Inferencia para una muestra

Marta Venegas Pardo

Contents

ntroducción
Test Shapiro-Wilk:
Estudio de normalidad gráficamente
Test de normalidad en el paquete fBasics
Test de normalidad:
Test de Shapiro-Wilk
Test de Jaquerbera
Test de normalidad en el paquete nortest
Intervalo de confianza y Esperanza = 15
Estudiar gráficamente la normalidad
Ejercicio 1
Ejercicio 2
Ejercicio 3
Apartado a
Apartado b
Ejercicio 4
Apartado a
Apartado b
Apartado c

Introducción

Sea el siguiente contraste de hipótesis, para un nivel de confianza $\alpha \colon$

$$H_0: X \sim N(\mu, \sigma^2) H_1: X \neq N(\mu, \sigma^2)$$

Test Shapiro-Wilk:

En el paquete base con la instrucción shapiro.test

Creamos una variable aleatoria:

```
set.seed(12345)
x=rnorm(15,0,1)
x

## [1] 0.5855288 0.7094660 -0.1093033 -0.4534972 0.6058875 -1.8179560
## [7] 0.6300986 -0.2761841 -0.2841597 -0.9193220 -0.1162478 1.8173120
## [13] 0.3706279 0.5202165 -0.7505320
```

Test de Shapiro Wilk para ver si mi variable aleatoria sigue una normal.

```
shapiro.test(x)
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: x
## W = 0.96152, p-value = 0.7189
```

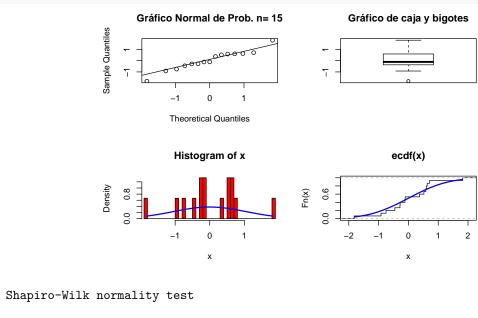
Tenemos que el p-valor=0.7189 por lo que acepto la hipótesis nula, es decir, los datos provienen de una variable aleatoria con distribución normal.

Acepto H_0

Estudio de normalidad gráficamente

Análisis de la normalidad una muestra

ananor(x)

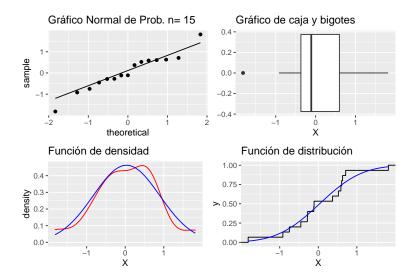


```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: x
## W = 0.96152, p-value = 0.7189
```

Ahora con el paquete tidyverse

ananor_tidy(x)

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: x
## W = 0.96152, p-value = 0.7189
```



Test de normalidad en el paquete fBasics

Instalamos la librería.

library(fBasics)

Test de normalidad:

```
ksnormTest(x)
##
## Title:
    One-sample Kolmogorov-Smirnov test
##
##
   Test Results:
##
     STATISTIC:
##
       D: 0.1724
##
##
     P VALUE:
##
       Alternative Two-Sided: 0.7025
```

Less: 0.5779

Greater: 0.3683

Aceptamos H_0 en todos los casos, la distribución de la variable X se aproxima a una Normal Univariante.

Test de Shapiro-Wilk

Alternative

Alternative

```
shapiroTest(x)
```

Description:

##

##

##

```
##
## Title:
## Shapiro - Wilk Normality Test
##
## Test Results:
## STATISTIC:
##
W: 0.9615
```

Fri Apr 30 00:20:42 2021 by user:

```
##
     P VALUE:
##
       0.7189
##
## Description:
## Fri Apr 30 00:20:42 2021 by user:
Test de Jaquerbera
jarqueberaTest(x)
##
## Title:
## Jarque - Bera Normalality Test
##
## Test Results:
##
    STATISTIC:
##
       X-squared: 0.1005
    P VALUE:
##
       Asymptotic p Value: 0.951
##
##
## Description:
  Fri Apr 30 00:20:42 2021 by user:
En el paquete nortest vienen recogidos otros test.
Test de normalidad en el paquete nortest
library(nortest)
ad.test(x) # Anderson Darling
##
##
   Anderson-Darling normality test
##
## data: x
## A = 0.33942, p-value = 0.4491
cvm.test(x)
##
##
   Cramer-von Mises normality test
##
## data: x
## W = 0.053087, p-value = 0.4423
lillie.test(x)
##
## Lilliefors (Kolmogorov-Smirnov) normality test
##
## data: x
## D = 0.15004, p-value = 0.4832
```

Intervalo de confianza y Esperanza = 15

Para hacer contrastes paramétricos deberíamos hacer antes contrastes de normalidad previos.

Estudiar gráficamente la normalidad.

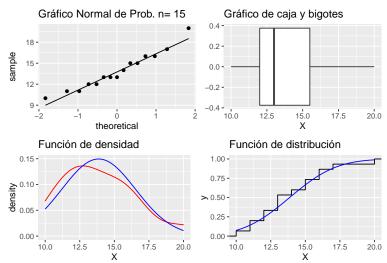
Tenemos 15 empresas y medimos a cada una de ellas la variable X=Gasto en publicidad en miles de euros. Construir un IC.

