložky, které byly teplem vlisovány do plastového dílu pomocí mikropájký. DPS je připevněna k tomuto dílu pomocí čtverce nylonových distančních sloupků, které zároveň slouží jako vzpěry pro vrchní díl krabiče. Sestavené zařízení je na obrázku 4.4.



(a) Spodní díl krabičky s deskou.



(b) Hotová sestava.

Obr. 4.4: Fotografie zařízení.

## 4.2 Ověření základních funkcí hardwaru jednotky

Při prvním zapnutí desky byl k napájení použit laboratorní zdroj s proudovým omezením místo Li-Ion akumulátoru, aby v případě chyby v zapojení byla šance poškození co nejvíce omezena. Zařízení při použití napájecího napětí 4 V odebíralo proud zhruba 198 mA, což je v tolerovaných mezích. Dále bylo zkонтrolováno, zdali 3,3V snižující měnič, který napájí všechny citlivé komponenty pracuje správně. Bylo změřeno napětí 3,313 V na jeho výstupu, je tedy v pořádku.

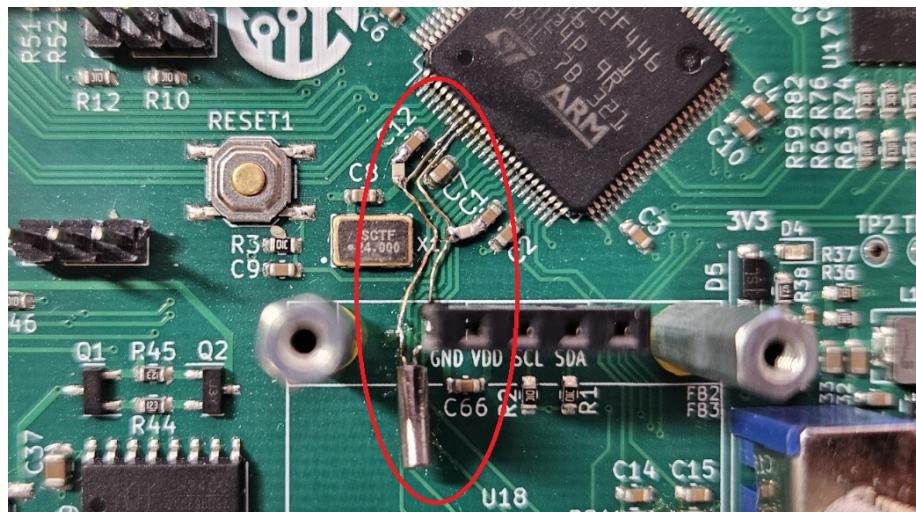
Jako další důležitý blok byla zkонтrolována funkčnost S/R klopného obvodu, která poskytuje ochranu proti podvybití, popsanou v kapitole 3.6. K tomuto byl vytvořen jednoduchý firmware procesoru, který průběžně měří napětí akumulátoru pomocí ADC a v případě, že klesne pod úroveň 3,5 V přepne pin na vstupu KO do stavu log. 1. Tento stav byl simulován postupným snižováním výstupního napětí laboratorního zdroje. K vypnutí zařízení došlo při 3,54 V a ve vypnutém stavu zařízení odebíralo proud 19,73  $\mu$ A, což je spotřeba samotných klopných obvodů a RTC zálohovacích registrů MCU a GNSS modulu. Při tomto napětí zbývá v akumulátoru zhruba 10 % energie [9], můžeme tedy vypočítat jak dlouho je možné ponechat zařízení softwarově vypnuté se sepnutým hlavním vypínačem, aniž by došlo k degradaci akumulátoru:

$$t = \frac{C \cdot 0,1}{I} = \frac{2,9 \cdot 0,1}{19,73 \cdot 10^{-6}} = 1,68 \text{ roku} \quad (4.1)$$

Kde C je kapacita akumulátoru v Ah a I je proudový odběr vypnutého zařízení.

Při připojení zařízení ke zdroji pomocí USB bylo napájení obnoveno, což je žádoucí. Také byla zkонтrolována proudová spotřeba při nabíjení akumulátoru pomocí orientačního USB měřicího přístroje TC66C, ta byla 751 mA v případě, že je zařízení zapnuté a akumulátor se nabíjí.

Další části zařízení jsou úzce vázány na software, jejich funkčnost byla tedy postupně testována při vývoji. Později byl odhalen drobný nedostatek co se hardwarového návrhu týče, a to v oblasti RTC periferie hlavního procesoru. Ta slouží k udržení aktuálního času, který je možné synchronizovat například pomocí GNSS. Z tohoto důvodu výrobce MCU umožňuje napájet periferii pomocí separátního pinu *VBAT* který je využíván při vypnutém hlavním napájení a má velice malý proudový odběr, jehož zdrojem je lineární napěťový regulátor s malým klidovým proudem připojeným přímo k akumulátoru. Vzhledem k tomu, že tato funkcionalita není pro aplikaci inerciální navigace klíčová a jedná se pouze o možnost zvýšení pohodlí uživatele, tak nebyly kladený vysoké nároky na její přesnost, proto nebyl zapojen externí nízkofrekvenční krystalový oscilátor *LSE* s domněním, že bude postačovat pouze interní oscilátor *LSI RC*. Ukázalo se ovšem, že z napájecí domény *VBAT* je poskytováno napájení pouze externímu nízkofrekvenčnímu oscilátoru, nikoliv internímu [4]. Z tohoto důvodu byl dodatečně přidán 32,768kHz krystal, společně se zatěžovacími kondenzátory (viz. obrázek 4.5), který byl po otestování připevněn lepidlem.



Obr. 4.5: Dodatečná oprava RTC oscilátoru.

## 5 Firmware inerciální jednotky

Firmware hlavního MCU byl vyvíjen pomocí volně dostupného *Integrated Development Environment - vývojové prostředí* (IDE) poskytovaného výrobcem - *STM32CubeIDE*. Jedná se o nástroj určený pro práci s jazyky C/C++, GCC kompilátorem založeném na Eclipse [8]. Zároveň poskytuje grafické rozhraní pro konfiguraci a generování knihoven založených na *Hardware Abstraction Layer - vrstva abstrakce hardware* (HAL), možnost použití *Real Time Operating System - Operační systém reálného času* (RTOS) a ladící prostředí.

V této práci byly použity poskytované knihovny HAL a FreeRTOS pro ulehčení a urychlení vývoje firmwaru. Jejich použití často s sebou nese nevýhody, jako je například horší využití paměti, nebo výpočetního výkonu, z tohoto důvodu byl zvolen takový MCU, aby měl dostatečné rezervy pro jejich použití.

### 5.1 HAL

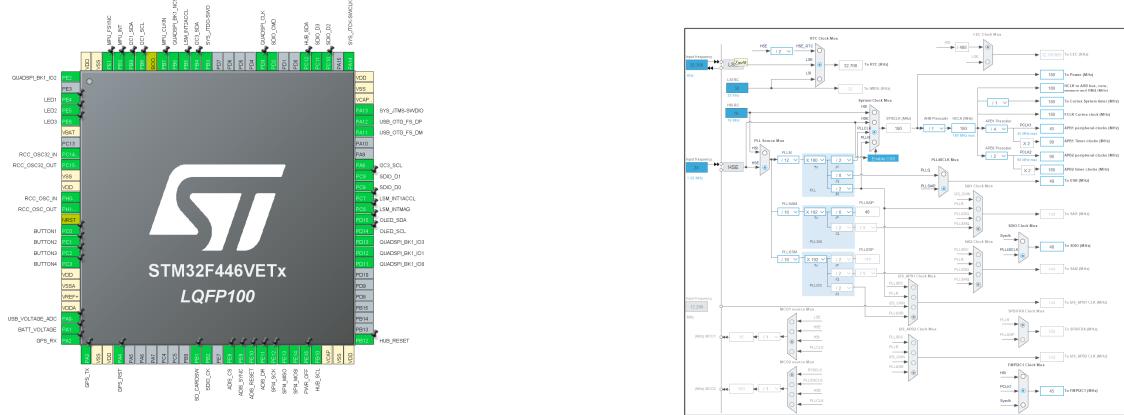
Generování kódu HAL v STM32CubeIDE je možné pomocí grafického rozhraní, které poskytuje uživateli možnost nastavení jednotlivých pinů, periferií, komunikačních rozhraní a vnitřních hodin (obrázek 5.1). Vygenerované knihovny následně umožňují uživateli pracovat s MCU s jistou mírou abstrakce, například není nutné znát a pracovat s názvy jednotlivých registrů. Typickým příkladem můžou být komunikační sběrnice (SPI, I2C ...), pro které jsou dostupné obslužné funkce na čtení a vysílání dat, jak v blokujícím režimu, tak i v neblokujícím (například pomocí *Direct Memory Acces - přímý přístup k paměti* (DMA)). [8]

Dále je možné pomocí stejného grafického rozhraní importovat rozšiřující softwarové balíčky, i když už se nejedná přímo o HAL. V této práci byly použity *FATFS* pro manipulaci se soubory na microSD kartě, *FreeRTOS* jakožto jeden z dostupných RTOS a *USB\_DEVICE* pro práci s USB rozhraním třídy *Mass Storage Class - třída paměťového média* (MSC).

### 5.2 FreeRTOS

V této aplikaci je potřeba vyčítat, převádět a zapisovat data z několika různých senzorů které nemají přesně stejný hodinový signál, zároveň obsluhovat *Graphical User Interface - grafické uživatelské rozhraní* (GUI) a provádět záznam dat. Pro potřeby synchronizace několika úloh, které nemají stejné periody, nebo například čekají na vstup od uživatele se hodí RTOS.

Byla vybrána jedna z variant operačních systémů reálného času, a to FreeRTOS. Jedná se o jednoduchý open-source systém, který je hojně využíván ve vestavěných



(a) Konfigurace pinů.

(b) Konfigurace hodin.

Obr. 5.1: Konfigurace MCU v STM32CubeIDE.

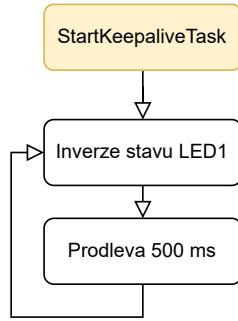
aplikacích. Umožňuje aplikaci virtuálně rozdělit na několik samostatných vláken (tzv. *tasků*) s různými prioritami. Časování tasků je možné například pomocí neblokujících prodlev, nebo semaforů. FreeRTOS také plní funkci správy a alokace paměti. Předávání informací mezi jednotlivými tasky se provádí pomocí tzv. *Queues*, které představují *First In First Out - první dovnitř, první ven* (FIFO) zásobníky s nastavitelnou délkou fronty a velikostí jednotlivých dat. Díky tomu je možné se vyvarovat použití globálních proměnných. [7]

Práce s FreeRTOS je v STM32CubeIDE zjednodušená také díky poměrně dobré možnosti ladit aplikace pomocí již vestavěného RTOS-aware debuggeru, díky kterému můžeme například analyzovat využití paměti jednotlivých tasků, využití času, nebo kontrolovat stavy semaforů a velikost obsazených Queues.

### 5.3 Vývojové diagramy firmwaru

Popsat chování a funkcionalitu firmwaru této aplikace dohromady by bylo poměrně nepřehledné. Proto budou jednotlivé funkce rozděleny do několika samostatných logických bloků, kde každý blok reprezentuje jeden task operačního systému.

Diagramy byly vytvořeny s úmyslem co nejlépe a nejjednodušeji reprezentovat chování jednotlivých tasků, proto i ty představují jistou míru abstrakce a neobsahují velké množství detailů, jako jsou různé prodlevy, obsluhy pinů, kontroly časovačů a podobně, aby byly diagramy lépe čitelné. Kompletní zdrojový kód je dostupný v elektronické příloze práce.

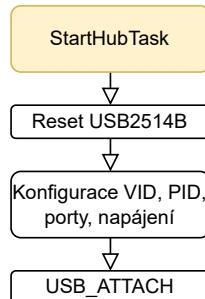


Obr. 5.2: Vývojový diagram KeepaliveTask.

### 5.3.1 KeepaliveTask

Jedná se o úlohu s nastavenou nejnižší prioritou. Slouží pouze pro ladicí účely a umožňuje jednoduchou a rychlou reprezentaci stavu systému pomocí blikající LED, zdali je spouštěn i task s nejnižší prioritou. V případě, že by LED přestala blikat, znamená to, že buď nějaký z vyšších tasků využívá výpočetní čas natolik, že se již nespustí úlohy s nižší prioritou, nebo došlo k chybě systému (například problémy přístupu do paměti)

### 5.3.2 hubTask



Obr. 5.3: Vývojový diagram HubTask.

Tato úloha vykonává funkce pouze při zapnutí zařízení, a to konfiguraci a sepnutí vestavěného USB rozbočovače. Do něj jsou nahrána konfigurační data pomocí sběrnice I2C, jako je například *Vendor ID - identifikace výrobce* (VID), *Product ID - identifikace produktu* (PID), nastavení napájecího režimu a nastavení jednotlivých portů. U tohoto rozbočovače jsou zapnuty pouze využívané porty, aby byla snížena spotřeba zařízení. Následně jsou registry rozbočovače přepnuty do režimu pouze pro čtení a USB rozhraní zapnuto. Při běhu zařízení již konfigurace zůstává stejná a task je neaktivní.

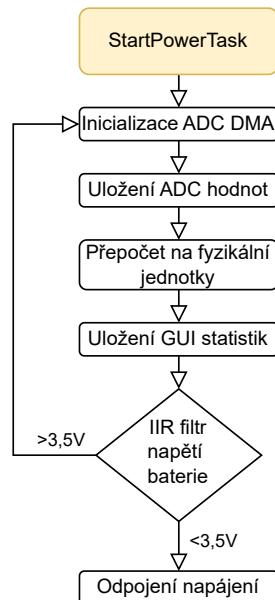
### 5.3.3 powerTask

V tomto tasku jsou periodicky měřena všechna analogová napětí pomocí ADC procesoru, například napětí zdroje, USB portu, akumulátoru, ale i teplota procesoru. Tyto stavové veličiny jsou zobrazovány pomocí GUI. Čtené hodnoty napětí akumulátoru jsou průměrovány pomocí pohyblivého exponenciálního filtru, který je možný zapsat pomocí rovnice 5.1.

$$y[n] = \alpha \cdot x[n] + (1 - \alpha) \cdot y[n - 1] \quad (5.1)$$

Kde  $x[n]$  je přečtená hodnota napětí,  $y[n]$  vyfiltrovaná hodnota napětí,  $y[n - 1]$  výsledek vyfiltrované hodnoty napětí z předešlého cyklu a  $\alpha$  je nastavitelný koeficient odezvy filtru. Experimentálně bylo odzkoušeno, že vhodných výsledků filtrace šumu je možné dosáhnout s  $\alpha = 0,3$ . Tento typ filtru byl zvolen zejména pro jeho jednoduchost a úsporné využití paměti.

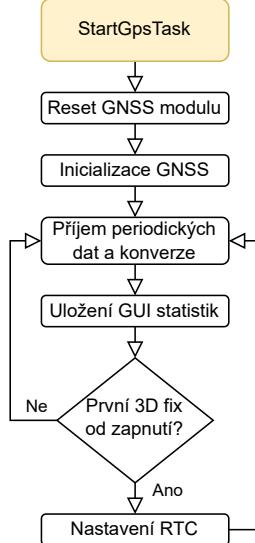
V případě, že klesne napětí akumulátoru pod hranici 3,5 V je zařízení vypnuto překlopením S/R klopného obvodu, který je zmiňovaný v kapitole 4 a tím je dosažena ochrana akumulátoru proti podvybití. Poté je možné zařízení znova zapnout pouze připojením do USB nabíječky.



