

# Physikalisches Anfängerpraktikum III für Lehramtsstudierende

Name: Marius Pfeiffer

Matrikel-Nr.: 4188573

E-Mail: marius.pfeiffer@stud.uni-heidelberg.de

Betreut durch: Hans Oppitz

06.03.2025

---

## Versuch 233: Fourieroptik

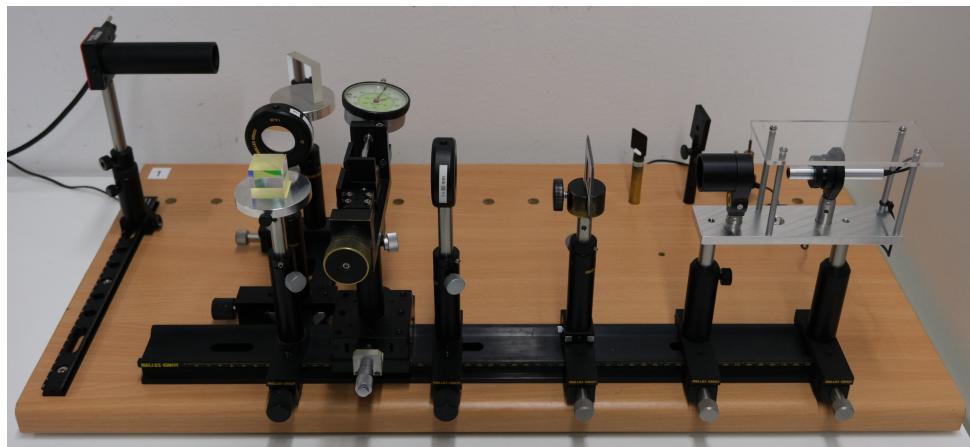


Abbildung 1: Versuchsaufbau

## Inhaltsverzeichnis

<b>1 Einleitung</b>	<b>2</b>
1.1 Physikalische Grundlagen . . . . .	2
1.2 Versuchsdurchführung . . . . .	9
<b>2 Messprotokoll</b>	<b>11</b>
<b>3 Auswertung</b>	<b>14</b>
<b>4 Zusammenfassung und Diskussion</b>	<b>15</b>

# 1 Einleitung

Während die Fresnelsche und die Fraunhofersche Beugung die zwei „klassischen“ Zugänge zur Theorie der Beugung bilden, ist die Fourieroptik ein weiterer Ansatz zu diesem Gebiet, welcher sich die mathematischen Werkzeuge der Fourieranalyse zunutze macht. Im Versuch 233 (bzw. 333) werden wir die Beugung von Licht am Einzel- und Doppelspalt vor dem Hintergrund der Fourieroptik betrachten.

## 1.1 Physikalische Grundlagen

### Die Fraunhofersche Beugung

Die Fresnelsche Beugung geht von endlichen Abständen zwischen Lichtquelle, Beugungsobjekt und Beobachtungsebene aus. Es treffen hierbei also Lichtstrahlen in verschiedenen Winkeln auf das Beugungsobjekt, entsprechend welcher sie gebeugt werden. Da die mathematische Beschreibung dieses Prinzips augenscheinlich sehr kompliziert ist, beschränken wir uns in diesem ersten Teil auf die Fraunhofersche Beugung.

Wie in Abbildung (2) dargestellt, geht die Fraunhofersche Betrachtung der Beugung von unendlich großen Abständen zwischen Lichtquelle, Beugungsobjekt und Beobachtungsebene aus. In dieser Annäherung (*bzw. Distanzierung lol*) treffen die Lichtstrahlen von der Quelle daher parallel und senkrecht auf das Beugungsobjekt. Da die gebrochenen Lichtbündel daher ebenfalls parallel sind, würden diese erst im Unendlichen interferieren (2, links). Durch die Positionierung einer Sammellinse zwischen Beugungsobjekt und Beobachtungsebene (2, rechts) lassen sich die Interferenzmuster bereits in der Entfernung der Brennweite der verwendeten Linse beobachten.

