# Hoja 1 de problemas y prácticas con R

# Estadística Computacional I. Grado en Estadística

Departamento de Estadística e Investigación Operativa. Universidad de Sevilla

# Contents

1	Ejercicio 1           1.1 Solución:	2
2	Ejercicio 2 2.1 Solución:	2
3	3.0.3       Generar el vector         3.0.4       Construir el vector	3 3 4 5 5 6
4	<ul> <li>4.1.1 Determinar las posiciones y valores de los y<sub>i</sub> &gt; 600</li></ul>	
5	Ejercicio 5 5.1 Solución:	
6	Ejercicio 6 6.1 Solución:	
7	Ejercicio 7       1         7.1 Solución:	
8	Ejercicio 8 8.1 Solución:	
9	Ejercicio 9 9.1 Solución:	13

### 1 Ejercicio 1

1. Crear un vector donde se repitan los códigos provinciales de Andalucía: 10 veces Almería, 10 veces Cádiz, ..., 10 veces Jaén, 15 para Málaga y 18 Sevilla. Permutar aleatoriamente los elementos de dicho vector y calcular la tabla de frecuencias.

#### 1.1 Solución:

```
codigos=c(4,11,14,18,21,23,29,41)
#acceder a elementos:
codigosrepetidos=rep(codigos,c(rep(10,6),15,18))
set.seed(1)
codrepetidospermutados=sample(codigosrepetidos)
codrepetidospermutados
  [1] 29 18 4 18 41 21 11 41 23 23 14 23 29 4 29 18 41 41 21 18 18 29 21 18 11
## [26] 14 29 29 18 29 14 23 23 4 23 41 41 29 23 14 18 41 4 21 11 14 23 29 41 29
## [51] 29 14 41 29 41 11 11 18 11 29 41 29 21 29 41 41 21 11 11 21 41 41 21 41
## [76] 14 41 21 18 4 21 14 4 23 41 14 4 11 14 11 4 23 4
table(codrepetidospermutados)
## codrepetidospermutados
## 4 11 14 18 21 23 29 41
## 10 10 10 10 10 15 18
Provincias =c("Almería", "Cádiz", "Jaén", "Granada", "Córdoba", "Huelva", "Málaga", "Sevilla")
#table(factor(codrepetidospermutados), labels=Provincias)
Otra forma, con el paquete tidyverse.
set.seed(1)
codigosrepetidos %>%
  sample() %>%
 table()
## .
## 4 11 14 18 21 23 29 41
## 10 10 10 10 10 15 18
```

# 2 Ejercicio 2

2. Con la ayuda de paste, crear un vector de nombres "Caso 1",..., "Caso 30".

#### 2.1 Solución:

```
paste("Caso_",1:30, sep = "")

## [1] "Caso_1" "Caso_2" "Caso_3" "Caso_4" "Caso_5" "Caso_6" "Caso_7"

## [8] "Caso_8" "Caso_9" "Caso_10" "Caso_11" "Caso_12" "Caso_13" "Caso_14"

## [15] "Caso_15" "Caso_16" "Caso_17" "Caso_18" "Caso_19" "Caso_20" "Caso_21"

## [22] "Caso_22" "Caso_23" "Caso_24" "Caso_25" "Caso_26" "Caso_27" "Caso_28"
```

```
## [29] "Caso_29" "Caso_30"

# Formas equivalentes:

# pasteO("Caso_",1:30)

# paste("Caso",1:30, sep = "_")
```

Con un bucle for, pero se recomiendo no usarlo por ser mucho más lento en general.

```
ve2=c()
for (i in 1:30) {
ve2[i]= paste("Caso_",i)
}
ve2
## [1] "Caso_ 1" "Caso_ 2" "Caso_ 3" "Caso_ 4" "Caso_ 5" "Caso_ 6"
## [7] "Caso_ 7" "Caso_ 8" "Caso_ 9" "Caso_ 10" "Caso_ 11" "Caso_ 12"
```

```
## [1] "Caso_ 1" "Caso_ 2" "Caso_ 3" "Caso_ 4" "Caso_ 5" "Caso_ 6" ## [7] "Caso_ 7" "Caso_ 8" "Caso_ 9" "Caso_ 10" "Caso_ 11" "Caso_ 12" ## [13] "Caso_ 13" "Caso_ 14" "Caso_ 15" "Caso_ 16" "Caso_ 17" "Caso_ 18" ## [19] "Caso_ 19" "Caso_ 20" "Caso_ 21" "Caso_ 22" "Caso_ 23" "Caso_ 24" ## [25] "Caso_ 25" "Caso_ 26" "Caso_ 27" "Caso_ 28" "Caso_ 29" "Caso_ 30"
```

### 3 Ejercicio 3

3. Generar dos vectores de tamaño 250, seleccionando aleatoriamente números enteros entre 0 y 999, sean x e y los vectores resultantes.

