

Martin Hric
ID:111696

SLOVENSKÁ TECHNICKÁ UNIVERZITA V BRATISLAVE
FAKULTA INFORMATIKY A INFORMAČNÝCH TECHNOLOGIÍ

DÁTOVÉ ŠTRUKTÚRY A ALGORITMY

Binárne rozhodovacie diagramy

Vypracoval: Martin Hric
2020/2021

ÚVOD

Zadaním bolo vytvoriť program, ktorý bude vedieť vytvoriť, redukovať apoužiť dátovú štruktúru BDD (Binárny Rozhodovací Diagram) so zameraním na využitie pre reprezentáciu Booleovských funkcií.

Konkrétne implementujte tieto funkcie:

- `BDD *BDD_create(BF *bfunkcia);`
- `int BDD_reduce(BDD *bdd);`
- `char BDD_use(BDD *bdd, char*vstupy);`

Konkrétne, ja som funkciu `BDDreduce` neimplementoval, implementoval som len `create` a `use`.

CREATE:

Funkcia BDD_create má slúžiť na zostavenie úplného (t.j. nie redukovaného) binárneho rozhodovacieho diagramu, ktorý má reprezentovať/opisovať zadanú Booleovskú funkciu (vlastná štruktúrasná zovom BF), na ktorú ukazuje ukazovateľbfunkcia, ktorý je zadaný ako argument funkcie BDD_create.

Štruktúru BF si definujete sami –podstatné je, aby nejakým (vami vymysleným/zvoleným spôsobom) bolo možné použiť štruktúru BF na opis Booleovskej funkcie. Napríklad, BF môže opisovať Booleovskú funkciu ako pravdivostnú tabuľku, vektor, alebo výraz. Návratovou hodnotou funkcie BDD_create je ukazovateľ na zostavený binárny rozhodovací diagram, ktorý je reprezentovaný vlastnou štruktúrou BDD.

Štruktúra BDD musí obsahovať minimálne tieto zložky: počet premenných, veľkosť BDD (počet uzlov) a ukazovateľ na koreň (prvý uzol) BDD. Samozrejme potrebujete aj vlastnú štruktúru, ktorá bude reprezentovať jeden uzol BDD.

```
typedef struct node{
    struct node *left;
    struct node *right;
    long long dlzka;
    char *list;
}NODE;

typedef struct BDD{
    unsigned int premenne;
    unsigned int uzly;
    NODE *root;
}BDD;
```

Martin Hric

ID:111696

Create robím metódou zhora nadol, vstupom je vektor.

V create alokujem miesto pre štruktúru BDD, zavolám funkciu na alokovanie a nastavenie 1 uzla, na začiatku vytvorím takto len koreň, a nakonci volám rekurzívnu funkciu, ktorá ma za úlohu vytvoriť celý diagram.

```
BDD *bdd_create(char *bfunkcia){ //alokujem si miesto 1 BDD

    BDD *bdd=(BDD*)calloc(1,sizeof(BDD));
    NODE *new= create_node(bfunkcia);
    bdd->root=new;
    int size=(int) strlen(bfunkcia);
    bdd->premenne=(int) log2(size);
    if(bdd->premenne != ceil(bdd->premenne)){
        printf("zly vstup\n");
        return NULL;
    }
    bdd->uzly++;
    recursive_create(new,bdd);
    return bdd;
}
```

USE:

Funkcia BDD_use má slúžiť na použitie BDD pre zadanú (konkrétnu) kombináciu vstupných premenných Booleovskej funkcie azistenie výsledkuBooleovskej funkcie pre túto kombináciu vstupných premenných. V rámci tejto funkcie „prejdete“ BDD stromom smerom od koreňa po list takou cestou, ktorú určuje práve zadaná kombinácia vstupných premenných. Argumentami funkcie BDD_usesú ukazovateľ snázvom bddukazujúci na BDD (ktorý sa má použiť) aukazovateľ snázvom vstupyukazujúci na začiatok poľa charov (bajtov). Práve toto pole charov/bajtov reprezentuje nejakým (vami zvoleným) spôsobom konkrétnu kombináciu vstupných premenných Booleovskej funkcie. Napríklad, index poľa reprezentuje nejakú premennú ahodnota na tomto indexe reprezentuje hodnotu tejto premennej (t.j. pre premenné A, B, C aD, kedy AaC sú jednotky aB aD sú nuly, môže ísť napríklad o “1010“), môžete si však zvoliť iný spôsob. Návratovou hodnotou funkcie BDD_use je char, ktorý reprezentuje výsledok Booleovskej funkcie –je to buď ‘1’ alebo ‘0’.

```
char bdd_use(BDD *bdd, char *vstupy){ //prejde
    NODE *temp=bdd->root;
    int i=0;
    while(vstupy[i] != '\0'){
        if(vstupy[i]== '1') {
            temp=temp->right;
        }
        else if(vstupy[i]=='0'){
            temp=temp->left;
        }
        i++;
    }
    if(temp->list[0]== '0') return '0';
    else return '1';
}
```

TESTOVANIE:

V rámci testovania je potrebné, aby ste náhodným spôsobom generovali Booleovské funkcie, podľa ktorých budete vytvárať BDD pomocou funkcie BDD_create. Vytvorené BDD následne zredukujete funkciou BDD_reduce a nakoniec overíte 100% funkčnosť zredukovaných BDD opakovaným (iteratívnym) volaním funkcie BDD_use tak, že použijete postupne všetky možné kombinácie vstupných premenných. Počet premenných v rámci testovania BDD by mal byť minimálne 13. Počet Booleovských funkcií / BDD diagramov by mal byť minimálne 2000.

Testovanie som robil na 13-17 premenných, prvé na 2000 krát ale vzhľadom na čas som pri väčších premenných postupne zmenšoval opakovania.

