

# SIMPLE SQUARES

## IMPLEMENTACIÓN DE GPS

Grupo 4: Martina Arco, Joaquín Ormachea, Diego Orlando y Lucas Emery

## Introducción

Para el trabajo práctico de algoritmos de búsqueda, se nos pidió que implementemos un GPSEngine con dichos algoritmos y un juego que luego utilice estos algoritmos para encontrar una solución. El juego que nos tocó fue Simple Squares.

El juego Simple Squares consiste en un tablero de casilleros con cuadrados y círculos de colores. Los círculos son fijos en su posición inicial, mientras que los cuadrados pueden realizar movimientos unitarios en su dirección. El juego consiste en lograr que todos los cuadrados estén en el mismo casillero que sus círculos correspondientes. Los cuadrados pueden empujarse entre sí.

## Implementación de Simple Squares

Se decidió armar objetos Circle y Square que contienen su información de color, dirección, etc. Luego estos son guardados en 2 mapas con la forma Map<Point, Circle> y Map<Point, Square>. De esta forma se evita tener que guardar y modificar un tablero.

Hay una única regla por cuadrado que consiste en mover el mismo en su dirección un casillero y si existe un cuadrado en ese casillero, este se mueve al siguiente. Esta propagación de movimiento la implementamos con una función recursiva.

Los costos en el juego son siempre 1 ya que equivale a un movimiento por turno y no hay diferentes reglas a aplicar.

## Heurísticas

Para las heurísticas nos pareció dificultoso encontrar buenas estimaciones que no subestimen las mejores situaciones posibles. También nos costó interpretar la trivialidad de estas ya que como el juego es bastante simple, las heurísticas que se pueden aplicar parecen simples.

Para poder hacer el planteo y observar si es admisible, encaramos el problema desde los casos particulares más favorables. Ejemplo: XYZ000. Ahí podemos observar que cada cuadrado está a 3 de distancia de su objetivo pero si los movimientos los hago con X, todos llegan a su objetivo en solamente 3 turnos. A partir de esto decidimos que siempre que evaluaremos los movimientos a hacer tendríamos que utilizar el máximo de movimientos en el tablero y no la suma. Ya que sino estaríamos sobreestimando estos casos óptimos.

Por un lado decidimos utilizar máxima distancia manhattan de un cuadrado a su círculo correspondiente. Por cada cuadrado calculamos la suma de los movimientos necesarios en x e y para llegar a su objetivo

La segunda decidimos hacer máxima distancia lineal ya que claramente subestima qué tan lejos de la solución estamos, por lo que es admisible. Esta heurística no es tan eficiente porque estima usando diagonales que es un movimiento imposible.

Para la tercer heurística intentamos buscar algo más complejo por lo que decidimos disectar cada cuadrado en sus movimientos necesarios por dirección y sentido. Y luego realizar la suma de los máximos en cada dirección y sentido. Esto lo que nos permite es tener una idea de la cantidad de movimientos mínimos que se van a tener que hacer en cada dirección contemplando el caso de que en cada dirección el cuadrado más alejado puede empujar a los otros.

## Conclusiones Generales

A\* es el más eficiente en cuanto a nodos, es decir, en cuanto a su expansión y estados que analiza pero no con el tiempo debido a la heurística. Consideramos que es la mejor opción a utilizar si se desarrolla una heurística adecuada ya que es significativamente superior a los otros algoritmos (gráficos 1-4). Esto es para el caso de problemas con solución; para problemas sin solución es muy similar al resto de los casos (gráficos 5-8).

IDDFS es el menos eficiente en cuanto a nodos ya que es el que más expande y más nodos frontera tiene pero ayuda a brindar una solución parcial en cualquier momento. Con esto nos referimos a que si se frena en una cierta profundidad, se encontrará la solución más óptima en ese momento. Esto se cumple con costo 1, que es nuestro caso.

BFS es el que lleva más tiempo y analiza más estados pero garantiza solución óptima con costo 1. Podría usarse para este tipo de problemas y donde no importe la eficiencia pero se quiera una implementación rápida.