#### 3.0.1 Visualizarlos en dos columnas.

```
## [2,] 776 235

## [3,] 537 316

## [4,] 262 963

## [5,] 451 69

## [6,] 89 99

## [7,] 272 70

## [8,] 644 731

## [9,] 81 848

## [10,] 955 220
```

Otro modo, con la librería tidyverse:

```
set.seed(1357) #semilla del generador
n=250
xyt= tibble(
    x= sample(0:999,n, replace = T),
    y= sample(0:999,n, replace = T))
head(xyt,10) # Creo un objeto tible
```

```
## # A tibble: 10 x 2
##
           Х
                  У
       <int> <int>
##
##
    1
         139
                894
##
    2
         776
                235
##
    3
         537
                316
##
    4
         262
                963
##
    5
         451
                 69
##
    6
          89
                 99
##
    7
         272
                 70
##
    8
         644
                731
##
    9
          81
                848
## 10
         955
                220
```

#### 3.0.2 Construir el vector

```
y_2-x_1,\ldots,y_{250}-x_{249}.
```

Vemos que la y va adelantada un lugar.

```
v2=y[2:n]-x[1:(n-1)]
v2
##
     [1]
           96 -460
                     426 -193 -352
                                    -19
                                          459
                                                204
                                                     139
                                                          -91
                                                                735
                                                                     218
                                                                           367
                                                                                795
                                                                                     286
                205
                     -95
                          -73
                                                                  0 -160
                                                                           209
##
    [16] -137
                                 -8 -316
                                            37 -175
                                                     -90 -344
                                                                                -17
                                                                                     721
    [31]
          286 -648
                     441 -677
                                492
                                      97 -457
                                                -62
                                                                     -45
                                                                         -591
                                                                                436
                                                                                     288
##
                                                      13
                                                          402
                                                                124
##
    [46]
           83 -814
                     688
                          337 -331 -187
                                          222
                                                222 -590 -165
                                                                479
                                                                    -626
                                                                            19
                                                                               -781 -746
               245
                     359 -253
                               -76 -614
                                                607 -172 -262
                                                                385
                                                                    -504
##
    [61] -126
                                            24
                                                                         -556
                                                                                462
                                                                                     188
##
    [76]
          667 -229
                     124 -594 -240 -580
                                         -611 -171 -461 -884
                                                                365
                                                                     531
                                                                           546
                                                                                196
                                                                                    -303
    [91]
          244 -265
                     633 -400 -828 -548
                                                859 -370
                                                               -446
                                                                     -65
                                                                           728
##
                                            31
                                                            48
                                                                                274
                                                                                       14
   [106] -746
                 54
                     502
                          664 -217
                                     164 -286
                                                -15
                                                     -87
                                                           287
                                                                248 -628
                                                                           550
                                                                                147 -246
          -36 -361 -510
                          -84 -293
                                              -547 -632
                                                           232
                                                                127
                                                                     236
                                                                           236 -904
##
   [121]
                                     212 -345
                                                                                       81
  [136]
          168
                 92 -200 -349 -215
                                      56
                                          257
                                                756 -278
                                                           334
                                                                392 -321
                                                                          -586 -578
                                                                                    -805
   [151] -164
               -81
                     737
                          269
                                119
                                     133
                                            44
                                               -221 -679
                                                         -229
                                                                308
                                                                     200
                                                                           653
                                                                                 24
                                                                                     179
##
          -90
               100
                     517
                            39
                                    -273
                                         -233
                                                712
                                                     -40
                                                         -255
                                                                 77
                                                                     341
                                                                            -4
                                                                                226
  Г1661
                                519
                                                                                     -13
## [181] -215 -151 -103
                            26 -788
                                    -401
                                            65
                                                610
                                                      46
                                                           121
                                                               -463
                                                                     549 -450 -721 -463
## [196] -139 -602 -467
                            -3
                                 55
                                      76
                                          399
                                                443 -588
                                                         -444
                                                                608 -101
                                                                           253
                                                                                588 -314
## [211] -595 -247
                                          642 -455 -537
                      89 -534
                                466
                                     289
                                                            71
                                                                335 -579 -351 -276 -564
               106
                                          398
                                                 60
                                                     -59
                                                           125 -212 -500 -322
## [226]
         777
                     176 -331 -218
                                      57
                                                                                -99
## [241] -710
                  2
                     601 -175 -368 -587 -858
                                                541
                                                     -42
# Otra forma
# y[-1]-x[-n]
```