```
x = c(17,12,15,16,15,11,12,13,20,16,14,13,11,10,13)
#length(x)
```

Compruebo la hipótesis de normalidad:

```
ananor_tidy(x)
```

```
##
## Shapiro-Wilk normality test
##
## data: x
## W = 0.95469, p-value = 0.6011
```



Ligera asimetría a la derecha pero no la suficiente para rechazar la normalidad.

Caja y bigotes no revela que haya observaciones outliers.

summary(x)

```
## Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max.
## 10.00 12.00 13.00 13.87 15.50 20.00
```

 $H_0: \mu = 15$ $H_a: \mu \neq 15$

Se pueden utilizar test paramétricos:

t.test(x)

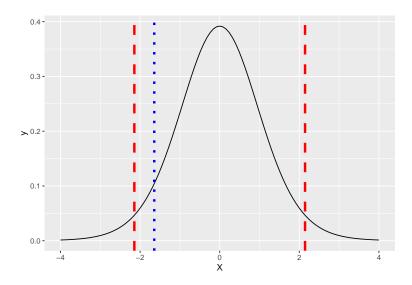
```
##
## One Sample t-test
##
## data: x
## t = 20.122, df = 14, p-value = 9.905e-12
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 0
## 95 percent confidence interval:
## 12.38860 15.34474
```

```
## sample estimates:
## mean of x
## 13.86667
Si no ponemos nada, estudia si la media es 0 o no. Por ello aparece un p-valor muy pequeño. Debemos fijar
H_0: \mu = 15
Luego,
t.test(x, mu=15)
##
    One Sample t-test
##
##
## data: x
## t = -1.6446, df = 14, p-value = 0.1223
## alternative hypothesis: true mean is not equal to 15
## 95 percent confidence interval:
## 12.38860 15.34474
## sample estimates:
## mean of x
## 13.86667
# alternative="less"
# alternative="greater"
```

Ejercicio 1

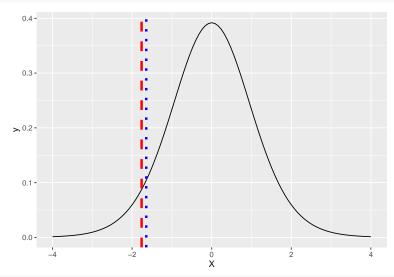
Dibujar la densidad de la t-Student bajo H_0 , los cuantiles que definen los puntos críticos y el valor del estadístico t.

```
library(ggplot2)
funcion_g_dt_test=function(x,mu_=15){
#mu_=15
datos=data.frame(X=x)
resul=t.test(datos$X,mu=mu_)
  ggplot(datos, aes(x=X)) +
  stat_function(aes(x=seq(-4,4,length=length(X))),
                fun=dt,args = list(df=length(datos$X)-1),color="black")+
  geom_vline(aes(xintercept=resul$statistic),color="blue",
             linetype="dotted",size=1.4)+
  geom_vline(aes(xintercept=qt(0.025,df=resul$parameter)),color="red",
             linetype="dashed",size=1.4)+
  geom_vline(aes(xintercept=qt(0.975,df=resul$parameter)),color="red",
             linetype="dashed",size=1.4)
}
funcion_g_dt_test(x, mu_ = 15)
```



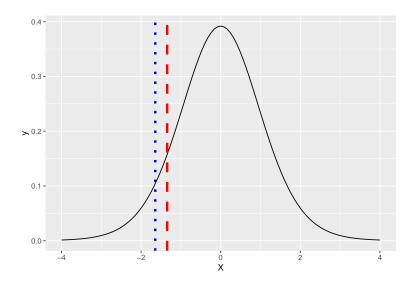
Ejercicio 2

func_g_dt_test_uni(x,mu_ = 15)



```
func_g_dt_test_uni(x,mu_ = 15, alternativa = "two.sided")
```

func_g_dt_test_uni(x,mu_ = 15, alternativa = "less",alpha = 0.10)



Ejercicio 3

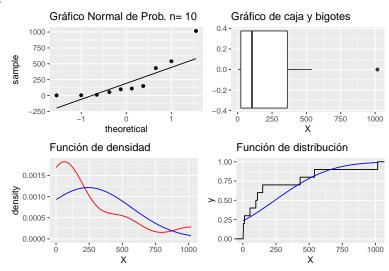
110, 12, 2.5, 98, 1017, 540, 54, 4.3, 150, 432

Se desea contrastar H_0 precio medio igual a 500

 $H_0: \mu = 500$ $H_a: \mu \neq 500$

```
x=c(110,12,2.5,98,1017,540,54,4.3,150,432)
ananor_tidy(x)
```

##
Shapiro-Wilk normality test
##
data: x
W = 0.76013, p-value = 0.004741



No podemos usar la estadística paramétrica para estudiar esta muestra, habrá que emplear técnicas no paramétricas, como el test de rangos signos de Wilcoxson.