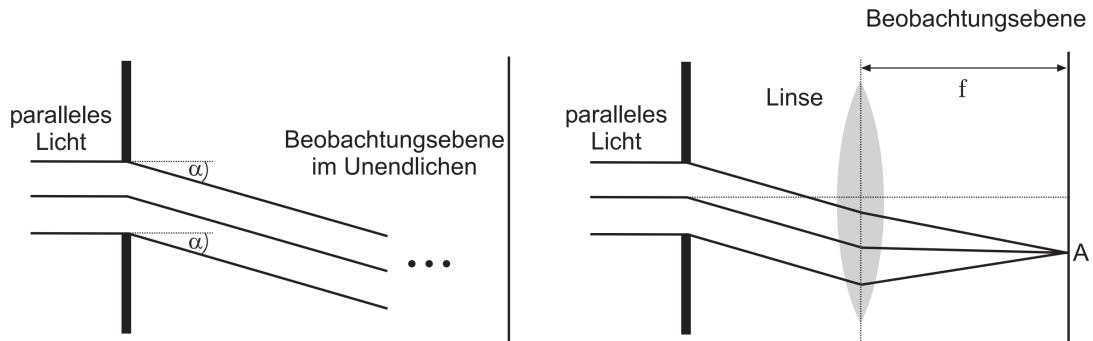


Abbildung 2: Fraunhofersche Beugung mit Beobachtungsebene im Unendlichen (links) und in endlichem Abstand durch Verwendung einer Linse (rechts).

Wir gehen nun von einem Spalt der Breite  $d$  in  $y$ -Richtung, und einer Länge deutlich größer als  $d$  aus. Alle Punkte des Spalts werden mit gleicher Amplitude  $E_0$  und Phase  $\varphi = \omega t$  von einem parallelen monochromatischen Lichtstrahl der Wellenlänge  $\lambda$  erregt. Es gilt also

$$E(y) = E_0 e^{i\omega t}. \quad (1)$$

Das Huygens-Fermat'sche Prinzip besagt nun, dass von jedem dieser Punkte eine Elementarwelle ausgeht. Das Interferenzmuster dieser Wellen können wir bestimmen, indem wir die Überlagerung aller in einen bestimmten Winkel  $\alpha$  ausgehenden Wellen betrachten. Mathematisch entspricht dies dem Integral

$$E_\infty(\alpha) = \int_{-d/2}^{+d/2} E_0 e^{i(\omega t - kl)} dy \quad (2)$$

mit dem Betrag des Wellenvektors  $k = \frac{2\pi}{\lambda}$ .

Der Gangunterschied zwischen einem Lichtbündel aus dem Mittelpunkt ( $y = 0$ ) des Spalts und einem Lichtbündel abseits von diesem entspricht gerade  $y \sin(\alpha)$ . Somit gilt für die Weglänge des äußeren Bündels

$$l = R + \sin(\alpha) \quad (3)$$

mit  $R$  als Weglänge des Bündels aus dem Mittelpunkt.

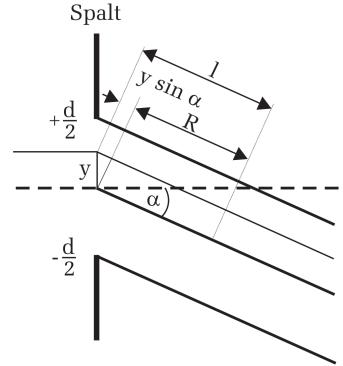


Abbildung 3:  
Gangunterschied  
der  
ausgehenden  
Lichtbündel  
am Einzelspalt.

Setzen wir diese Definition in das Integral ein, führen dieses aus und benutzen die Euler-sche Formel für die e-Funktion, so ergibt sich

$$E_\infty(\alpha) = E_0 e^{i(\omega t - kR)} \frac{\sin\left(\frac{\pi d \sin(\alpha)}{\lambda}\right)}{\frac{\pi \sin(\alpha)}{\lambda}}. \quad (4)$$

Wir identifizieren  $x = \frac{d}{\lambda} \pi \sin(\alpha)$  und erhalten so

$$E_\infty(x) = E_0 e^{i(\omega t - kR)} \frac{\sin(x)}{x} d. \quad (5)$$

Durch das Quadrieren dieser Formel können wir die Intensität

$$I_\infty(x) \propto \frac{\sin^2(x)}{x^2} d^2 \propto I_0 \frac{\sin^2(x)}{x} \quad (6)$$

mit  $I_0 \propto d^2$  bestimmen. Diese ist dargestellt in Abbildung (4).

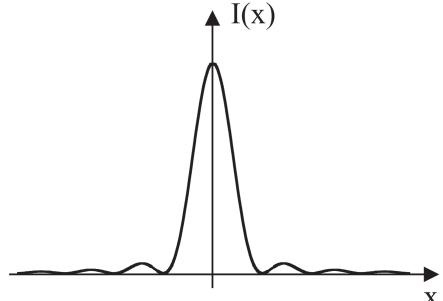


Abbildung 4: Intensitätsverteilung  
der Beugungsstruktur des Einzel-spalts.