Otra forma:

```
head(cbind(y[-1],x[-n],y[-1]-x[-n]),10)
```

```
##
          [,1] [,2] [,3]
##
    [1,]
          235
                139
##
    [2,]
          316
                776 -460
##
    [3,]
          963
                537
                      426
    [4,]
                262 -193
##
            69
    [5,]
                451 -352
##
            99
##
    [6,]
            70
                 89
                     -19
##
    [7,]
          731
                272
                      459
##
                644
    [8,]
          848
                     204
```

```
## [9,] 220
              81 139
## [10,] 864 955 -91
Con el sistema tidyverse:
xyt %>%
 mutate(
   t1=lead(y,n=1),
   t2=x,
   v2=t1-t2
pull(v2) %>% # Me quedo con la columna v2 en formato vector
 head(10)
## [1]
         96 -460 426 -193 -352 -19 459 204 139 -91
3.0.3 Generar el vector
y_2-y_1,\ldots,y_{250}-y_{249}.
v3=y[-1]-y[-n]
head(v3,10)
## [1] -659
               81 647 -894
                             30 -29 661 117 -628 644
Otra forma
head(cbind(y[-1], y[-n], y[-1]-y[-n]),10)
         [,1] [,2] [,3]
##
##
   [1,] 235 894 -659
##
   [2,] 316
               235
                     81
##
   [3,] 963
               316 647
   [4,]
##
          69 963 -894
   [5,]
##
          99
               69
                    30
          70
               99 -29
##
   [6,]
## [7,] 731
               70 661
## [8,]
         848
              731 117
## [9,] 220
              848 -628
## [10,] 864 220 644
xyt %>%
 mutate(
   t1=lead(y,n=1),
   t2=y ,
    v2=t1-t2
  ) %>%
pull(v2) %>% # Me quedo con la columna v2 en formato vector
 head(10)
## [1] -659
               81 647 -894
                              30 -29 661 117 -628 644
3.0.4 Construir el vector
x_1 + 2x_2 - x_3, x_2 + 2x_3 - x_4, ..., x_{248} + 2x_{249} - x_{250}.
v4=x[1:248]+2*x[2:249]-x[3:250]
v4
```

[1] 1154 1588 610 1075 357 -11 1479 -149 1774 955 795 899 478 -279 423

```
[16] 1522 316 219 1748 633 1478 1751 1864 2046 558
                                                             282
                                                                   267 1578
##
    [31] 1865 -223 1574 1734 -243 1844 1191 552 -272 1150
                                                                  998 1061
                                                                             508
                                                                                  732
                                                             417
                                   580 -316 1826 1148
##
    [46] 2408
               949
                    625 1456
                              713
                                                        455 1940
                                                                    95
                                                                        944 2187
                                                                                  764
   [61]
          551
                27 2052 534
                              554 2229
                                        245 1006 1016
                                                        856
                                                             970 1504 1092
                                                                             518 -431
##
##
    [76]
          601 1343 1528 1385 1429 1012 2086 1041 2072 1441
                                                             959
                                                                   369
                                                                        110 2398
              193 1119 2001 1754 1005 -384 1213 1344
                                                        626 1976
                                                                  579
##
   [91]
          671
                                                                        539 -171 1112
## [106] 2540 1151
                    246
                         445 1273
                                    903
                                        538
                                              965
                                                   303 -273 1701 1308
                                                                         77
                                    920 1165 2177 1357 1242
## [121] 1060 1212 1753 1958 1487
                                                             107
                                                                   211 1939 1625
                                                                                  918
  Г1367
         829 1236 2080
                         883
                              716
                                   488
                                         -97 1188
                                                   967 -448 1404 1396 1183 1566 2137
                         211
                              188 1925
                                        562 1358 1092 1111
  [151] 1184
               512
                   192
                                                             779
                                                                  -81 2026 1037
## [166] 1276
               245 1186 -178 1582 1344
                                          14 1572 1213
                                                        767 -153 2123 1053
                                                                              -3
                                                                                  150
## [181] 2107
               998
                   887 1798 1197 1892 1360
                                              706
                                                  -63 1392
                                                             536 1005 1686 1851
                                                                                  609
## [196]
         823 1096 2026 1632 -112
                                    605
                                        697
                                              977 1688
                                                        939
                                                             318
                                                                  264
                                                                        -86
                                                                             116 1597
               540 1471
                                                   958 -136
                                                             807 1489
                                                                        926 2303
## [211] 1416
                         658
                              919 -545 1161 2007
## [226] 500
               -88 1573 1100
                              152
                                   704
                                              714 1508 1458
                                                             834 2249 1407 -221 1065
                                         678
## [241] 2171
               509
                     59
                         754 1425 2552
                                          49 1590
```

