UERJ OF STADO OF STADO

Universidade do Estado do Rio de Janeiro

Centro de Tecnologia e Ciências Faculdade de Engenharia

Método dos Elementos Finitos - Trabalho 1 Leandro Marques

1 Resumo

A simulação numérica é uma ferramenta importante para solucionar problemas encontrados em diversos processos físicos, como na extração de petróleo, enchimento de reservatórios, arrefecimento de componentes eletrônicos e caracterização da hidrodinâmica em sistemas biológicos, relacionados a problemas decorrentes de doença arterial coronariana (DAC). Este último é de grande importância devido o enorme fardo econômico na sociedade. Este plano de trabalho tem como objetivo desenvolver uma estrutura computacional para simular o escoamento em uma artéria coronária em coordenadas cartesianas. O Método dos Elementos Finitos (MEF) será aplicado para resolver as equações de governo do escoamento sanguíneo na artéria coronária com aterosclerose e stent farmacológico implantado. O sangue será modelado como um fluido multifásico, incompressível e newtoniano. A equação de Navier-Stokes e a equação de transporte de espécie química serão apresentadas de acordo com a descrição Lagrangeana-Euleriana Arbitrária (ALE). O método semi-Lagrangeano será usado a fim de reduzir as oscilações espúrias que podem ser observadas quando o termo convectivo é predominante.

2 Introdução

De acordo com a Organização Mundial da Saúde (OMS) [1], mais pessoas morrem anualmente devido às doenças cardiovasculares (DCV) do que qualquer outra causa no mundo a cada ano. Estima-se que 17,7 milhões de pessoas morreram por DCV em 2015, representando 31% de todas as mortes no mundo. Aproximadamente 40% das mortes por DCV ocorreram devido às doenças na artéria coronária (DAC). A principal causa da DAC é a aterosclerose que consiste no acúmulo de placas de gordura no interior da parede da artéria ocasionando uma diminuição do diâmetro do lúmen. A aterosclerose pode ser prevenida com uma mudança de hábitos nocivos tais como: o uso de tabaco, o uso de álcool, falta de atividade física e dietas não saudáveis. [?] Para uma abordagem corretiva, porém, dois tratamentos podem ser realizados: o bypass coronário (também conhecido como ponte de safena) e a angioplastia coronária transluminal percutânea (PTCA). O PTCA é um procedimento minimamente invasivo onde um tubo aramado, chamado stents, é colocado. [?] Os principais objetivos deste plano de trabalho são o desenvolvimento de um código em Elementos Finitos utilizando a descrição Lagrangeana-Euleriana Arbitrária (ALE) [2] para a equação de Navier-Stokes com o transporte de espécie química e conhecer a dinâmica do escoamento sanguíneo numa artéria coronária com aterosclerose e com stents farmacológico implantado.

As equações que governam a dinâmica do escoamento sanguíneo numa artéria coronária serão desenvolvidas segundo a hipótese do meio contínuo. Dessa forma, os príncipios de conservação de massa, de quantidade de movimento linear e de espécie química poderão ser utilizados. O sangue será considerado como um fluido incompressível, newtoniano e multifásico, como também o coeficiente difusivo será aproximado como constante. A equação de Navier-Stokes será apresentada segundo as variáveis primitivas (velocidade-pressão) com a equação de transporte de espécie química sem geração interna [3].

O desenvolvimento computacional será feito em linguagem C++/Python [?] [4] utilizando o paradigma de orientação a objetos com objetivo de reaproveitar o código em outras pesquisas e as equações de governo serão discretizadas em cima de uma malha tetraédrica não estruturada através do Método dos Elementos Finitos. As equações serão discretizadas no tempo utilizando a expansão da série de Taylor e o Método semi-Lagrangeano [5] será utilizado com o intuito de reduzir as oscilações espúrias que são características das equações do tipo convecção-difusão e a formulação de Galerkin [6] será utilizada para discretizarmos as equações no espaço.

Este projeto visa ser desenvolvido no Laboratório de Transmissão e Tecnologia do Calor (LTTC)

do Programa de Engenharia Mecânica da Coppe (PEM/COPPE). Tal laboratório dispõe de uma ampla infraestrutura, além de recursos computacionais de última geração, voltada a projetos de pesquisa, desenvolvimento e inovação em termociências, em diversas linhas, inclusive em simulações com o uso de métodos numéricos [7].

3 Objetivos

Para a realização do projeto proposto, planeja-se desenvolvolver simulações através da construção de um algoritmo de Elementos Finitos para modelos com geometrias complexas da artéria coronária com aterosclerose e com stent farmacológico implantado. Com a implementação desse código, é necessária sua validação através de comparações com possíveis resultados analíticos para se garantir que o modelo é uma boa representação do fenômeno estudado. O trabalho realizado e seus resultados também serão apresentados com publicação em canais de comunicação de grande visibilidade. Com isso, objetiva-se a descrição detalhada de escoamentos em uma artéria coronária.

Os indicadores de desempenho que serão utilizados no projeto estão baseados em publicações produzidas na Coppe-UFRJ e submetidos a avaliações da comunidade científica. Como objetivos específicos, espera-se realizar:

- Desenvolvimento de um código em Elementos Finitos utilizando a descrição Lagrangeana-Euleriana Arbitrária (ALE) para a equação Navier-Stokes com o transporte de espécie química;
- 2. Conhecer a dinâmica do escoamento sanguíneo numa artéria coronária com aterosclerose e com stents farmacológico implantado;
- 3. Publicação dos resultados em canais de comunicação nacionais e internacionais de excelência e alto impacto;
- 4. Defesa de tese de Doutorado.