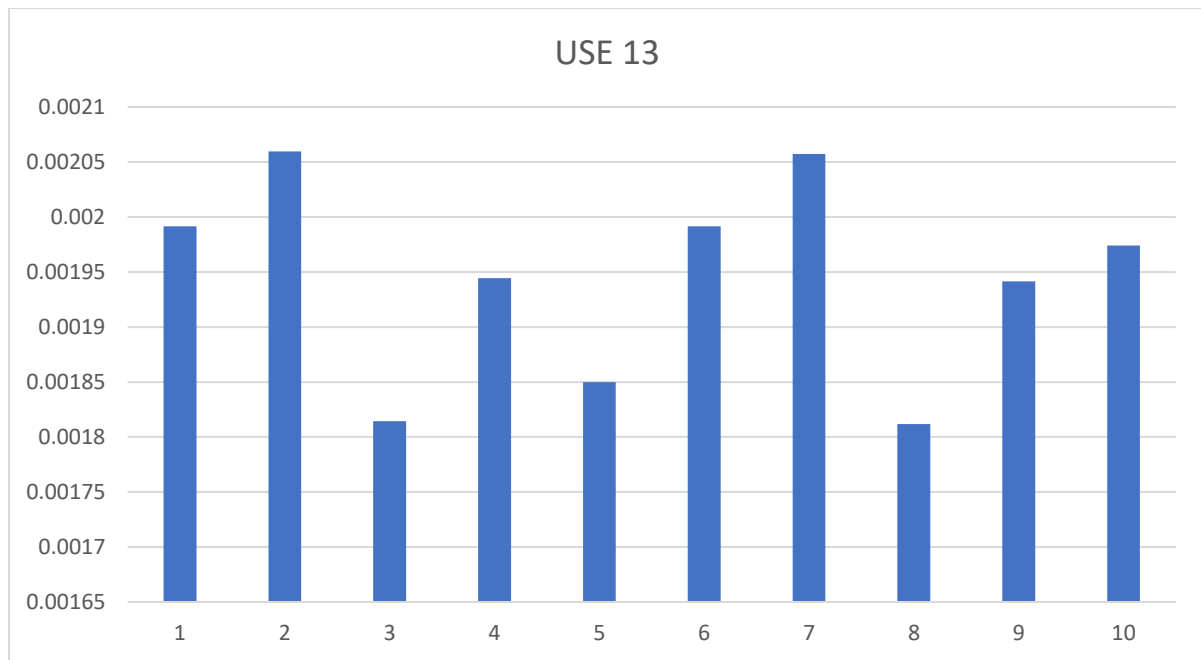
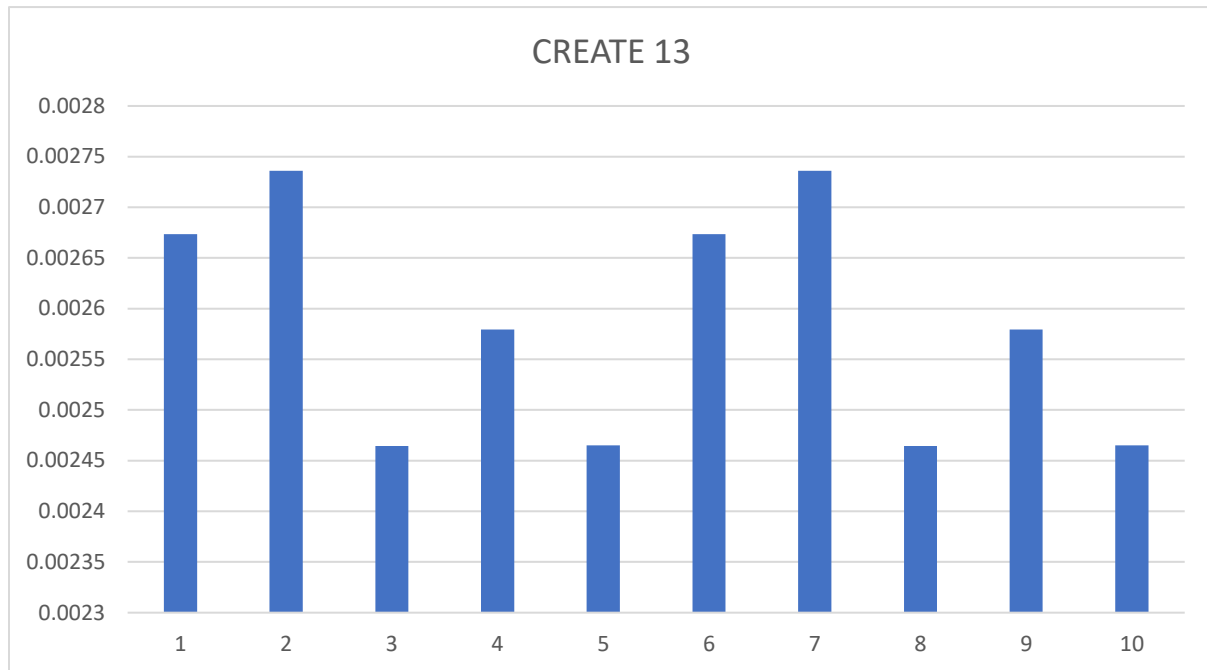
POCET PREMENNE	PRIEMER CREATE	CELKOVY CREATE	PRIEMER USE	CELKOVO USE	POCET UZLOV	POCET VSTUPOV	SPOLU
13	0.00267351s	5.34701s	0.00199149s	3.98299s	16383	8192	9.33s
13	0.002736s	5.47201s	0.0020595s	4.119s	16383	8192	9.59101s
13	0.0024645s	4.929s	0.0018145s	3.629s	16383	8192	8.558s
13	0.0025795s	5.159s	0.0019445s	3.889s	16383	8192	9.048s
13	0.002465s	4.93s	0.00185s	3.7s	16383	8192	8.63s
14	0.004985s	9.97s	0.0037115s	7.423s	32767	16384	17.393s
14	0.00495298s	9.90596s	0.00388901s	7.77802s	32767	16384	17.684s
14	0.004961s	9.922s	0.0038485s	7.697s	32767	16384	17.619s
14	0.00508551s	10.171s	0.00387749s	7.75497s	32767	16384	17.926s
14	0.00495599s	9.91198s	0.00374751s	7.49501s	32767	16384	17.407s
15	0.009949s	19.898s	0.00793548s	15.871s	65535	32768	35.769s
15	0.00985999s	19.72s	0.00815151s	16.303s	65535	32768	36.023s
15	0.010044s	20.088s	0.00801349s	16.027s	65535	32768	36.115s
15	0.010255s	20.51s	0.00796001s	15.92s	65535	32768	36.43s
15	0.010091s	20.182s	0.00823049s	16.461s	65535	32768	36.643s