### Fourierreihen und Fourierintegrale

Eine Funktion  $f : \mathbb{R} \rightarrow \mathbb{R}$  heißt periodisch, wenn ein  $L \in \mathbb{R}$  existiert mit  $f(x + L) = f(x)$  für alle  $x \in \mathbb{R}$ . Eine  $L$ -periodische und integrierbare Funktion lässt sich mit den trigonometrischen Funktionen

$$\cos\left(\frac{2\pi n}{L}x\right), \quad \sin\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) \quad n \in \mathbb{N} \quad (7)$$

als Basisvektoren entwickeln. Das heißt, es existieren  $a_n, b_n \forall n \in \mathbb{N}$  mit

$$f(x) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) + b_n \sin\left(\frac{2\pi n}{L}x\right). \quad (8)$$

Die sogenannten Fourierkoeffizienten  $a_n$  und  $b_n$  sind definiert durch

$$a_n = \frac{2}{L} \int_{-L/2}^{L/2} f(x) \cos\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) dx, \quad (9)$$

bzw.

$$b_n = \frac{2}{L} \int_{-L/2}^{L/2} f(x) \sin\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) dx. \quad (10)$$

Zur Veranschaulichung können wir die Fourierkoeffizienten am Beispiel der Funktion

$$f(x) = \begin{cases} 1, & -l/2 < x < l/2 \\ 0, & l/2 > |x| < L/2 \end{cases}, \quad (11)$$

dargestellt in Abbildung (??), ausrechnen.

Aus Symmetriegründen verfallen alle Koeffizienten  $b_n$ . Für  $a_0$  gilt

$$a_0 = \frac{2}{L} \int_{-l/2}^{l/2} dx = \frac{2l}{L}. \quad (12)$$

Für alle weiteren  $a_n$  gilt

$$a_n = \frac{2}{L} \int_{-l/2}^{l/2} \cos\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) dx = \frac{1}{\pi n} \sin\left(\frac{2\pi n}{L}x\right) \Big|_{-l/2}^{l/2} = \frac{2}{\pi n} \sin\left(\pi n \frac{l}{L}\right). \quad (13)$$

Setzen wir das Verhältnis  $L : l = 2 : 1$ , so erhalten wir die folgenden Summanden als erste Glieder der zugehörigen Fourierreihe:

$$f(x) = \frac{1}{2} + \frac{2}{\pi} \cos\left(\frac{2\pi}{L}x\right) - \frac{2}{3\pi} \cos\left(\frac{6\pi}{L}x\right) + \frac{2}{5\pi} \cos\left(\frac{10\pi}{L}x\right) - \dots \quad (14)$$

Abbildung (5) zeigt die Fourierentwicklung der Funktion für verschiedene, aufsteigende  $n$  bis zu einem Wert von  $n = 27$ . Es ist zu sehen, dass die Linearkombination aus trigonometrischen Funktionen sich immer weiter der rechteckigen Form der Ausgangsfunktion annähert.

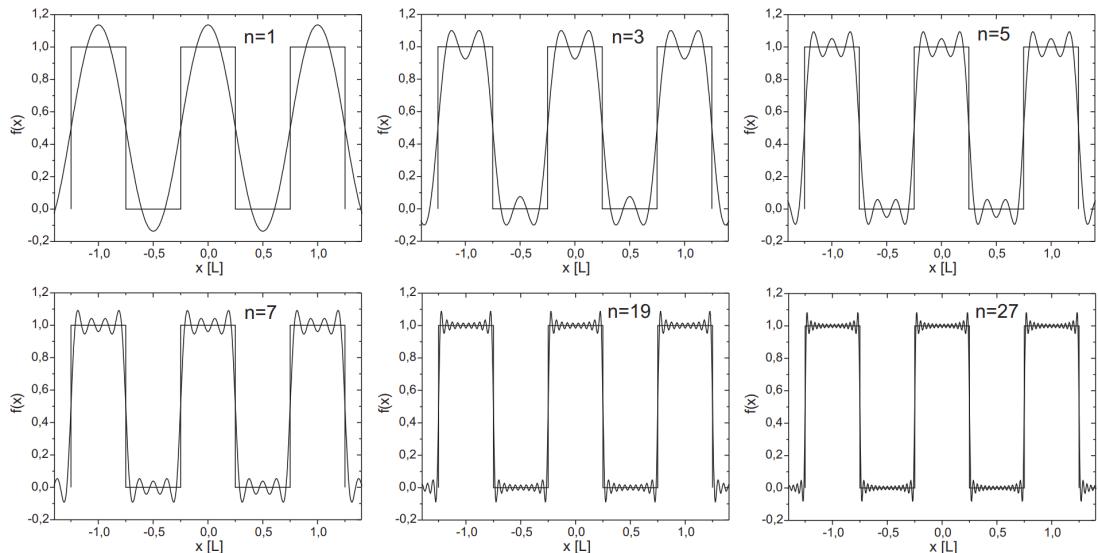


Abbildung 5: Fourierentwicklungen der gezeigten Rechtecksfunktion für verschiedene  $n$ .