En cuanto a conclusiones propias de este juego, se puede decir que la cantidad de reglas a generar eran pocas, por lo que los tiempos eran chicos ya que se generaban pocos nodos (cada padre generaba la cantidad de hijos igual o menor a la cantidad de colores). Además, cuanto mayor la cantidad de colores, más se apreciaba la diferencia entre algoritmos (ver tabla 1 versus tabla 2).

Asimismo, los problemas sin solución, al ser un tablero limitado se resolvían rápidamente. No había infinita cantidad de movimientos, cuando los cuadrados llegaban al borde del tablero y no era una solución, ese estado se consideraba inadmisibles.

En cuanto a las heurísticas, como era esperable la mejor es la que suma la máxima distancia en cada dirección ya que es la que más se asemeja a un caso real

(ver tabla 4). Todas encuentran la solución de menor costo porque son todas admisibles.

## Anexo

| Algoritmo de búsqueda | Nodos expandidos | Estados analizados | Nodos frontera | Costo y profundidad | Tiempo (ms) |
|-----------------------|------------------|--------------------|----------------|---------------------|-------------|
| BFS                   | 12               | 13                 | 14             | 4                   | 8           |
| DFS                   | 11               | 12                 | 12             | 4                   | 5           |
| IDDFS                 | 20               | 14                 | 30             | 4                   | 11          |
| GREEDY                | 11               | 12                 | 12             | 4                   | 6           |
| A*                    | 7                | 8                  | 10             | 4                   | 8           |

Tabla 1: problema con 2 colores.

| Algoritmo de búsqueda | Nodos expandidos | Estados analizados | Nodos frontera | Costo y profundidad | Tiempo (ms) |
|-----------------------|------------------|--------------------|----------------|---------------------|-------------|
| BFS                   | 394              | 693                | 909            | 8                   | 52          |
| DFS                   | 159              | 243                | 249            | 8                   | 21          |
| IDDFS                 | 447              | 533                | 1176           | 8                   | 36          |
| GREEDY                | 136              | 249                | 260            | 10                  | 35          |
| A*                    | 49               | 60                 | 137            | 8                   | 22          |

Tabla 2: problema con 3 colores.

| Algoritmo de búsqueda | Nodos expandidos | Estados analizados | Nodos frontera | Costo y profundidad | Tiempo (ms) |
|-----------------------|------------------|--------------------|----------------|---------------------|-------------|
| BFS                   | 93               | 183                | 182            | 9                   | 20          |
| DFS                   | 93               | 183                | 182            | 5                   | 18          |
| IDDFS                 | 435              | 183                | 978            | 5                   | 44          |
| GREEDY                | 93               | 183                | 182            | 3                   | 17          |
| A*                    | 93               | 161                | 182            | 9                   | 29          |

Tabla 3: problema con sin solución.

|                     | Nodos<br>expandidos | Estados<br>analizados | Nodos<br>frontera | Costo y<br>profundidad | Tiempo (ms) |
|---------------------|---------------------|-----------------------|-------------------|------------------------|-------------|
| Máxima<br>dirección | 49                  | 67                    | 133               | 8                      | 22          |
| Máxima<br>Manhattan | 96                  | 122                   | 250               | 8                      | 33          |
| Distancia<br>lineal | 180                 | 255                   | 468               | 8                      | 69          |

Tabla 4 : A\* con diferentes algoritmos.