Otra forma:

```
xyt %>%
  mutate(
    t1=x,
    t2=lead(x,n=1), # Empieza por el 2º
    t3=lead(x,n=2), # Empieza por el 3º
    v3= t1+2*t2-t3
) %>%
  pull(v3) %>%
  head(10)
```

```
## [1] 1154 1588 610 1075 357 -11 1479 -149 1774 955
```

#### 3.0.5 Calcular la suma de los valores

```
\frac{1}{(x_i+y_i)}
\operatorname{sum}(1/(x+y))
```

## [1] 0.3663756

## 4 Ejercicio 4

4. Continuando con los vectores x e y anteriores:

#### 4.1 Solución:

#### 4.1.1 Determinar las posiciones y valores de los $y_i > 600$ .

```
cbind(which(y>600), y[which(y>600)]) %>%
  head(10)
## [,1] [,2]
```

```
[1,]
                894
##
             1
    [2,]
             4
                963
##
    [3,]
             8
                731
##
    [4,]
             9
                848
                864
##
   [5,]
            11
```

```
[6,]
##
           12 952
##
   [7,]
           13 652
   [8,]
##
           14 657
## [9,]
           15 910
## [10,]
           18
               780
Sistema tidyverse:
xyt %>%
  mutate(posicion = row_number()) %>%
  filter(y>600) %>%
  select(posicion , y) %>%
 head(10)
## # A tibble: 10 x 2
##
      posicion
                   У
         <int> <int>
##
##
   1
             1
                  894
##
    2
             4
                  963
##
    3
             8
                  731
##
    4
             9
                  848
##
   5
            11
                  864
##
   6
            12
                  952
##
    7
            13
                  652
##
   8
            14
                  657
##
   9
            15
                  910
            18
                  780
## 10
       Construir una matriz con las posiciones y valores anteriores, y con los valores de x en
4.1.2
```

esas posiciones.

```
xyt %>%
  mutate(posicion = row_number()) %>%
  filter(y>600) %>%
  select(posicion , x) %>%
  as.matrix() %>%
  head(10)
```

```
posicion
##
                    х
    [1,]
##
                1 139
   [2,]
                4 262
##
##
  [3,]
                8 644
##
  [4,]
                9 81
##
   [5,]
               11 217
##
   [6,]
               12 434
               13 290
##
   [7,]
##
   [8,]
               14 115
##
   [9,]
               15 42
               18 106
## [10,]
```

