Oficina d'Accés a la Universitat

Proves d'accés a la universitat

Convocatòria 2014

Matemàtiques aplicades a les ciències socials

Sèrie 3

Responeu a CINC de les sis questions seguents. En les respostes, expliqueu sempre què voleu fer i per què.

Cada qüestió val 2 punts.

Podeu utilitzar calculadora, però no s'autoritzarà l'ús de calculadores o altres aparells que portin informació emmagatzemada o que puguin transmetre o rebre informació.

- 1. En Pol, la Júlia i la Maria han comprat un regal. La Júlia ha gastat la meitat de diners que la Maria, i en Pol n'ha gastat el triple que la Júlia.
 - *a*) Expliqueu raonadament si amb aquestes dades en tenim prou per a determinar quant ha gastat cadascun d'ells.

 [1 punt]
 - b) Si a més ens diuen que entre tots tres han gastat 63 €, quant ha gastat cadascú? [1 punt]
- **2.** La gràfica de la derivada f' de la funció f és una paràbola que talla l'eix d'abscisses en els punts (5,0) i (1,0), i té el vèrtex en el punt (3,-4).
 - a) Expliqueu raonadament en quins intervals la funció f és creixent i en quins intervals és decreixent. Indiqueu-ne els extrems relatius i classifiqueu-los.
 - b) Sabem que f(3) = 2. Determineu l'equació de la recta tangent a la funció f en el punt (3, 2).
 [1 punt]

3. Una cadena de televisió decideix emetre un nou programa en la franja horària de les 17.00 h a les 21.00 h. El percentatge d'audiència *P* de la primera emissió en funció del temps *t*, mesurat en hores, és definit per la funció

$$P(t) = \frac{1}{5}(-t^3 + 49t^2 - 760t + 3.690) \quad 17 \le t \le 21.$$

Els directius de la cadena acorden que el programa se seguirà emetent si en algun moment s'aconsegueix un percentatge d'audiència superior al 20 %.

- a) Expliqueu raonadament en quins intervals de temps l'audiència del programa va augmentar i en quins intervals va disminuir.
 [1 punt]
- **b**) En vista dels resultats, se seguirà emetent el programa? Justifiqueu la resposta. [1 punt]
- **4.** Siguin les matrius $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} x & 0 \\ 0 & x \end{pmatrix}$ i $\mathbf{I} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$, determineu x per tal que es verifiqui l'equació $\mathbf{A}^2 6\mathbf{A} + 5\mathbf{I} = \mathbf{0}$, on $\mathbf{0}$ és la matriu en què tots els elements són $\mathbf{0}$.
- 5. Hem de fertilitzar els terrenys d'una finca utilitzant dos adobs, A i B. El cost de l'adob A és de 0,9 €/kg, i l'adob B costa 1,5 €/kg. L'adob A conté un 20 % de nitrogen i un 10 % de fòsfor, mentre que l'adob B en conté un 18 % i un 15 %, respectivament. Per a fertilitzar els terrenys correctament ens cal un mínim de 180 kg de nitrogen i 120 kg de fòsfor.
 - *a*) Si anomenem *x* els kilograms d'adob A i *y* els kilograms d'adob B, escriviu el sistema d'inequacions que satisfà les condicions anteriors.
 - Quina és la despesa mínima que hem de fer si volem fertilitzar els terrenys de la finca correctament?
 [1 punt]
- **6.** Sigui la funció $f(x) = x \cdot e^x$.
 - a) Si la funció f té extrems relatius, determineu-los i classifiqueu-los. [1 punt]
 - **b**) Calculeu la recta tangent a la gràfica de f en el punt d'abscissa x = 0. [1 punt]



Oficina d'Accés a la Universitat

Proves d'accés a la universitat

Convocatòria 2014

Matemàtiques aplicades a les ciències socials

Sèrie 4

Responeu a CINC de les sis questions seguents. En les respostes, expliqueu sempre què voleu fer i per què.

Cada qüestió val 2 punts.

Podeu utilitzar calculadora, però no s'autoritzarà l'ús de calculadores o altres aparells que portin informació emmagatzemada o que puguin transmetre o rebre informació.

- 1. El preu en borsa d'unes accions és definit per la funció $p(t) = 500 \cdot e^{0.3t}$, on t indica els anys transcorreguts a partir del moment present.
 - *a*) Si venem les accions d'aquí a un any, quin percentatge de benefici obtindrem? [1 punt]
 - **b**) D'aquí a quants anys haurem aconseguit doblar el preu de les accions? [1 punt]
- 2. Una empresa d'informàtica fabrica ordinadors portàtils i de taula i ven tots els que fabrica. L'empresa té capacitat per a fabricar 3.000 ordinadors. Per qüestions de mercat, el nombre d'ordinadors de taula no pot ser inferior a la meitat del nombre de portàtils, però tampoc no pot superar el nombre de portàtils. L'empresa guanya 100 € per cada ordinador de taula, i un 20 % més en la venda de cada portàtil. Quants ordinadors de cada classe ha de fabricar per a maximitzar els beneficis?
- 3. Siguin les matrius $\mathbf{A} = \begin{pmatrix} 2 & 3 \\ 1 & 2 \end{pmatrix}$, $\mathbf{B} = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ -1 & 0 \end{pmatrix}$ i $\mathbf{I} = \begin{pmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$.
 - a) Determineu una matriu X que verifiqui $A \cdot X = I$. [1 punt]
 - b) Determineu una matriu Y que verifiqui $A \cdot Y \cdot A = B$. [1 punt]

- **4.** Els beneficis diaris, en centenars d'euros, d'un taller de bicicletes són definits per la funció $f(x) = -20x^2 + 50x 20$, on x són els centenars de bicicletes venudes. El taller només té capacitat per a fabricar 200 bicicletes al dia.
 - *a*) Calculeu el benefici màxim diari que pot obtenir el taller.
 [1 punt]
 - **b**) Determineu el nombre mínim de bicicletes que ha de fabricar per a no tenir pèrdues. [1 punt]
- 5. Considereu la funció $f(x) = \frac{3x-4}{2x-5}$.
 - *a*) Indiqueu-ne el domini i els punts on la gràfica de la funció f talla l'eix d'abscisses. [1 punt]
 - **b**) Determineu-ne, si en té, les asímptotes horitzontals i verticals. [1 punt]
- **6.** Un botiguer vol determinar la quantitat de bitllets de 5 €, 10 € i 20 € que ha de tenir a la botiga per a atendre millor els clients. En total, vol tenir 1.375 € en 90 bitllets a la caixa. A més, s'ha adonat que li convé tenir el doble de bitllets de 20 € que de 5 € i 10 € junts. Quants bitllets haurà de tenir de cada classe?