Die Gleichung

$$f(t) = \frac{a_0}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} a_n \cos(n\omega t) + b_n \sin(n\omega t). \quad (15)$$

zeigt einen besonderen Anwendungsfall der Fourierentwicklung. Hier wurde  $x$  durch die Zeit  $t$  und die Periode  $L$  durch die Periodendauer  $T = \frac{2\pi}{\omega}$  mit der Frequenz  $\omega$  ersetzt. In dieser Variante kann die Fourierreihe genutzt werden, um die verschiedenen anteiligen Frequenzen und Amplituden eines zeitperiodischen Signals zu ermitteln.

Während sie zwar nicht als *Fourierreihe* dargestellt werden können, können wir auch nichtperiodische Funktionen dennoch mithilfe von trigonometrischen Funktionen darstellen. Für den Fall  $L \rightarrow \infty$  geht die Fourierreihe in ein Integral und die Koeffizienten zu kontinuierlichen Funktionen über. Die kontinuierlichen Fouriertransformation ist dann definiert durch

$$f(x) = \int_{-\infty}^{\infty} F(k) e^{ikx} dk. \quad (16)$$

Dabei ist  $F$  die Fouriertransformierte von  $f$ . Diese erhalten wir durch die Rücktransformation

$$F(k) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\infty}^{\infty} f(x) e^{-ikx} dx. \quad (17)$$

Falls  $x$  eine Ortsvariable ist, so nennen wir  $k$  die Raum- oder Ortsfrequenz.

### *Die Fourierdarstellung der Fraunhoferbeugung*

Zu Herleitung der Fraunhoferschen Beugung aus der Fouriertheorie betrachten wir zunächst eine beliebige Öffnung  $S$ , wie sie in Abbildung (6) dargestellt ist. Wir gehen davon aus, dass die Öffnung mit monochromatischem Licht bestrahlt wird, somit geht von jedem Flächenelement  $dS$  ( $x = 0, y, z$ ) eine Kugelwelle der Form

$$\frac{e^{ikr}}{r} \quad (18)$$

mit der Quellstärke  $\epsilon$  pro Einheitsfläche aus. Für das Feld am Ort  $P$  in den Koordinaten  $X, Y, Z$  gilt dann

$$dE = \epsilon \frac{e^{ikr}}{r} dS. \quad (19)$$

Der Abstand von  $dS$  zu diesem Punkt  $P(X, Y, Z)$  beträgt gerade

$$r = \sqrt{X^2 + (Y - y)^2 + (Z - z)^2}. \quad (20)$$

Der Abstand  $R$  vom Mittelpunkt der Öffnung zum Punkt  $P(X, Y, Z)$  beträgt

$$R = \sqrt{X^2 + Y^2 + Z^2}. \quad (21)$$

Damit können wir den Abstand  $r$  umformen zu

$$r = R \sqrt{1 + \frac{(y^2 + z^2)}{R^2} - \frac{2(Yy + Zz)}{R^2}}. \quad (22)$$