Tiempo de problema con solución

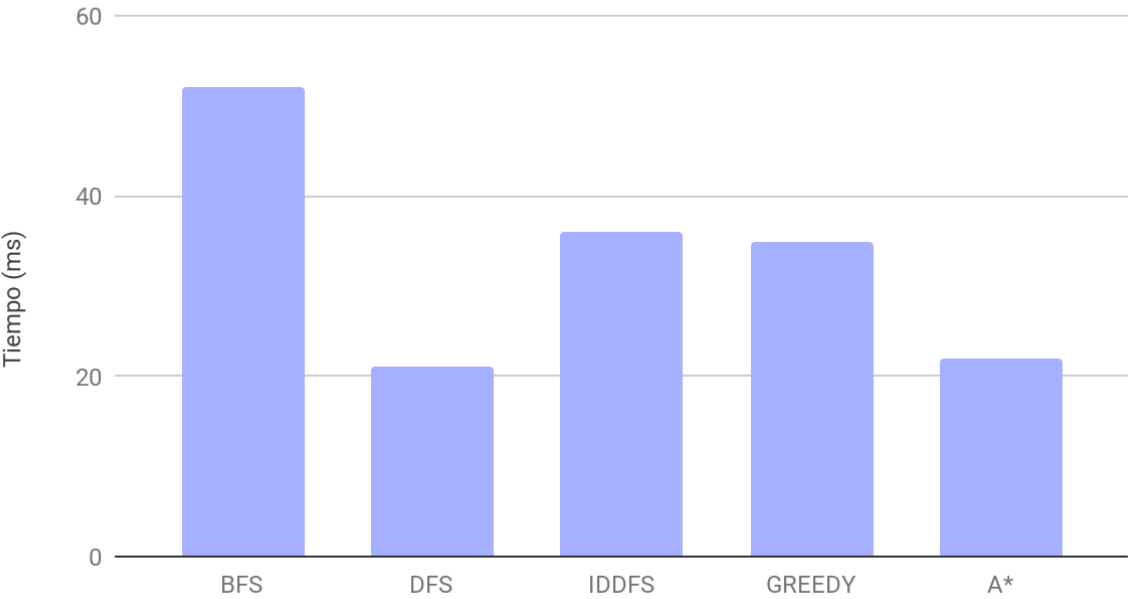


Gráfico 1

### Estados analizados de problema con solución

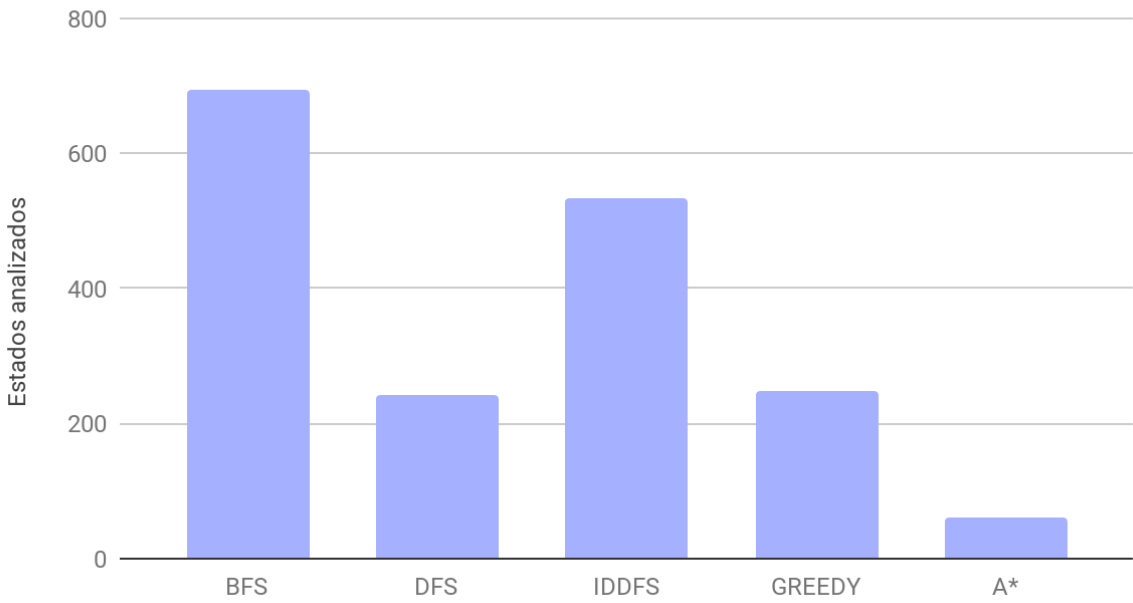


Gráfico 2

