# Hoja 2 de problemas y prácticas con R

# Estadística Computacional I. Grado en Estadística

Departamento de Estadística e Investigación Operativa. Universidad de Sevilla

# Contents

| 1        | Ger               | nerar una muestra de calificaciones de 50 alumnos con el comando:  | 2        |
|----------|-------------------|--|----------|
|          | 1.1               | Resumir los valores obtenidos mediante una tabla de frecuencias incluyendo frecuencias absolutas, frecuencias relativas, porcentajes, y los acumulados de las tres características | c        |
|          | 1.2               | Obtener representaciones gráficas adecuadas de las medidas anteriores  | 9        |
|          |                   |  |          |
| <b>2</b> |                   | hero "Familia.txt"   | 6        |
|          | $\frac{2.1}{2.2}$ | Leer en R este fichero y calcular la media y la cuasidesviación típica de cada variable Nube de puntos y recta de mínimos cuadrados  | (        |
|          | 2.2               | Outliers   | 5        |
|          | $\frac{2.3}{2.4}$ | IMC  | Ç        |
|          | 2.5               | Ordenar  | 11       |
| 3        | Lib               | rería $\mathit{ISwR}$  | 11       |
|          | 3.1               | Ver los primeros casos y los últimos   | 12       |
|          | 3.2               | Reformatear los datos a la estructura grp time c id  | 13       |
|          | 3.3               | Ordenar el nuevo formato por grp, id y time, y mostrar las variables en el orden (grp, id, time, c).   | 13       |
| 4        |                   | hero "dietas.dat"  | 13       |
|          | 4.1               | Acceder a los datos, en particular, averiguar qué información contiene y cuál es la dimensionalidad de los datos.  | 14       |
|          | 4.2               | Ordenar las variables según el valor absoluto de su coeficiente de correlación lineal con medv   | 14       |
|          | 1.2               | (variable a predecir en este conjunto de datos)  | 14       |
|          | 4.3               | ¿Destaca algún distrito por su tasa de criminalidad? Similarmente, por los impuestos sobre la  |          |
|          |                   | propiedad o por la ratio alumnos-profesor  | 14       |
|          | 4.4               | ¿Cuántos distritos son limítrofes con el río? Calcular las medias de crim y medy según chas  | 14       |
|          | 4.5               | Analizar la relación lineal entre lstat y medv   | 14       |
| 5        |                   | mprobar empíricamente el Teorema de Fisher a partir de 5000 muestras de tamaño   |          |
|          |                   | de una ley $N(0,1)$ :  | 14       |
|          | 5.1<br>5.2        | Analizar la relación lineal entre las medias y las cuasivarianzas  | 14<br>14 |
|          | 0.2               | Estudiar gráficamente si los cocientes $(n-1)*cuasivar/(sigma^2)$ siguen una ley chi-cuadrado  | 14       |
| 6        |                   | nprobar mediante una simulación el ajuste de las distribuciones chi-cuadrado y la  |          |
|          |                   | ribución F-Snedecor a partir de las cuasivarianzas muestrales para 10000 pares de estras independientes. En cada par, la primera muestra será de tamaño 10 de la ley               |          |
|          |                   | estras independientes. En cada par, la primera indestra sera de tamano 10 de la ley $0,1)$ , y la segunda muestra de tamaño 8 de la ley $N(10,3)$ .                                | 14       |
|          | •                 |  | 1-       |
| 7        |                   | hero "salarios.txt"  | 14       |
|          | 7.1               | Leer en R los datos.   | 14       |
|          | 7.2               | Representar gráficamente los salarios según las variables age, year y education, y superponer estimaciones de la media del salario según cada variable                             | 14       |
|          |                   | Commodulico de la media del Salatio Seguii Cada variable   | 14       |