Obr. 5.4: Vývojový diagram PowerTask.

### 5.3.4 gpsTask

Tato úloha se stará o periodické zpracování příchozích dat z GNSS modulu pomocí UBX zpráv. Tyto data jsou přijímány pomocí sběrnice UART a je využito DMA pře-

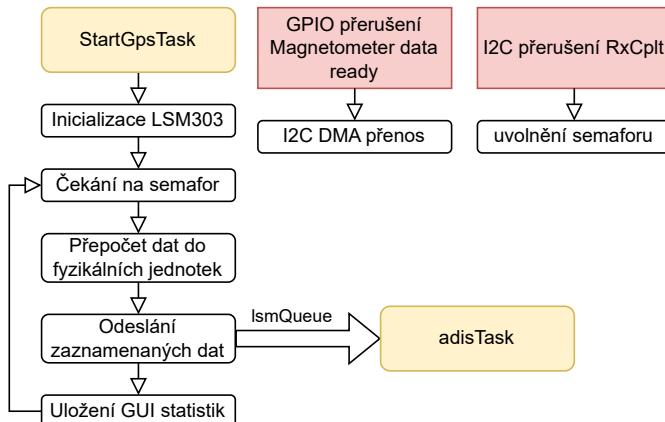


Obr. 5.5: Vývojový diagram GpsTask.

nosu, následně převedena do čitelné podoby (datum, čas, zeměpisná šířka, délka...) pomocí knihovny GNSS parseru [6].

V této úloze je také kontrolováno kdy dojde k prvnímu přesnému určení polohy fixací na satelity a je aktualizován aktuální čas a datum do vnitřního RTC.

### 5.3.5 LsmTask

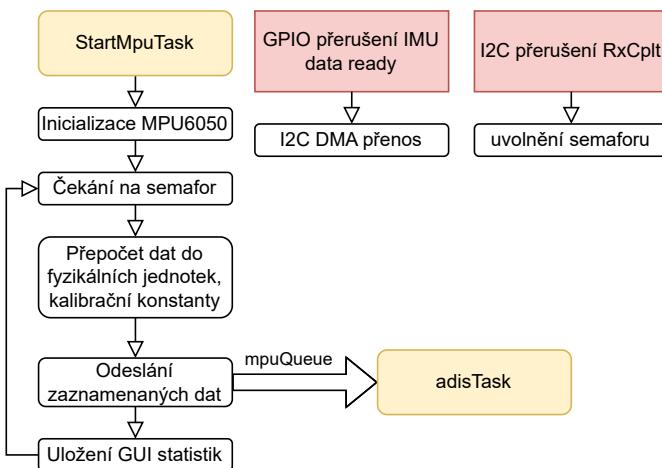


Obr. 5.6: Vývojový diagram LsmTask.

V tomto tasku jsou periodicky vyčítána data o magnetickém poli z elektronického kompasu LSM303. Ten je při zapnutí zresetován a následně inicializován rozsah, rozlišení a vzorkovací frekvence na 100 Hz. Po navzorkování dat magnetometr změní stav na svém pinu signalizujícím konec vzorkování. V ten okamžik je započat DMA přenos pomocí sběrnice I2C a jakmile jsou data vyčtena, převedou se do fyzikálních

jednotek a odešlou se k záznamu. Využití DMA a přerušení data ready pinu senzoru nám umožňuje využívat plně neblokující kód, který má nízké využití výpočetního času MCU.

### 5.3.6 mpuTask



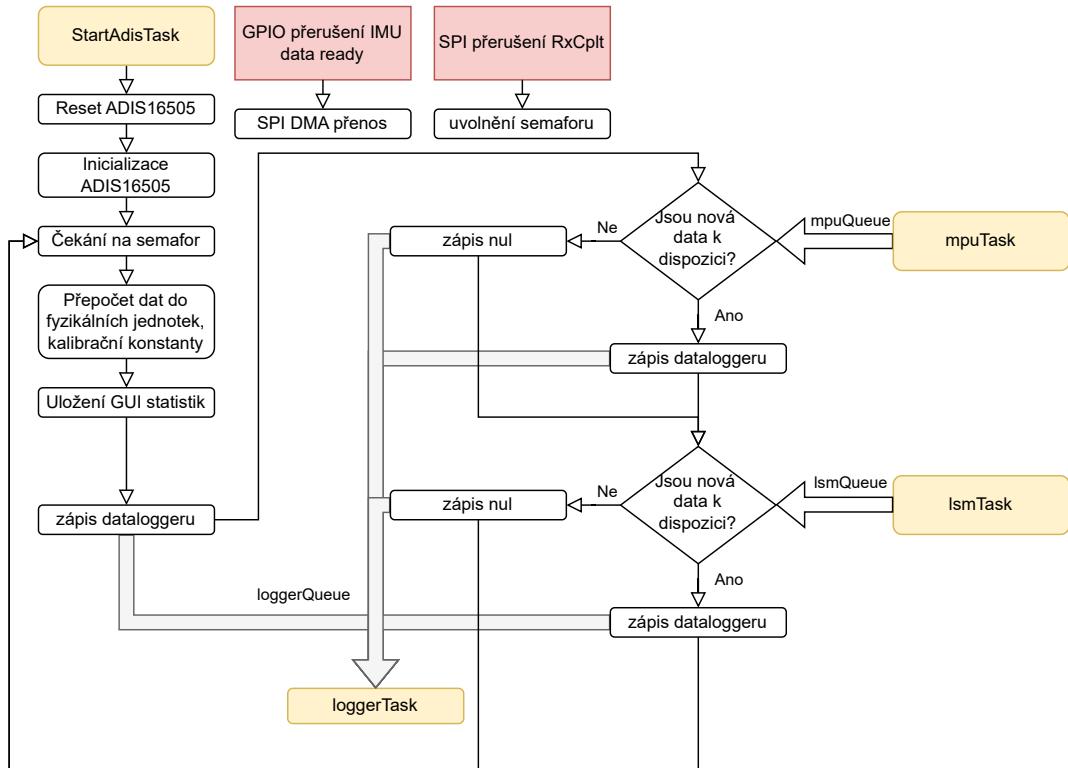
Obr. 5.7: Vývojový diagram MpuTask.

Tato úloha je velice obdobná předchozí z kapitoly 5.3.5. Zde jsou čtena a převáděna data z 6 osého IMU MPU6050 s frekvencí 400 Hz.

### 5.3.7 adisTask

Tento task, obdobně jako předchozí, obstarává inicializaci, vyčítání a konverzi dat z 6 osého IMU ADIS16505 se vzorkovací frekvencí 400 Hz. Komunikace se senzorem probíhá přes sběrnici SPI a stejně jako u ostatních senzorů, je využíváno přerušení a DMA přenosů k vytvoření neblokujícího kódu. Vzhledem k vyššímu rozlišení senzoru v porovnání s ostatními je pro ukládání hodnot převedených do jednotek SI využíván datový typ `double` místo `float`.

Vzorkování dat z ADIS16505 zároveň slouží jako synchronizace k zarovnání řádků dat ve výsledném souboru naměřených dat, tedy v případě, že jsou dostupná nová data z LSM303, nebo MPU6050, jsou přidána do celkové záznamové datové struktury, v opačném případě jsou na jejich odpovídající místa zapsány nuly. V nejhorším možném případě, tedy že data z ostatních senzorů jsou vzorkována těsně po navzorkování dat z ADIS16505 je jejich zpoždění délka jedné periody celkové vzorkovací frekvence, tedy 2,5 ms.



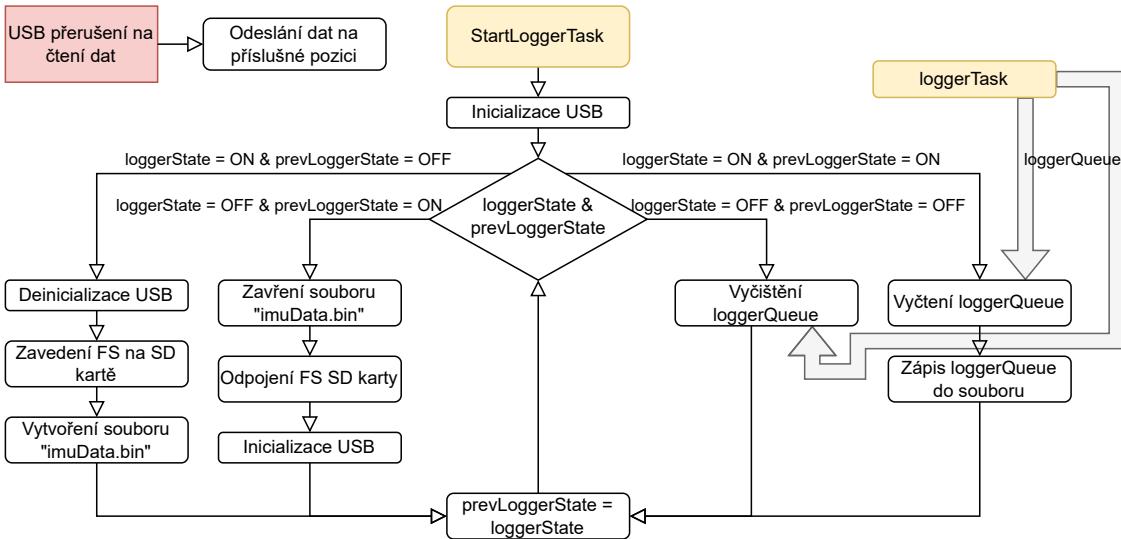
Obr. 5.8: Vývojový diagram AdisTask.

### 5.3.8 loggerTask

Tato úloha provádí samotné ukládání dat. Testováním bylo zjištěno, že při použití kvalitnějších microSD karet (v zařízení je použita *SAMSUNG 64GB EVO PLUS*) nedochází k náhodným delším prodlevám při zápisu. Zároveň v porovnání s NOR FLASH pamětí poskytuje řádově větší úložiště, rychlejší zápis bloku dat, není potřeba mazat každý sektor paměti před zápisem a také je jednodušší implementace souborového systému. Z těchto důvodů bylo rozhodnuto využítí SD karty k ukládání měřených dat.

Stavový automat v tomto tasku lze rozdělit do čtyř stavů: záznam dat, kdy jsou data průběžně ukládána, vypnutý záznam, kdy jsou data zahazována a začátek a konec záznamu, kdy dochází k inicializacím USB a souborových systémů. V průběhu záznamu je USB rozhraní vypnuto, aby nebylo možné zasahovat do souboru připojeným PC když je zrovna do něj zapisováno zařízením.

Samotný přenos naměřených dat do počítače je realizován přes USB třídy vysokokapacitního úložiště. Připojený PC při potřebě čtení dat spustí přerušení na přenos s konkrétní adresou. Jelikož je na microSD kartě implementován souborový systém FatFS, je v běžných operačních systémech reprezentován jako obyčejné externí úložiště.



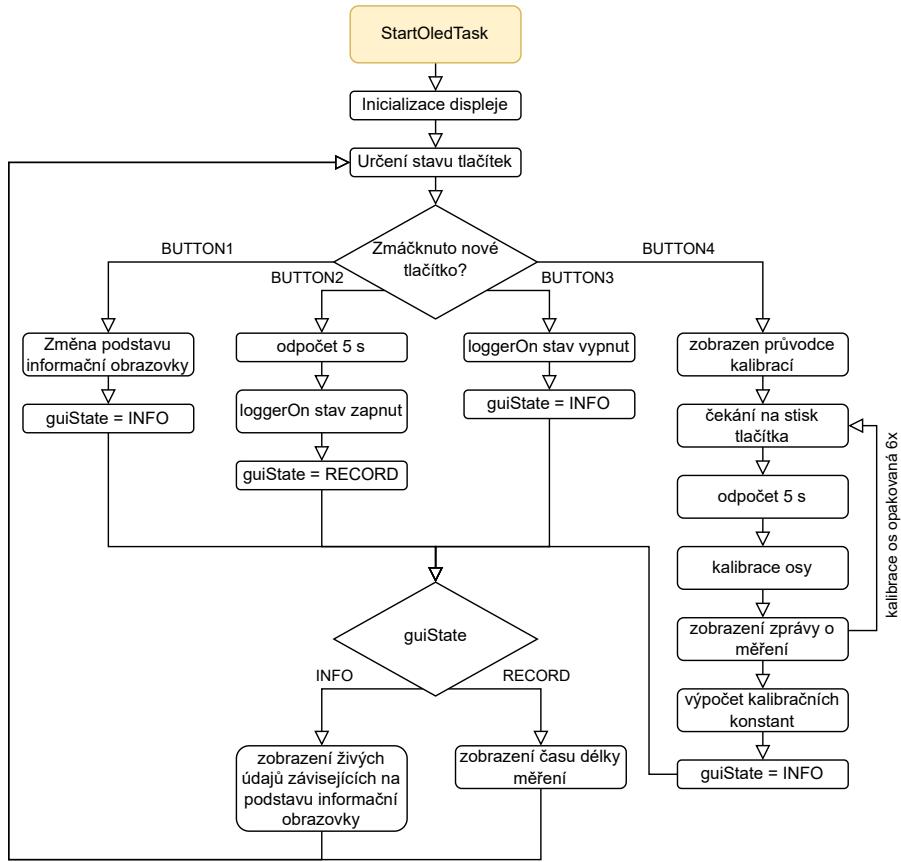
Obr. 5.9: Vývojový diagram LoggerTask.

### 5.3.9 oledTask

Tento task obstarává obsluhu uživatelského rozhraní pomocí grafického displeje a čtevítice tlačítek. Při každém cyklu je porovnán předchozí a stávající stav tlačítek. Jestliže došlo k nějakému stisknutí, změní se náležitě zobrazované informace a chování zařízení. Displej komunikuje s MCU přes sběrnici I2C a k ovládání byla použita knihovna řadiče SSD1306 [5]. Funkce jednotlivých tlačítek jsou reprezentovány ikonami ohraničenými rámečkem na spodní straně displeje.