### Nodos expandidos de problema con solución

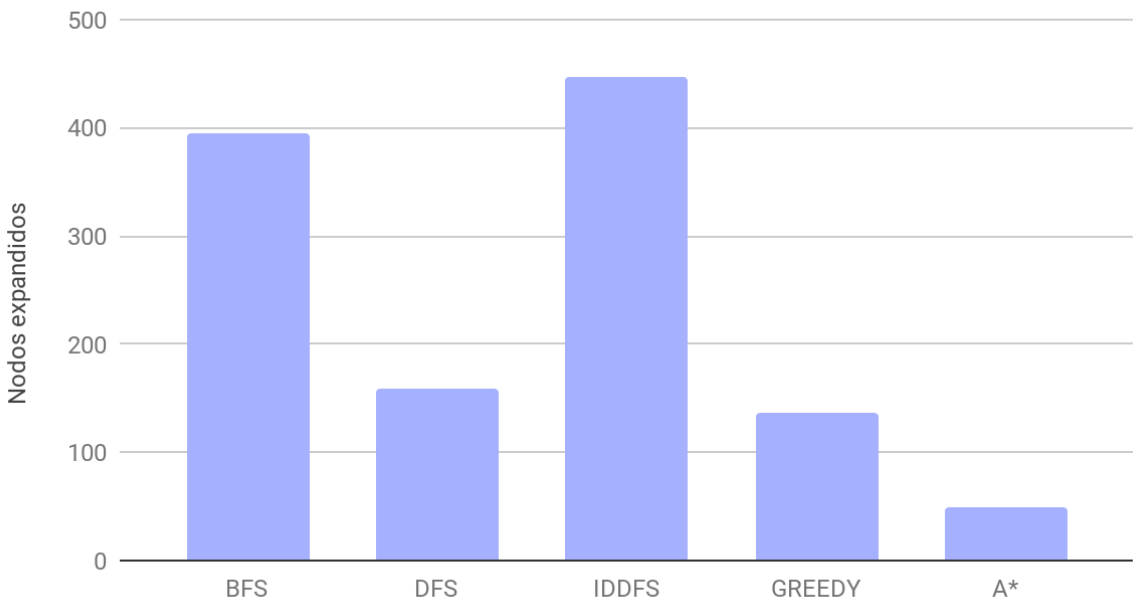


Gráfico 3

Nodos frontera de problema con solución

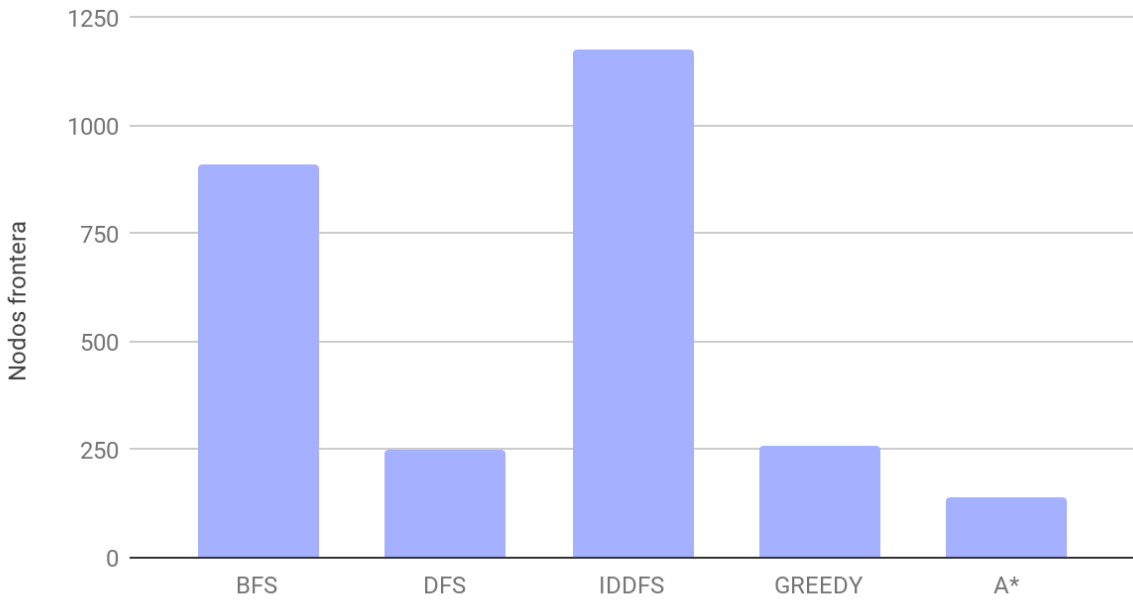


Gráfico 4