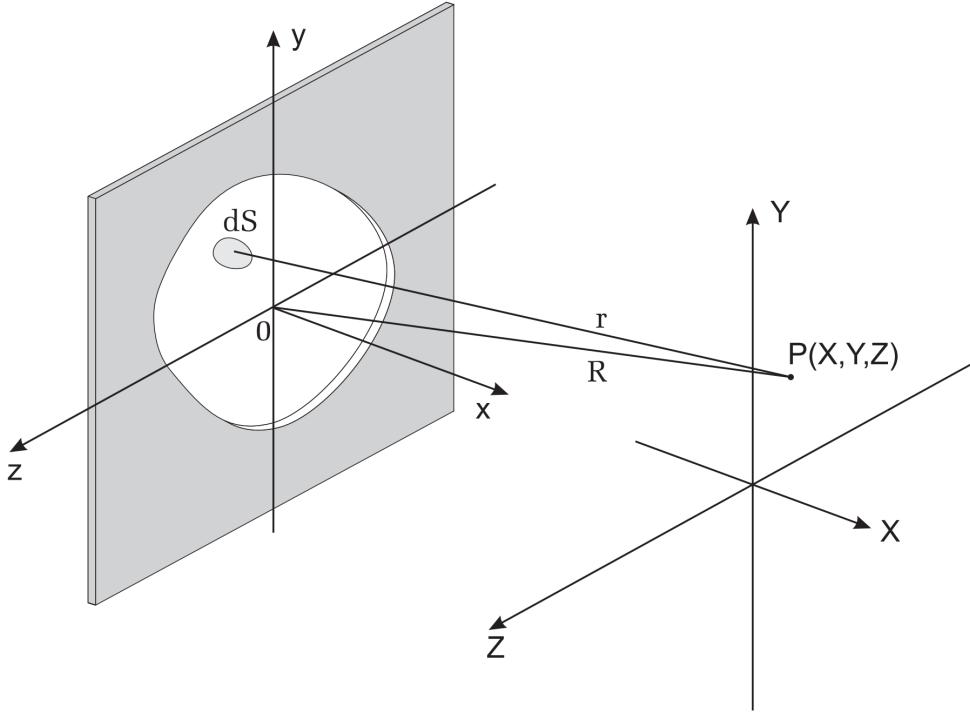


Abbildung 6: Geometrie des Spalts zur Herleitung der Fraunhoferbeugung aus der Fouriertheorie.

Nun können wir annehmen, dass der Abstand  $\overline{OP}$  deutlich größer gegenüber der Spaltöffnung ist. Dadurch gilt zum einen, dass wir  $r$  im Amplitudenterm (19) durch  $R$  ersetzen können. Zum anderen gilt die Abschätzung

$$\frac{x^2 + y^2}{R^2} \ll 1 \quad (23)$$

und somit

$$r = R \sqrt{1 - \frac{2(Yy + Zz)}{R^2}} \quad (24)$$

Gehen wir weiter davon aus, dass der Term in der Wurzel deutlich kleiner als 1 ist, so können wir den Ausdruck weiter zu

$$r = R \left( 1 - \frac{Yy + Zz}{R^2} \right) \quad (25)$$

vereinfachen. Diese Definition können wir nun ein Gleichung (19) einsetzen und diese über die Gesamte Öffnung  $S$  integrieren. So erhalten wir zunächst

$$E(R) = \epsilon \frac{e^{ikR}}{R} \int \int e^{-\frac{ik}{R}(Yy + Zz)} dy dz. \quad (26)$$

Nun nehmen wir zuerst die Annäherung vor, dass wir uns auf einen kleinen Bereich um  $R$  beschränken und somit den Term  $e^{ikR}/R$  als Konstant annehmen können. Weiter erweitern wir die Quellstärke  $\epsilon$  um eine Abhängigkeit von  $y$  und  $z$ , also

$$\epsilon \rightarrow \epsilon(y, z) = A(y, z) = A_0(y, z)e^{i\varphi(y, z)}. \quad (27)$$

Die *Öffnungsfunktion*  $A(y, z) dy dz$  ist proportional zum Feld der vom Flächenelement  $dy dz$  ausgehenden Welle. Mit dieser Definition ergibt sich das Integral

$$E(Y, Z) = \int \int_S A(y, z) e^{-\frac{ik}{r}(Yy+Zz)} dy dz. \quad (28)$$

Nun können wir die Raumfrequenzen durch

$$k_y = k \frac{Y}{R}, \quad k_z = k \frac{Z}{R} \quad (29)$$

definieren. Setzen wir diese in das Integral

$$E(k_y, k_z) = \int \int_S A(y, z) e^{-i(k_y y + k_z z)} dy dz \quad (30)$$

ein, so erhalten wir gerade die **zweidimensionale Fouriertransformation** der Öffnungsfunktion  $A(y, z)$ .

*Das Beugungsbild des Spalts als Fouriertransformierte der Spaltöffnung*

Als erste Anwendung der gerade erlangten Erkenntnisse betrachten wir die Öffnungsfunktion

$$A(y, z) = f(y) = \begin{cases} 1, & |y| \leq d/2, \\ 0, & |y| > d/2. \end{cases} \quad (31)$$

Die Fouriertransformation dieser Funktion lässt sich wie folgt ausrechnen:

$$F(k_y) = \int_{-\infty}^{\infty} f(y) e^{-ik_y y} dy \quad (32)$$

$$= \int_{-d/2}^{d/2} f(y) e^{-ik_y y} dy \quad (33)$$

$$= -\frac{1}{ik_y} e^{ik_y y} \Big|_{-d/2}^{d/2} \quad (34)$$

$$= \frac{1}{ik_y} (e^{ik_y d/2} - e^{-ik_y d/2}). \quad (35)$$

Unter Verwendung der Eulerschen Formel entspricht dies der Funktion

$$F(k_y) = d \frac{\sin(k_y d/2)}{k_y d/2} = \text{sinc}(k_y d/2) d \quad (36)$$

mit den Nullstellen

$$k_y = \frac{2\pi n}{d}, \quad n \in \mathbb{N}. \quad (37)$$

Um die Intensitätsverteilung zu erhalten, müssen wir dieses Ergebnis lediglich noch quadrieren.