4 Metodologia

A elaboração do método matemático que descreve corretamente o fenômeno físico é de extrema importância para o sucesso do projeto. As equações que governam a dinâmica do escoamento sanguíneo numa artéria coronária serão desenvolvidas segundo a hipótese do meio contínuo. Dessa forma, os príncipios de conservação de massa, de quantidade de movimento linear e de espécie química poderão ser utilizados. O sangue será considerado como um fluido incompressível, newtoniano e multifásico, como também o coeficiente difusivo será aproximado como constante. A equação de Navier-Stokes será apresentada segundo as variáveis primitivas (velocidade-pressão) com a equação de transporte de espécie química sem geração interna usando uma abordagem Lagrangeana-Euleriana Arbitrária (ALE) [?].

O desenvolvimento computacional será feito em linguagem C++/Python [?] [4] utilizando o paradigma de orientação a objetos com objetivo de reaproveitar o código em outras pesquisas e as equações de governo serão discretizadas em cima de uma malha tetraédrica não estruturada gerada através do software livre GMSH [?]. Devido a restrição Babuska-Brezzi [?] [?], serão utiliados elementos distintos para os campos de velocidade e de pressão. As equações serão discretizadas no tempo utilizando a expansão da série de Taylor e o Método semi-Lagrangeano [?] será usado com o intuito de reduzir as oscilações espúrias que são características das equações

do tipo convecção-difusão. A formulação de Galerkin [?] será utilizada para discretizarmos as equações no espaço.

Para solução do sistema de equações lineares oriundo da utilização do método de elementos finitos, deseja-se utilizar as técnicas mais modernas disponiveis em biblioteca pública de cálculo numérico. O emprego destas técnicas permitirá a utilização de diversos tipos de precondicionadores e métodos iterativos para uma eficiente solução do problema linear. A visualização da solução numérica encontrada através da solução do sistema linear será realizada através do software livre PARAVIEW [?], possibilitando alto nível de detalhamento da soluções numérica, através de cortes geométricos, interpolações e vetorização de campos.

5 Cronograma e Disciplinas

Este projeto visa ser desenvolvido no Laboratório de Transmissão e Tecnologia do Calor (LTTC) do Programa de Engenharia Mecânica da Coppe (PEM/COPPE). Tal laboratório dispõe de uma ampla infraestrutura, além de recursos computacionais de última geração, voltada a projetos de pesquisa, desenvolvimento e inovação em termociências, em diversas linhas, inclusive em simulações com o uso de métodos numéricos.

Para este projeto as seguintes metas serão propostas, conforme apresentado no cronograma a seguir:

- 1. No primeiro ano, concluir 100% da carga horária do curso com CRA superior a 2.0 e ser aprovador nas Fases I e II do Exame de Qualificação;
- 2. No segundo ano, concluir a Revisão Bibliográfica e iniciar a implementação do Código Numérico;
- 3. No terceiro ano, concluir a implementação e validação do código numérico;
- 4. No quarto ano, finalizar as simulações do problema proposto, publicar os resultados em canais de alto impacto e apresentar a Tese de Doutorado.

	2020		2021				2022				2023				2024		
ATIVIDADES	3P	4P	1 P	2P	3P	4P	1P	2P	3P	4P	1P	2P	3P	4P	1P	2P	3P
DISCIPLINAS																	
EXAME DE QUALIFICAÇÃO																	
REVISÃO BIBLIOGRÁFICA																	
IMPLEMENTAÇÃO DO CÓDIGO NUMÉRICO																	
VALIDAÇÃO DO CÓDIGO NUMÉRICO																	
SIMULAÇÕES DO PROBLEMA PROPOSTO																	
PUBLICAÇÕES																	
APRESENTAÇÃO FINAL																	

As disciplinas a serem realizadas são:

- 1. COM774 Métodos Matemáticos;
- 2. COM719 Mecânica do Contínuo;
- 3. COM737 Geração Numérica de Malhas;
- 4. COM825 Escoamento Bifásico;
- 5. COM500 Estágio de Docência I;
- 6. COM501 Estágio de Docência II;
- 7. COM808 Pesquisa de Tese de Doutorado

Referências

- [1] O. World Health Organization, "The top 10 causes of death," www.who.int/news-room/fact-sheets/detail/the-top-10-causes-of-death, 2018. [Online; accessed 06-04-20 08:27pm].
- [2] H. A. P. J. Donea, J. and A. Rodríguez-Ferran, "Arbitrary lagrangian-eulerian methods," *In Encyclopedia of Computational Mechanics*, 2004.
- [3] G. Batchelor, "An introduction to fluid dynamics," Cambridge University Press, 1967.
- [4] S. F. Python, "Python language reference, version 2.7," http://www.python.org/, 1990. [Online; accessed 12/12/2017 12:18].
- [5] O. Pironneau, "On the transport-diffusion algorithm and its applications to the navier-stokes equations," *Numer. Math.* 38, 309–332, 1982.
- [6] O. C. Zienkiewicz and Y. K. Cheung, "Finite elements in the solution of fiel problems," *The Engineer*, 1965.
- [7] L. Laboratório de Transmissão e Tecnologia do Calor https://www.coppe.ufrj.br/pt-br/pesquisa/laboratorios/laboratorio-de-transmissao-e-tecnologia-do-calor-lttc, 2020. [Online; accessed 06-29-20 11:50pm].