

### Zadanie 1 - przykład.

Niech  $n = 8$ ,  $k = 4$ . Generujemy następnik podzbioru reprezentowanego przez ciąg  $(1,2,7,8)$ . Maksymalne wartości dopuszczalne na odpowiednich pozycjach ciągu to  $(5,6,7,8)$ .

Szukamy od prawej indeksu, na którym nie ma maksymalnej wartości: na pozycji 4 jest (8), na pozycji 3 też (7), na pozycji 2 mamy element  $2 < 6$ . Zwiększamy ten element, otrzymując ciąg  $(1,3,7,8)$ .

Pozostało ustawić elementy na prawo od tego zmodyfikowanego na najmniejsze możliwe wartości. Ciąg musi być rosnący, więc najmniejsza możliwa wartość elementu to o 1 więcej niż element poprzedni. Otrzymujemy ciąg  $(1,3,4,5)$  – to nasz szukany następnik.

**Uwaga:** gdybyśmy chcieli znaleźć następnik ciągu  $(5,6,7,8)$ , to szukając elementu do zwiększenia, wyszlibyśmy przed tablicę z ciągiem. To oznacza, że następnika nie ma. Proszę nie zgubić tego przypadku w programie.

### Zadanie 3 - przykład.

Niech  $n = 5$ ,  $k = 3$ ,  $r = 7$ . Pseudokod podany na wykładzie można rozpisać w tabelce, w której podajemy kolejno bieżącą wartość rangi  $r$ , pozycję  $i$ , wartość  $x$  (kandydata na  $t_i$ ) oraz znalezionej wartość  $t_i$ . Może przydać się też kolumna na sprawdzanie, czy  $\binom{n-x}{k-i} \leq r$ .

Ciąg budujemy od pozycji 1 do  $n$ , testujemy elementy od wartości najmniejszych – zatem zaczynamy od  $i = 1$  oraz  $x = 1$ .

$r$	$i$	$x$	$\binom{n-x}{k-i}$	$\binom{n-x}{k-i} \leq r$	$t_i$
7	1	1	6	tak	

Jeśli  $\binom{n-x}{k-i} \leq r$ , to wartość  $x$  jest za mała. Odejmujemy  $\binom{n-x}{k-i}$  od rangi  $r$  i zwiększamy  $x$  o 1.

$r$	$i$	$x$	$\binom{n-x}{k-i}$	$\binom{n-x}{k-i} \leq r$	$t_i$
7	1	1	6	tak	
1	1	2	3	nie	

Jeśli  $\binom{n-x}{k-i} > r$ , to  $t_i = x$ . Zatem  $t_1 = 2$ . Przechodzimy do kolejnego indeksu  $i$  oraz zwiększamy  $x$  o 1, bo tworzony ciąg musi być rosnący.

$r$	$i$	$x$	$\binom{n-x}{k-i}$	$\binom{n-x}{k-i} \leq r$	$t_i$
7	1	1	6	tak	
1	1	2	3	nie	2
1	2	3	2	nie	

Znaleźliśmy wartość  $t_2 = 3$ , kontynuujemy dla  $i = 3$ .

$r$	$i$	$x$	$\binom{n-x}{k-i}$	$\binom{n-x}{k-i} \leq r$	$t_i$
7	1	1	6	tak	
1	1	2	3	nie	2
1	2	3	2	nie	3
1	3	4	1	tak	

Wartość  $x=4$  jest za mała na  $t_3$ , aktualizujemy  $r$  i zwiększamy  $x$ .

$r$	$i$	$x$	$\binom{n-x}{k-i}$	$\binom{n-x}{k-i} \leq r$	$t_i$
7	1	1	6	tak	
1	1	2	3	nie	2
1	2	3	2	nie	3
1	3	4	1	tak	
0	3	5	1	nie	5

Koniec algorytmu, podzbiorem o randze 7 jest  $\{2,3,5\}$ .