4.1.3 Guardar las posiciones como nombres de filas de la matriz anterior.

```
xyt %>%
 mutate(posicion = row_number()) %>%
  filter(y>600) %>%
```

```
select(posicion ,y, x) %>%
 as.matrix()->xytmat
rownames(xytmat) = xytmat[,1]
xytmat=xytmat[,-1]
xytmat %>% head()
##
       У
## 1 894 139
## 4 963 262
## 8 731 644
## 9 848 81
## 11 864 217
## 12 952 434
4.1.4 Construir el vector
|x_1 - \overline{x}|^{1/2}, \dots, |x_n - \overline{x}|^{1/2}.
(xmedia = mean(x))
## [1] 477.988
abs(x-xmedia)^(1/2)
    [1] 18.4116268 17.2630241 7.6819268 14.6965302 5.1949976 19.7227787
    [7] 14.3522820 12.8845644 19.9245577 21.8406044 16.1551230 6.6323450
##
##
   [13] 13.7108716 19.0522440 20.8803257 0.1095445 9.8494670 19.2869904
  [19] 2.6434826 18.7353142 9.8482486 21.9091762 18.4665102 19.1575573
  [25] 12.9233123 19.7227787 14.5941084 11.8738368 13.9288190 19.3646069
##
   [31] 9.1097750 16.2791892 21.4939061 22.8037716 6.3236066 18.3844500
##
  [37] 21.9775340 16.1241434 16.4920587 19.9997000 12.4904764 16.7924983
##
  [43] 11.4460474 7.8732458 9.8988888 13.7844840 22.4947105 15.8110088
  [49] 3.6072150 10.3446605 16.5223485 13.9995714 16.9996471 22.3161825
   [55] 12.7666754 4.4707941 17.2630241 20.1987128 18.5205831 17.0297387
## [61] 17.5495869 11.5753186 13.0762380 21.2840786 18.9996842 12.3698019
## [67] 18.6282581 20.6394767 14.3531181 7.9992500 4.2440547 8.4859885
## [73] 12.1660182 13.4159606 18.6544365 20.9281628 12.7676153 15.5888422
   [79] 16.1867847 13.9646697 14.9335863 12.9619443 22.4279290 6.6341541
## [85] 22.4947105 7.7451921 9.9492713 16.1551230 5.8299228 22.7378979
  [91] 21.0235106 3.9984997 13.7472906 19.2096851 19.6471881 9.7985713
## [97] 14.8319924 19.8239249 18.2759952 4.2440547 4.2412262 17.6638614
## [103] 20.3466951 11.7893172 16.5827621 20.9287362 21.0953075 15.9996250
## [115] 19.7734165 15.2311523 19.3393899 15.1323495 20.8803257 14.8992617
## [121] 19.0259822 18.1937352 14.0004286 21.6104604 18.2486164 11.4460474
## [127] 8.0007500 17.1759134 21.0953075 5.9989999 5.2903686 19.4419135
## [133] 8.0630019 22.2937659 8.7184861 4.4707941 8.6030227 15.9690952
## [139] 17.4359399 16.1551230 12.0410963 17.6348519 17.2912695 12.0005000
## [145] 15.5880724 18.7879749 21.3310103 10.4408812 15.2647306 18.6550797
## [151] 17.8609070 13.9638104 17.2912695 18.6812205 15.2639444 8.3658831
## [157] 19.8749088 15.7793536 17.0590738 8.3059015 4.1245606 13.7836135
## [163] 13.6377417 21.7947700 17.4925127 14.7644167 9.5922886 18.8145688
## [169] 9.7474099 19.8491310 21.0002857 11.7468294 14.9327827 18.9212050
## [175] 11.0899955 12.0410963 14.9662286 22.7158975 18.9469787 17.2912695
## [181] 1.4184499 22.6055745 11.2688952 14.6632875 19.2876126 10.8172085
```

```
## [187] 19.1052872 9.4333451 14.7305126 16.5223485 16.0003750 14.0352414
## [193] 16.7932129 17.8328910 13.7117468 14.1770237 11.5330828 14.0716737
## [199] 19.7233871 9.6947408 21.7942194 4.9002041 8.7171096 11.4460474
## [205] 12.8456997 16.4617132 18.9733497 18.7879749 19.3387694 7.6803646
## [211] 18.6550797 1.9969977 10.9539034 13.1153345 17.0583704 10.5824383
## [217] 21.8629367 20.8089404 13.5281928 15.8741299 17.9718669 13.9288190
## [223] 14.6291490 9.4346171 20.5429307 20.3466951 12.6486363 16.6729721
## [229] 18.1111016 15.4592367 17.1460783 4.7945803 9.3801919 8.8888694
## [235] 17.6638614 12.2886940 10.5835722 22.2937659 13.6743556 18.1104390
## [241] 18.2759952 15.1990789 20.4691964 12.6486363 12.5702824 18.9212050
## [247] 20.1249099 20.6878708 21.3544375 12.2469588
```

4.1.5 Calcular el número de elementos de y que distan menos de 200 del máximo de y.

```
length(which(abs(y-max(y))<200))</pre>
## [1] 45
xyt %>%
  mutate(
    distancia=abs(y-max(y))
  ) %>%
  filter(distancia<200) %>%
  count()
## # A tibble: 1 x 1
##
##
     <int>
## 1
        45
#
   summarise(
  cuantos = n())
```

4.1.6 ¿Cuántos elementos de x son pares?

