Proves d'Accés a la Universitat. Curs 2012-2013

Matemàtiques aplicades a les ciències socials

Sèrie 1

Responeu a CINC de les sis questions seguents. En les respostes, expliqueu sempre què voleu fer i per què.

Cada qüestió val 2 punts.

Podeu utilitzar calculadora, però no s'autoritzarà l'ús de calculadores o altres aparells que portin informació emmagatzemada o que puguin transmetre o rebre informació.

- 1. Donada una funció f, sabem que $f'(x) = e^{-x} \cdot (2x^2 3x)$.
 - *a*) Estudieu el creixement i el decreixement de la funció *f*. [1 punt]
 - **b**) Si la funció *f* té extrems relatius, indiqueu-ne les abscisses i classifiqueu-los. [1 punt]
- 2. La Júlia, en Pol i la Maria han anat a comprar fruita. La Júlia ha comprat un kilogram de pomes, dos de préssecs i tres de taronges, i ha pagat 9 €. En Pol ha comprat dos kilograms de pomes i quatre de préssecs, i ha pagat 12 €. La Maria, en canvi, ha comprat quatre kilograms de pomes i dos de taronges, i ha pagat 8 €. Calculeu el preu del kilogram de cada fruita.

 [2 punts]

. . .

- **3.** Els dos darrers anys, el valor de les accions en borsa d'una empresa ha baixat un 20 % anual.
 - a) Aquest any, en canvi, les accions han pujat un 30 %. Quin és el percentatge global de pèrdua en aquests tres anys?
 [1 punt]
 - b) Quin hauria de ser el percentatge de guanys d'aquest tercer any si el balanç global dels tres anys acaba sent equilibrat, és a dir, sense pèrdues ni guanys? [1 punt]

- **4.** Siguin les matrius $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & 1 \\ -1 & -1 \end{pmatrix}$ i $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} -2 & 5 \end{pmatrix}$.
 - *a*) Resoleu l'equació matricial $X + 2A = X \cdot A$, on X és la matriu incògnita. [1 punt]
 - b) Hi ha cap matriu Y que verifiqui $Y \cdot A = B$? I que verifiqui $A \cdot Y = B$? Justifiqueu les respostes.

 [1 punt]
- 5. Un florista disposa de 50 margarides, 80 roses i 80 clavells, i en fa rams de dues classes: per a uns fa servir 10 margarides, 20 roses i 10 clavells, i per als altres fa servir 10 margarides, 10 roses i 20 clavells. La primera classe de rams es ven a 40 €, mentre que la segona es ven a 50 €. Quants rams de cada classe ha de fer si vol ingressar el màxim possible? [2 punts]
- 6. La demanda d'energia elèctrica d'una ciutat, comptada a partir de la mitjanit i fins a les vuit del matí, és donada per la funció $f(t) = \frac{t^2 6t + 12}{6}$, on t s'expressa en hores (h) i f(t), en milions de kilowatts hora (kW h).
 - *a*) A quina hora el consum coincideix amb el de la mitjanit, i quin és aquest consum? [1 punt]
 - b) A quina hora es donarà el mínim consum? Justifiqueu que, efectivament, es tracta d'un mínim.
 [1 punt]