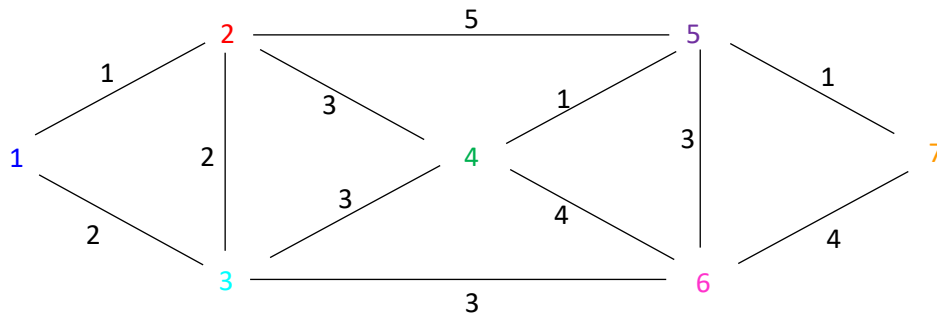


### Zadanie 1 - przykład.

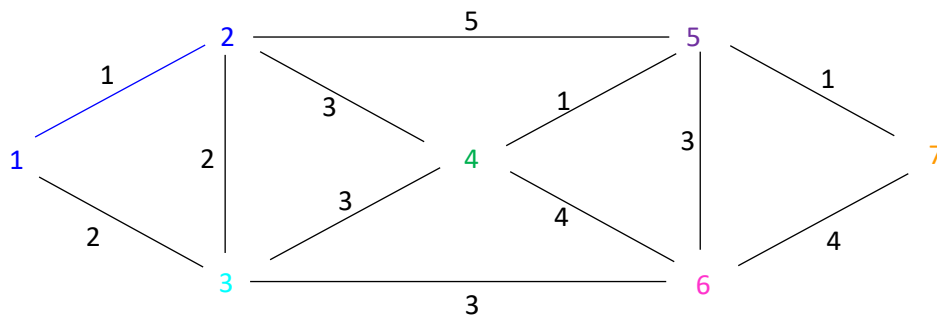
Wykorzystamy algorytm Kruskala, aby znaleźć minimalne drzewo rozpinające następującego grafu G (wagi krawędzi na czarno):



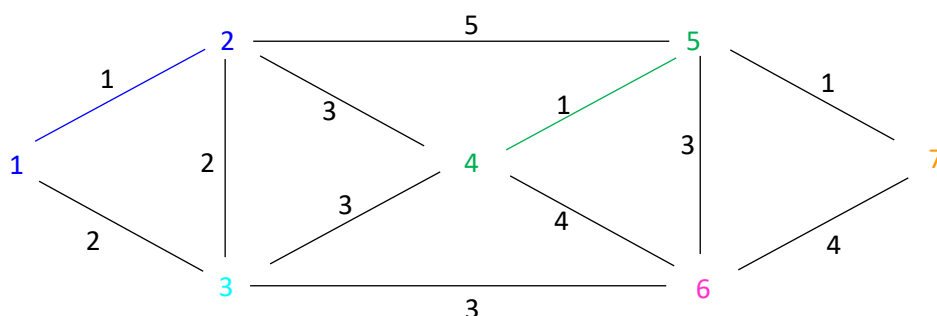
Na początku każdy z wierzchołków tworzy osobną spójną składową w grafie, którego krawędziami są krawędzie grafu G wybrane do minimalnego drzewa rozpinającego (bo nie ma jeszcze żadnych wybranych krawędzi). Różne składowe będziemy oznaczać różnymi kolorami – dlatego na rysunku powyżej jest tak tęczowo.

Sortujemy krawędzie w porządku niemalejących wag. Krawędzie o tej samej wadze mogą być uporządkowane dowolnie. Przyjmijmy, że tablica posortowanych krawędzi wygląda następująco:  $E = [\{1,2\}, \{4,5\}, \{5,7\}, \{1,3\}, \{2,3\}, \{2,4\}, \{3,4\}, \{3,6\}, \{5,6\}, \{4,6\}, \{6,7\}, \{2,5\}]$ . Oglądamy teraz kolejne krawędzie:

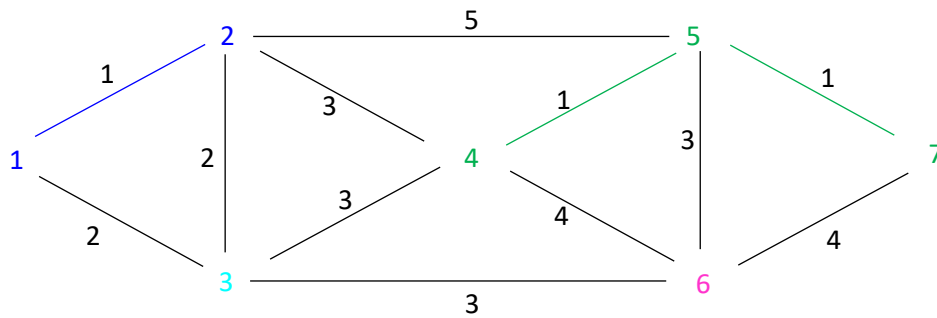
- Krawędź  $\{1,2\}$  łączy dwa wierzchołki z różnych składowych. Wybieramy ją zatem do budowanego drzewa, a składowe wierzchołków 1 i 2 łączą się ze sobą.



