

Vypracoval(a): *Karel Varmaš*UČO: *225408*Skupina: *14*

2. [2 body] Necht  $L$  je jazyk nad abecedou  $\Sigma = \{a, b\}$  tvořený právě všemi slovy, která splňují následující podmínku:

Končí-li slovo písmenem  $a$ , pak obsahuje lichý počet písmen  $b$ .

Zapište jazyk  $L$  pomocí jednoprvkových jazyků  $\{a\}$  a  $\{b\}$  a s využitím operací průnik( $\cap$ ), sjednocení( $\cup$ ), zřetězení( $\cdot$ ) a iterace( $^*$ ,  $^+$ ). Chcete-li použít jiné operace nebo jazyky, musíte je nejprve definovat pomocí výše uvedených operací a jazyků.

$$L_1 = \{a\} \quad L_2 = \{b\} \quad L_1, L_2 \notin \Sigma$$

$$L_3 = L_2 \cup L_2^i, \quad i = 2k, k \in \mathbb{N} \quad \text{--- nejmenší jazyk obsahující } L_2 \text{ a všechny jeho iterace}$$

$$L = (L_1^* \cdot L_3)^* \quad \text{--- slova začínající a končící písmenem } a \text{ a obsahující lichý počet písmen } b$$

Vypracoval(a): Martin Váňa

UČO: 325408

Skupina: 14

1. [2 body] Mějme následující jazyky nad abecedou  $\Sigma = \{a, b\}$ . Zjistěte, kolik slov má jazyk  $L$ . Odpověď zdůvodněte.

$$L_1 = \{\varepsilon, a\}$$

$$L_2 = \{\varepsilon, a, ba\}$$

$$L_3 = \{a, b\}$$

$$L_4 = ((L_1^0 \cdot L_2^2) \setminus L_1^+)^*$$

$$L_5 = (L_2 \cdot L_1) \cup L_3$$

$$L_6 = ((L_3 \cdot L_1) \setminus L_3)^+$$

$$L = (L_4 \cap L_5) \setminus L_6$$

2

$$L_4 = (\{\varepsilon, a, ba\} \cdot \{\varepsilon, a, ba\} \setminus \{\varepsilon, a\})^* = (\{\varepsilon, ba, baa, a, aba, ba, ba\} \setminus \{\varepsilon, a\})^* \\ = \{\varepsilon, ba, baa, aba, ba, ba\}^*$$

$$L_5 = (\{\varepsilon, a, ba\} \cdot \{\varepsilon, a\}) \cup \{a, b\} = \{\varepsilon, a, aa, ba, ba, b\}$$

$$L_6 = ((\{a, b\} \cdot \{\varepsilon, a\}) \setminus \{a, b\})^+ = (\{a, aa, b, ba\} \setminus \{a, b\})^+ = \{aa, ba\}^+$$

$$L = (L_4 \cap L_5) \setminus L_6 = \{\varepsilon, baa, ba\} \setminus \{aa, ba\}^+ = \{\varepsilon, baa\}$$

$$|L| = 2$$

Vypracoval(a): *Michal Vavřina*

UČO: 12 54 08

Skupina: 14


1. [2 body] Popište jazyk generovaný gramatikou  $G = (\{S, A, B, C\}, \{a, b\}, P, S)$ , kde

$$P = \{ \begin{array}{l} S \rightarrow aA \mid bB \mid a \mid b, \\ A \rightarrow aA \mid bC \mid a, \\ B \rightarrow aB \mid bB \mid b, \\ C \rightarrow aC \mid bA \mid b \end{array} \}$$

Je tento jazyk regulární?

$$S \Rightarrow aA \Rightarrow aaA \Rightarrow aabB \Rightarrow aabb$$

Tato gramatika generuje jazyk všech slov nad abecedou  $\Sigma = \{a, b\}$   
 tj.  $L = \{a, b\}^*$  X

Ne tento jazyk ~~je~~ regulární. ~~Tato gramatika generuje jazyk všech slov nad abecedou  $\Sigma = \{a, b\}$~~   
~~je~~ ~~Tato gramatika generuje jazyk všech slov nad abecedou  $\Sigma = \{a, b\}$~~   
 lze sestavit automat akceptující všechna slova tohoto jazyka. např. 