Stav zařízení by se dal zjednodušeně znázornit třemi možnými:

- Výchozí obrazovka stavových informací (obrázek 5.11) - pomocí ní je možné odečítat okamžité hodnoty veličin měřených senzory a zařízením. Při zapnutí je zobrazena výchozí domovská obrazovka, na které jsou přítomny provozní informace, jako je napětí akumulátoru, teplota procesoru, nebo čas uložený v RTC. Stisky tlačítka 1 (reprezentováno ikonou HOME na displeji) je možné měnit zobrazované informace na jednotlivé IMU, elektronický kompas a GNSS modul. Při změně obrazovky se také náležitě obmění levá spodní ikona reprezentující tlačítko 1. Všechny senzorové veličiny (lineární zrychlení, úhlová rychlosť, velikost magnetické indukce) jsou již převedeny a zobrazeny v jednotkách soustavy SI.
- Záznam dat (obrázek 5.12) - Ten je možné aktivovat stiskem tlačítka 2, kterému náleží ikona RECD. Po jeho stisknutí je na displeji zobrazen pětisekundový odpočet, který slouží k tomu, aby uživatel umístil jednotku do nehybného stavu (i samotný zákmit ze stisku tlačítka může velice ovlivnit měření) a až poté je zapnut záznam dat. V průběhu záznamu je uživateli zobrazena délka zaznamenaných dat (v sekundách) a není nijak omezena. Záznam dat je poté



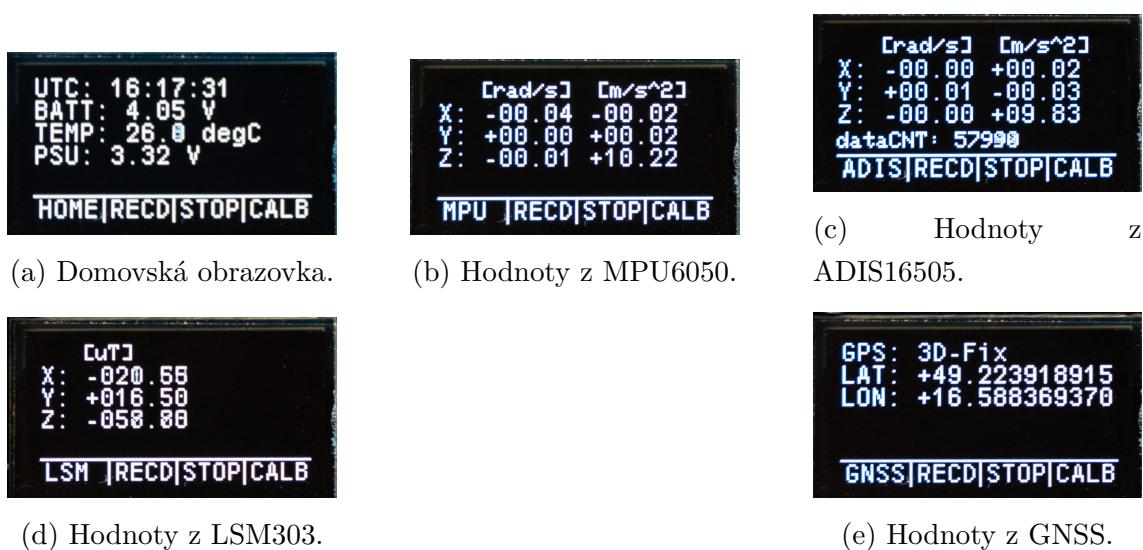
Obr. 5.10: Vývojový diagram OledTask.

možné přerušit stiskem tlačítka 3, kterému odpovídá ikona STOP.

- Kalibrace (obrázek 5.13)- toto menu slouží jako průvodce kalibrační procedurou. Aktivuje se stiskem tlačítka 4, kterému odpovídá ikona CALB. Následně je uživateli zobrazen dvoustránkový průvodce kalibrační procedurou, který popisuje jednotlivé kroky potřebné k úspěšnému provedení kalibrace. Poté je uživatel vyzván k umístění jednotky na jednu z 6 hran a po pětisekundovém odpočtu je změřeno 50 vzorků lineárního zrychlení a úhlové rychlosti z obou IMU a vypočítán jejich průměr. Tento postup se opakuje šestkrát s každou hranou zařízení. Následně jsou z měření vypočteny kalibrační konstanty pomocí algoritmu popsaným v kapitole 5.4.

## 5.4 Kalibrace IMU

Akcelerometry a gyroskopy jsou poměrně citlivé součástky. Přestože většina i těch levnějších IMU jsou v továrně výrobcem kalibrovány, jejich vlastnosti se můžou změnit například procesem pájení, změnou teploty, nebo mechanickým pnutím v desce plošných spojů. Drtivá většina popsaných kalibračních metod akcelerometrů se



Obr. 5.11: GUI stavových informací jednotlivých senzorů.



Obr. 5.12: GUI záznamu dat.

zaměřuje na korekci lineární křivkou, jedná se tedy o výpočet konstant  $k$  a  $q$  v rovnici  $y = k \cdot x + q$ , kde  $x$  je měřená hodnota senzorem,  $k$  a  $q$  jsou kalibrační konstanty a  $y$  je výsledná veličina po kalibraci. Konstantu  $k$  můžeme označit jako gain a konstantu  $q$  jako offset. Většinou se dostupné metody kalibrací používají i pro kompenzaci odchylek natočení os senzorů vůči desce, nebo nějakému jinému referenčnímu prvku zařízení (například hrany krabice), které můžou vzniknout nepřesným pájením, nebo montáží. Tyto metody vyžadují buď nějaké přípravky, které nám umožní otáčet se zařízením o přesně definovaný úhel v pravoúhlých osách, nebo alespoň vyžadují přesné natáčení zařízení do poloh, kde dvě z os měří nulové zrychlení. [3] [2]

V této práci ovšem není až tak důležité kompenzovat natočení os senzorů, jelikož je zařízení určené pro manipulaci v rukách, jde nám tedy pouze o výpočet konstant  $k$  a  $q$ , aby bylo měřeno zrychlení správné velikosti. Výroba výše zmíněných mechanických přípravků, které by byly dostatečně přesné a opakovatelné by byla náročná a nesouvisející s povahou této práce. Díky tomu, že nepotřebujeme kompenzovat natočení os, můžeme vycházet z dostupných kalibračních procedur a implementovat



(a) Průvodce 1. (b) Průvodce 2. (c) Odpocet měření. (d) Hotový záznam.

Obr. 5.13: GUI kalibrační procedury.

jejich podstatu v upravené podobě:

Kalibrační procedura vychází ze znalosti velikosti tříhového zrychlení. Budeme-li mít akcelerometr nehybný, tak v jakémkoliv jeho pozici by velikost vektoru zrychlení měla být rovna tříhovému zrychlení. To můžeme zapsat pomocí rovnice 5.2.

$$|\vec{a}| = \sqrt{|\vec{a}_x|^2 + |\vec{a}_y|^2 + |\vec{a}_z|^2} = |\vec{g}| \quad (5.2)$$

Za velikosti zrychlení dosadíme měřené hodnoty akcelerometrem, korigované lineární křivkou. Dostaneme rovnici 5.3.

$$|\vec{g}| = \sqrt{(k_x \cdot a_x + q_x)^2 + (k_y \cdot a_y + q_y)^2 + (k_z \cdot a_z + q_z)^2} \quad (5.3)$$

Cílem je tedy určit konstanty  $k$  a  $q$ . K tomu je potřeba vyřešit nelineární rovnici o šesti neznámých. K řešení provedeme 6 měření a vytvoříme soustavu 6 nelineárních rovnic o 6 neznámých z rovnice 5.3. Teoreticky nezáleží na natočení zařízení v průběhu 6 zmiňovaných měření, jelikož je počítána velikost vektoru zrychlení ze tří ortogonálních os senzoru, ovšem nejlepších výsledků dostaneme když natočíme zařízení na všechny z 6 stran krabičky zařízení (pravý bok, levý bok, spodní strana, horní strana, přední strana a zadní strana) jelikož v těchto případech budou měřena maxima a minima zrychlení pro všechny osy. Pokud bychom totiž provedli 6 měření v úplně stejně poloze zařízení, může se stát, že použitá numerická metoda řešení rovnic konverguje k řešení typu všechny gainy budou nulové a offset v jedné ose bude roven velikosti tříhového zrychlení. Toto řešení by bylo matematicky správné, ale nedávalo by smysl.

Jednou z možností, jak kalibraci provést by bylo tzv. "offline", tedy provést kalibrační měření a následně data přenést do počítače a kalibrační konstanty vypočítat například pomocí MATLABu. To by ovšem omezilo univerzálnost vyvíjeného zařízení, také by byla kalibrace poměrně složitá a nemotorná z pohledu uživatele. Jako pohodlnější řešení byla zvolena implementace metody nejmenších čtverců pomocí funkce `fsolve` ve spojení s *MATLAB Coder*.

Nejdříve byla vytvořena následující funkce, která slouží k určení všech 6 kalibračních konstant akcelerometru. Tyto kalibrační konstanty jsou uložené do výstupního

vektoru  $\mathbf{x}$ . Vstupními argumenty je matice  $\text{accel}(6,3)$ , která obsahuje naměřené zrychlení a  $\text{gravityScalar}$ , což je velikost tříhového zrychlení.

```

1 function [x,fval] = AccelCalSolver(accel, gravityScalar) %#codegen
2 % The directive %#codegen indicates that the function
3 % is intended for code generation
4 arguments
5     accel (6,3) double
6     gravityScalar (1,1) double
7 end
8
9
10 fun = @(x)gravityFun(x, accel, gravityScalar);%gravity function handler
11 x0 = [1 0 1 0 1 0]; % Initial point - gain=1, offset=0
12 options = optimoptions('fsolve','Algorithm','levenberg-marquardt','Display'
13     , 'off');
14 [x,fval] = fsolve(fun, x0, options);
15 end

```

Kořeny rovnice jsou vyřešeny metodou nejmenších čtverců s výchozími body  $\text{gain} = 1$  a  $\text{offset} = 0$ . Samotný tvar matice je definován v samostatném souboru a obsahuje šest rovnic 5.3 v upraveném tvaru:

```

1 function F = gravityFun(x, accel, gravityScalar)
2 F = zeros(6,1); % Allocate return array
3
4
5 F(1) = (accel(1,1)*x(1) + x(2))^2 + (accel(1,2)*x(3) + x(4))^2 + (accel
6     (1,3)*x(5) + x(6))^2 - gravityScalar^2;
7 F(2) = (accel(2,1)*x(1) + x(2))^2 + (accel(2,2)*x(3) + x(4))^2 + (accel
8     (2,3)*x(5) + x(6))^2 - gravityScalar^2;
9 F(3) = (accel(3,1)*x(1) + x(2))^2 + (accel(3,2)*x(3) + x(4))^2 + (accel
10    (3,3)*x(5) + x(6))^2 - gravityScalar^2;
11 F(4) = (accel(4,1)*x(1) + x(2))^2 + (accel(4,2)*x(3) + x(4))^2 + (accel
12    (4,3)*x(5) + x(6))^2 - gravityScalar^2;
13 F(5) = (accel(5,1)*x(1) + x(2))^2 + (accel(5,2)*x(3) + x(4))^2 + (accel
14    (5,3)*x(5) + x(6))^2 - gravityScalar^2;
15 F(6) = (accel(6,1)*x(1) + x(2))^2 + (accel(6,2)*x(3) + x(4))^2 + (accel
16    (6,3)*x(5) + x(6))^2 - gravityScalar^2;
17
18 end

```

Také byla vytvořena testovací funkce na její ověření. Všechny zdrojové kódy jsou také dostupné v elektronické příloze. MATLAB umožňuje vytvořit zdrojový kód v jazyce C k těmto funkcím pomocí aplikace Coder. Optimalizace byla zvolena pro procesory ARM a vygenerované soubory použity a implementovány ve firmwaru zařízení.

Kalibrace gyroskopů lineární křivkou by byla bohužel složitější a již by vyžadovala nějaký přesný mechanický přípravek na natáčení zařízení o přesně definovaný úhel. Z tohoto důvodu je u gyroskopů kompenzován pouze jejich offset. Ten je měřen ve stejnou dobu při všech 6 měření akcelerometru. Následně je vypočten aritmetický

průměr všech 6 měření pro každou osu gyroskopu zvlášt, tato hodnota představuje offset senzoru.

## 5.5 Převod dat do CSV souboru

Žádaným výstupem ze zařízení jsou naměřená data v nějakém jednoduše čitelném a univerzálním typu souboru, například *Comma Separated Value - čárkou oddělené hodnoty* (CSV), ve kterém jsou naměřené veličiny uloženy v textové podobě, oddělené čárkami. MCU k záznamu dat a výpočtu používá standardní datové typy, jako je `int_8`, `uint_16`, `float`, `double` a podobně. Pokud bychom přímo v zařízení převáděly tyto čísla na text, tak se nám násobně zvětší nároky na rychlosť a velikost ukládání dat. Například datový typ `int_8` je v binární podobě reprezentován pouze jedním bytem, zatímco v textové podobě čtyřmi bajty (např. +127). Z tohoto důvodu jsou data na SD kartu ukládána v binární podobě a po přenosu do PC převedena do CSV souboru pomocí skriptu napsaném v jazyce Python, který je dostupný v elektronické příloze.

Tento skript má v sobě definované pořadí jednotlivých datových typů ukládané struktury proměnných. Také bylo potřeba přidat zarovnávací (padding) bity, které kompilátor automaticky přidává na zarovnání proměnných v paměti pro správné fungování MCU. Toto zarovnání je definováno v sestavovacím souboru (linker file) a pro uživatelskou oblast RAM je nastaveno na 64 bitů.

Jak bylo popsáno v kapitole 5.3.8, v případě, že senzory s nižší vzorkovací frekvencí neměřily nová data, zapíšou na všechna odpovídající místa nuly. Skript proto kontroluje tato místa a v případě, že struktura dat senzoru obsahuje samé nuly, nahradí je prázdným místem.

Natočení os jednotlivých senzorů v zařízení se mezi sebou liší, proto jsou upravena tak, aby odpovídala referenčním osám ADIS16505, které jsou v pořadí ENU (East, North, Up).

# 6 Zpracování dat

Vytvořené zařízení inerciální jednotky poskytuje poměrně velké množství dat které je možné různě zpracovávat. Kromě samotných dat z dvou IMU také zaznamenává měřené hodnoty z elektronického kompasu a GNSS modulu. V průběhu vypracování práce se ukázalo, že zpracovat data tak, abychom dosáhli uspokojivých výsledků není vůbec jednoduché a zasloužilo by si samo o sobě rozsah další práce. V této kapitole budou popsány zejména dva postupy zpracování měření, a to výpočet trajektorie čistě z pohybových rovnic a fúze dat s GNSS. Později bylo také zjištěno, že navigace čistě z inerciálních dat nedosahuje uspokojivých výsledků a je zapotřebí korekce dat z GNSS, který ovšem má často ve vnitřních prostorech velmi špatné pokrytí.

Všechny níže popsané skripty byly vytvořeny v prostředí MATLAB, jelikož je v něm manipulace s vektory a maticemi jednoduchá. Také můžeme využít již hotových modelů chování senzorů a implementovaných filtrů z Navigation Toolboxu, který je stále poměrně rozsáhle rozšiřován. V elektronické příloze jsou kromě skriptů dostupná i vzorová naměřená data, převedena do formátu csv, které je možné použít k experimentování. Obsahuje například chůzi napříč budovou a místností, jízdu autem na venkovním prostranství a měření jednotky v klidu.

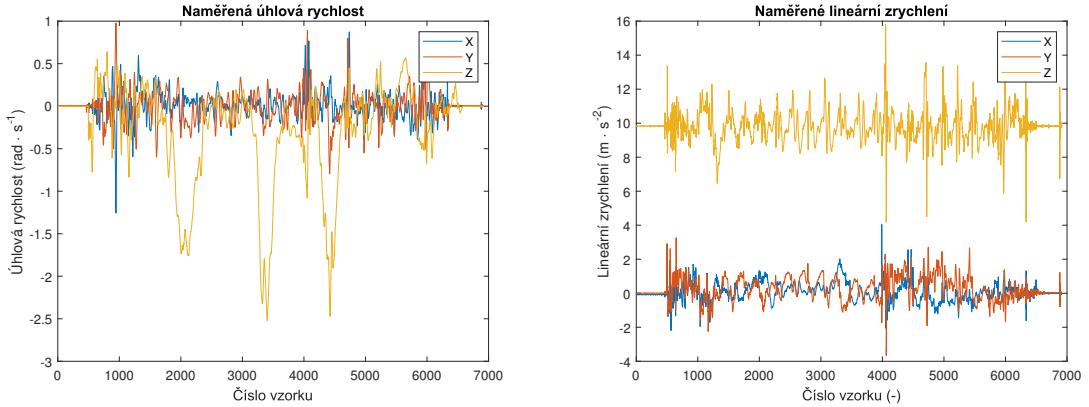
## 6.1 Výpočet trajektorie pomocí pohybových rovnic

Jedná se o základní způsob zpracování dat, který byl popsán v kapitole 1, které lze nejlépe vystihnout obrázkem 1.2. Nejdříve je vypočteno z prvního vzorku zrychlení natočení celého zařízení vůči zemi, tedy směr těhového vektoru. Z tohoto důvodu je potřeba, aby zařízení bylo při začátku měření nepohyblivé. Následně jsou data z gyroskopu integrována numerickou lichoběžníkovou metodou, abychom získali změnu orientace jednotky, ke kterému je přičten výchozí stav.