4.1.7 Seleccionar los elementos de x en posiciones donde y sea múltiplo de 5.

```
xyt %>%
mutate( Resto=(y %% 5)==0) %>%
filter(Resto==TRUE) %>%
pull(x)
```

```
## [1] 776 272 955 42 106 958 819 645 337 103 16 140 634 228 458 70 768 298 130
## [20] 740 981 522 418 217 995 462 64 923 408 116 809 458 622 409 495 953 570 124
## [39] 333 254 994 119 179 989 760 796 666 609 118 826 0 672 239 557 629 975 318
## [58] 50
# Otra forma:
#xyt %>% filter ((y%%5) ==0) %>% pull(x)
```

Otra forma

```
x[(y\%\%5)==0]
```

```
## [1] 776 272 955 42 106 958 819 645 337 103 16 140 634 228 458 70 768 298 130 ## [20] 740 981 522 418 217 995 462 64 923 408 116 809 458 622 409 495 953 570 124 ## [39] 333 254 994 119 179 989 760 796 666 609 118 826 0 672 239 557 629 975 318 ## [58] 50
```

#### 4.1.8 Ordenar los elementos de x según la ordenación creciente de y.

```
xyt %>%
  arrange(y) %>%
  pull(x) %>%
  head(10)
```

## [1] 711 333 769 676 116 471 790 825 125 416

### 5 Ejercicio 5

```
5. Calcular 1 + (1+2) + ... + (1+2+3+...+10).
```

#### 5.1 Solución:

```
# cumsum(1:10) Cada uno de los sumandos del ejercicio
cumsum(1:10) %>%
   sum()

## [1] 220
```

```
# Otra forma:
# sum(cumsum(1:10))
```

# 6 Ejercicio 6

6. Calcular:

```
1 + (2/3) + (2/3)(4/5) + (2/3)(4/5)(6/7) + \dots + ((2/3)(4/5)(6/7)\dots(38/39)).
```

#### 6.1 Solución:

```
v6=c(1,seq(2,38,by=2)/seq(3,39, by=2))
v6
```

```
## [1] 1.0000000 0.6666667 0.8000000 0.8571429 0.8888889 0.9090909 0.9230769
## [8] 0.9333333 0.9411765 0.9473684 0.9523810 0.9565217 0.9600000 0.9629630
## [15] 0.9655172 0.9677419 0.9696970 0.9714286 0.9729730 0.9743590
```

```
cumprod(v6) %>%
sum()
```

## [1] 6.976346

### 7 Ejercicio 7

7. Construir una matriz n x n con 0 en la diagonal, +1 en la mitad triangular superior y -1 en la mitad triangular inferior.

#### 7.1 Solución:

```
m1 < -diag(0, 10, 10)
m1[lower.tri(m1)] < -1
m1[upper.tri(m1)] <- 1</pre>
##
          [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]
##
    [1,]
             0
                         1
                                          1
                                                      1
                                                            1
                   1
                               1
                                    1
##
    [2,]
            -1
                   0
                         1
                               1
                                    1
                                          1
                                                1
                                                      1
                                                            1
    [3,]
                         0
##
            -1
                  -1
                                          1
                                                1
                                                      1
                                                            1
                                                                   1
                               1
                                    1
                        -1
                               0
                                          1
##
    [4.]
            -1
                  -1
                                    1
                                                1
                                                            1
                                                                   1
##
    [5,]
            -1
                  -1
                        -1
                              -1
                                    0
                                          1
                                                            1
                                                                   1
##
    [6,]
            -1
                        -1
                                   -1
                              -1
                                                1
                                                      1
                                                            1
                                                                   1
    [7,]
            -1
                  -1
                        -1
                              -1
                                   -1
##
                                         -1
                                                0
                                                      1
                                                            1
                                                                   1
##
    [8,]
            -1
                  -1
                        -1
                              -1
                                   -1
                                         -1
                                               -1
                                                      0
                                                            1
                                                                   1
##
    [9,]
            -1
                  -1
                        -1
                                         -1
                                               -1
                                                            0
                              -1
                                   -1
                                                     -1
                                                                   1
## [10,]
            -1
                        -1
                              -1
                                   -1
                                         -1
                                                     -1
                                                           -1
                                                                   0
                                               -1
```