Vypracoval(a): Tomáš Navrátil

UČO: 325408

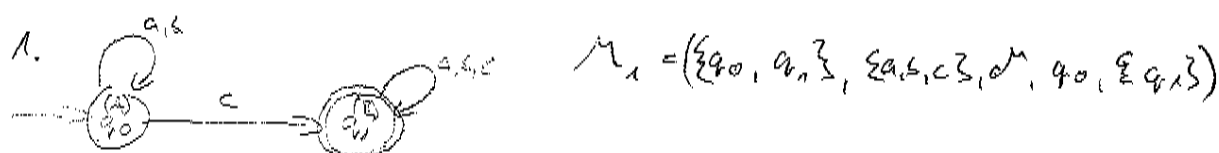
2

Skupina: 14

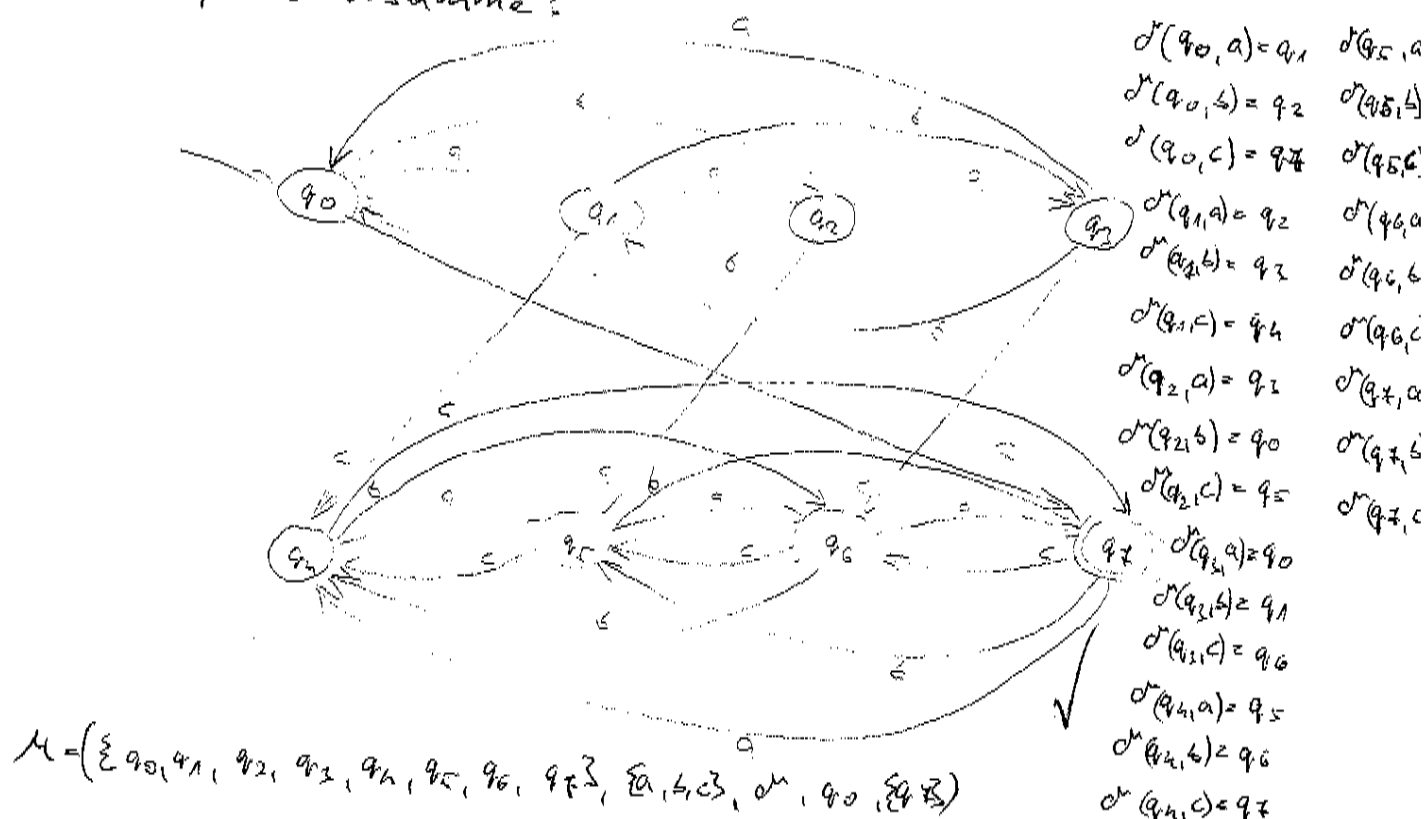
2. [2 body] Sestrojte deterministický konečný automat akceptující jazyk:

$$L = \{w \in \{a, b, c\}^* \mid (\#_a(w) + 2\#_b(w) + 3\#_c(w)) \bmod 4 = 3 \wedge w \text{ obsahuje znak } c\}$$

Úlohu lze rozdělit na kompozici dvou autmatů a to:

1.  $w$  obsahuje znak  $c$ 2.  $(\#_a(w) + 2\#_b(w) + 3\#_c(w)) \bmod 4 = 3$ 

kompozici dostáváme:



1. [2 body] Necht'  $\mathcal{G}$  je gramatika  $(\{S, X, Y\}, \{a, b, c\}, P, S)$ , kde  $P$  obsahuje pravidla:

$$S \rightarrow aS \mid Sa \mid bXb \mid a$$

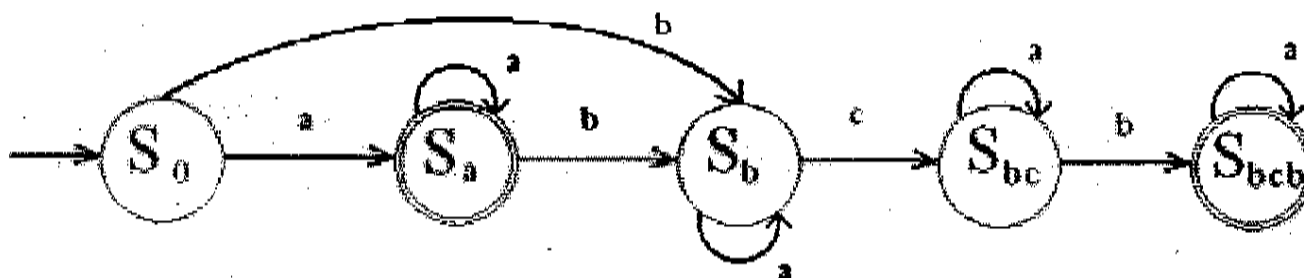
$$X \rightarrow aX \mid Xa \mid cYc \mid c$$

$$Y \rightarrow cYc$$

Popište jazyk generovaný gramatikou  $\mathcal{G}$ . Rozhodněte, je-li tento jazyk regulární. Své rozhodnutí dokažte. (K důkazu regularity jazyka stačí napsat příslušnou gramatiku nebo automat.)

Jazyk generovaný gramatikou je regulární, protože jej rozpoznává následující automat.

$$M = (\{S_0, S_a, S_b, S_{bc}, S_{bcb}\}, \{a, b, c\}, \delta, S_0, \{S_a, S_{bcb}\})$$



Vypracoval(a): Martin Vavrušák

UČO: 325408

Skupina: 14

2. [2 body] Rozhodněte, zda je jazyk  $L = \{b^i c^j \mid i, j \geq 0, 2i = 3j\}$  regulární. Své rozhodnutí dokažte. (K důkazu regularity jazyka stačí napsat příslušnou gramatiku nebo automat.)

$$\{b^i c^j \mid i \geq 0, 2i = 3j\}$$

Pro všechna  $n, n \in \mathbb{N}$

$$w = b^n c^{\frac{2}{3}n} \in L$$

všechna rozdělení:

$$x = b^l, l \geq 0$$

$$y = b^k, k \geq 1, l + k \leq n$$

$$z = b^{n-l-k} c^{\frac{2}{3}n}$$

$$i = 2: w' = xy^2z = b^l b^{2k} b^{n-l-k} c^{\frac{2}{3}n} = b^{n+k} c^{\frac{2}{3}n} \notin L$$

$$\text{protože } 2i = 3j \Rightarrow 2(n+k) = 3 \cdot \frac{2}{3}n$$

$$2n + 2k = 2n$$

$$k = 0 \text{ spor protože } k \geq 1$$

Vypracoval(a): Martin Vavrušák

UČO: 325408

Skupina: 14

1. [2 body] K zadanému konečnému automatu zkonstruujte ekvivalentní minimální konečný automat v kanonickém tvaru. Konstrukci zde uveďte.

	a	b
→ 1	$\emptyset$	$\{2,3\}$
2	$\{1,6\}$	$\{7\}$
3	$\emptyset$	$\{4,5,7\}$
← 4	$\{6\}$	$\{2,8\}$
5	$\{1\}$	$\emptyset$
6	$\{6\}$	$\emptyset$
7	$\emptyset$	$\{8\}$
← 8	$\{1\}$	$\{4,5\}$

Zadaný automat je neterministi  
proto jej nejprve determinizuj

	a	b
{1}	$\{\emptyset\}$	$\{2,3\}$
{2,3}	$\{1,6\}$	$\{4,5,7\}$
{1,6}	$\{6\}$	$\{2,3\}$
{4,5,7}	$\{1,6\}$	$\{2,8\}$
{6}	$\{6\}$	$\{\emptyset\}$
{2,8}	$\{1,6\}$	$\{4,5,7\}$

Nyní už deterministický automat stotálníme  
a pro přehlednost přejmenujeme.

	a	b
1	7	2
2	3	4
3	5	2
4	3	6
5	5	7
6	3	4
7	7	7

Nyní provedeme minimalizaci.

$\equiv_0$		a	b
I	1	I	I
	2	I	II
	3	I	I
	5	I	I
	7	I	I
II	4	I	II
	6	I	II

$\equiv_1$		a	b
I	1	I	II
	3	I	II
	5	I	I
	7	I	I
II	2	I	II
III	4	I	III
	6	I	III

$\equiv_2$		a	b
I	1	II	III
	3	II	III
II	5	II	II
	7	II	II
III	2	I	IV
IV	4	I	IV
	6	I	IV

	a	b
→ I	II	III
II	II	II
III	I	IV
← IV	I	IV

Nyní provedeme kanonizaci

ok 22

	a	b
→ A	B	C
B	B	B
C	A	D
← D	A	D

Vypracoval(a): Martin Vavrušák

UČO: 325408

Skupina: 14

2. [2 body] Necht'  $\Sigma = \{a, b, c\}$  je pevná abeceda a necht'  $L$  je jazyk nad abecedou  $\Sigma$ . Definujme následující operaci:

$$\text{noaces}(L) = \{w \mid w \in L \wedge w \text{ neobsahuje podslovo } aa\}$$

Například pro  $L = \{aba, aaa, bbaa, bbb\}$  platí  $\text{noaces}(L) = \{aba, bbb\}$ .