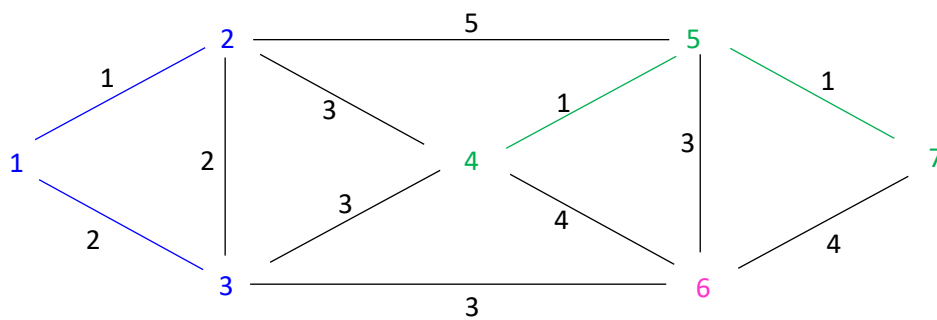
- Krawędź  $\{4,5\}$  również łączy wierzchołki z różnych składowych. Wybieramy ją do drzewa, łączymy składowe wierzchołków 4 i 5.



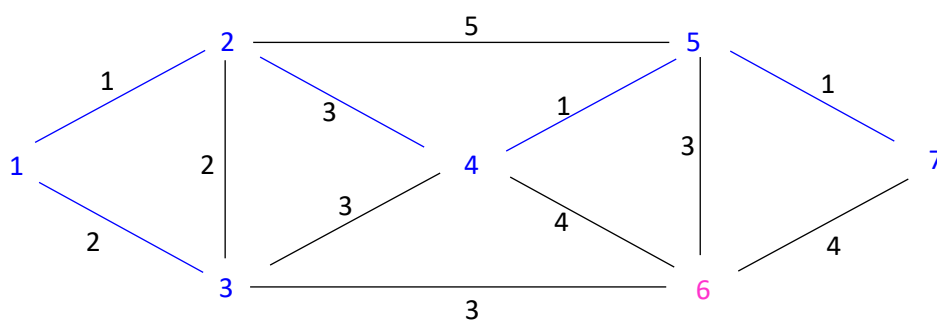
- Krawędź  $\{5,7\}$  łączy wierzchołki z różnych składowych. Wybieramy ją do drzewa, łączymy składowe wierzchołków 5 i 7.



- Krawędź  $\{1,3\}$  łączy wierzchołki z różnych składowych. Wybieramy ją do drzewa, łączymy składowe wierzchołków 1 i 3.

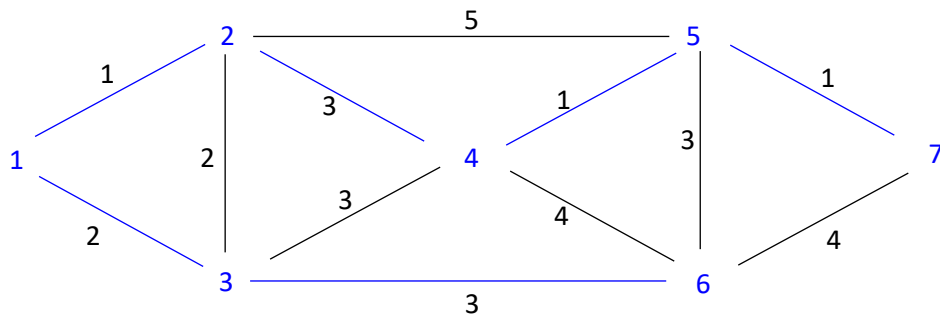


- Krawędź  $\{2,3\}$  łączy dwa wierzchołki z tej samej składowej. Nie możemy więc wybrać jej do drzewa, bo powstałby cykl.
- Krawędź  $\{2,4\}$  łączy wierzchołki z różnych składowych. Wybieramy ją do drzewa, łączymy składowe wierzchołków 2 i 4.



- Krawędź  $\{3,4\}$  łączy wierzchołki z tej samej składowej. Nie wybieramy jej do drzewa.

- Krawędź  $\{3,6\}$  łączy wierzchołki z różnych składowych. Wybieramy ją do drzewa, łączymy składowe wierzchołków 3 i 6.



Wybraliśmy już  $n - 1 = 6$  krawędzi, a zatem drzewo jest gotowe (jego krawędzie są niebieskie).