|   | 7.3  | Dibujar la evolución anual del salario medio según el nivel educativo                    | 14 |
|---|------|--|----|
|   | 7.4  | Calcular los porcentajes de variación interanual del salario medio según nivel educativo | 14 |
|   | 7.5  | Ordenar el fichero de datos según año (creciente) y edad (decreciente)                   | 14 |
| 8 | Libi | cería <i>MASS</i>  | 14 |
|   | 8.1  | Interpretar y resumir la información contenida en este fichero de datos                  | 15 |
|   | 8.2  | Seleccionar las escuelas del renacimiento y Veneciana para los siguientes apartados      | 15 |
|   | 8.3  | Generar en una sola pantalla los diagramas de caja y bigotes según la escuela            | 15 |
|   | 8.4  | Construir nubes de puntos en las que se distinga la escuela                              | 15 |
|   | 8.5  | Comparar mediante gráficos de barras las medias de ambas escuelas                        | 15 |
|   |      |  |    |

# 1 Generar una muestra de calificaciones de 50 alumnos con el comando:

```
`sample(c("1S","2A","3N","4SB","5MH"),prob=c(0.3,0.35,0.2,0.1,0.05),50,rep=T)`.
set.seed(12345)
m1=sample(c("1S","2A","3N","4SB","5MH"),
         prob=c(0.3,0.35,0.2,0.1,0.05),50,rep=T)
   [1] "3N"
             "4SB" "3N" "4SB" "1S" "2A" "2A"
                                                "1S"
                                                      "3N"
                                                             "5MH" "2A"
## [13] "3N"
             "2A"
                   "1S"
                         "1S"
                               "1S"
                                    "1S"
                                           "2A"
                                                 "5MH" "1S"
                                                             "2A"
                                                                  "5MH" "3N"
                               "2A" "1S" "3N"
## [25] "1S"
             "1S"
                   "3N"
                         "1S"
                                                "2A"
                                                       "2A"
                                                             "3N"
                                                                  "1S"
## [37] "4SB" "4SB" "1S" "2A" "3N" "1S" "4SB" "3N"
                                                      "2A"
                                                            "2A" "2A"
                                                                       "2A"
             "1S"
## [49] "2A"
```

1.1 Resumir los valores obtenidos mediante una tabla de frecuencias incluyendo frecuencias absolutas, frecuencias relativas, porcentajes, y los acumulados de las tres características.

```
tablafre=tibble(valores=m1) %>%
  group_by(valores) %>%
  summarise(
    ni=n() # Frecuencias absolutas
  ) %>%
  mutate(
    fi=ni /length(m1), #Frec rel
    pi=fi*100, #Porcentajes
    Ni=cumsum(ni),
    Fi=cumsum(fi), #Ni/length(m1)
    Pi=cumsum(pi)
    )

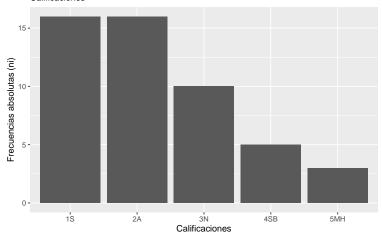
tablafre %>%
  kable(booktabs=TRUE) %>%
  kable_styling(latex_options = "striped" )
```

| valores | ni | fi   | pi | Ni | Fi   | Pi  |
|---------|----|------|----|----|------|-----|
| 1S      | 16 | 0.32 | 32 | 16 | 0.32 | 32  |
| 2A      | 16 | 0.32 | 32 | 32 | 0.64 | 64  |
| 3N      | 10 | 0.20 | 20 | 42 | 0.84 | 84  |
| 4SB     | 5  | 0.10 | 10 | 47 | 0.94 | 94  |
| 5MH     | 3  | 0.06 | 6  | 50 | 1.00 | 100 |

#### 1.2 Obtener representaciones gráficas adecuadas de las medidas anteriores.

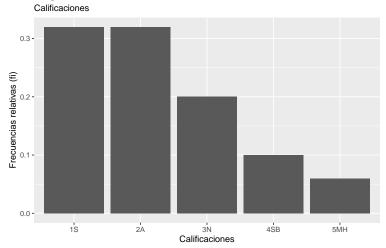
```
tablafre %>%
  ggplot(aes(x=valores , y = ni)) +
  geom_col()+
  labs(
    title = "Diagrama de barras de frecuencias absolutas",
    subtitle = "Calificaciones",
    y="Frecuencias absolutas (ni)",
    x="Calificaciones"
)
```