Uveďte obecný postup, kterým lze pro libovolný deterministický konečný automat  $\mathcal{M}$  nad abecedou  $\Sigma$  sestavit deterministický konečný automat  $\mathcal{M}'$ , pro který platí  $L(\mathcal{M}') = \text{noaces}(L(\mathcal{M}))$ . Zdůvodněte správnost své konstrukce.

A TEN BUDE UPADET JAK?

V tomto případě by stačilo vytvořit automat, který bude rozpoznávat slova neobsahující poslovo „aa“ a udělat synchronní paralelní kompozici těchto dvou automatů. Každý z těchto automatů rozpoznává množinu slov. Synchronní paralelní kompozice v tomto případě by se rovnala průniku těchto dvou množin a výsledná množina by obsahovala právě ta slova, která akceptoval předchozí automat a které neobsahují poslovo „aa“.



28/15

1. [2 body] Zadaný NFA s  $\varepsilon$ -kroky převed'te na ekvivalentní NFA bez  $\varepsilon$ -kroků.

$$D_\varepsilon(1) = \{1, 5\}$$

$$D_\varepsilon(2) = \{2, 3\}$$

$$D_\varepsilon(3) = \{3\}$$

$$D_\varepsilon(4) = \{4\}$$

$$D_\varepsilon(5) = \{1, 3, 5, 6\}$$

	a	b	c	$\varepsilon$
$\rightarrow 1$	$\emptyset$	$\{3\}$	$\{1\}$	$\{5\}$
$\leftarrow 2$	$\{6\}$	$\{3, 4\}$	$\{2, 6\}$	$\{3\}$
3	$\emptyset$	$\{2\}$	$\{3\}$	$\emptyset$
4	$\{3, 4\}$	$\{6\}$	$\{2, 3, 4\}$	$\emptyset$
$\leftarrow 5$	$\{3\}$	$\emptyset$	$\emptyset$	$\{1\}$
$\leftarrow 6$	$\emptyset$	$\emptyset$	$\{3, 6\}$	$\{3, 5\}$

$$\delta(1, a): D_\varepsilon(1) = \{1, 5\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 5 \end{smallmatrix}, a\right) = \{3\}; D_\varepsilon(3) = \{3\}$$

$$\delta(1, b): D_\varepsilon(1) = \{1, 5\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 5 \end{smallmatrix}, b\right) = \{3\}; D_\varepsilon(3) = \{3\}$$

$$\delta(1, c): D_\varepsilon(1) = \{1, 5\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 5 \end{smallmatrix}, c\right) = \{1\}; D_\varepsilon(1) = \{1, 5\}$$

$$\delta(2, a): D_\varepsilon(2) = \{2, 3\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 2 \\ 3 \end{smallmatrix}, a\right) = \{6\}; D_\varepsilon\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \\ 6 \end{smallmatrix}\right) = D_\varepsilon(1) \cup D_\varepsilon(3) \cup D_\varepsilon(5) \cup D_\varepsilon(6) = \{1, 3, 5, 6\}$$

$$\delta(2, b): D_\varepsilon(2) = \{2, 3\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 2 \\ 3 \end{smallmatrix}, b\right) = \{2, 3, 4\}; D_\varepsilon\left(\begin{smallmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{smallmatrix}\right) = D_\varepsilon(2) \cup D_\varepsilon(3) \cup D_\varepsilon(4) = \{2, 3, 4\}$$

$$\delta(3, a): D_\varepsilon(3) = \{3\}; \delta(3, a) = \emptyset$$

$$\delta(3, b): D_\varepsilon(3) = \{3\}; \delta(3, b) = \{2\}; D_\varepsilon(2) = \{2, 3\}$$

$$\delta(3, c): D_\varepsilon(3) = \{3\}; \delta(3, c) = \{3\}; D_\varepsilon(3) = \{3\}$$

$$\delta(2, c): D_\varepsilon(2) = \{2, 3\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 2 \\ 3 \end{smallmatrix}, c\right) = \{2, 3, 6\}; D_\varepsilon\left(\begin{smallmatrix} 2 \\ 3 \\ 6 \end{smallmatrix}\right) = D_\varepsilon(2) \cup D_\varepsilon(3) \cup D_\varepsilon(6) = \{1, 2, 3, 5, 6\}$$

$$\delta(4, a): D_\varepsilon(4) = \{4\}; \delta(4, a) = \{3, 4\}; D_\varepsilon\left(\begin{smallmatrix} 3 \\ 4 \end{smallmatrix}\right) = \dots = \{3, 4\}$$

