# 机器学习导论 作业三

学号,作者姓名,邮箱 2018年4月21日

## 1 [15pts] Decision Tree I

- (1) **[5pts]** 假设一个包含三个布尔属性X, Y, Z的空间,并且目标函数是f(x, y, z) = x **XOR** z,其中**XOR**为异或运算符。令H为基于这三个属性的决策树,请问:目标函数f可实现吗?如果可实现,画出相应的决策树以证明,如果不可实现,请论证原因;
- (2) [10pts] 现有如表 1所示数据集:

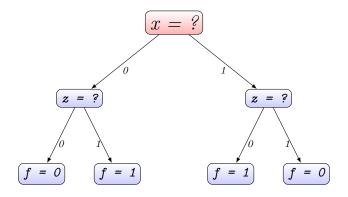
表 1: 样例表

X	Y	Z	f
1	0	1	1
1	1	0	0
0	0	0	0
0	1	1	1
1	0	1	1
0	0	1	0
0	1	1	1
1	1	1	0

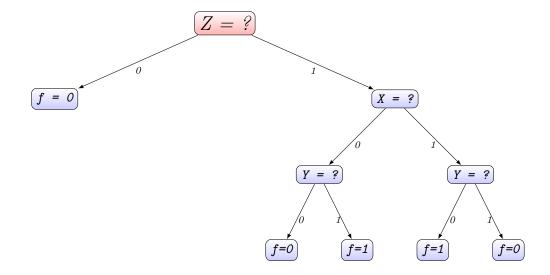
请画出由该数据集生成的决策树。划分属性时要求以信息增益 (information gain)为准则。 当信息增益 (information gain)相同时,依据字母顺序选择属性即可。

Solution.

(1) 目标函数f是可以实现的,决策树如下所示:



(2) 根据数据集生成的决策树如下:



## 2 [20pts] Decision Tree II

考虑如下矩阵:

$$\begin{bmatrix} 4 & 6 & 9 & 1 & 7 & 5 \\ 1 & 6 & 5 & 2 & 3 & 4 \end{bmatrix}^T$$

该矩阵代表了6个样本数据,每个样本都包含2个特征 $f_1$ 和 $f_2$ 。这6个样本数据对应的标签如下:

$$\begin{bmatrix}1&0&1&0&1&0\end{bmatrix}^T$$

在这个问题中,我们要构造一个深度为2的树进行分类任务。

- (1) [**5pts**] 请计算根结点 (root) 的熵值 (entropy);
- (2) [**10pts**] 请给出第一次划分的规则,例如 $f_1 \ge 4$ ,  $f_2 \ge 3$ 。对于第一次划分后产生的两个结点,请给出下一次划分的规则;

提示:可以直观判断,不必计算熵。

(3) [**5pts**] 现在回到根结点 (root),并且假设我们是建树的新手。是否存在一种划分使得根结点 (root) 的信息增益 (information gain) 为0?

Solution. 此处用于写解答(中英文均可)

### 3 [25pts] Universal Approximator

已知函数 $f:[-1,1]^n\mapsto [-1,1]$ 满足 $\rho$ -Lipschiz性质。给定误差 $\epsilon>0$ ,请构造一个激活函数为  $\mathrm{sgn}(\mathbf{x})$  的神经网络 $\mathcal{N}:[-1,1]^n\mapsto [-1,1]$ ,使得对于任意的输入样本 $\mathbf{x}\in [-1,1]^n$ ,有 $|f(\mathbf{x})-\mathcal{N}(\mathbf{x})|\leq \epsilon$ 。

(Lipschiz条件为:  $\forall \mathbf{x}, \mathbf{y} \in [-1, 1]^n$ ,  $\exists \rho > 0$ , s.t.  $|f(\mathbf{x}) - f(\mathbf{y})| \leq \rho ||\mathbf{x} - \mathbf{y}||_2$ , 其中  $\operatorname{sgn}(\mathbf{x})$  的 定义参见《机器学习》第98页。)