```
wilcox.test(x,conf.int = TRUE,mu=500)

##

## Wilcoxon signed rank test

##

## data: x

## V = 11, p-value = 0.1055

## alternative hypothesis: true location is not equal to 500

## 95 percent confidence interval:

## 33.0 514.5

## sample estimates:

## (pseudo)median

## 150
```

El intervalo incluye al valor 500, el pvalor= 0.1055, acepto H_0

Apartado a

Calcular directamente W+ (test de rango-signo de Wilcoxon)

```
#W+=suma(rangos(|Xi|),xi>0)
# H0 = mu=0
mu_=500
rangos=rank(abs(x-mu_))
rangos[(x-mu_) >0]
```

```
## [1] 10 1
(est.w=sum(rangos[(x-mu_) >0]))
```

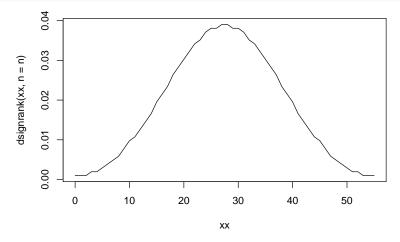
```
## [1] 11
```

Obtenemos el valor V del test anterior.

Apartado b

Dibujar la función de probabilidad (densidad) de W+ para esta n, usando *dsignrank*

```
#dsignrank()
n=length(x)
xx=seq(0,n*(n+1)/2,1)
plot(xx,dsignrank(xx,n=n),type="l")
```



Tengo en el eje X las x y en el Y la f(x).

Esperanza

```
# E[W+]
# Un estiandor seria:
sum(xx*dsignrank(xx,n=n))

## [1] 27.5
n*(n+1)/4

## [1] 27.5
Varianza
sum(xx^2*dsignrank(xx,n=n))-(n*(n+1)/4)^2

## [1] 96.25
n*(n+1)*(2*n+1)/24

## [1] 96.25
```

Ejercicio 4

En este ejemplo se considera la hipótesis nula de que la progenie de un cruce de plantas produce como resultado plantas de tipo A o B con probabilidades respectivas 1/4 y 3/4.

En un experimento se obtienen 243 de tipo A y 682 de tipo B.

$$H_0: p = \frac{3}{4}$$

$$H_0: p \neq \frac{3}{4}$$

Con el test binomial, realizamos el contraste bilateral

```
binom.test(c(682,243),p=3/4)
```

```
##
## Exact binomial test
##
## data: c(682, 243)
## number of successes = 682, number of trials = 925, p-value = 0.3825
## alternative hypothesis: true probability of success is not equal to 0.75
## 95 percent confidence interval:
## 0.7076683 0.7654066
## sample estimates:
## probability of success
## 0.7372973
```

Acepto H_0 , podemos afirmar que p=3/4.

Apartado a

Calcular el estadístico chi-cuadrado y comprobar que no coincide con Z.

```
n=682+243
pg=682/n
```

```
Z=(pg-(3/4))/sqrt(0.75*(1-0.75)/n)
## [1] 0.796036
E0 = n*(1/4)
E1 = n*(3/4)
0b0 = 243
0b1 = 682
((E0-0b0)^2)/E0 + ((E1-0b1)^2)/E1
## [1] 0.796036
Apartado b
Calcular el estadístico chi-cuadrado con la corrección de Yates y comprobar que coincide con el estadístico
que da prop.test.
prop.test(x=682,n=682+243,p=3/4)
##
  1-sample proportions test with continuity correction
##
## data: 682 out of 682 + 243, null probability 3/4
## X-squared = 0.72973, df = 1, p-value = 0.393
## alternative hypothesis: true p is not equal to 0.75
## 95 percent confidence interval:
## 0.7074391 0.7651554
## sample estimates:
##
           р
## 0.7372973
Este contraste usa la aproximación normal. Aceptamos H_0
Con la corrección de Yates:
((abs(E0-0b0)-0.5)^2)/E0 + ((abs(E1-0b1)-0.5)^2)/E1
## [1] 0.7297297
Apartado c
FALTA Escribir el test
prop.test(35,80,p=0.8,alternative = "less",conf.level = 0.95)
##
##
  1-sample proportions test with continuity correction
##
## data: 35 out of 80, null probability 0.8
## X-squared = 63.457, df = 1, p-value = 8.195e-16
## alternative hypothesis: true p is less than 0.8
## 95 percent confidence interval:
```

0.0000000 0.5354685 ## sample estimates:

0.4375