$$\delta(4, b): D_\varepsilon(4) = \{4\}; \delta(4, b) = \{6\}; D_\varepsilon(6) = \{1, 3, 5, 6\}$$

$$\delta(4, c): D_\varepsilon(4) = \{4\}; \delta(4, c) = \{2, 3, 4\}; D_\varepsilon\left(\begin{smallmatrix} 2 \\ 3 \\ 4 \end{smallmatrix}\right) = \dots = \{2, 3, 4\}$$

$$\delta(5, a): D_\varepsilon(5) = \{1, 5\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 5 \end{smallmatrix}, a\right) = \{3\}; D_\varepsilon(3) = \{3\}$$

$$\delta(5, b): D_\varepsilon(5) = \{1, 5\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 5 \end{smallmatrix}, b\right) = \{3\}; D_\varepsilon(3) = \{3\}$$

$$\delta(5, c): D_\varepsilon(5) = \{1, 5\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 5 \end{smallmatrix}, c\right) = \{1\}; D_\varepsilon(1) = \{1, 5\}$$

$$\delta(6, a): D_\varepsilon(6) = \{1, 3, 5, 6\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \\ 6 \end{smallmatrix}, a\right) = \{3\}; D_\varepsilon(3) = \{3\}$$

$$\delta(6, b): D_\varepsilon(6) = \{1, 3, 5, 6\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \\ 6 \end{smallmatrix}, b\right) = \{2, 3\}; D_\varepsilon\left(\begin{smallmatrix} 2 \\ 3 \end{smallmatrix}\right) = \dots = \{2, 3\}$$

$$\delta(6, c): D_\varepsilon(6) = \{1, 3, 5, 6\}; \delta\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 3 \\ 5 \\ 6 \end{smallmatrix}, c\right) = \{1, 3, 6\}; D_\varepsilon\left(\begin{smallmatrix} 1 \\ 3 \\ 6 \end{smallmatrix}\right) = \dots = \{1, 3, 5, 6\}$$

0,5



	a	b	c
$\rightarrow 1$	$\{3\}$	$\{3\}$	$\{1, 5\}$
$\leftarrow 2$	$\{1, 3, 5, 6\}$	$\{2, 3, 4\}$	$\{1, 2, 3, 5, 6\}$
3	$\emptyset$	$\{2, 3\}$	$\{3\}$
4	$\{3, 4\}$	$\{1, 3, 5, 6\}$	$\{2, 3, 4\}$
$\leftarrow 5$	$\{3\}$	$\{3\}$	$\{1, 5\}$
$\leftarrow 6$	$\{3\}$ ✓	$\{2, 3\}$ ✓	$\{1, 3, 5, 6\}$ ✓

Vypracoval(a): Martin Vavrušák

UČO: 325408

Skupina: 14

2. [2 body] Rozhodněte, zda pro všechny jazyky  $L, R$  platí následující implikace. Svá rozhodnutí zdůvodněte.

- (a)  $L$  a  $L.R$  jsou regulární  $\implies R$  je regulární  
 (b)  $L$  i  $L \setminus R$  jsou regulární a  $R \subseteq L \implies R$  je regulární

a) Mějme jazyky:

$L = \{a, b\}^*$  - je regulární  
 $R = \{a^n b^n \mid n > 0\}$  - není regulární  
 $L.R \neq \{a, b\}^*$  - je regulární

Tedy zjevně neplatí že:

$L$  i  $L.R$  regulární  $\implies R$  regulární pro všechny  $L, R$

b)

$L$  je regulární

$L \setminus R$  je regulární

$R \subseteq L$

Protože  $R \subseteq L$  pak  $\text{co-}R = L \setminus R \iff L \setminus \text{co-}R = R$

( $R$  je podmnožinou  $L$  a doplněk  $R$  je tedy  $L \setminus R$ )