# Diagrama de barras de frecuencias absolutas Calificaciones



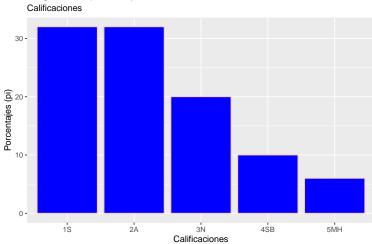
```
tablafre %>%
  ggplot(aes(x=valores , y = fi)) +
  geom_col()+
  labs(
    title = "Diagrama de barras de frecuencias relativas",
    subtitle = "Calificaciones",
    y="Frecuencias relativas (fi)",
    x="Calificaciones"
)
```

#### Diagrama de barras de frecuencias relativas



```
tablafre %>%
  ggplot(aes(x=valores , y = pi)) +
  geom_col( color = "pink", fill ="blue")+
  labs(
    title = "Diagrama de porcentajes",
    subtitle = "Calificaciones",
    y="Porcentajes (pi)",
    x="Calificaciones"
)
```

### Diagrama de porcentajes



```
tablafre %>%
  ggplot(aes(x=valores , y = Fi, group=1)) +
# geom_col(color="blue") +
# geom_line(color="pink")+ # Si no pongo group=1 no me hace la representación gráfica. Es para variabl
geom_step(col="pink")+ #Variables discretas
labs(
  title = "Polígono de Frecuencias rel acumuladas",
  subtitle = "Calificaciones",
  y="Frecuencias rel acumuladas (Fi)",
  x="Calificaciones")
```

## Polígono de Frecuencias rel acumuladas

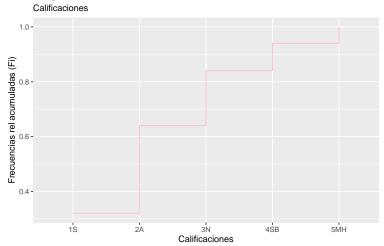


Diagrama de sectores con el sistema base:

#### tablafre\$fi

```
## [1] 0.32 0.32 0.20 0.10 0.06
```

```
pie(tablafre$ni, labels = tablafre$valores)
```

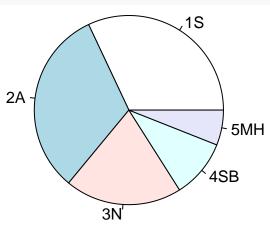
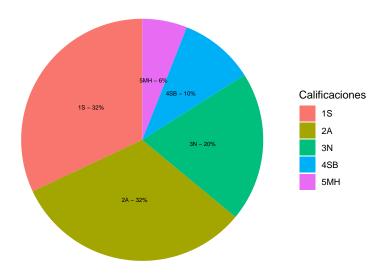


Diagrama de sectores con ggplot2:

```
tablafre %>%
  ggplot(aes(x="",y=pi, fill=factor(valores)))+
  geom_bar(width = 1, stat = "identity")+
  coord_polar("y",start = 0)+
  theme_void() +
  geom_text(aes(label=paste0(valores," - ", round(pi,2), "%")),
   position=position_stack(vjust=0.5), size=2 ) +
  labs(
    title = "Diagrama de sectores",
    fill= "Calificaciones"
)
```

#### Diagrama de sectores



## 2 Fichero "Familia.txt"

El fichero "Familia.txt" contiene el peso (kgs) y la altura (cms) de los integrantes de una familia.