Aus Symmetriegründen ( $F(k_y) = F(-k_y)$ ) entspricht die Rücktransformierte gerade dem Integral

$$f(y) = \frac{d}{\pi} \int_0^{+\infty} \frac{\sin(k_y d/2)}{k_y d/2} \cos(k_y y) dk_y, \quad (38)$$

welches nur numerisch Lösbar ist. Mit der oberen Grenze  $\infty$  erhalten wir damit genau die Rechtecksfunktion des Spalts. In diesem Versuch untersuchen wir durch das Abblenden von Teilstrahlen nur das Aussehen einer rudimentären Spaltfunktion. Mathematisch können wir dies durch Einsetzen der  $n$ -ten Nullstelle von  $F(k_y)$ ,

$$k_{y,n} = k_0 \sin(\alpha_n) = \frac{k_0 n \lambda}{d} = \frac{2n\pi}{d} \quad (39)$$

als obere Integrationsgrenze erzielen.

### *Die Fouriertransformierte des Doppelspalts*

Zu Herleitung der Fouriertransformierten des Doppelspalts können wir diesen als zwei nach links, beziehungsweise nach rechts verschobene Einzelspalte betrachten und unsere Resultate aus dem vorherigen Abschnitt anwenden. Es gilt damit

$$F = F(k_y, \text{rechts}) + F(k_y, \text{links}) = 2 \cos(k_y g/2) d \frac{\sin(k_y d/2)}{k_y d/2}. \quad (40)$$

Hierbei ist  $d$  erneut die Spaltbreite und  $g$  ist der Abstand zwischen den Mittelpunkt der beiden Spalte. Der Vorfaktor, die Gitterfunktion  $\cos(\dots)$ , ergibt sich dadurch, dass die Integrationsgrenzen der Einzelspalte hier nun nicht um den Nullpunkt zentriert, sondern verschoben sind. Durch Einführen der Substitution  $k_y = k_0 \sin(\alpha) = \frac{2\pi}{\lambda} \sin(\alpha)$  und quadrieren erhalten wir die Beugungsfigur des Doppelspalts als

$$I = 4 \cos^2(\pi g/\lambda \sin(\alpha)) d^2 \operatorname{sinc}(\pi d/\lambda \sin(\alpha))^2. \quad (41)$$

Auch hieraus können wir wieder die Rücktransformierte unter Einschränkung der betrachteten Beugungsmaxima berechnen:

$$F_{\text{mod.}}(y) \propto [f_{\text{mod}}]^2 = \left[ \frac{2d}{\pi} \int_0^{k_{y,n}} \cos(k_y g/2) \frac{\sin(k_y d/2)}{k_y g/2} \cos(k_y y) dk_y \right]^2. \quad (42)$$

## 1.2 Versuchsdurchführung

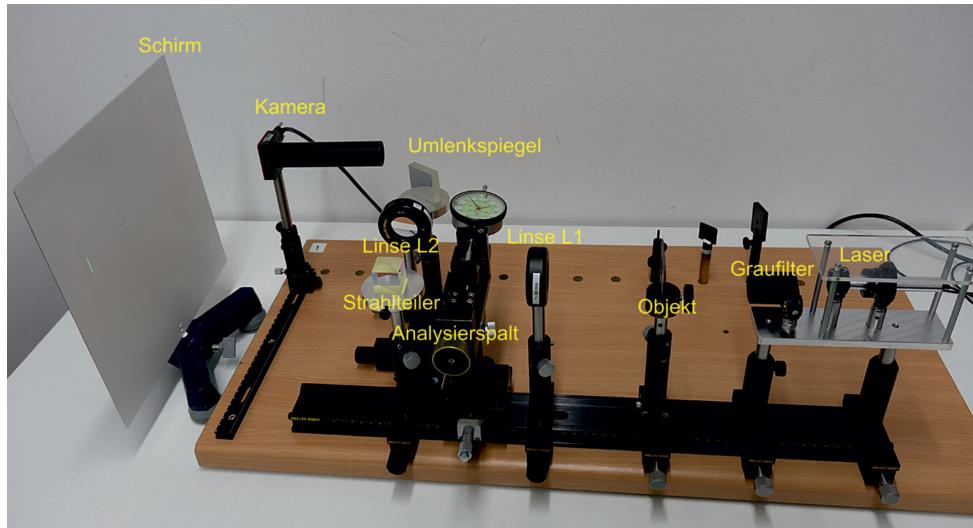


Abbildung 7: Versuchsaufbau mit Beschriftungen.

