## Curs 2000-2001

A continuació trobareu l'enunciat de quatre qüestions i dos problemes. Heu de respondre només tres de les quatre qüestions i resoldre només un dels dos problemes (podeu triar les qüestions i el problema que vulgueu). En les respostes que doneu heu d'explicar sempre què és el que voleu fer i per què.

## **QÜESTIONS**

1. Determine uper a quins valors del paràmetre a el pla  $\pi$  : ax + 2y + z = a és paral·lel a la recta r:  $\begin{cases} x - ay + z = 1 \\ ax + z = a + 1 \end{cases}$ 

[2 punts]

- 2. Siguin A, B i C els tres vèrtexs d'un triangle equilàter de costat 3 cm i P el punt del costat AB que és a 1 cm del vèrtex A. Quina és la longitud del segment CP?

  [2 punts]
- 3. Considereu la funció definida per

$$f(x) = \begin{cases} e^{ax}, & \text{si } x \leq 0 \\ 2x + 1, & \text{si } x > 0 \end{cases}$$

on a és un nombre real.

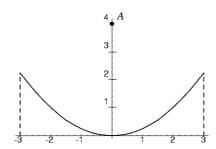
- a) Calculeu  $\lim_{x\to 0} f(x)$  i comproveu que f(x) és contínua en x=0.
- b) Per a quin valor del paràmetre a la funció f(x) és derivable en x = 0?

[2 punts]

- 4. Sabeu que la gràfica de la funció f(x) passa pel punt (1, -4) i que la seva funció derivada és f'(x) = 2x 2.
  - a) Determineu l'expressió de f(x).
  - b) Calculeu l'àrea de la regió limitada per la gràfica de f(x) i l'eix d'abscisses OX.

[2 punts]

1. La riba d'un tram de riu descriu la corba  $y = \frac{1}{4}x^2$ , per a x entre -3 i 3, i en el punt A = (0, 4) hi ha un poble, tal com es pot veure en l'esquema següent:



- a) Expresseu la distància des d'un punt qualsevol d'aquesta vora del riu fins al poble, en funció de l'abscissa *x*.
- b) Quin és el punt de la vora d'aquest tram de riu que és més lluny del poble?
- c) Hi ha algun punt de la vora del riu a una distància del poble inferior a 2?

[4 punts]

- 2. Sigui  $\pi$  el pla d'equació x y + 2z = 3 i P el punt (1, 1, 0).
  - a) Calculeu la distància d de P a  $\pi$  .
  - b) Determineu l'equació de l'altre pla  $\pi'$  paral·lel a  $\pi$  que també dista d del punt P.
  - c) Determineu l'equació de la recta r perpendicular a  $\pi$  que passa per P.
  - d) Calculeu la intersecció de la recta r amb el pla  $\pi$ .

[4 punts]