# 2.1 Leer en R este fichero y calcular la media y la cuasidesviación típica de cada variable.

```
datos2=read.table(file="Familia.txt",sep=" ")
head(datos2) %>%
  kable(booktabs=TRUE) %>%
kable_styling(latex_options = "striped")
```

|         | Altura | Peso |
|---------|--------|------|
| Sobrina | 120    | 22   |
| Hijo    | 172    | 52   |
| Abuelo  | 163    | 71   |
| Hija    | 158    | 51   |
| Sobrino | 153    | 51   |
| Abuela  | 148    | 60   |

```
datos2 %>%
  summarise(
    MediaAltura=mean(Altura),
    MediaPeso = mean(Peso),
    SdAltura=sd(Altura),
    SdPeso=sd(Peso)
) %>%
    kable(booktabs=TRUE) %>%
kable_styling(latex_options = "striped")
```

| MediaAltura | MediaPeso | SdAltura | SdPeso   |  |
|-------------|-----------|----------|----------|--|
| 156.6       | 54.1      | 14.93839 | 13.56835 |  |

#### Otra forma:

```
datos2 %>%
  summarise_each(
  c( sd, mean)) %>%
  kable(booktabs=TRUE) %>%
kable_styling(latex_options = "striped")
```

| Altura_fn1 | Peso_fn1 | Altura_fn2 | Peso_fn2 |
|------------|----------|------------|----------|
| 14.93839   | 13.56835 | 156.6      | 54.1     |

#### Otra forma:

```
datos2 %>%
  summarise_all(
    list(mean,sd)
) %>%
kable(booktabs=TRUE) %>%
  kable_styling(latex_options = "striped")
```

| Altura_fn1 | Peso_fn1 | Altura_fn2 | Peso_fn2 |
|------------|----------|------------|----------|
| 156.6      | 54.1     | 14.93839   | 13.56835 |

#### 2.2 Nube de puntos y recta de mínimos cuadrados

Dibujar la nube de puntos (Peso, Altura) y superponer la recta de mínimos cuadrados. Calcular el coeficiente de correlación lineal entre ambas variables.

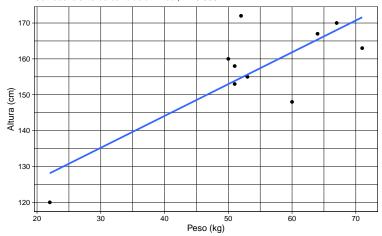
Coeficiente de correlación lineal

```
datos2 %>%
  summarise(
    Ccirlineal=cor(Peso,Altura)
    )-> ccl

ggplot(data=datos2, aes(Peso,Altura)) +
  geom_point()+
  geom_smooth(method=lm, se=FALSE, formula = y~x)+ #Quito los IC
  labs(
    title = "Nube de puntos con recta de mínimos cuadrados.",
    subtitle = pasteO("Con coeficiente de correlación lineal, r = " , round(ccl,4)),
    y="Altura (cm)",
    x="Peso (kg)" )+
  theme_linedraw()
```

Nube de puntos con recta de mínimos cuadrados.

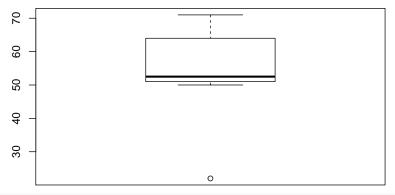




### 2.3 Outliers

¿Qué observación es outlier para la variable peso? Repetir el apartado anterior sin esa persona.

#### res2=boxplot(datos2\$Peso)

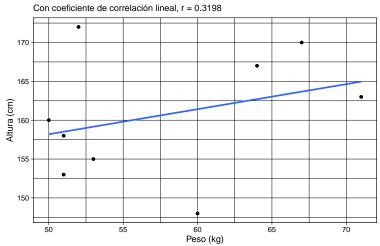


res2 # Mirlo las estadísticas del diagrama.

```
## $stats
##
        [,1]
## [1,] 50.0
## [2,] 51.0
## [3,] 52.5
## [4,] 64.0
  [5,] 71.0
##
   attr(,"class")
##
##
##
   "integer"
##
## $n
## [1] 10
##
## $conf
##
            [,1]
## [1,] 46.00468
## [2,] 58.99532
```

```
##
## $out
## [1] 22
##
## $group
## [1] 1
## $names
## [1] "1"
datos2 %>%
  arrange(Peso) %>%
  head(1)
##
           Altura Peso
## Sobrina
              120
datos2new=datos2[-1,]
datos2new %>%
  summarise(
    Ccirlineal=cor(Peso,Altura)
    )-> ccl
ggplot(data=datos2new, aes(Peso,Altura)) +
  geom_point()+
  geom_smooth(method=lm, se=FALSE, formula = y~x)+ #Quito los IC
  labs(
    title = "Nube de puntos con recta de mínimos cuadrados.",
    subtitle = paste0("Con coeficiente de correlación lineal, r = " , round(ccl,4)),
    y="Altura (cm)",
    x="Peso (kg)")+
  theme_linedraw()
```