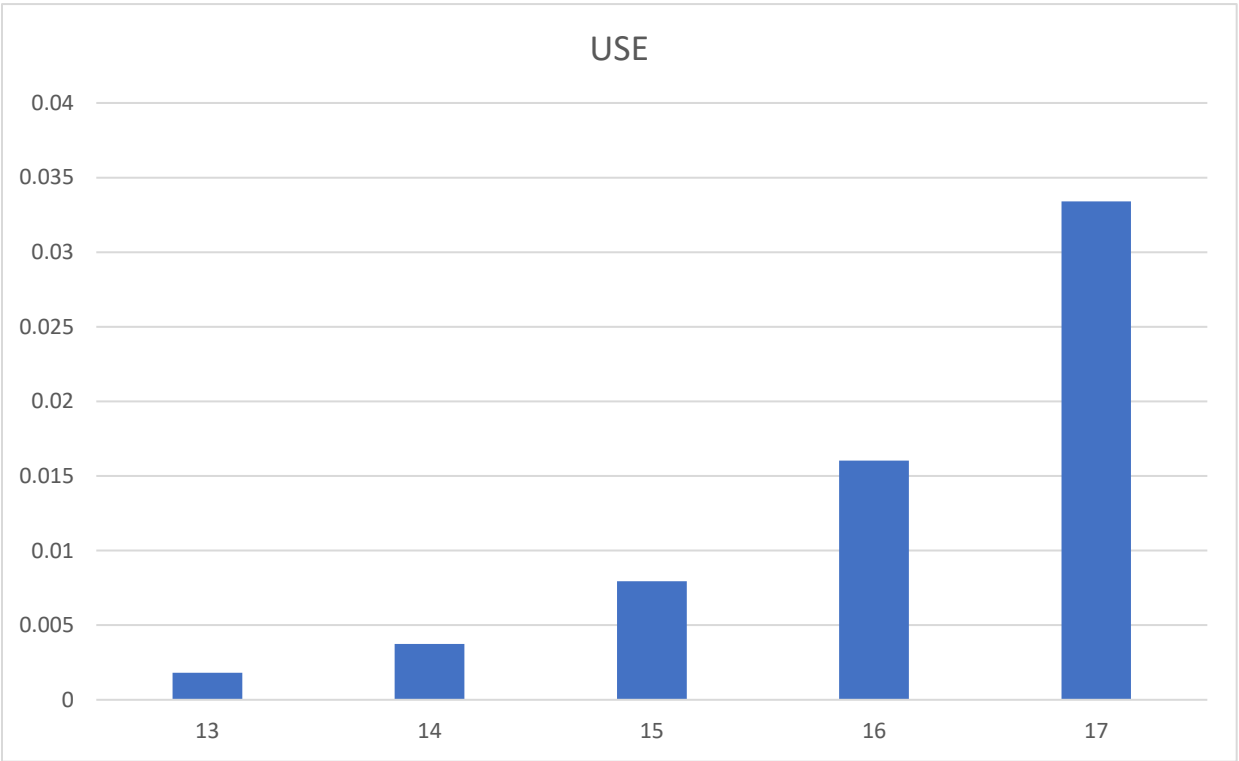
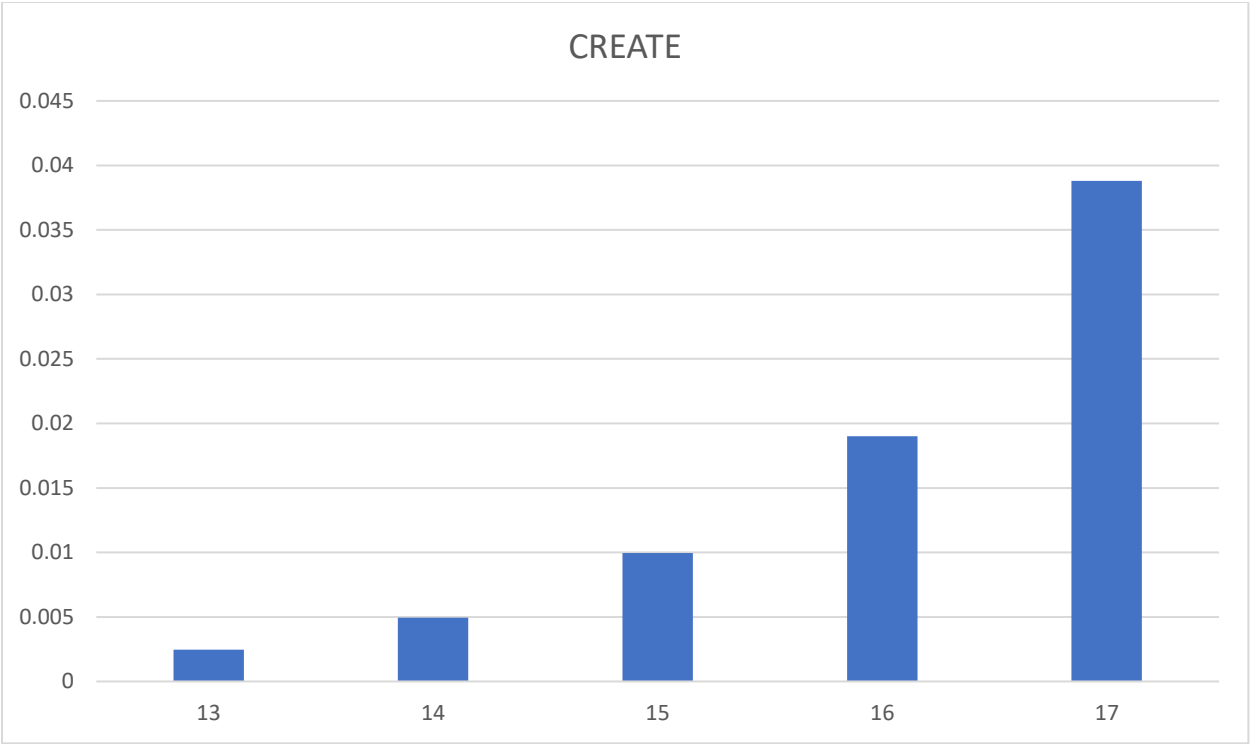
	PRIEMER CREATE	CELKOVO CREATE	PRIEMER USE	CELKOVO USE	UZLY	VSTUPY	SPOLU
16	0.020288s	40.576s	0.017898s	35.79604s	131071	65536	76.327s
16	0.019902s	39.804s	0.01635s	32.7s	131071	65536	72.504s
16	0.019014s	38.02804s	0.016026s	32.052s	131071	65536	70.08s
16	0.01914s	38.28s	0.016616s	33.23196s	131071	65536	71.512s
16	0.01991s	39.82004s	0.016286s	32.57196s	131071	65536	72.392s
17	0.03923s	78.46s	0.033085s	66.17s	262143	131072	144.63s
17	0.038205s	76.4101s	0.03453s	69.06s	262143	131072	145.47s
17	0.03881s	77.62s	0.033395s	66.79s	262143	131072	144.41s
17	0.038935s	77.87s	0.03372s	67.44s	262143	131072	145.31s
17	0.0388499s	77.6998s	0.03492s	69.8399s	262143	131072	147.54s

***Pre 16 premenných v cykle 500

*** Pre 17 premenných v cykle 200

Pre celkové časy som to vynásobil, aby sa to rovnalo počtu opakovaniam pre všetky premenné.





Martin Hric

ID:111696

Zložitosti:

Časová zložitosť pre create: $O(2^n)$, kde n je počet premenných.

Časová zložitosť pre use: $O(n)$, lebo len prejdeme celý strom na základe počtu premenných.

Pamäťová zložitosť: $O(2^{n+1}) - 1$