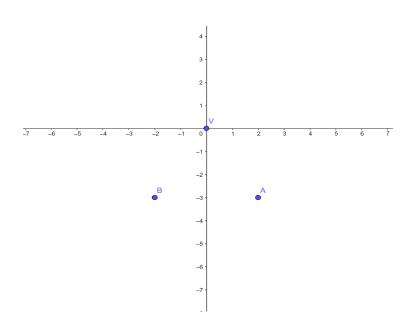
24. Escriba la ecuación canónica de las parábolas:

d) con vértice en (0,0) y que contiene a los puntos (2,-3) y (-2,-3)

Antes que nada es conveniente graficar:



El gráfico ya nos muestra que la parábola debe tener eje paralelo al eje y, entonces su ecuación es $(x-a)^2=4c(y-b)$

Sabemos que el vértice está en (0,0) entonces : $x^2 = 4cy$

Nos falta hallar el valor de c

Para eso usamos alguno de los dos puntos dados, ya que, si los puntos están en la parábola debe cumplirse la igualdad en la ecuación:

$$2^2 = 4c(-3)$$
 entonces $4 = -12c$ entonces $-\frac{1}{3} = c$

Volviendo a la ecuación tenemos : $x^2 = -\frac{4}{3}y$

Para hallar foco y directriz nos movemos $\frac{1}{3}$ hacia abajo del vértice y $\frac{1}{3}$ hacia arriba.

El foco está en $\left(-\frac{1}{3},0\right)$ y la directriz es la recta de ecuación $y=\frac{1}{3}$