#### Nube de puntos con recta de mínimos cuadrados.



#### 2.4 IMC

Calcular el Índice de Masa Corporal (IMC), definido como el cociente entre el peso y el cuadrado de la altura (en metros). Representarlo con un gráfico de barras.

```
dat2imc= datos2 %>%
  mutate(IMC=Peso/((Altura/100)^2))

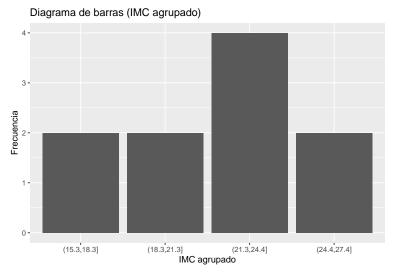
dat2imc %>%
  kable(booktabs=TRUE) %>%
kable_styling(latex_options = "striped")
```

|         | Altura | Peso | IMC      |
|---------|--------|------|----------|
| Sobrina | 120    | 22   | 15.27778 |
| Hijo    | 172    | 52   | 17.57707 |
| Abuelo  | 163    | 71   | 26.72287 |
| Hija    | 158    | 51   | 20.42942 |
| Sobrino | 153    | 51   | 21.78649 |
| Abuela  | 148    | 60   | 27.39226 |
| Tía     | 160    | 50   | 19.53125 |
| Tío     | 170    | 67   | 23.18339 |
| Madre   | 155    | 53   | 22.06035 |
| Padre   | 167    | 64   | 22.94812 |

Vamos a definir cuatro intervalos para representar mis datos, empleamos el método del rango intercuartílico.

```
dat2imc %>%
  mutate(
    IMCargu=cut(IMC,breaks=4)
) %>% ggplot(aes(x=IMCargu))+
  geom_bar()+
  labs(

x="IMC agrupado",
  y="Frecuencia",
  title="Diagrama de barras (IMC agrupado)"
)
```



#### 2.5 Ordenar

Ordenar los familiares de mayor a menor IMC.

```
dat2imc %>%
  arrange(desc(IMC ) ) %>%
  kable(booktabs=TRUE) %>%
  kable_styling(latex_options = "striped")
```

|         | Altura | Peso | IMC      |
|---------|--------|------|----------|
| Abuela  | 148    | 60   | 27.39226 |
| Abuelo  | 163    | 71   | 26.72287 |
| Tío     | 170    | 67   | 23.18339 |
| Padre   | 167    | 64   | 22.94812 |
| Madre   | 155    | 53   | 22.06035 |
| Sobrino | 153    | 51   | 21.78649 |
| Hija    | 158    | 51   | 20.42942 |
| Tía     | 160    | 50   | 19.53125 |
| Hijo    | 172    | 52   | 17.57707 |
| Sobrina | 120    | 22   | 15.27778 |

# 3 Librería ISwR

Acceder al fichero alkfos de la librería ISwR:

```
library(ISwR)
alkfos %%
kable(booktabs=TRUE,longtable=T,caption="Fichero alkfos") %>%
kable_styling(latex_options = c("striped","repeat_header"))
```