# 8 Ejercicio 8

8. Construir una matriz con la tabla de multiplicar.

#### 8.1 Solución:

```
numeros=c(1:10)
m=matrix(1:10,nrow=10,ncol=10)
m[1,]=numeros

diag(m)=diag(m)^2

m[-c(1,2),2]=2*m[-c(1,2),2]
m[-c(1,3),3]=3*m[-c(1,3),3]
m[-c(1,4),4]=4*m[-c(1,4),4]
m[-c(1,5),5]=5*m[-c(1,5),5]
m[-c(1,6),6]=6*m[-c(1,6),6]
m[-c(1,7),7]=7*m[-c(1,7),7]
m[-c(1,8),8]=8*m[-c(1,8),8]
m[-c(1,9),9]=9*m[-c(1,9),9]
m[-c(1,10),10]=10*m[-c(1,10),10]
m
```

## [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]

```
[1,]
                                                7
##
             1
                   2
                         3
                               4
                                    5
                                          6
                                                     8
                                                           9
                                                                 10
##
    [2,]
             2
                   4
                         6
                              8
                                   10
                                         12
                                               14
                                                     16
                                                          18
                                                                 20
                         9
##
    [3,]
             3
                   6
                              12
                                   15
                                         18
                                               21
                                                     24
                                                          27
                                                                 30
    [4,]
             4
                   8
                        12
                              16
                                   20
                                         24
                                               28
                                                    32
                                                          36
                                                                 40
##
##
    [5,]
             5
                  10
                        15
                              20
                                   25
                                         30
                                               35
                                                     40
                                                          45
                                                                 50
##
   [6,]
             6
                  12
                        18
                              24
                                   30
                                         36
                                               42
                                                     48
                                                          54
                                                                 60
##
   [7.]
             7
                  14
                        21
                              28
                                   35
                                         42
                                               49
                                                     56
                                                          63
                                                                 70
                                                          72
   [8,]
             8
                        24
                             32
                                   40
                                         48
                                                    64
                                                                 80
##
                  16
                                               56
## [9,]
             9
                  18
                        27
                              36
                                   45
                                         54
                                               63
                                                    72
                                                          81
                                                                 90
            10
## [10,]
                  20
                        30
                              40
                                   50
                                         60
                                               70
                                                    80
                                                          90
                                                                100
```

Otro caso:

```
matriz8 = function(n,k){
    m = matrix(rep(1,n*k),nrow = n,ncol = k)
    for (i in 1:n) {
        for (j in 1:k) {
            m[i,j] = i*j
        }
    }
    return(m)
}
matriz8(10,10)
```

```
[,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9] [,10]
##
##
                   2
                        3
    [1,]
             1
                              4
                                   5
                                         6
                                               7
                                                    8
                                                          9
                                                                10
    [2,]
             2
                   4
                        6
                                                                20
##
                              8
                                  10
                                        12
                                              14
                                                   16
                                                         18
##
    [3,]
             3
                   6
                        9
                             12
                                   15
                                        18
                                              21
                                                   24
                                                         27
                                                                30
   [4,]
             4
                       12
                                        24
                                              28
                                                   32
                                                                40
##
                  8
                             16
                                  20
                                                         36
   [5,]
##
             5
                 10
                       15
                             20
                                  25
                                        30
                                              35
                                                   40
                                                         45
                                                                50
##
    [6,]
             6
                 12
                       18
                             24
                                  30
                                        36
                                              42
                                                   48
                                                         54
                                                                60
##
   [7,]
             7
                  14
                       21
                             28
                                  35
                                        42
                                              49
                                                   56
                                                         63
                                                                70
## [8,]
             8
                 16
                       24
                             32
                                  40
                                        48
                                              56
                                                   64
                                                         72
                                                                80
## [9,]
             9
                 18
                       27
                             36
                                  45
                                        54
                                              63
                                                   72
                                                         81
                                                                90
## [10,]
            10
                  20
                       30
                             40
                                  50
                                        60
                                              70
                                                   80
                                                         90
                                                               100
```

Otra forma:

```
i=1:9
j=1:9

A=outer(i,j,"*")
colnames(A)=paste("*",1:9,sep="")
rownames(A)=1:9
A
```

```
*1 *2 *3 *4 *5 *6 *7 *8 *9
##
## 1
     1
       2 3 4 5 6 7 8 9
## 2
    2
       4
          6 8 10 12 14 16 18
    3 6 9 12 15 18 21 24 27
## 4
     4 8 12 16 20 24 28 32 36
     5 10 15 20 25 30 35 40 45
    6 12 18 24 30 36 42 48 54
    7 14 21 28 35 42 49 56 63
## 8 8 16 24 32 40 48 56 64 72
## 9 9 18 27 36 45 54 63 72 81
```