Tiempo de problema sin solución

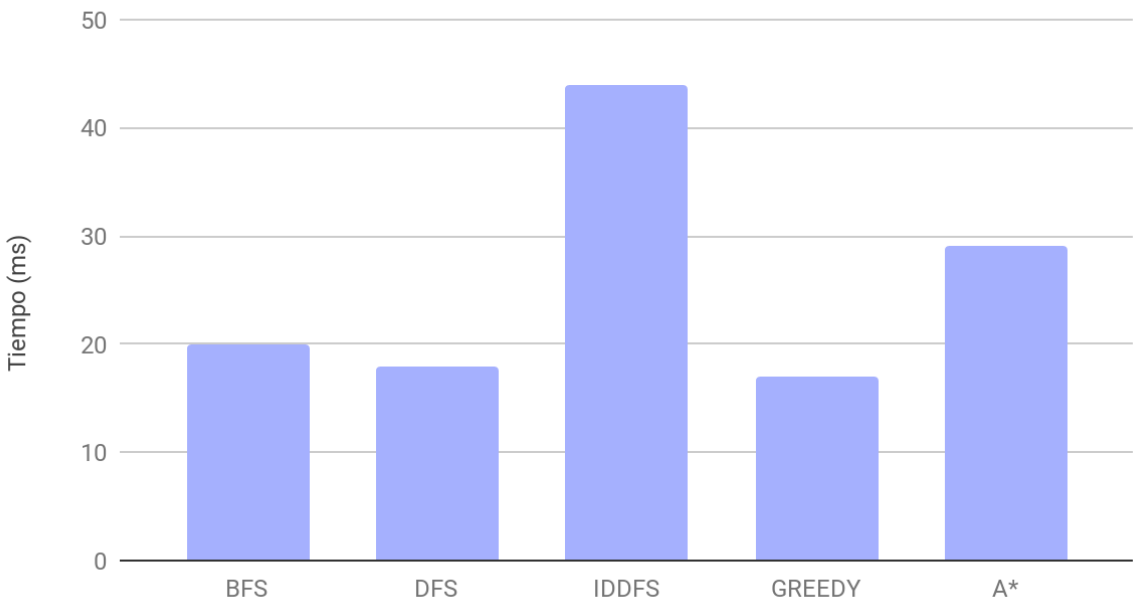


Gráfico 5



Estados analizados de problema sin solución

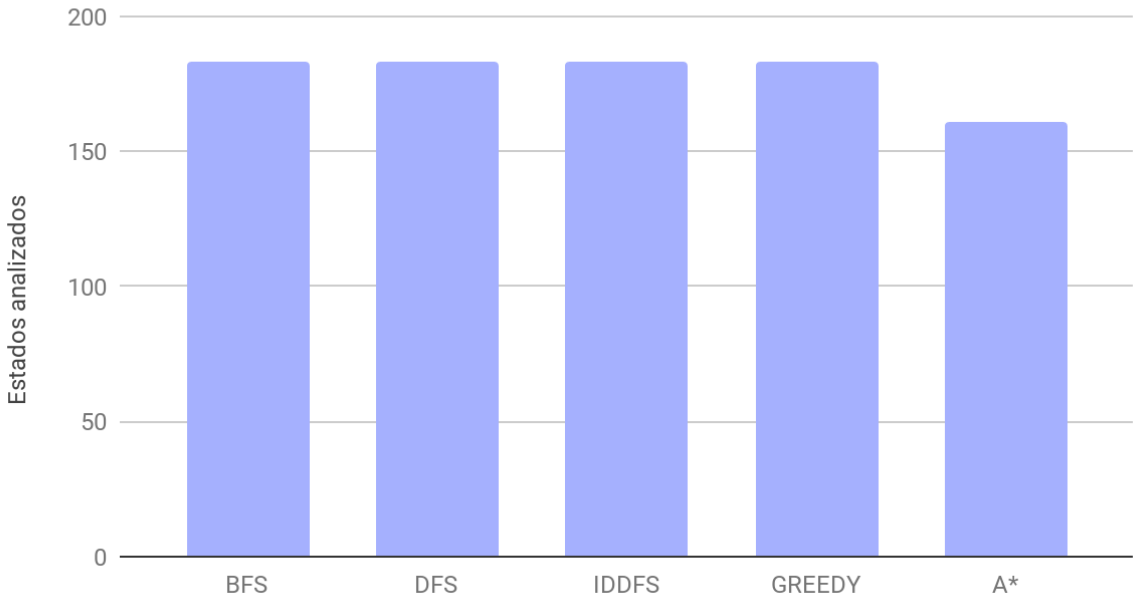


Gráfico 6

Nodos expandidos de problema sin solución

