Demostració del Principi de Fermat Treball de Simulació

Martí Juanola i Marta Granero

Física dels Dispositius de Memòria

30 de Maig de 2023

Continguts

- Objectiu del Treball
- Principi de Fermat
- Aplicacions
- Disseny i Implementació
 - Definició de l'Escenari
 - Esquema Algorísmic
 - Comprovació Experimental
- Dificultats
- 6 Limitacions i Extensions
- Conclusions



Objectiu del treball

- Trobar el camí que recorre la llum per anar del punt P a P' mitjançant el Principi que Pierre de Fermat va anunciar al 1658.
- Ho farem dient que la trajectòria real d'un raig de llum d'un punt P a un punt P' és la que correspon al que fa mínim el temps de propagació.

Principi de Fermat

El camí recorregut per la llum en propagar-se des d'un punt a un altre és el que fa que el temps de propagació de la llum sigui mínim.

El temps que trigarà la llum en anar del punt P a P', recorrent una distància d_1 en el medi n_1 ; a continuació una distància d_2 en un medi d'índex n_2 , i així successivament per a k medis.

Cadascun dels medis el pressuposem homogeni i on la velocitat de la llum a cada medi serà constant i amb valor $v_k=\frac{c}{n_k}.$

El temps que trigarà la llum en anar del punt P a P' serà de:

$$min\{t_p = \sum_k \frac{d_k}{v_k}\}$$



Aplicacions

El principi de Fermat s'aplica en una àmplia gamma de dominis. Com són:

- Òptica i disseny de lents
- Comunicacions òptiques
- Xarxes de telecomunicacions
- Processament imatges
- Camins òptims i rutes de viatges



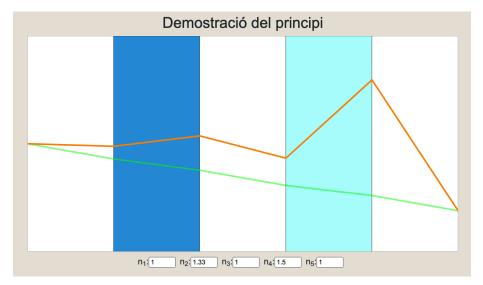
Eina de Simulació

Per dur a terme aquesta demostració hem fet servir els següents llenguatges:





Escenari de simulació



Variables i Constants

Es defineixen les següents constants:

- Velocitat de la llum = 1m/s
- X total = 800m
- Y total = 400m

Considerem les següents variables generals:

- Nombre de regions (N)
- Màxima diferència per iteració (δ)

Per cada regió R_i :

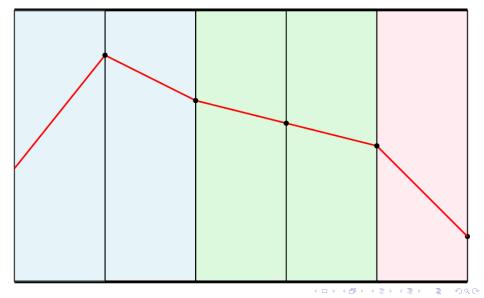
- Índex de refracció (n_i)
- ullet Coordenada y (punt de canvi de medi amb la regió i+1) (y_i)
- Angle d'incidència (α_i)
- Angle de refracció (ω_i)



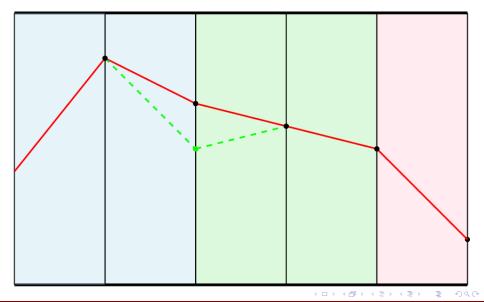
Pseudocodi de l'Algorisme

```
N \leftarrow setup \ N()
n \leftarrow setup \ n \ values()
Y \leftarrow qenerate\_random\_ys()
while TRUF do
  i = random \ value(1, N)
  newY \leftarrow Y
  newY[i] \leftarrow newY[i] + random\_value(-\delta, +\delta)
  if propagation time(newY, n) < propagation \ time(Y, n) then
     Y \leftarrow newY
  end if
end while
```

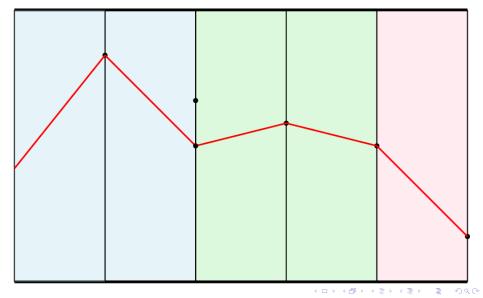
Exemple d'iteració



Exemple d'iteració



Exemple d'iteració



Comprovació experimental del principi

Endavant amb la demostració!



Dificultats

A l'hora d'elaborar el treball no hem atravessat problemes majors ni grans impediments. Tots ells els hem superat a mesura que avançàvem. En destaquem:

- Problemes menors amb el front-end a l'hora de visualitzar la taula de valors.
- Problemes amb el key-binding per carregar els escenaris

Limitacions i Extensions

Podem destacar algunes limitacions que conté l'eina de simulació elaborada:

- No visualitzem les reflexions de la llum en cadascuna de les regions
- Per a un nombre molt gran de regions, el temps de convergència del programa és major ja que el temps en trobar el màxim desajust entre les coordenades y esperades i les y calculades és major que si considerem un nombre més menor de regions.

També creiem que aquesta eina pot ser de gran utilitat entre:

- Estudiants
- Professors
- Divulgadors

I finalment, en proposem millores com:

- Afegir la trajectòria de les reflexions que ocorren a cada medi
- Representar les components transversals magnètiques i elèctriques de la llum
- Simular el comportament de materials birefringents



Conclusions

- S'ha comprovat el principi de Fermat amb la simulació
- S'han pogut observar diferents casuístiques d'interacció de la llum amb diferents medis
- S'han pogut comparar els resultats obtinguts amb les prediccions reals utilitzant la llei d'Snell o de refracció

Moltes gràcies!