- (1) [ $\mathbf{5pts}$ ] 请画出构造的神经网络 $\mathcal{N}$ 的示意图;
- (2) [**10pts**] 请对构造的神经网络进行简要的说明(写清每一层的线性组合形式,也就是结点间的连接方式和对应的权重);
- (3) [10pts] 证明自己构造的神经网络的拟合误差满足要求。

Solution. 此处用于写解答(中英文均可)

### 4 [40pts] Neural Network in Practice

通过《机器学习》课本第5章的学习,相信大家已经对神经网络有了初步的理解。深度神经网络在某些现实机器学习问题,如图像、自然语言处理等表现优异。本次作业旨在引导大家学习使用一种深度神经网络工具,快速搭建、训练深度神经网络,完成分类任务。

我们选取PyTorch为本次实验的深度神经网络工具,有了基础工具,我们就能如同搭积木一样构建深度神经网络。PyTorch是Facebook开发的一种开源深度学习框架,有安装方便、文档齐全、构架方便、训练效率高等特点。本次作业的首要任务就是安装PyTorch。

目前PyTorch仅支持Linux和MacOS操作系统,所以Window用户需要装一个Linux虚拟机或者直接安装Linux系统。PyTorch安装很方便,只需要在其主页中的Get Start一栏选择对应的环境设置,便能够一键安装。有GPU的同学也可以尝试安装GPU版本的PyTorch。为保证此次作业的公平性,只要求使用CPU进行网络训练,当然有条件的同学也可以尝试使用GPU进行训练。在批改作业时,助教会提供Python 2.7、3.5、3.6三种环境进行实验验证。

我们选取CIFAR10作为本次作业的训练任务。CIFAR10是一个经典的图片分类数据集,数据集中总共有60000张32×32的彩色图片,总共有10类,每类6000张图片,其中50000张图片构成训练集,10000张图片构成测试集。PyTorch通过torchvision给用户提供了获取CIFAR10的方法,详细信息可见PyTorch的教程。此外关于CIFAR10分类准确率排行可见此链接。

下面我们将尝试使用PyTorch来解决实际问题:

- (1) [**15pts**] 首先我们跟随PyTorch的教程,用一个简单的卷积神经网络(Convolutional Neural Network, CNN),完成CIFAR10上的分类任务,具体要求如下:
  - [7pts] 在代码实现之前,大家可能需要对CNN网络进行一定的了解,请大家自行查阅资料(PyTorch的教程中也有部分介绍CNN网络),并在实验报告中给出对CNN的见解:主要回答什么是卷积层,什么是Pooling层,以及两者的作用分别是什么;
  - [8pts] 接下来就是具体的代码实现和训练。教程会手把手教你完成一次训练过程,其中使用SGD作为优化方法,请同学们自行调整epoch的大小和学习率,完成此次训练。另外,请在实验报告中给出必要的参数设置,以及训练结果如最终的loss、在测试集上的准确率等;
- (2) [20pts] 显然,这样一个简单的网络在CIFAR10上并不能取得令人满意的结果,我们需要选取一个更为复杂的网络来提升训练效果。在此小题中,我们选取了CIFAR10准确率排行榜上排名第二的结构,具体参见论文链接。为了方便大家实现,我们直接给出了网络结构如图1所示。请大家搭建完成此网络结构,并选择Adam为优化器,自行调整相关参数完成训练和预测,实验结果报告内容同第(1)小题;

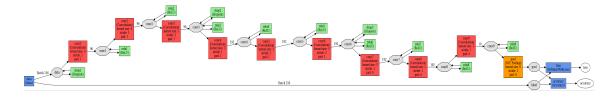


图 1: 待实现网络结构

(3) [**5pts**] 通过上一题实验我们可以发现,即使使用现成的网络结构也不一定能达到与其相同的训练效果。请大家分析其中的原因,并谈谈本次实验的感想,以及对深度学习调参的体会。

实验报告.