Z těchto úhlů natočení je vypočtena rotační matice, pomocí které otočíme měřená data zrychlení z body framu do earth framu. Z tohoto rotovaného zrychlení je následně odečten vektor těhového zrychlení a pomocí dvou dalších numerických integrací otočeného zrychlení vypočteme odhad trajektorie.

Pro demonstraci tohoto postupu byla vytvořena vzorová data chůze ve tvaru obdélníku o rozměrech 3,5 a 4 m. Na začátku a konci těchto měření byla jednotka položena nehybně na stole.

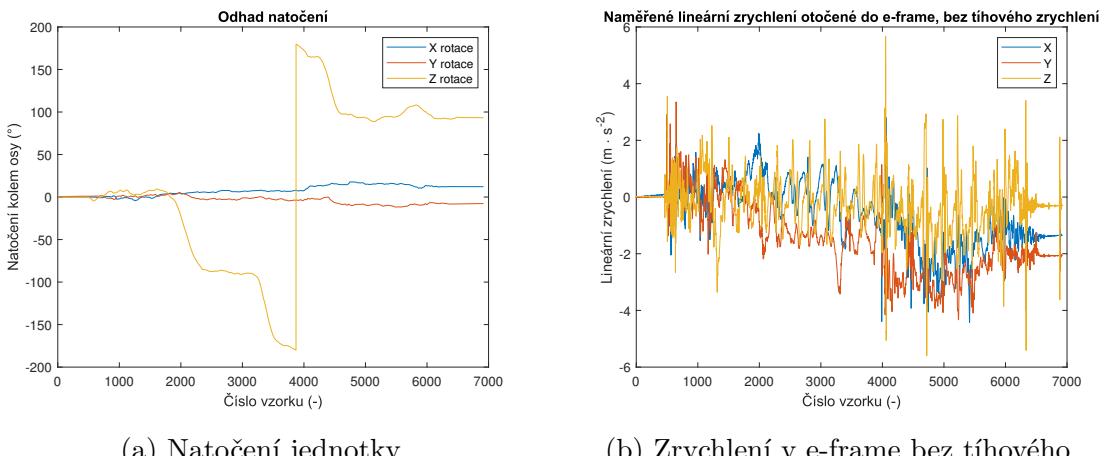
Na obrázku 6.1 jsou vidět nezpracovaná zaznamenaná data. Úhlová rychlosť v ose Z obsahuje výrazné špičky, jedná se o otáčení v rozích pomyslného čtverce. Na datech akcelerometru je vidět, že celý čas měření byla jednotka převážně ve vodorovné pozici, jelikož lineární zrychlení v ose Z představuje těhové zrychlení. Zákmity ve zrychlení jsou způsobeny kroky chůze.



(a) Data z akcelerometru.

(b) Data z gyroskopu.

Obr. 6.1: Záznam dat IMU ADIS16505.



(a) Natočení jednotky.

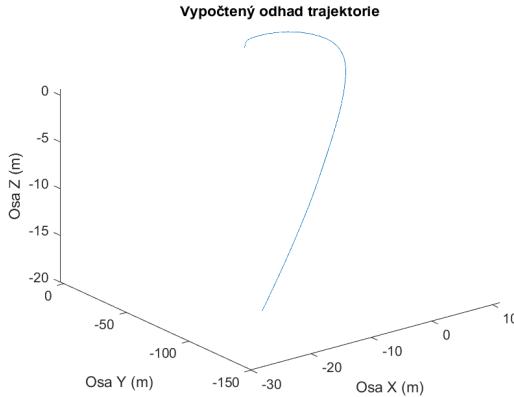
(b) Zrychlení v e-frame bez těhového.

Obr. 6.2: Výsledky po první integraci.

Po integraci dat úhlové rychlosti můžeme určit natočení jednotky (znázorněno na obrázku 6.2a) a rotovat vektory zrychlení do e-frame. Po odečtení těhového zrychlení z osy Z dostaneme data na obrázku 6.2b.

Na obou grafech z obrázku 6.2 je patrně vidět problém čistě inerciální navigace, kde na konci měření není zrychlení, nebo natočení v osách X a Y nulové. To je způsobené kumulováním chyby při integraci dat. Toto bývá označováno jako gyro drift. Často jsou chyby potlačovány použitím kalmanova filtru, kde je drift gyroskopu kompenzován dlouhodobým měřením směru těhového zrychlení, což je vhodné pro případ, že by naším cílem bylo určit pouze náklon v prostoru. Ovšem vzhledem k tomu, že použití filtrů přináší časovou prodlevu v ustálení měření orientace, tak jsou data akcelerometru stále krátkodobě natáčena ve špatném směru, což po následné integraci na rychlosť a trajektorii stále přináší velkou chybu.

Po následných dvou numerických integrací zrychlení můžeme výslednou trajektorii reprezentovat v 3D prostoru obrázkem 6.3, kde je v počátku mírně vidět tendence chůze v přímce, ale poté nastává integrací chyby úplně znehodnocení dat.



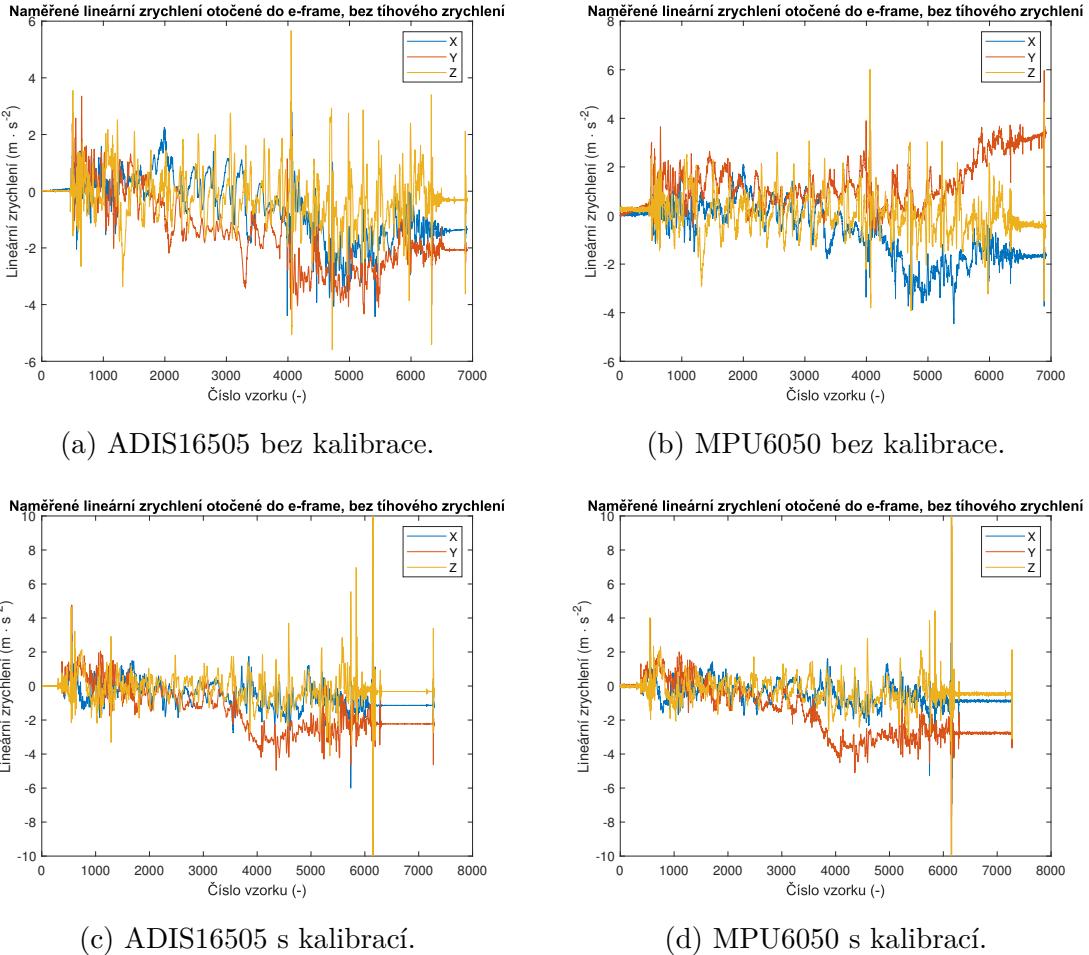
Obr. 6.3: Odhad trajektorie.

## 6.2 Vliv kalibrace senzorů

Za krátkou zmínku stojí i porovnání vlivu kalibrace senzorů na výsledná data. Na to můžeme použít skript z kapitoly 6.1. Přestože odhad trajektorie nemá moc velkou vypovídající hodnotu, tak přesnost senzorů můžeme alespoň částečně posoudit například tím, jak moc se změřené zrychlení v e-framu s odečteným tíhovým zrychlením na konci měření když je zařízení v klidu odchyluje od nuly. Byla provedena dvě obdobná měření při chůzi s jednotkou trajektorie stejného tvaru z předchozí kapitoly, bez kalibrace a s kalibrací.

Na obrázku 6.4 můžeme vidět porovnání dvou měření se zpracovanými daty z obou IMU. ADIS16505 dosahuje na konci měření maximální odchylku zrychlení zhruba  $2 \text{ m/s}^2$  s i bez kalibrace. To odpovídá tomu, že se jedná o poměrně přesný a nákladný senzor. Po kalibraci jsou totiž konstanty gainu pro všechny osy akcelerometru většinou řádově rovny 0,99990 a lepší, není jej potřeba tedy téměř kalibrovat. Situace je ovšem jiná u IMU MPU6050, které bez kalibrace dosahuje dvojnásobné odchylky od ADIS16505, zatímco po kalibraci je jeho odchylka zhruba srovnatelná s přesnějším senzorem.

Z tohoto můžeme usoudit, že i takto poměrně jednoduchá metoda kalibrace má poměrně dost pozitivní dopady na výsledky měření levnějších IMU.



Obr. 6.4: Porovnání senzorů s kalibrací a bez kalibrace.

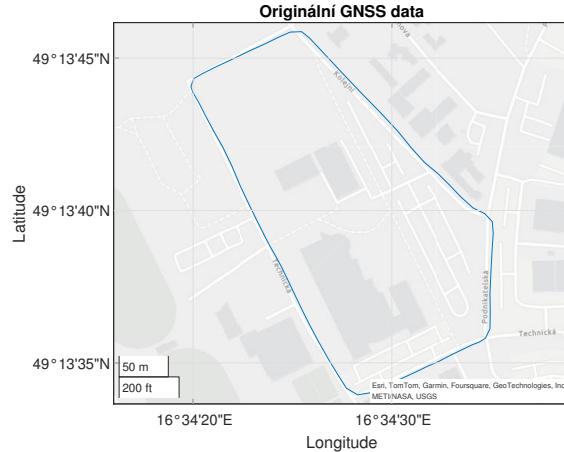
### 6.3 Fúze dat s GNSS

Na fúzi inerciálních dat byl použit filtr s připravenými modely senzorů akcelerometru, gyroskopu, magnetometru a GNSS. Na odhad polohy využívá rozšířený kalmanův filtr s 22 prvkovým stavovým vektorem, který kromě pozice sleduje i natočení, rychlosť biasy akcelerometru, gyroskopu a magnetometru a odhad magnetického pole Země. [1]

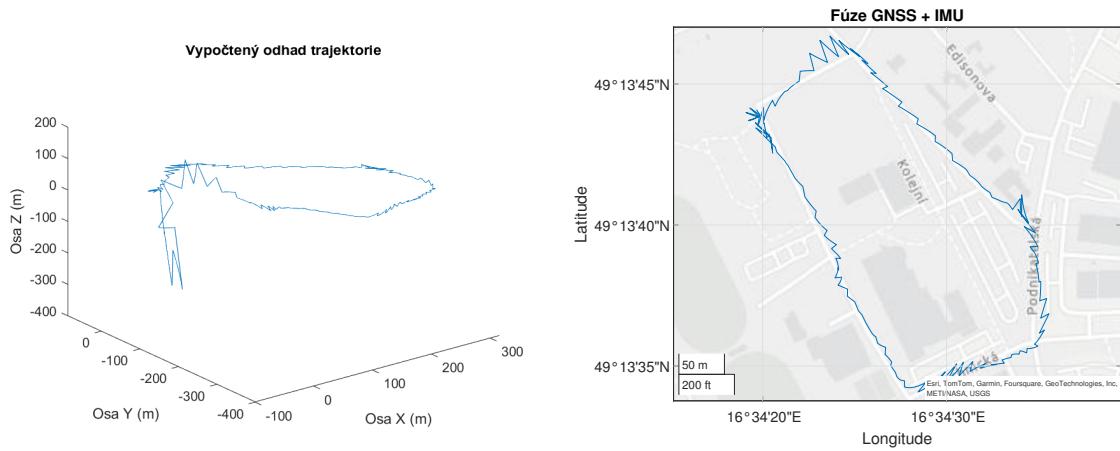
Pro zpracování dat byl použit vzorek měření jízdy autem ve venkovním prostředí, kde je příjem GNSS signálu spolehlivější. Na obrázku 6.5 jsou zobrazena naměřená data polohy GNSS přijímače, na obrázku 6.6 je zobrazen odhad polohy z fúze GNSS a IMU dat pomocí filtru `insFilterMARG`. Jak je vidět, tak výsledky nejsou optimální, zejména ve výchozí pozici měření, kde dochází k ustálení filtru.

Přesnost výsledků filtru je poměrně závislá na správném nastavení kovarianční matice 22 prvkového stavového vektoru a nastavení rozptylu šumu a biasu jednotlivých senzorů. Zde byly použity pouze odhady a výchozí hodnoty těchto veličin.

Pro správné fungování bude pravděpodobně potřeba tyto hodnoty přesně vyčíslit, což umožňují například některé ladící funkce Navigation toolboxu, ty ovšem využívají buď modelů konkrétních použitých součástek, nebo na měření se zařízením, se kterým bylo pohybováno po přesně definované trajektorii, což vzhledem k časové náročnosti takového měření a předchozích částí této práce nebylo realizováno.



Obr. 6.5: Naměřená GNSS data.



(a) Odhad trajektorie v 3D prostoru.

(b) Odhad trajektorie na mapě.

Obr. 6.6: Odhad trajektorie z fúze dat GNSS a IMU.