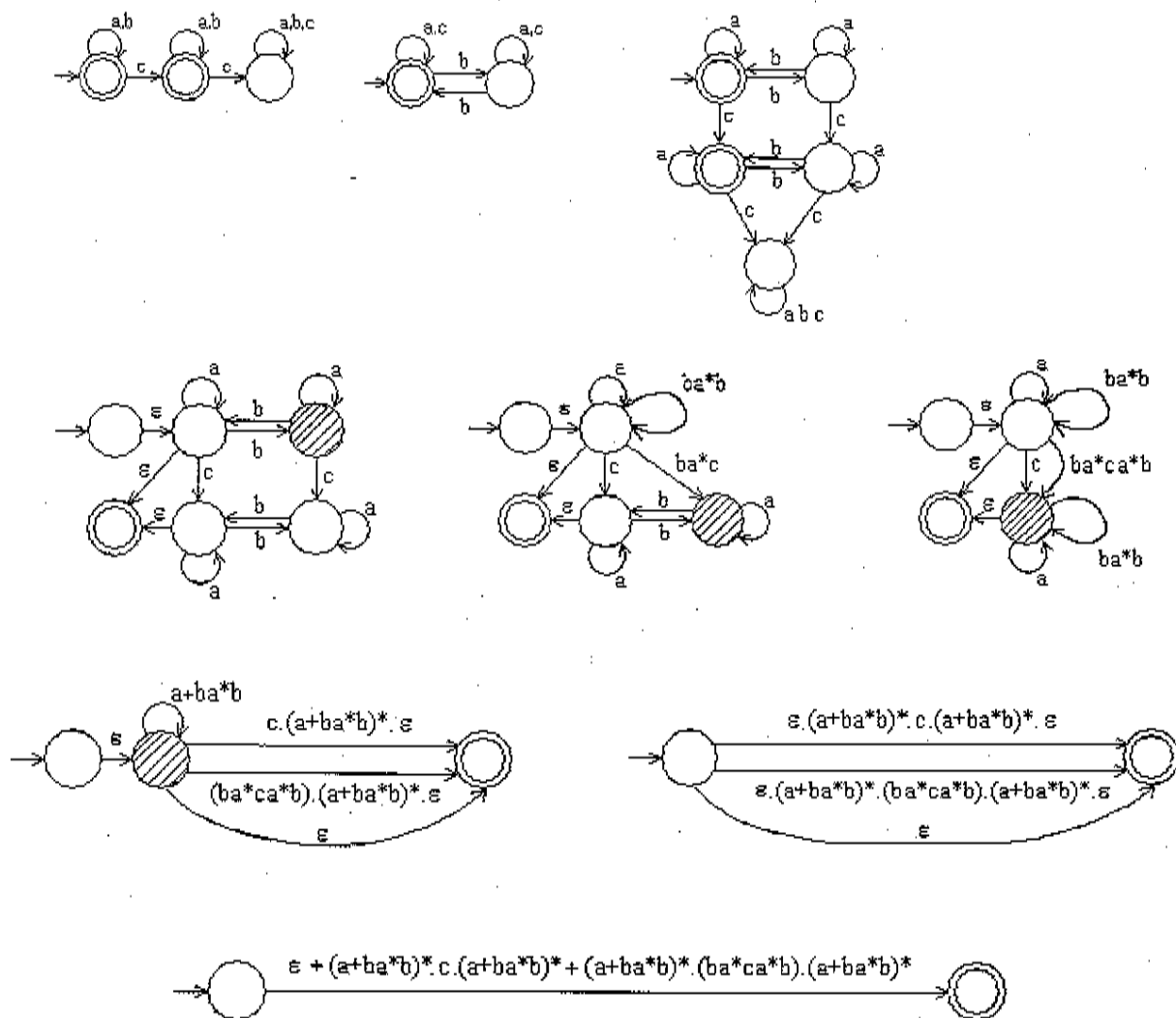
Protože  $L \setminus R$  je regulární, pak i  $\text{co-}R$  je regulární (z rovnosti)

Tedy  $L \setminus \text{co-}R = R$ .  $L$  i  $\text{co-}R$  jsou regulární, potom z uzavěrových vlastností i  $R$  musí být regulární.

1. [2 body] Pomocí regulárního výrazu popište následující jazyk:

$$L = \{w \in \{a, b, c\}^* \mid \#_b(w) = 2k, k \geq 0, c \text{ se ve } w \text{ vyskytuje nejvýše jednou}\}$$

Vytvoríme dva automaty, první rozpoznává slova s nanejvýše jedním "c". Druhý rozpoznává slova se sudým počtem "b". Paralelní kompozici je spojíme a vytvoříme automat který potom převedeme regulární výraz.



$$L = \varepsilon + (a+ba^*b)^* \cdot c \cdot (a+ba^*b)^* + (a+ba^*b)^* \cdot (ba^*ca^*b) \cdot (a+ba^*b)^*$$

VYNOUCÍME ABY DUM  
SLOVO OBSAHOVALO C  
POKUD NEJEN PRAZDNE!