Con el sistema tidyverse:

```
tabla1=tibble(f1=1:10) %>%
  mutate(
    tabla1= f1*1,
    tabla2=f1*2,
    tabla3=f1*3,
    tabla4=f1*4,
    tabla5=f1*5,
    tabla6=f1*6,
    tabla7=f1*7,
    tabla8=f1*8,
    tabla9=f1*9,
    tabla10=f1*10
)
```

### 9 Ejercicio 9

9. Construir una matriz 6x9 con enteros aleatorios en  $1, \ldots, 10$ .

#### 9.1 Solución:

```
set.seed(12345)
matriz=matrix(data = sample(1:10, size = 54, replace = T), nrow = 6, ncol = 9)
matriz
##
         [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9]
## [1,]
                 6
                       7
                            3
                                  4
                                       9
                                            10
                                                        3
            3
                                                 10
## [2,]
          10
                 6
                       6
                            9
                                  9
                                       5
                                            10
                                                  8
                                                        6
## [3,]
           8
                 7
                       1
                            4
                                  9
                                       3
                                             3
## [4,]
          10
                10
                       4
                           10
                                  4
                                       1
                                             3
                                                  8
                                                        7
## [5,]
            8
                       8
                            7
                                       1
                                                  4
                                                       10
                 1
## [6,]
            2
                 8
                      10
                            2
                                       5
                                                  2
                                                        7
```

9.1.1 Calcular la suma de cada fila, visualizarlo en una nueva columna.

```
colSums(matriz)
## [1] 41 38 36 35 40 24 30 41 36
m2=cbind(matriz,sumas=rowSums(matriz))
m2
##
                                sumas
## [1,]
                             3
        3
           6
              7
                 3 4 9 10 10
                                   55
## [2,] 10
           6
              6
                 9 9 5 10
                           8
                              6
                                   69
        8 7
                 4 9 3
## [3,]
                        3
                           9
                              3
                                   47
              1
## [4,] 10 10
              4 10 4 1
                        3
                           8 7
                                   57
## [5,]
        8
              8
                781
                        3 4 10
           1
                                   50
## [6,] 2 8 10 2 6 5 1 2 7
                                   43
```

9.1.2 Calcular el máximo de cada columna, visualizarlo en una fila nueva.

```
maximos=c(
max(matriz[,1]),
```

```
max(matriz[,2]),
max(matriz[,3]),
max(matriz[,4]),
max(matriz[,6]),
max(matriz[,7]),
max(matriz[,8]),
max(matriz[,9]))
mat_max=rbind(matriz,maximos)
## Warning in rbind(matriz, maximos): number of columns of result is not a multiple
## of vector length (arg 2)
mat_max
            [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6] [,7] [,8] [,9]
##
##
              3
                         7
                              3
                                    4
                                         9
                                             10
                                                   10
                                                         3
##
             10
                    6
                         6
                              9
                                    9
                                         5
                                             10
                                                    8
                                                         6
##
              8
                    7
                               4
                                    9
                                         3
                                              3
                                                    9
                                                         3
                         1
                                                         7
##
              10
                   10
                         4
                             10
                                    4
                                         1
                                               3
                                                    8
              8
                              7
                                                        10
##
              2
##
                    8
                              2
                                    6
                                         5
                                                    2
                                                         7
                        10
                                              1
## maximos
             10
                   10
                        10
                             10
                                    9
                                        10
                                             10
                                                   10
                                                        10
```

#### 9.1.3 Calcular el producto matricial de A por su traspuesta.

```
matriz%*% t(matriz)
```

```
##
        [,1] [,2] [,3] [,4] [,5] [,6]
## [1,]
        409
             414
                  277
                        304
                             248
                                 250
## [2,]
         414
              559
                   380
                        451
                             396
                                  293
## [3,]
         277
              380
                   319
                        335
                             257
                                  201
## [4,]
                                 257
         304
              451
                   335
                        455
                             336
## [5,]
         248
              396
                   257
                        336
                             368
                                  252
## [6,]
              293
                                  287
         250
                   201
                        257
                             252
```