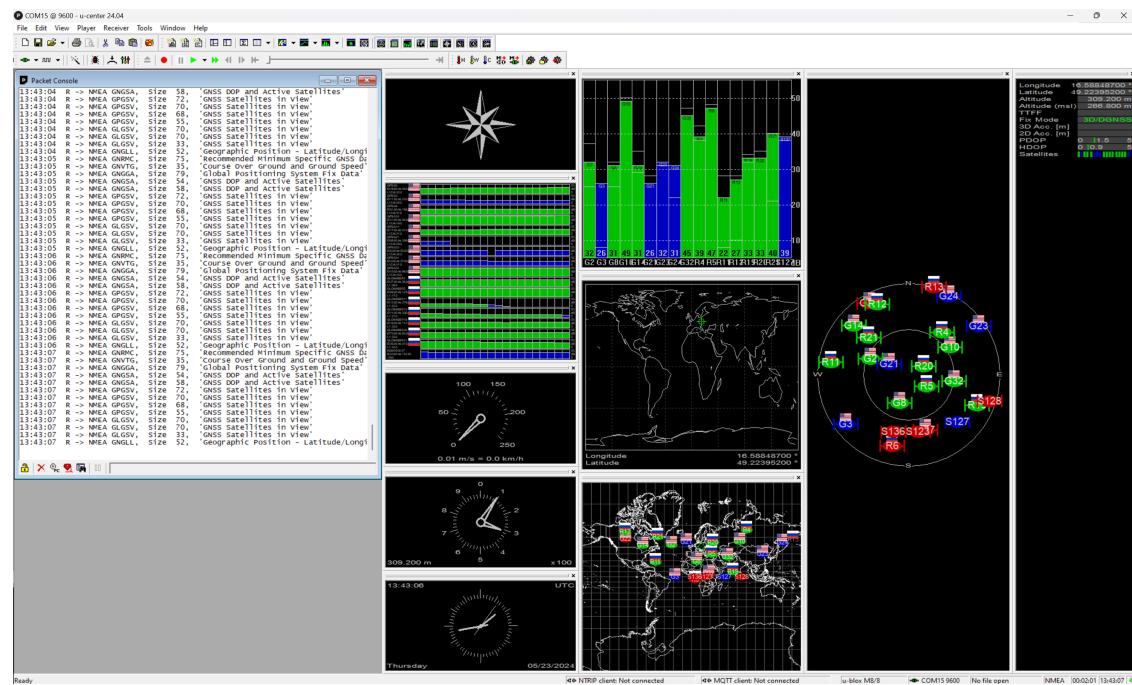
# 7 Koncepcie laboratorní úlohy

Vzhledem k poměrně velké univerzálnosti vytvořeného hardwaru a obslužných skriptů jsou možnosti využití tohoto zařízení poměrně velké. Jako koncepci laboratorní úlohy můžeme zmínit třeba dvě následující.

## 7.1 Analýza využití GNSS, dostupnost signálu a obsluha

Tato laboratorní úloha by se mohla týkat analýzy dostupnosti a využití GNSS signálů uvnitř a vně budov, obsluhy a fungování navigačních modulů.

Základní informace o stavu GNSS modulu v zařízení je možné zobrazovat na displeji jednotky. Také díky tomu, že je zapojený USB port GNSS modulu NEO-M8U do interního rozbočovače zařízení, lze využít například jakýkoliv terminál sériového rozhraní, nebo obslužnou aplikaci u-center od výrobce Ublox pro zobrazení dostupných satelitů navigačních systémů a jejich síly signálu, zaznamenat časovou závislost počtu satelitů od doby zapnutí zařízení, nebo faktory ovlivňující kvalitu GNSS signálu (překážky, atmosferické podmínky...). Použitý GNSS modul podporuje všechny světové navigační systémy, lze tedy zaznamenat i počet dostupných satelitů jednotlivých systémů (GPS, BeiDou, Glonass, Galileo). Laboratorní úloha se také může věnovat dekódování NMEA zpráv, nebo určení přesnosti změřené polohy.



Obr. 7.1: Obslužná aplikace u-center.

## **7.2 Princip fungování IMU, vliv kalibrace a určení náklonu a polohy inerciální jednotkou**

Tato laboratorní úloha může být zaměřena na popsání principu fungování IMU, jaké veličiny lze měřit pomocí inerciálních senzorů, vliv a způsob kalibrace, zobrazení naměřených dat a jednotlivých dílčích veličin (zrychlení, orientace, rychlosť, úhel), faktory ovlivňující nepřesnost výsledku a fúze dat s ostatními senzory.

Pomocí zobrazených veličin na displeji lze zobrazit všechny měřené údaje zařízením. Lze jednoduše znázornit měření tříhodového pole akcelerometrem v případě, že je jednotka v klidu. Následně lze pohybem se zařízením reprezentovat změny úhlové rychlosti a zrychlení. Také je možné výpočtem velikosti vektoru tříhodového zrychlení otestovat přesnost senzorů před a po kalibraci, popřípadě i kalibrační konstanty vyčítat ručně pomocí dodaného kalibračního skriptu v MATLABu. Dále je možné reprezentovat z naměřených dat jednotlivé veličiny po integraci z čistě inerciální navigace a problémy spjaté s její nepřesností. Také můžeme využít skriptu na fúzi dat a otestovat její fungování, na to by bylo ovšem vhodné ještě zpracování dat vylepšit, abyhom dosáhli uspokojivých výsledků.

# Závěr

V rámci semestrální práce jsme popsali kinematiku pohybu a nakládání s veličinami změrenými IMU pro potřeby výpočtu polohy. Také jsme definovali několik vztažných soustav a postupy pro převod mezi nimi. Je rozebráno těhové pole Země, gravitační modely a jejich význam v inerciální navigaci.

Byl popsán funkční princip IMU a společně s GNSS modulem s možností inerciální navigace byly vyzkoušeny a otestovány pomocí běžně dostupných vývojových stavebnic.

Práce se také věnuje návrhu obvodového zapojení inerciální jednotky, definováním minimálních požadavků na hlavní MCU tak, abychom nebyli v budoucnu omezeni některým z rozhodnutí při návrhu hardwaru. Inerciální jednotka byla osazena i jinými senzory než gyroskopy a akcelerometry pro možnou senzorickou fúzi v bakalářské práci.

V neposlední řadě se také věnujeme návrhu samotné DPS v programu KiCad, jejíž výkresy a schéma jsou v příloze. Deska je v čase psaní této práce bud vyráběna, nebo již čeká na doručení.

# Literatura

- [1] MATHWORKS. *Navigation Toolbox User's Guide*. Online. 24.1. 2024. Dostupné z: [https://www.mathworks.com/help/pdf\\_doc/nav/nav\\_ug.pdf](https://www.mathworks.com/help/pdf_doc/nav/nav_ug.pdf). [cit. 2024-05-22].
- [2] FREESCALE SEMICONDUCTOR. *AN4399: High-Precision Calibration of a Three-Axis Accelerometer*. Online aplikační poznámka. 2. 2015. Dostupné z: <https://www.nxp.com/docs/en/application-note/AN4399.pdf>. [cit. 2023-05-20].
- [3] ST MICROELECTRONICS. *AN4508: Parameters and calibration of a low-g 3-axis accelerometer*. Online aplikační poznámka. 2014. Dostupné z: [https://www.st.com/resource/en/application\\_note/an4508-parameters-and-calibration-of-a-lowg-3axis-accelerometer-stmicroelectronics.pdf](https://www.st.com/resource/en/application_note/an4508-parameters-and-calibration-of-a-lowg-3axis-accelerometer-stmicroelectronics.pdf). [cit. 2023-05-20].
- [4] *STM32F446xC/E: Arm® Cortex®-M4 32-bit MCU+FPU, up to 225 DMIPS, up to 512 KB Flash/128+4 KB RAM, USB OTG HS/FS, seventeen TIMs, three ADCs and twenty communication interfaces*. Online katalogový list. 10. 2021. Dostupné z: <https://www.st.com/resource/en/datasheet/stm32f446ve.pdf>. [cit. 2023-12-14].
- [5] ALEKSEEV, Aleksander. *STM32 library for working with OLEDs based on SSD1306*. Online. GitHub. 2024. Dostupné z: <https://github.com/afiskon/stm32-ssd1306>. [cit. 2024-05-16].
- [6] SIMPLEMETHOD. *STM32 library with DMA support for u-blox devices supporting Global Navigation Satellite Systems and UBX standard*. Online. Ne nalezený vydavatel. 2021. Dostupné z: <https://github.com/SimpleMethod/STM32-GNSS>. [cit. 2024-05-16].
- [7] ZHU, Ming-Yuan. *Understanding FreeRTOS: A Requirement Analysis*. Online. ResearchGate, 2011. Dostupné z: <https://doi.org/10.13140/RG.2.2.12419.09767>. [cit. 2024-05-14].
- [8] ST MICROELECTRONICS. *UM2609: STM32CubeIDE user guide*. Online uživatelský návod. 11. 2024. Dostupné z: [https://www.st.com/resource/en/user\\_manual/um2609-stm32cubeide-user-guide-stmicroelectronics.pdf](https://www.st.com/resource/en/user_manual/um2609-stm32cubeide-user-guide-stmicroelectronics.pdf). [cit. 2024-05-14].
- [9] CHERUIYOT, Fabian; SEGERA, Davies a OSORIO DE LA ROSA, Edith. A Master-Slave Salp Swarm Algorithm Optimizer for Hybrid Energy Storage

- System Control Strategy in Electric Vehicles. Online. *Journal of Energy*. 2022, roč. 2022, s. 1-20. ISSN 2314-615X. Dostupné z: <https://doi.org/10.1155/2022/1648433>. [cit. 2024-05-13].
- [10] MNX. *What is Mems Technology?* Online. MEMS and Nanotechnology Exchange. Dostupné z: <https://www.mems-exchange.org/MEMS/what-is.html>. [cit. 2023-12-27].
- [11] DADAFSHAR, Majid. *APPLICATION NOTE 5830: ACCELEROMETER AND GYROSCOPES SENSORS: OPERATION, SENSING, AND APPLICATIONS*. Online aplikační poznámka. 2014. Dostupné z: <https://pdfserv.maximintegrated.com/en/an/AN5830.pdf>. [cit. 2023-12-27].
- [12] BEZDĚK, Aleš a SEBERA, Josef. Matlab script for 3D visualizing geodata on a rotating globe. Online. *Computers and Geosciences*. 2013, roč. 56, s. 127-130. ISSN 00983004. Dostupné z: <https://doi.org/10.1016/j.cageo.2013.03.007>. [cit. 2023-12-26].
- [13] PAVLIS, Nikolaos K.; HOLMES, Simon A.; KENYON, Steve C. a FACTOR, John K. The development and evaluation of the Earth Gravitational Model 2008 (EGM2008). Online. *Journal of Geophysical Research: Solid Earth*. 2012, roč. 117, č. B4, s. 1-38. ISSN 0148-0227. Dostupné z: <https://doi.org/10.1029/2011JB008916>. [cit. 2023-12-26].
- [14] HALLIDAY, David; RESNICK, Robert a WALKER, Jearl. *Fyzika: vysokoškolská učebnice obecné fyziky*. Překlady vysokoškolských učebnic. Brno: VUTIUM, 2000. ISBN 80-214-1869-9.
- [15] PEKÁREK, David. *Přesné meření vlastní trajektorie vozidla*. Online, Bakalářská práce. Praha: České vysoké učení technické v Praze, Fakulta elektrotechnická, 2020. Dostupné z: <http://hdl.handle.net/10467/90221>. [cit. 2023-12-25].
- [16] POLÁK, Luboš. *Navigační jednotka s modifikovanou soustavou akcelerometru*. Online, Bakalářská práce. Praha: České vysoké učení technické v Praze, Fakulta elektrotechnická, 2018. Dostupné z: <http://hdl.handle.net/10467/74430>. [cit. 2023-12-25].
- [17] TITTERTON, D. H. a WESTON, J. L. *Strapdown inertial navigation technology*. Second edition. Progress in astronautics and aeronautics, 207. Reston, VA: American Institute of Aeronautics and Astronautics, c2004. ISBN 1-56347-693-2.

- [18] GREWAL, Mohinder S.; ANDREWS, Angus P. a BARTONE, Chris. *Global navigation satellite systems, inertial navigation, and integration*. Third edition. Hoboken, New Jersey: John Wiley, 2013. ISBN 978-1-118-44700-0.
- [19] TEXAS INSTRUMENTS. *TPS6282x: 5.5-V, 1-A, 2-A, 3-A Step-Down Converter Family with 1% Accuracy*. Online katalogový list. C. 2019. Dostupné z: <https://www.ti.com/lit/gpn/tps62823>. [cit. 2023-12-21].
- [20] TEXAS INSTRUMENTS. *BQ2407x: Standalone 1-Cell 1.5-A Linear Battery Chargers with Power Path*. Online katalogový list. N. 2021. Dostupné z: <https://www.ti.com/lit/gpn/bq24075>. [cit. 2023-12-21].
- [21] ESPRESSIF SYSTEMS. *ESP32C3MINI1: Smallsized 2.4 GHz WiFi (802.11 b/g/n) and Bluetooth® 5 module*. Online katalogový list. 2022. Dostupné z: [https://www.espressif.com/sites/default/files/documentation/esp32-c3-mini-1\\_datasheet\\_en.pdf](https://www.espressif.com/sites/default/files/documentation/esp32-c3-mini-1_datasheet_en.pdf). [cit. 2023-12-21].
- [22] KRÄWINDEL, R.W. *The effect of writing and transmitting SD card data on the consistency of SD card write performance*. Online, bakalářská. Enschede, Holandsko: University of Twente, 2020. Dostupné z: [http://essay.utwente.nl/82256/1/Krawinkel\\_BA\\_EEMCS.pdf](http://essay.utwente.nl/82256/1/Krawinkel_BA_EEMCS.pdf). [cit. 2023-12-17].
- [23] XTX TECHNOLOGY LIMITED. *XT25F256BWSIGT: Quad IO Serial NOR Flash Datasheet*. Online katalogový list. 2020. Dostupné z: <http://www.txtxtech.com/download/?AId=287>. [cit. 2023-12-17].
- [24] U-BLOX. *NEO-M8U: u-blox M8 untethered dead reckoning module including 3D inertial sensors*. Online katalogový list. R13. 2022. Dostupné z: [https://content.u-blox.com/sites/default/files/NEO-M8U\\_DataSheet\\_UBX-15015679.pdf](https://content.u-blox.com/sites/default/files/NEO-M8U_DataSheet_UBX-15015679.pdf). [cit. 2023-12-17].
- [25] TKHORENKO, M. Yu.; PAVLOV, B. V.; KARSHAKOV, E. V. a VOLKOVITSKY, A. K. On integration of a strapdown inertial navigation system with modern magnetic sensors. Online. In: *2018 25th Saint Petersburg International Conference on Integrated Navigation Systems (ICINS)*. IEEE, 2018, s. 1-4. ISBN 978-5-91995-057-8. Dostupné z: <https://doi.org/10.23919/ICINS.2018.8405845>. [cit. 2023-12-17].
- [26] WEI, Y. a LI, Y. IMPACT OF SENSOR DATA SAMPLING RATE IN GNSS/INS INTEGRATED NAVIGATION WITH VARIOUS SENSOR

- GRADES. Online. *The International Archives of the Photogrammetry, Remote Sensing and Spatial Information Sciences*. 2022, roč. XLVI-3/W1-2022, s. 205-211. ISSN 2194-9034. Dostupné z: <https://doi.org/10.5194/isprs-archives-XLVI-3-W1-2022-205-2022>. [cit. 2023-12-16].
- [27] TDK INVENSENSE. *MPU6050: Product specification*. Online katalogový list. 3.4. 2013. Dostupné z: <https://invensense.tdk.com/wp-content/uploads/2015/02/MPU-6000-Datasheet1.pdf>. [cit. 2023-12-12].
- [28] ANALOG DEVICES. *ADIS16505: Precision, Miniature MEMS IMU*. Online katalogový list. C. 2020. Dostupné z: <https://www.analog.com/media/en/technical-documentation/data-sheets/adis16505.pdf>. [cit. 2023-12-12].
- [29] ST MICROELECTRONICS. *LSM303AGR: Ultracompact high-performance eCompass module*. Online katalogový list. 11. 2022. Dostupné z: <https://www.st.com/resource/en/datasheet/lsm303agr.pdf>. [cit. 2023-12-12].
- [30] BLOCHER, Lukas; MAYER, Wolfram; ARENA, Marco; RADOVIC, Dusan; HILLER, Tobias et al. Purely Inertial Navigation with a Low-Cost MEMS Sensor Array. Online. In: *2021 IEEE International Symposium on Inertial Sensors and Systems (INERTIAL)*. IEEE, 2021, s. 1-4. ISBN 978-1-7281-5099-4. Dostupné z: <https://doi.org/10.1109/INERTIAL51137.2021.9430468>. [cit. 2023-12-09].