Table 1: Fichero alkfos

| grp | c0  | c3  | c6  | c9  | c12 | c18 | c24 |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 1   | 142 | 140 | 159 | 162 | 152 | 175 | 148 |
| 1   | 120 | 126 | 120 | 146 | 134 | 119 | 116 |
| 1   | 175 | 161 | 168 | 164 | 213 | 194 | 221 |
| 1   | 234 | 203 | 174 | 197 | 289 | 174 | 189 |
| 1   | 94  | 107 | 146 | 124 | 128 | 98  | 114 |
| 1   | 128 | 97  | 113 | 203 | NA  | NA  | NA  |
| 1   | 202 | 189 | 208 | 203 | 209 | 200 | 218 |
| 1   | 190 | 277 | 270 | 171 | 141 | 192 | 190 |
| 1   | 104 | 117 | 135 | 122 | 112 | 133 | 123 |
| 1   | 112 | 95  | 114 | 122 | 118 | 119 | 138 |
| 1   | 160 | 169 | 178 | 208 | 220 | 215 | 232 |
| 1   | 214 | 211 | 215 | 240 | 227 | 288 | 260 |
| 1   | 113 | 138 | 112 | 114 | 109 | 106 | 111 |
| 1   | 237 | 245 | 219 | 213 | 215 | 225 | 228 |
| 1   | 205 | 213 | 248 | 222 | 225 | 207 | 172 |
| 1   | 202 | 231 | 236 | 185 | 204 | 226 | 147 |
| 1   | 137 | 128 | 136 | 146 | 152 | 132 | 150 |
| 1   | 175 | 163 | 167 | 144 | 168 | NA  | NA  |

Table 1: Fichero alkfos (continued)

| grp | c0  | c3  | c6  | c9  | c12 | c18 | c24 |
|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
|     |     |     |     |     |     |     |     |
| 1   | 174 | 151 | 150 | 133 | 134 | 149 | 146 |
| 1   | 81  | 81  | 83  | 74  | 82  | 84  | 108 |
| 1   | 113 | 131 | 298 | 124 | 126 | 140 | 129 |
| 1   | 104 | 114 | 124 | 102 | 94  | 122 | 125 |
| 1   | 178 | 172 | 159 | 155 | 157 | 153 | 164 |
| 2   | 150 | 122 | 103 | 109 | 103 | 87  | 109 |
| 2   | 173 | 127 | 117 | 124 | 143 | 123 | 144 |
| 2   | 191 | 174 | 165 | 160 | 177 | 184 | NA  |
| 2   | 191 | 159 | 157 | 161 | 150 | 187 | 215 |
| 2   | 230 | 150 | 144 | 153 | 125 | 124 | 152 |
| 2   | 145 | 134 | 167 | 141 | 112 | 212 | 194 |
| 2   | 128 | 92  | 89  | 78  | 83  | 78  | 80  |
| 2   | 102 | 86  | 80  | 76  | 82  | 79  | 68  |
| 2   | 180 | 124 | 116 | 117 | 124 | NA  | NA  |
| 2   | 153 | 96  | 97  | 96  | 93  | 156 | 110 |
| 2   | 115 | 79  | 79  | 79  | 73  | 69  | 72  |
| 2   | 150 | 113 | 124 | 102 | 100 | 109 | 101 |
| 2   | 182 | 147 | 156 | 79  | 135 | NA  | 162 |
| 2   | 175 | 146 | 157 | 140 | 143 | 158 | 162 |
| 2   | 146 | 86  | 81  | 80  | 87  | 89  | 95  |
| 2   | 92  | 80  | 95  | 95  | 86  | 119 | NA  |
| 2   | 228 | 177 | 185 | 181 | 190 | 182 | 192 |
| 2   | 178 | 119 | 107 | NA  | 102 | 110 | 94  |
| 2   | 213 | 185 | 152 | 142 | 158 | 178 | 194 |
| 2   | 161 | 107 | 104 | 107 | NA  | 118 | 129 |

# 3.1 Ver los primeros casos y los últimos.

```
alkfos[c(1,2,3,41,42,43),] %>%
kable(booktabs=TRUE) %>%
kable_styling(latex_options = "striped", stripe_index = c(1,2,5:6))
```

|    | grp | c0  | c3  | c6  | c9  | c12 | c18 | c24 |
|----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|-----|
| 1  | 1   | 142 | 140 | 159 | 162 | 152 | 175 | 148 |
| 2  | 1   | 120 | 126 | 120 | 146 | 134 | 119 | 116 |
| 3  | 1   | 175 | 161 | 168 | 164 | 213 | 194 | 221 |
| 41 | 2   | 178 | 119 | 107 | NA  | 102 | 110 | 94  |
| 42 | 2   | 213 | 185 | 152 | 142 | 158 | 178 | 194 |
| 43 | 2   | 161 | 107 | 104 | 107 | NA  | 118 | 129 |

- 3.2 Reformatear los datos a la estructura grp time c id.
- 3.3 Ordenar el nuevo formato por grp, id y time, y mostrar las variables en el orden (grp, id, time, c).