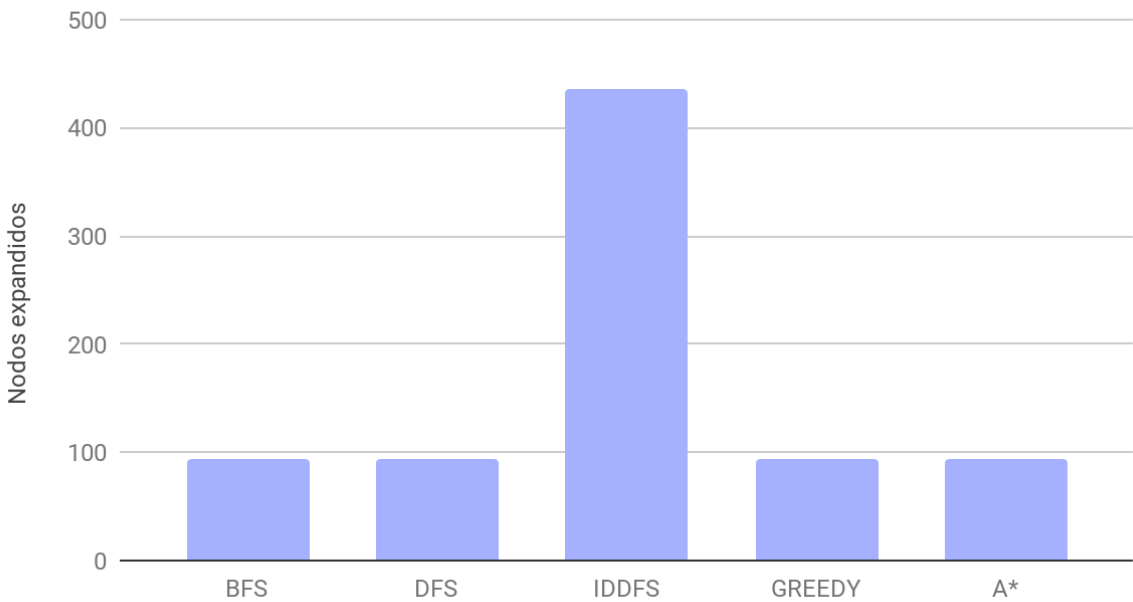


Gráfico 7

### Nodos frontera de problema sin solución

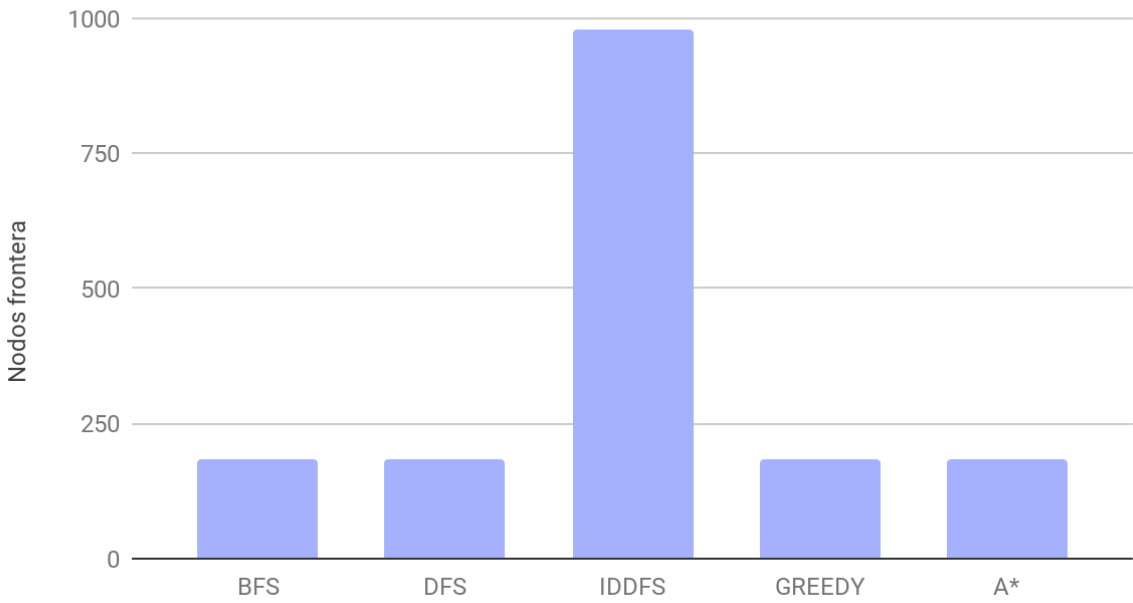


Gráfico 8

### Tiempo

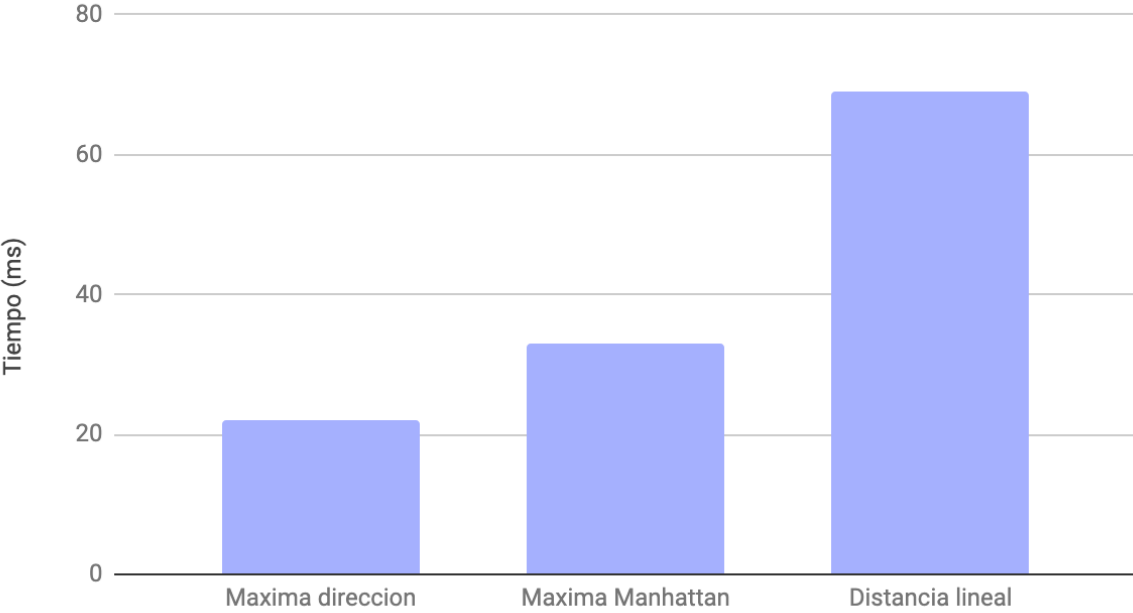