# Seznam symbolů a zkratek

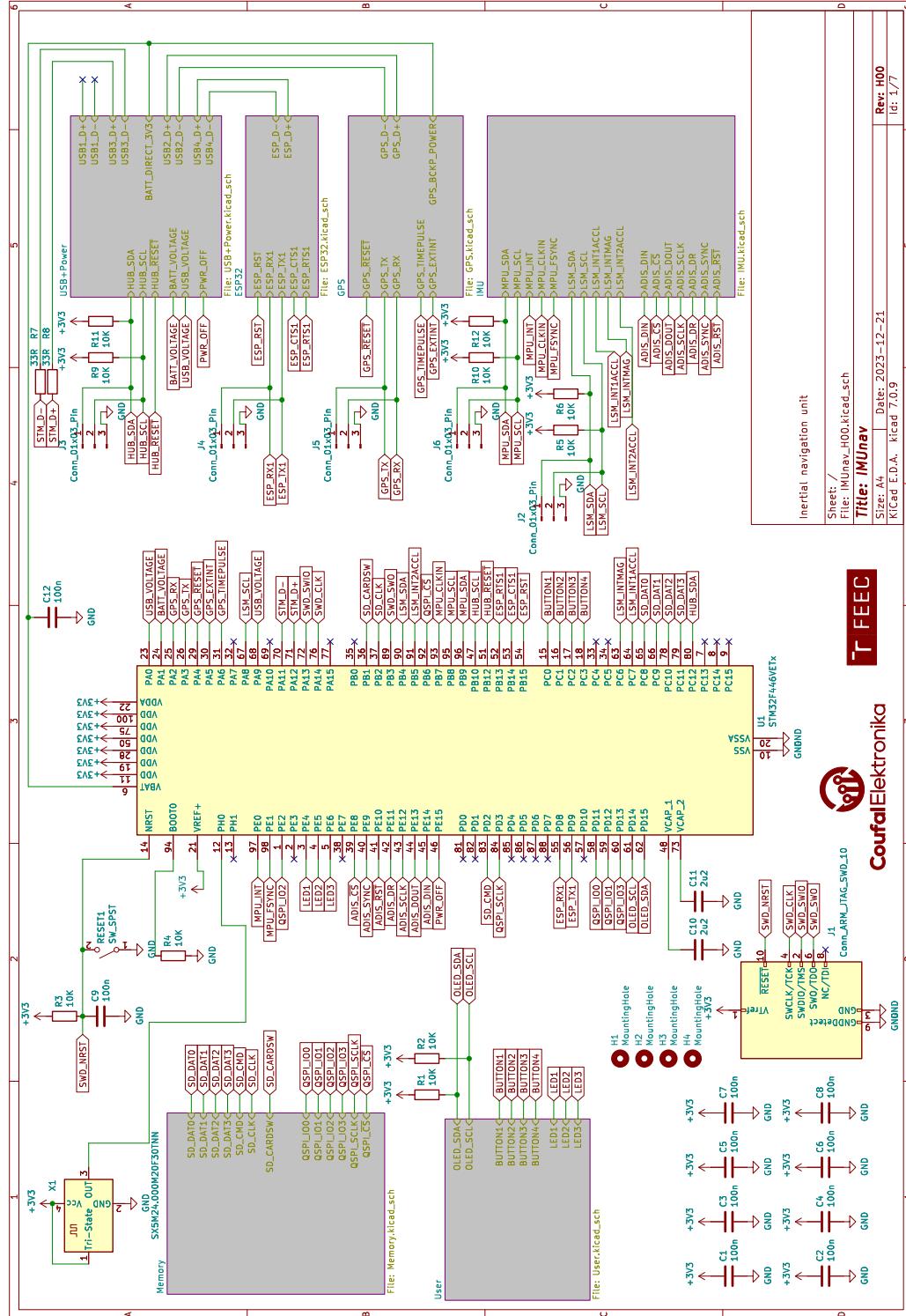
<b>ADC</b>	Analog to Digital Convertor - analogově-digitální převodník
<b>BGA</b>	Ball Grid Array - pouzdro matice kuliček
<b>DoF</b>	Degrees of Freedom - stupně volnosti
<b>DPS</b>	Deska Plošných Spojů
<b>EGM</b>	Earth Gravitational Model - gravitační model Země
<b>FIFO</b>	First In First Out - první dovnitř, první ven
<b>GNSS</b>	Global navigation satellite system - globální družicový polohový systém
<b>GPIO</b>	General Purpose Input/Output - univerzální vstupní/výstupní pin
<b>GPS</b>	Global Positioning System - globální polohový systém
<b>I2C</b>	Inter-Integrated Circuit - mezi obvodová komunikace
<b>IMU</b>	Inertial Measurement Unit - měřící inerciální jednotka
<b>IMU</b>	Inertial Measurement Unit - inerciální měřící jednotka
<b>MCU</b>	Microcontroller Unit - mikrokontrolér
<b>MEMS</b>	Micro-ElectroMechanical Systems - mikro-elektromechanické systémy
<b>NED</b>	North East Down - sever východ dolů
<b>NGA</b>	National Geospatial-Intelligence Agency - americká geoprostorová agentura
<b>NMEA</b>	National Marine Electronics Association - americká organizace námořní elektroniky
<b>OLED</b>	Organic Light-Emitting Diode - organický LED
<b>RAM</b>	Random Access Memory - paměť pro náhodný přístup
<b>RTC</b>	Real Time Clock - obvod reálného času
<b>SMA</b>	SubMiniature version A - subminiaturní verze A
<b>SPI</b>	Serial Peripheral Interface - sériové periferní rozhraní

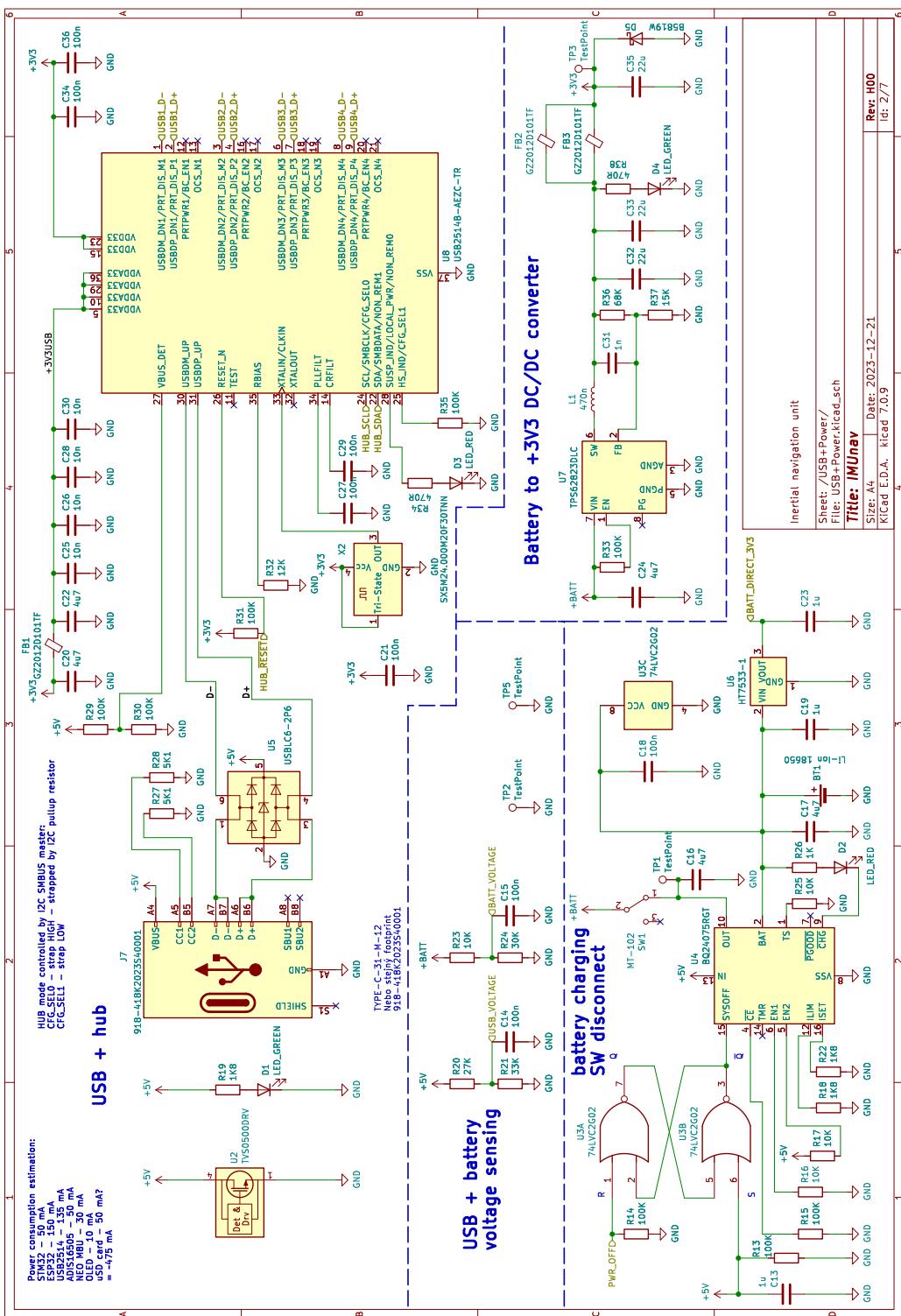
<b>UART</b>	Universal Asynchronous Receiver-Transmitter - univerzální asynchronní přijímač-vysílač
<b>UBX</b>	UBloX message - zpráva formátu UBLOX
<b>USB</b>	Universal Serial Bus - univerzální sériová sběrnice
<b>CAD</b>	Computer-Aided Design - počítačem podporované projektování
<b>IDE</b>	Integrated Developement Enviroment - vývojové prostředí
<b>HAL</b>	Hardware Abstraction Layer - vrstva abstrakce hardwaru
<b>RTOS</b>	Real Time Operating System - Operační systém reálného času
<b>DMA</b>	Direct Memory Acces - přímý přístup k paměti
<b>MSC</b>	Mass Storage Class - třída paměťového média
<b>GUI</b>	Graphical User Interface - grafické uživatelské rozhraní
<b>VID</b>	Vendor ID - identifikace výrobce
<b>PID</b>	Product ID - identifikace produktu
<b>CSV</b>	Comma Separated Value - čárkou oddělené hodnoty