Die obenstehende Abbildung (7) zeigt den Versuchsaufbau. Als Lichtquelle verwenden wir einen Diodenlaser (523 nm, 1 mW). Um die Kamera nicht zu übersteuern, kann vor den Laser ein Graufilter geschwenkt werden, um dessen Leistung um den Faktor 100 zu reduzieren. Auf diesen folgt im Aufbau der Objekthalter. In diesen können wir, je nach Aufgabenstellung, einen variablen und rotierbaren Einzelspalt oder einen Doppelspalt einspannen. Es folgt darauf die erste Linse L1 und der Analysierspalt. Mit dem Analysierspalt können wir Beugungsmaxima von außen herein ausblenden, seine Breite lässt sich anhand einer Messuhr ablesen. Hinter dem Analysespalt befindet sich ein Strahlteiler. In Laserrichtung sieht man die Abbildung des Spalts. Im seitlich abgelenkten Strahl folgen Linse L2 und ein Umlenkspiegel, der das Beugungsbild in Richtung des Schirms lenkt. Die Bilder sind, wenn der Graufilter nicht eingeschwenkt ist, auf dem Schirm zu sehen. Für die Aufzeichnung der Analysedaten verwenden wir eine Kamera, die in das Objekt- und das Beugungsbild geschoben werden kann. Die Kamera ist am PC mit der Software **Thorcam** verbunden, mit welcher wir die Intensitätprofile beobachten und die Objekt- und das Beugungsbilder als Bilddateien abspeichern können. Mit der Software **Gwyddion** lesen wir aus den abgespeicherten Bildern die Intensitätsprofile als Textdateien aus, um diese im Auswertungsskript einlesen zu können.

**Aufgabe 1: Quantitative Beobachtungen am Einfachspalt.** In diesem ersten Aufgabenteil untersuchen wir qualitativ die Auswirkungen verschiedener Parameter auf die Abbildung des Einfachspalts und dessen Beugungsbild. Auf dem Schirm stellen wir Beobachtungen zu verschiedenen Spaltbreiten und Winkeln des Einfachspalts und verschiedenen Spaltbreiten des Analysespalts an.

**Aufgabe 2: Vermessen der Beugungsstruktur des Einfachspalts.** Ab diesem Aufgabenteil verwenden wir die Kamera und **Thorcam** für unsere Aufzeichnungen. Wir stellen den Einfachspalt so ein, dass wir ein Hauptmaximum und mindestens fünf Nebenmaxima beobachten können. Wir variieren die Belichtungszeit der Kamera so, dass wir ein Bild aufnehmen können, auf welchem das Hauptmaximum gerade so nicht in Sättigung ist und eines, auf dem die ersten Nebenmaxima gerade so nicht in Sättigung sind. Abschließend eichen wir noch die Abszisse des Kamerabildes, indem wir die Abstände der Nebenmaxima in **Thorcam** in Pixeln mit der jeweiligen Breite des Analyserspalts assoziieren, bei welcher wir die Maxima zur Hälfte ausblenden.

**Aufgabe 3: Vermessen der Beugungsstruktur des Doppelspalts.** Wir tauschen für diesen Versuchsteil den variablen Einzelspalt durch den Objekthalter mit einem Dia, auf welchem sich drei verschiedene Doppelspalte befinden. Qualitativ beobachten wir zunächst die Beugungsbilder und skizzieren deren Struktur. Weiter speichern wir auch in diesem Aufgabenteil für einen Doppelspalt ein Bild ab, bei welchem sich das Hauptmaximum gerade nicht in Sättigung befindet.

**Aufgabe 4: Das Objektbild als Fouriersynthese des Beugungsbildes am Beispiel des Einfachspalts.** Zu Beginn dieses Versuchsteils ersetzen wir den Objekthalter wieder durch den variablen Einfachspalt. Ziel ist es, das Spaltbild als Ergebnis einer Fouriersynthese der zugelassenen Beugungsordnungen zu beobachten. Hierfür platzieren wir die Kamera im Objektstrahl und justieren den Aufbau so, dass ein möglichst scharfes Rechteckprofil des Spalts sichtbar wird. Wir nehmen insgesamt vier Bilder des Objektbildes auf, wobei sukzessive mehr Beugungsordnungen durch Öffnen des Analysierspalts zur Abbildung zugelassen werden ( $0$ . Ordnung,  $\pm 1$ .,  $\pm 2$ .,  $\pm 3$ .). Zusätzlich nehmen wir ein weiteres Bild bei vollständig geöffnetem Analysierspalt auf, mit dem wir die vergrößerte Spaltbreite in Pixeln bestimmen. Die Bestimmung der Spaltbreite erfolgt anhand der Pixelauflösung der Kamera und der optischen Vergrößerung durch Linse L1.