Gráfico 9 : comparación de tiempos de A\* con diferentes heurísticas

## Estados analizados

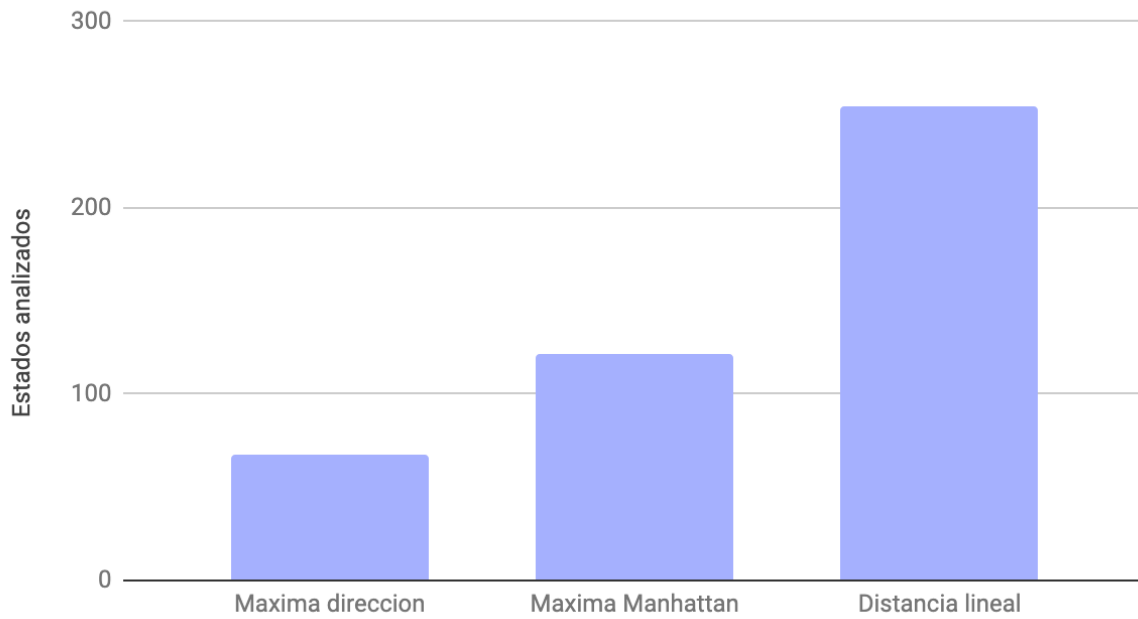


Gráfico 10 : comparación de estados analizados