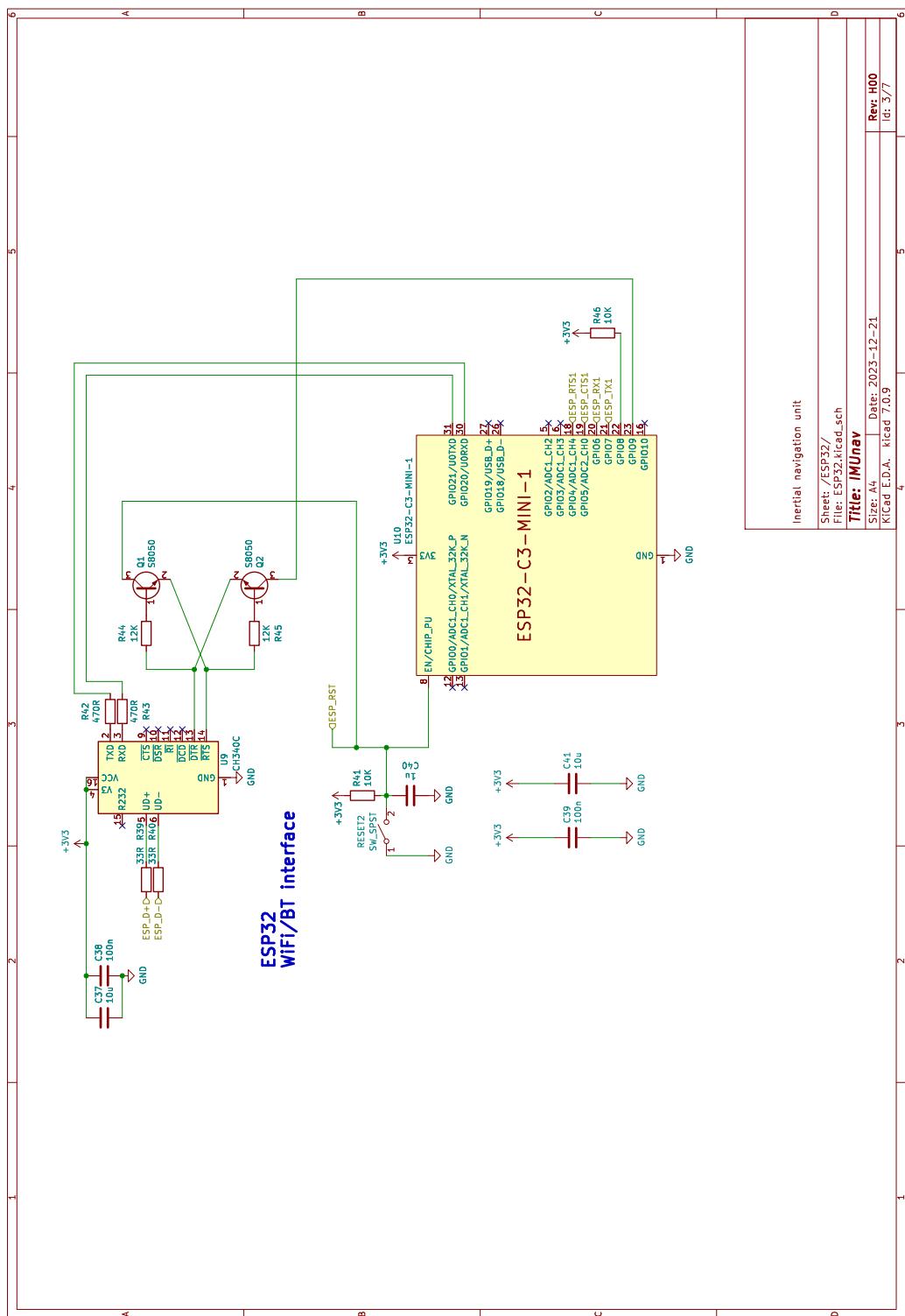
# **Seznam příloh**

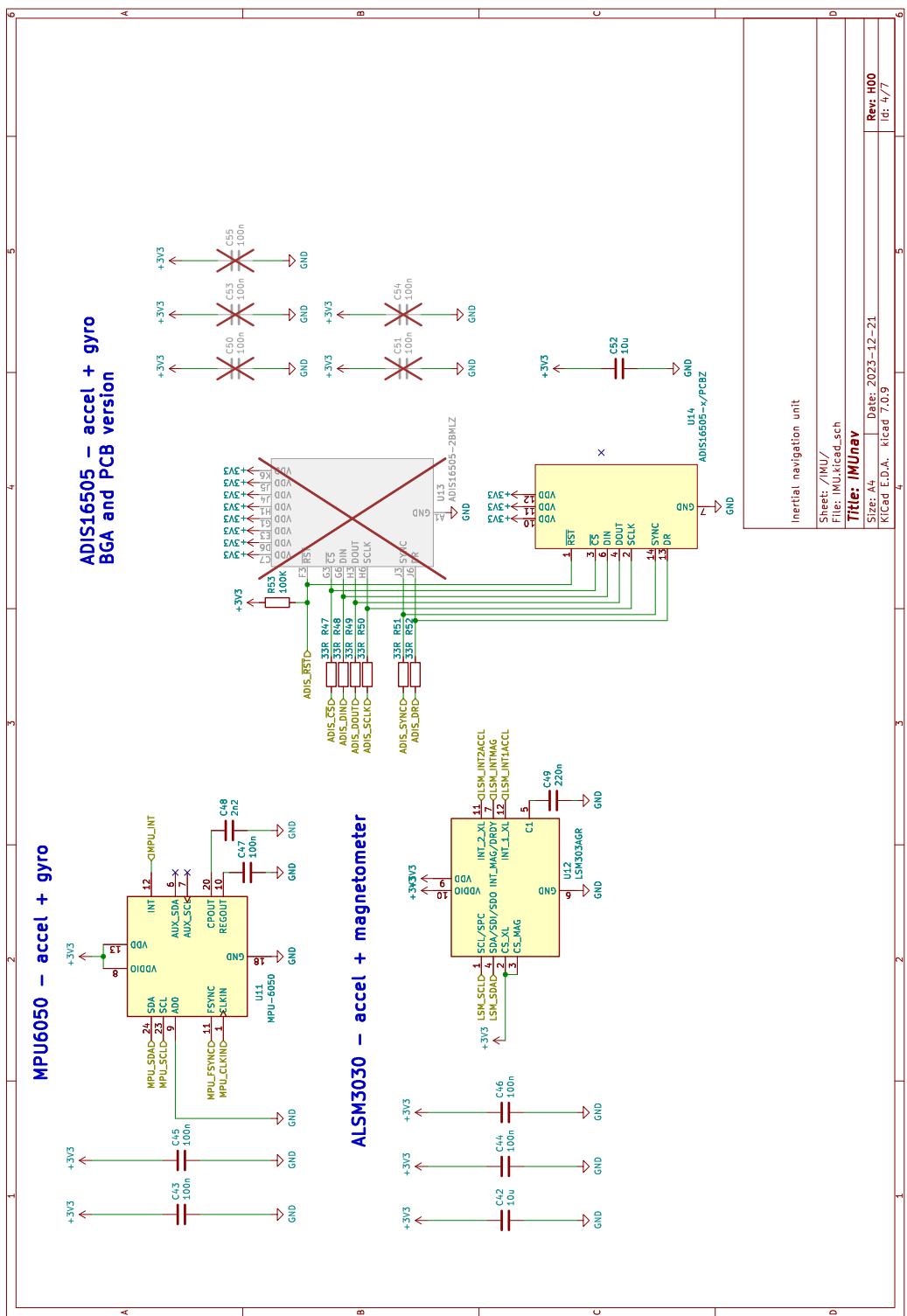
<b>A Schéma zapojení inerciální jednotky</b>	<b>63</b>
<b>B Výkres DPS</b>	<b>70</b>
B.1 Pohled osazení součástek . . . . .	70
B.2 Vrchní vrstva mědi DPS . . . . .	71
B.3 Vnitřní vrstva mědi DPS In1 . . . . .	72
B.4 Vnitřní vrstva mědi DPS In2 . . . . .	73
B.5 Spodní vrstva mědi DPS . . . . .	74

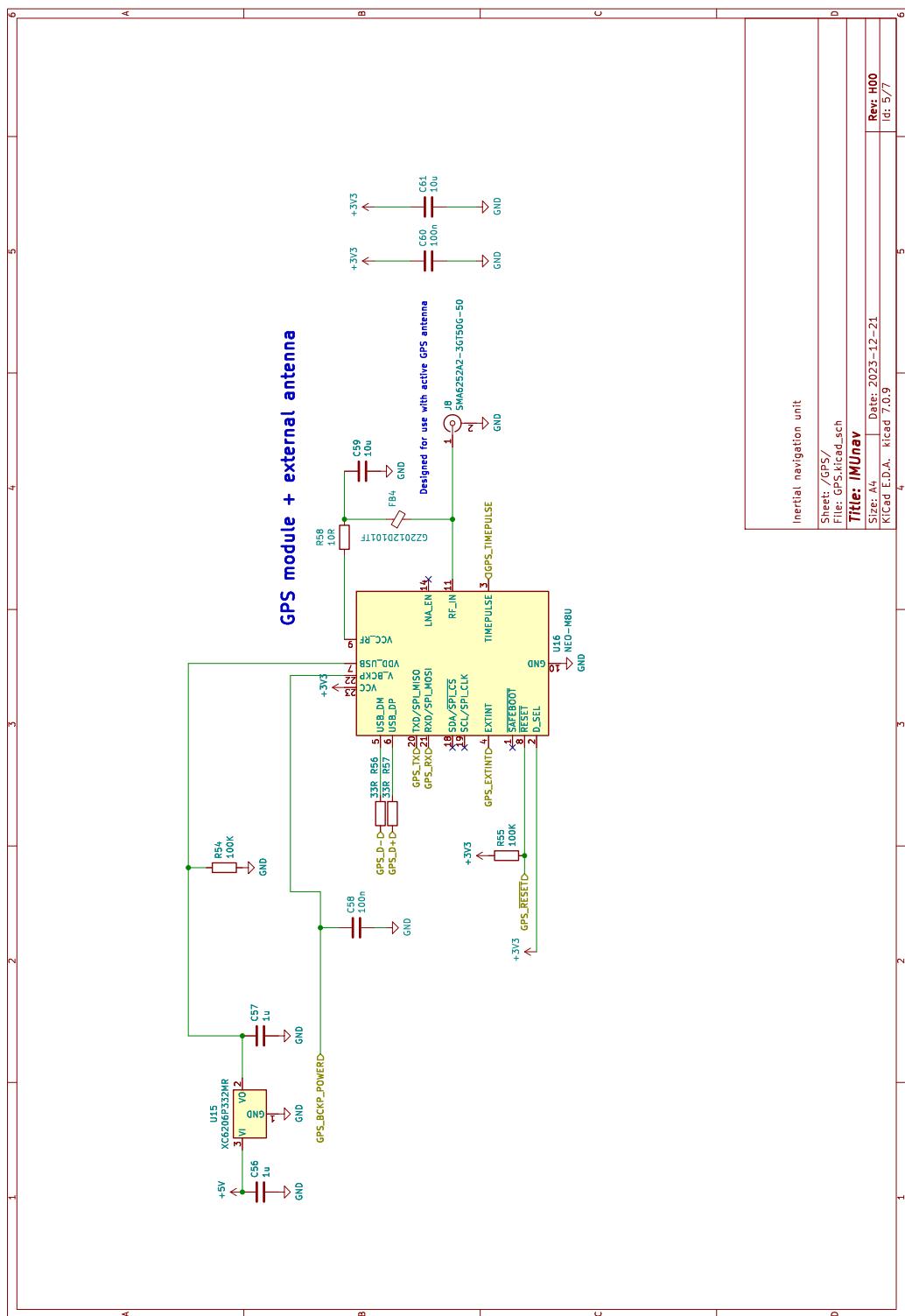
## A Schéma zapojení inerciální jednotky