Vypracoval(a): Martin Vavrušák

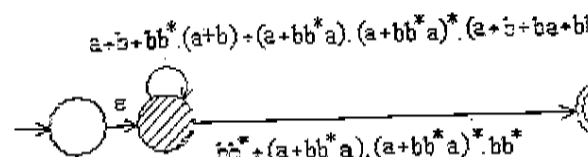
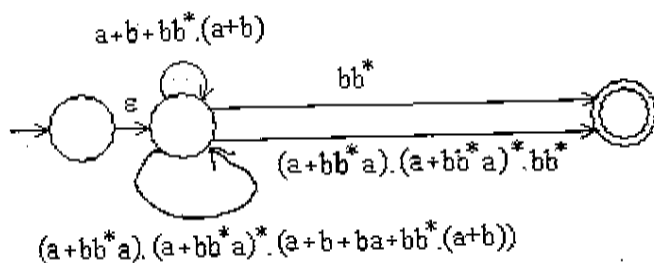
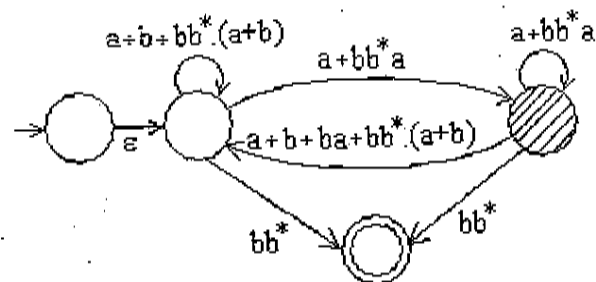
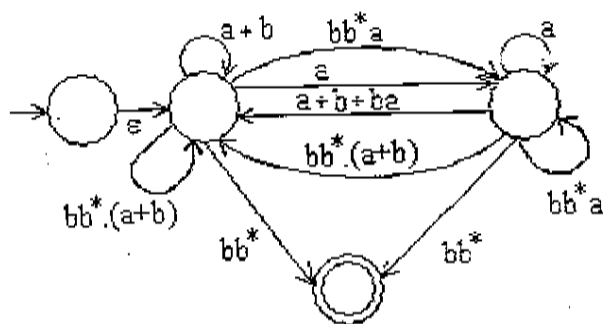
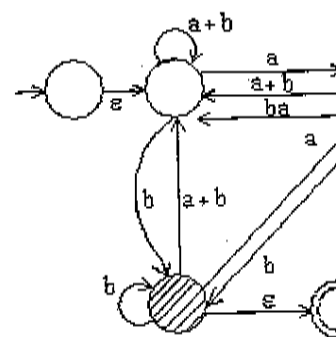
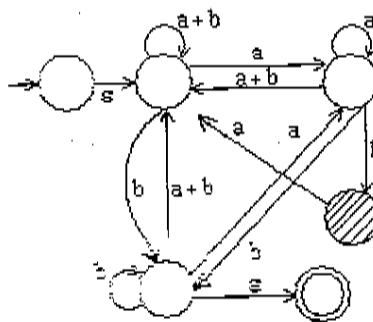
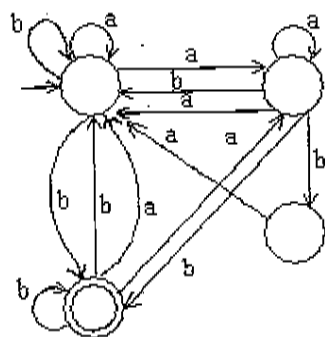
UČO: 325408

Skupina: 14

2. [2 body] K zadanému konečnému automatu zkonstruujte ekvivalentní regulární výraz.

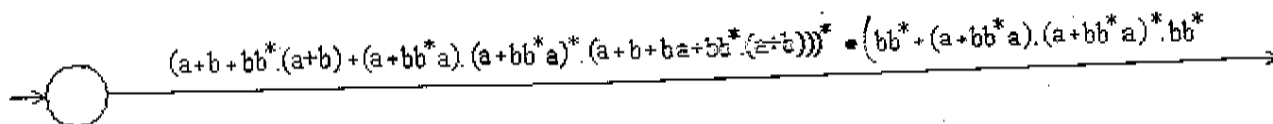
	a	b
→ 1	{1,2}	{1,4}
2	{1,2}	{1,3,4}
3	{1}	$\emptyset$
← 4	{1,2}	{1,4}

Nakreslíme graf automatu a vytvoříme přechodový graf regulárního výrazu, který postupně upravíme na regulární výraz.



$(a+bb^*a).(a+bb^*a)^*.(a+b+ba+bb^*(a+b))$

ekv



$(a+bb^*(a+b)+(a+bb^*a).(a+bb^*a)^*.(a+b+ba+bb^*(a+b)))^*.(bb^*+(a+bb^*a).(a+bb^*a)^*.bb^*)$

Vypracoval(a): Martin Vavrušák

UČO: 325408

Skupina: 14

2. [2 body] Mějme bezkontextovou gramatiku  $G = (\{S, A, B, C, D, E, F, G, H\}, \{a, b, c\}, P, S)$ , kde

$$P = \{ \begin{array}{l} S \rightarrow aAb \mid BD, \\ A \rightarrow ACE \mid BcB \mid AF \mid bAa \mid H \mid a, \\ B \rightarrow D \mid bb \mid \varepsilon, \\ C \rightarrow BDC \mid CcF \mid cc \mid \varepsilon, \\ D \rightarrow SS \mid aFG \mid C, \\ E \rightarrow FE \mid EF, \\ F \rightarrow Fabc, \\ G \rightarrow GG \mid GE \mid abc, \\ H \rightarrow FF \mid A \}. \end{array}$$

Zkonstruuje vlastní bezkontextovou gramatiku  $G'$  takovou, že  $L(G') = L(G)$ .