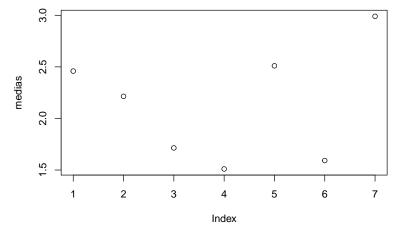
#### 4 Fichero "dietas.dat"

Leer el fichero "dietas.dat", donde se distinguen 4 dietas alimenticias, y se mide el peso durante 6 meses.

```
dietas=read.table("dietas.dat",sep = " ",col.names = paste0("Dieta_",c(1:7)))
```

Cada variable toma valores de 1 a 6, a mayor valor más lejos del peso ideal. Representar gráficamente la evolución de los pesos medios según la dieta.

```
medias=c(
mean(dietas[,1]),
mean(dietas[,2]),
mean(dietas[,3]),
mean(dietas[,4]),
mean(dietas[,5]),
mean(dietas[,6]),
mean(dietas[,7]))
```



En este problema se trabajará con el conjunto de datos Boston de la librería MASS.

- 4.1 Acceder a los datos, en particular, averiguar qué información contiene y cuál es la dimensionalidad de los datos.
- 4.2 Ordenar las variables según el valor absoluto de su coeficiente de correlación lineal con medy (variable a predecir en este conjunto de datos).
- 4.3 ¿Destaca algún distrito por su tasa de criminalidad? Similarmente, por los impuestos sobre la propiedad o por la ratio alumnos-profesor.
- 4.4 ¿Cuántos distritos son limítrofes con el río? Calcular las medias de crim y medv según chas.
- 4.5 Analizar la relación lineal entre lstat y medv.
- 5 Comprobar empíricamente el Teorema de Fisher a partir de 5000 muestras de tamaño 10 de una ley N(0,1):
- 5.1 Analizar la relación lineal entre las medias y las cuasivarianzas.
- 5.2 Estudiar gráficamente si los cocientes (n-1)\*cuasivar/(sigma^2) siguen una ley chi-cuadrado.
- Comprobar mediante una simulación el ajuste de las distribuciones chi-cuadrado y la distribución F-Snedecor a partir de las cuasivarianzas muestrales para 10000 pares de muestras independientes. En cada par, la primera muestra será de tamaño 10 de la ley N(0,1), y la segunda muestra de tamaño 8 de la ley N(10,3).

### 7 Fichero "salarios.txt"

El fichero "salarios.txt" contiene datos sobre el salario (variable wage) y otras características para 3000 trabajadores.

- 7.1 Leer en R los datos.
- 7.2 Representar gráficamente los salarios según las variables age, year y education, y superponer estimaciones de la media del salario según cada variable.
- 7.3 Dibujar la evolución anual del salario medio según el nivel educativo.
- 7.4 Calcular los porcentajes de variación interanual del salario medio según nivel educativo.
- 7.5 Ordenar el fichero de datos según año (creciente) y edad (decreciente).

#### 8 Librería MASS

Acceder al data frame painters de la librería MASS.

- 8.1 Interpretar y resumir la información contenida en este fichero de datos.
- 8.2 Seleccionar las escuelas del renacimiento y Veneciana para los siguientes apartados.
- 8.3 Generar en una sola pantalla los diagramas de caja y bigotes según la escuela.
- 8.4 Construir nubes de puntos en las que se distinga la escuela.
- 8.5 Comparar mediante gráficos de barras las medias de ambas escuelas.