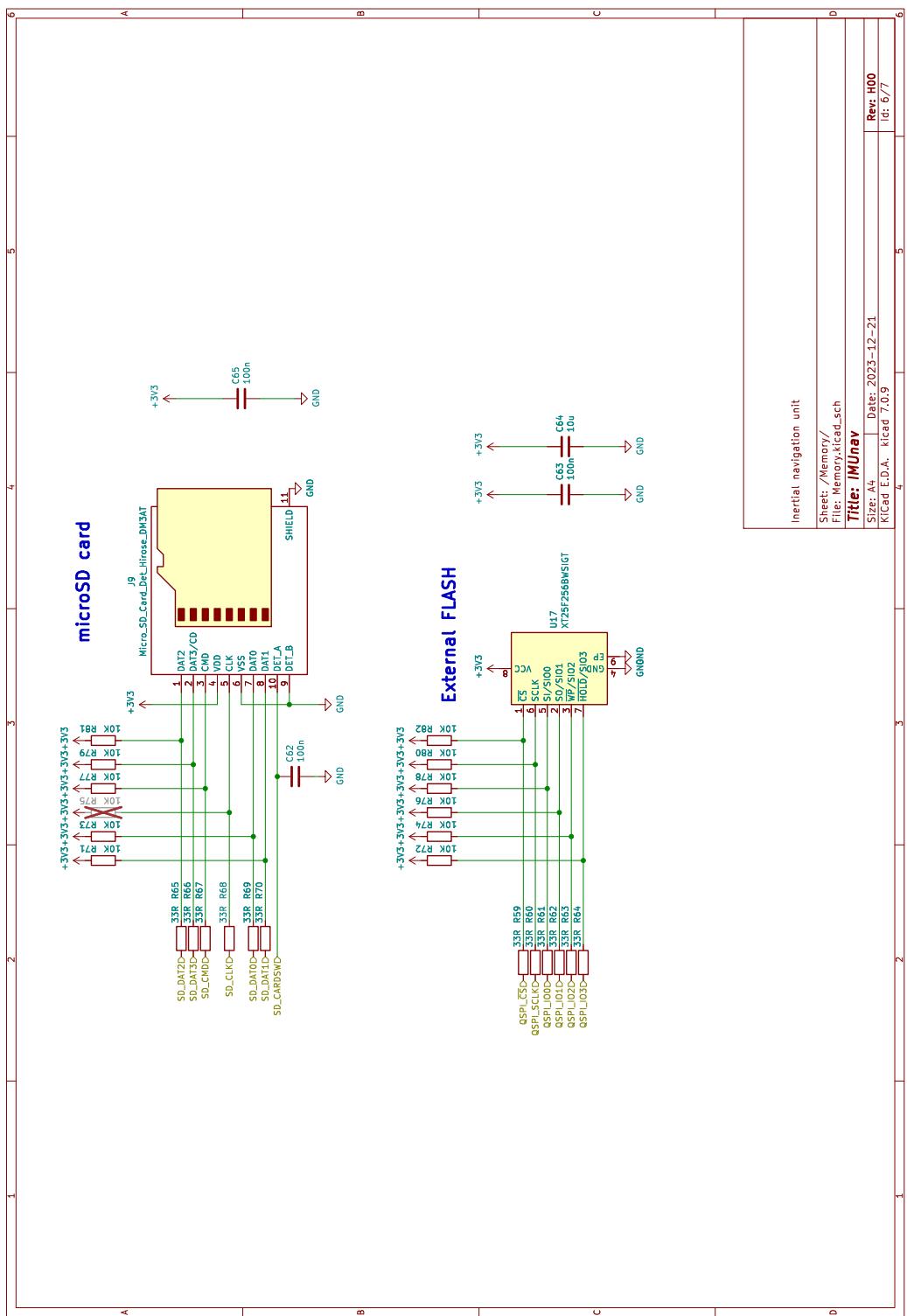


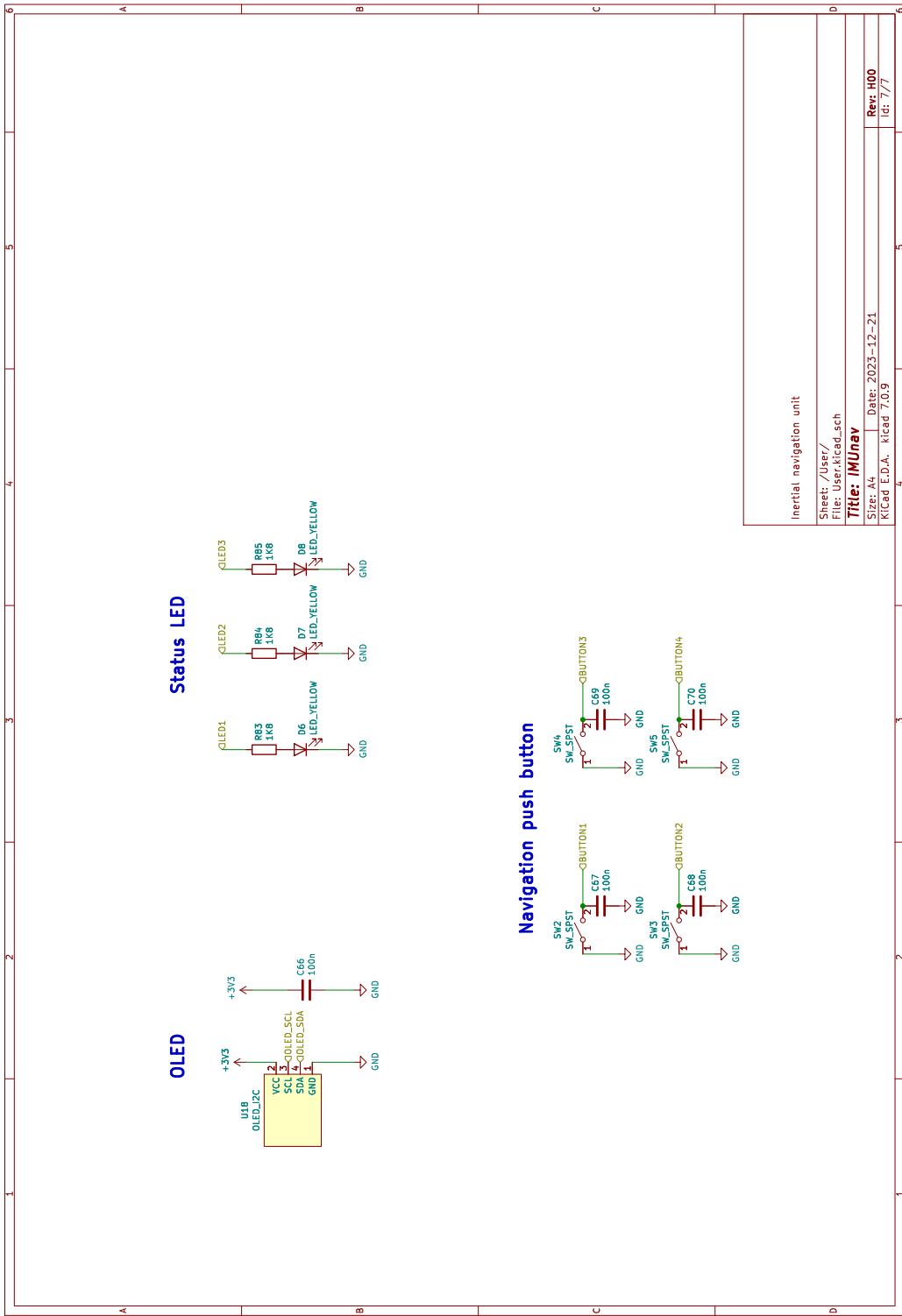






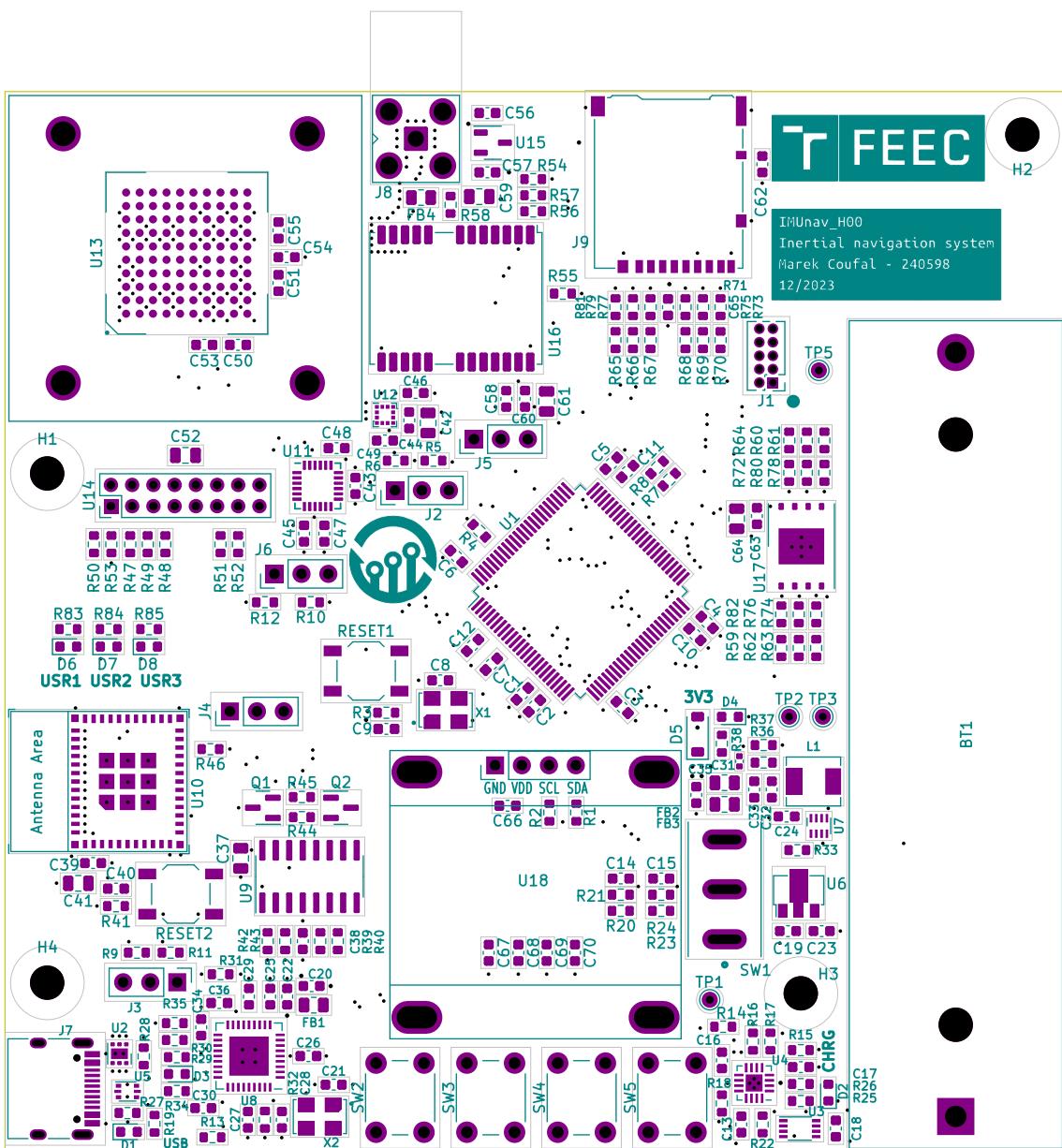




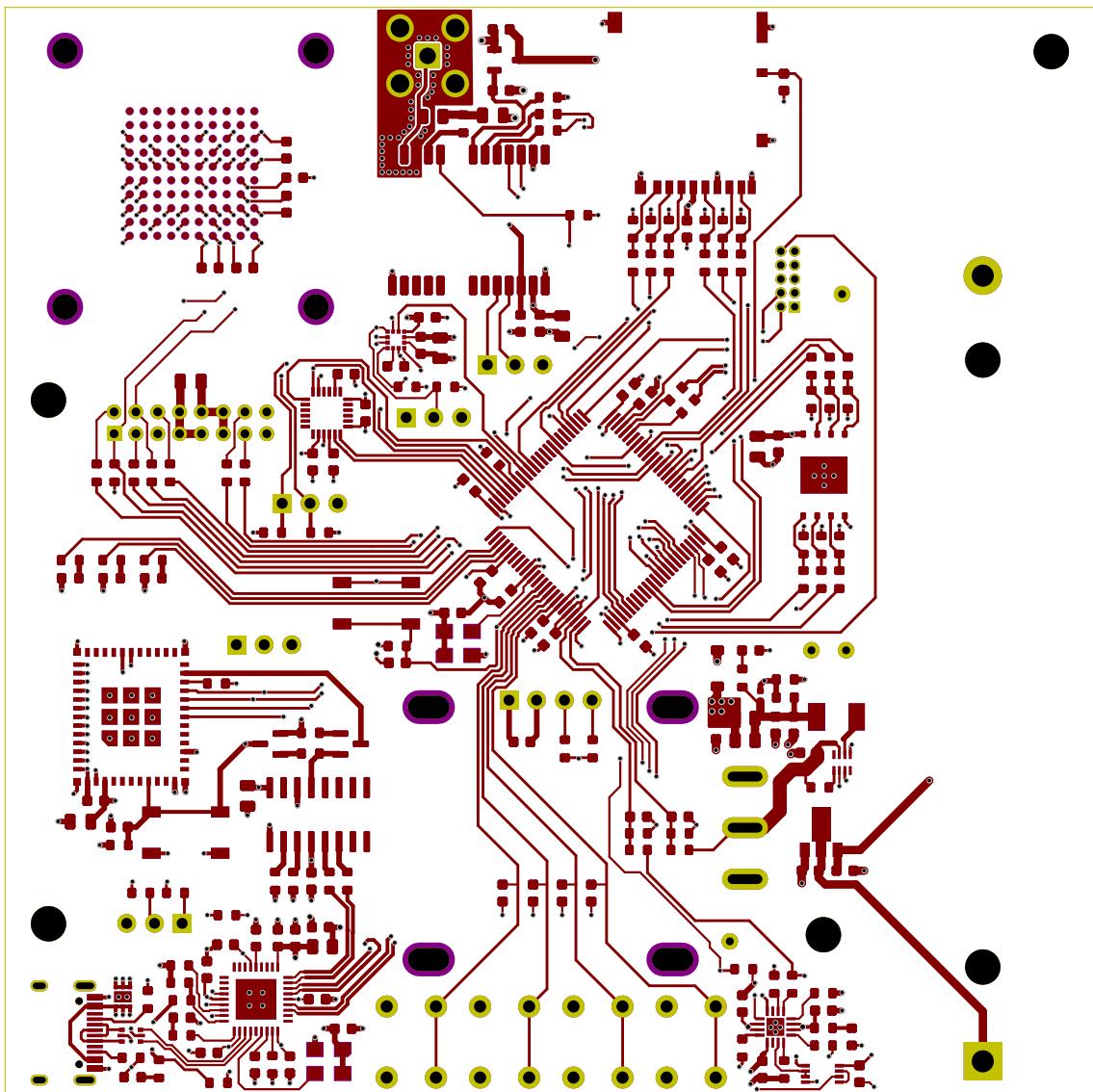


# B Výkres DPS

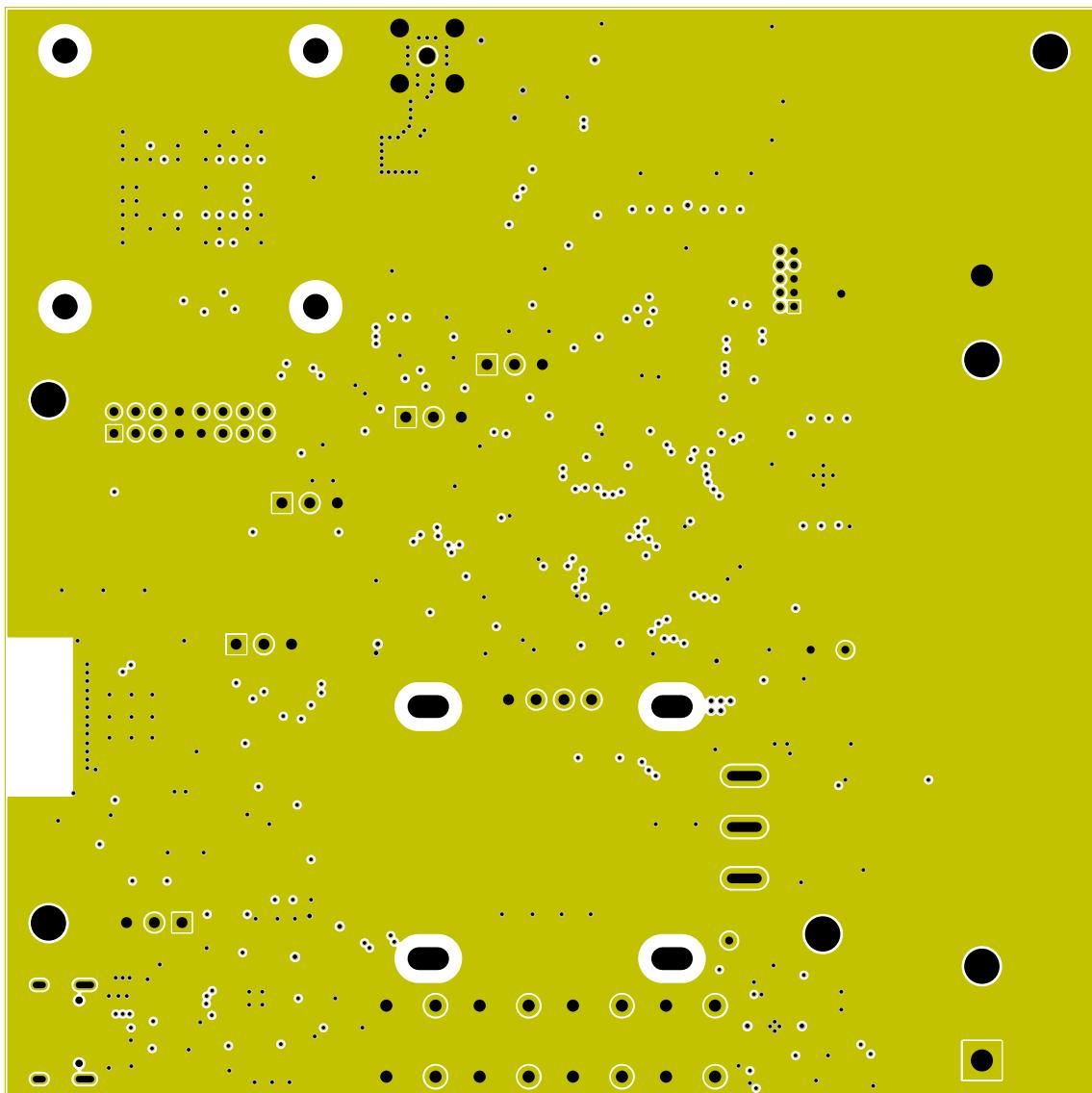
## B.1 Pohled osazení součástek



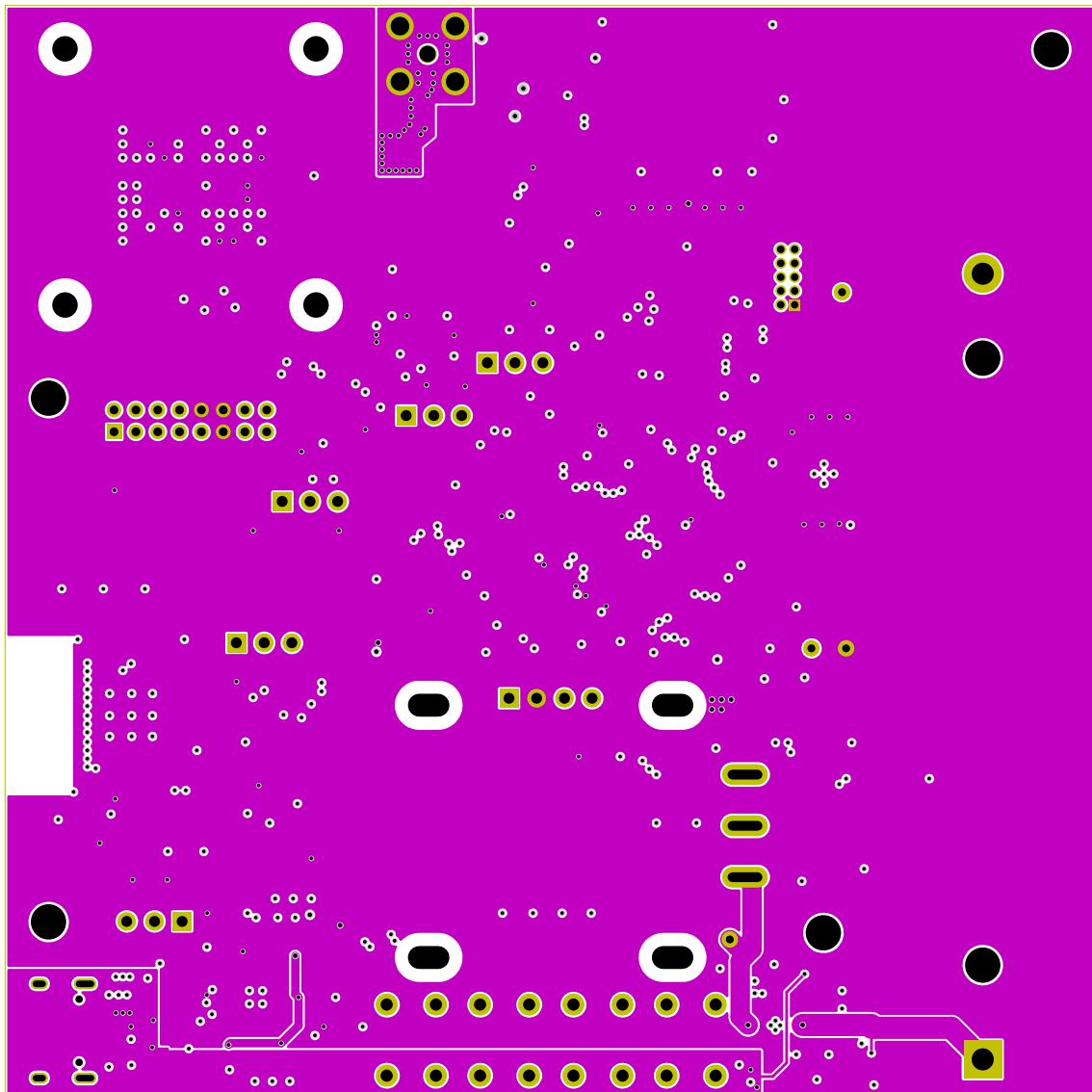
## B.2 Vrchní vrstva mědi DPS



### B.3 Vnitřní vrstva mědi DPS In1



## B.4 Vnitřní vrstva mědi DPS In2



## B.5 Spodní vrstva mědi DPS