1. Nejprve odstraníme epsilon pravidla:

2. Odstraníme jednoduché pravidla

$$N_1 = \{B, C\}$$

$$N_2 = \{B, C, D\}$$

$$N_3 = \{B, C, D, S\}$$

$$N_4 = \{B, C, D, S\} = N_3$$

$$G_1 = (\{S', S, A, B, C, D, E, F, G, H\}, \{a, b, c\}, P_1, S')$$

$$P_1 = \{ S' \rightarrow S \mid \varepsilon$$

$$S \rightarrow aAb \mid BD \mid B \mid D$$

$$A \rightarrow ACE \mid BcB \mid AF \mid bAa \mid H \mid a \mid aB \mid Bc \mid C$$

$$B \rightarrow bb \mid D$$

$$C \rightarrow BDC \mid CcF \mid cc \mid BD \mid DC \mid BC \mid B \mid D \mid C$$

$$D \rightarrow SS \mid aFG \mid C \mid S$$

$$E \rightarrow FE \mid EF$$

$$F \rightarrow Fabc$$

$$G \rightarrow GG \mid GE \mid abc$$

$$H \rightarrow FF \mid A$$

$$N_S = \{S', S, B, D, C\}$$

$$N_B = \{S, B, D, C\}$$

$$N_A = \{A, H\}$$

$$N_E = \{E\}$$

$$N_F = \{F\}$$

$$N_G = \{G\}$$

$$N_H = \{H, A\}$$

$$N_D = \{S, B, D, C\}$$

$$N_E = \{E\}$$

$$N_F = \{F\}$$

$$N_G = \{G\}$$

$$N_H = \{H, A\}$$

$$G_2 = (\{S', S, A, B, C, D, E, F, G, H\}, \{a, b, c\}, P_2, S')$$

$$P_2 = \{ S' \rightarrow aAb \mid BD \mid bb \mid SS \mid aFG \mid BDC \mid CcF \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$S \rightarrow aAb \mid BD \mid bb \mid SS \mid aFG \mid BDC \mid CcF \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$A \rightarrow ACE \mid BcB \mid AF \mid bAa \mid a \mid FF$$

$$B \rightarrow bb \mid SS \mid aFG \mid aAb \mid BD \mid BDC \mid CcF \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$C \rightarrow BDC \mid CcF \mid cc \mid BD \mid DC \mid BC \mid aAb \mid bb \mid SS \mid aFG$$

$$D \rightarrow SS \mid aFG \mid aAb \mid BD \mid bb \mid BDC \mid CcF \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$E \rightarrow FE \mid EF$$

$$F \rightarrow Fabc$$

$$G \rightarrow GG \mid GE \mid abc$$

$$H \rightarrow FF \mid aAb \mid BD$$

Nakonec provedeme redukci

Prvního typu:

$$N_0 = \emptyset$$

$$N_1 = \{S', S, A, B, C, D, G\}$$

$$N_1 = \{S', S, A, B, C, D, G\} = N_2$$

$$G_3 = (\{S', S, A, B, C, D, G, H\}, \{a, b, c\}, P_3, S')$$

$$P_3 = \{ S' \rightarrow aAb \mid BD \mid bb \mid SS \mid BDC \mid cc \mid DC \mid BC \mid \varepsilon$$

$$S \rightarrow aAb \mid BD \mid bb \mid SS \mid BDC \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$A \rightarrow BcB \mid bAa \mid a$$

$$B \rightarrow bb \mid SS \mid aAb \mid BD \mid BDC \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$C \rightarrow BDC \mid cc \mid BD \mid DC \mid BC \mid aAb \mid bb \mid SS$$

$$D \rightarrow SS \mid aAb \mid BD \mid bb \mid BDC \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$G \rightarrow GG \mid GE \mid abc$$

$$H \rightarrow aAb \mid BD$$

Výsledná gramatika:

Druhého typu:

$$V_0 = \{S', \varepsilon\}$$

$$V_1 = \{S', S, \varepsilon\}$$

$$V_2 = \{S', S, b, a, B, D, C, A, \varepsilon\}$$

$$V_3 = \{S', S, b, a, B, D, C, A, \varepsilon, c\}$$

$$V_4 = \{S', S, b, a, B, D, C, A, \varepsilon, c\} = V_3$$

$$G' = (\{S', S, A, B, C, D\}, \{a, b, c\}, P', S')$$

$$P' = \{ S' \rightarrow aAb \mid BD \mid bb \mid SS \mid BDC \mid cc \mid DC \mid BC \mid \varepsilon$$

$$S \rightarrow aAb \mid BD \mid bb \mid SS \mid BDC \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$A \rightarrow BcB \mid bAa \mid a$$

$$B \rightarrow bb \mid SS \mid aAb \mid BD \mid BDC \mid cc \mid DC \mid BC$$

$$C \rightarrow BDC \mid cc \mid BD \mid DC \mid BC \mid aAb \mid bb \mid SS$$

$$D \rightarrow SS \mid aAb \mid BD \mid bb \mid BDC \mid cc \mid DC \mid BC$$