**Aufgabe 5: Objektbild als Fouriersynthese des Beugungsbildes am Doppelspalt.** In diesem Aufgabenteil untersuchen wir den Doppelspalt analog zum Einzelspalt. Nach dem Einsetzen des Objekthalters mit Doppelspalt justieren wir die Kamera auf eine möglichst steile und symmetrische Darstellung der beiden Spaltprofile. Wir vermessen anschließend mit der Cursorfunktion die Spaltbreite und den Spaltabstand in Pixeln, um daraus mithilfe der bekannten Bildweite und Brennweite die realen Abmessungen zu berechnen. Auch hier beobachten wir die Veränderung des Objektbildes beim sukzessiven Schließen des Analysierspalts. Dabei dokumentieren wir zwei charakteristische Fälle: Der Fall, bei dem nur noch die ersten Beugungsmaxima zur Abbildung beitragen und die rechteckigen Spaltprofile in zwei gaussähnliche Strukturen übergehen, und der Fall, bei dem die Doppelstruktur vollständig verschwindet und ein flaches Intensitätsplateau sichtbar wird. Für beide Fälle nehmen wir je ein Bild auf.

## 2 Messprotokoll

Messprotokoll 233/333

Marius Pfeiffer

06.03.2025

Robert Grosch

### Aufgabe 1

Spaltbreite am Objekt größer

→ Hauptmaximum wird heller

→ Nebenmaxima sind weniger stark geteuft

Rotation um  $90^\circ$

→ Beugungsmuster vertikal

Analysespalt weit auf

→ Mehr Nebenmaxima zu sehen

### Aufgabe 2

Min	Pixel → Pixel	Spaltbreite [mm]
5	338 1263	0.79
4	438 1164	0.59
3	507 1075	0.48
2	609 984	0.30
1	689 890	0.16

## Aufgabe 3

### Qualitativ

Breiter Doppelspalt

↪ Mittleres Hauptmaximum + Nebenmaxima

↪ Weitere Hauptmaxima + jeweils ein Nebenmax.

Mittlerer Doppelspalt

↪ Hauptmax 1. Ordnung mit weniger Nebenmaxima

↪ Hauptmax höherer Ordnung mit kleineren Nebenmax.

Schmaler Doppelspalt

↪ HM 1. Ord sehr breit

↪ HM größerer Ordnung fast nicht mehr sichtbar

## Aufgabe 4

Spaltbreite in Pixeln: 274 → 915

Brennweite: 80 mm

Bildweite:  $(350 \pm 10)$  mm

## Aufgabe 5

Spalt Links

$381 \rightarrow 637$

$503$

Spalt Rechts

$966 \rightarrow 1212$

px

$\rightarrow$

$1089$

a) Nur erste Beugungsmaxima sichtbar

Spaltöffnung:  $0.19 \text{ mm}$   $\pm 0.01 \text{ mm}$

b) Verschwommenes Plateau

Spaltöffnung:  $0.03 \text{ mm}$

H. Oppelt

### **3 Auswertung**

## 4 Zusammenfassung und Diskussion

$$x = 3 \frac{1}{|\text{cm}|} \quad (43)$$

$$x = 3 \text{ cm} \quad (44)$$

$$H = \frac{\vec{p}^2}{2m} + \frac{m}{2}\omega^2\vec{q} \quad (45)$$

$$\vec{p}^2 = \delta_{ij}p_ip_j \quad (46)$$

$$\vec{q}^2 = \delta_{kl}q_kq_l \quad (47)$$

$$\{L_i, H\} = \left\{ \varepsilon_{abc}q_bp_c, \frac{\delta_{ij}p_ip_j}{2m} + \frac{m}{2}\omega^2\delta_{kl}q_kq_l \right\} \quad (48)$$

$$= \varepsilon_{abc} \left\{ q_bp_c, \frac{\delta_{ij}p_ip_j}{2m} + \frac{m}{2}\omega^2\delta_{kl}q_kq_l \right\} \quad (49)$$

$$= \varepsilon_{abc} \left( \frac{1}{2m} \{q_bp_c, \delta_{ij}p_ip_j\} + \frac{m}{2}\omega^2 \{q_bp_c, \delta_{kl}q_kq_l\} \right) \quad (50)$$

$$(51)$$