## Proves d'accés a la universitat

## Matemàtiques

Sèrie 1

Qualificació		TR	
	1		
	2		
Oüaatiana	3		
Qüestions	4		
	5		
	6		
Suma de notes parci	als		
Qualificació final			

Etiqueta de l'alumne/a	Ubicació del tribunal Número del tribunal
Etiqueta de qualificació	Etiqueta del corrector/a

Responeu a QUATRE de les sis questions seguents. En les respostes, expliqueu sempre què voleu fer i per què.

Cada qüestió val 2,5 punts.

Podeu utilitzar calculadora, però no es permet l'ús de calculadores o altres aparells que poden emmagatzemar dades o que poden transmetre o rebre informació.

Podeu utilitzar les pàgines en blanc (pàgines 14 i 15) per a fer esquemes, esborranys, etc., o per a acabar de respondre a alguna qüestió si necessiteu més espai. En aquest últim cas, cal que ho indiqueu clarament al final de la pàgina de la qüestió corresponent.

1. Considereu el sistema d'equacions lineals següent, que depèn del paràmetre real *k*:

$$\begin{cases} x + ky + z = 3 + k \\ kx + y + z = 4 \\ x + 3y + z = 5 \end{cases}$$

*a*) Discutiu el sistema per als diferents valors del paràmetre *k*. [1,25 punts]

b)	Resoleu, si es possible, el sistema per al cas $k = 1$ , i feu-ne u [1,25 punts]	na interpretacio geometrica.
		Espai per al corrector/a

a b

Total

Qüestió 1

**2.** *a*) Donada la funció  $f(x) = \frac{4}{x}$ , calculeu l'equació de la recta tangent a y = f(x) en el punt d'abscissa x = 1. Trobeu també l'equació de la recta normal a y = f(x) en aquest mateix punt.

[1,25 punts]

*b*) Feu un esbós de les gràfiques de la corba y = f(x) i de la recta 4x + y = 8, i calculeu l'àrea delimitada per aquestes dues gràfiques, l'eix de les abscisses i la recta vertical x = 3. [1,25 punts]

Espai per al corrector/a		
	а	
Qüestió 2	b	
	Total	

- 3. En  $\mathbb{R}^3$  es donen els punts A = (3, 1, 1), B = (0, 0, 1), C = (4, 1, 2) i D = (1, 1, t), en què t és un valor real.
  - *a*) Per a quin valor de *t* els quatre punts són coplanaris? [1 punt]

**b**) Trobeu el valor de t per tal que el tetraedre (irregular) que formen els quatre punts tingui un volum de  $5u^3$ .

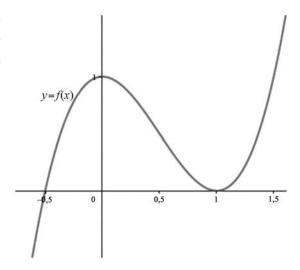
[1,5 punts]

Nota: El volum d'un tetraedre definit pels vectors  $v_1$ ,  $v_2$  i  $v_3$  és igual a un sisè del valor absolut del determinant de la matriu formada per tots tres vectors,

$$V = \frac{1}{6} \left| \det(\mathbf{v}_1, \mathbf{v}_2, \mathbf{v}_3) \right|.$$

Espai per al corrector/a		
	а	
Qüestió 3	b	
	Total	

**4.** *a*) En la figura es mostra la gràfica de la funció f(x). Representeu de manera esquemàtica la gràfica de la funció derivada de f(x). Expliqueu el raonament que heu seguit. [1,25 punts]



**b)** Calculeu els valors de a i b perquè la funció  $g(x) = ax^3 + bx^2 + 1$  tingui un punt d'inflexió en  $x = \frac{1}{2}$  i la seva derivada en aquest punt sigui  $\frac{-3}{2}$ .

[1,25 punts]

Espai per al corrector/a		
	а	
Qüestió 4	b	
	Total	

- 5. Sigui la matriu  $A = \begin{pmatrix} a & a & 0 \\ 2 & a+1 & a-1 \\ 2a+1 & 0 & -a-3 \end{pmatrix}$ , en què a és un paràmetre real.
  - *a*) Trobeu per a quins valors de a la matriu A és invertible. [1 punt]

b) Comproveu que, per al cas a = 3, la matriu A és invertible i resoleu l'equació matri-

cial 
$$\mathbf{A} \mathbf{X} = \mathbf{B} - 3\mathbf{I}$$
, en què  $\mathbf{B}$  és la matriu  $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} 6 & 3 & 3 \\ 2 & 5 & 2 \\ 1 & 1 & 4 \end{pmatrix}$ .

Espai per al corrector/a			
	а		
Qüestió 5	b		
	Total		

- **6.** Considereu la funció  $f(x) = \frac{x^3}{x-2}$ .
  - *a*) Estudieu si té punts crítics i, en cas que en tingui, justifiqueu de quin tipus són. Determineu també quins són els intervals de creixement i decreixement de la funció. [1,5 punts]

**b**) Comproveu que l'equació f(x) = 0 té una única solució en l'interval (-2, 1). [1 punt]

Espai per al corrector/a		
	а	
Qüestió 6	b	
	Total	

[Pàgina per a fer esquemes, esborranys, etc., o per a acabar de respondre a alguna qüestió.]

[Pàgina per a fer esquemes, esborranys, etc., o per a acabar de respondre a alguna qüestió.]

	1	
	Etiqueta de l'alumne/a	
	. 1	