de A\* con diferentes heurísticas

## Nodos expandidos

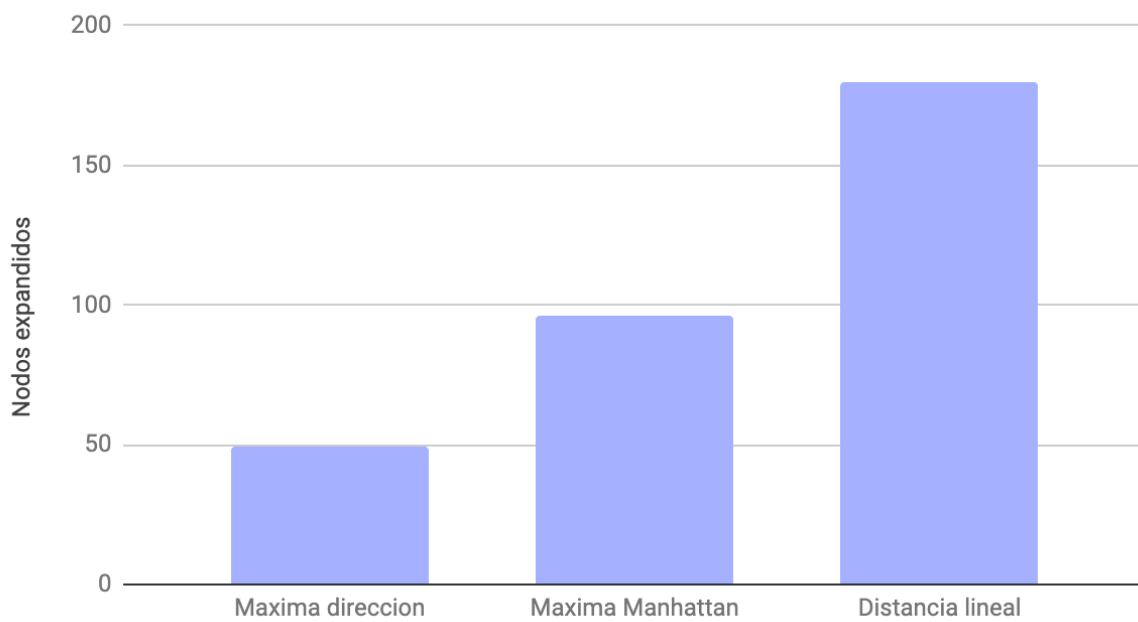


Gráfico 11 : comparación de nodos expandidos de A\* con diferentes heurísticas

## Nodos frontera

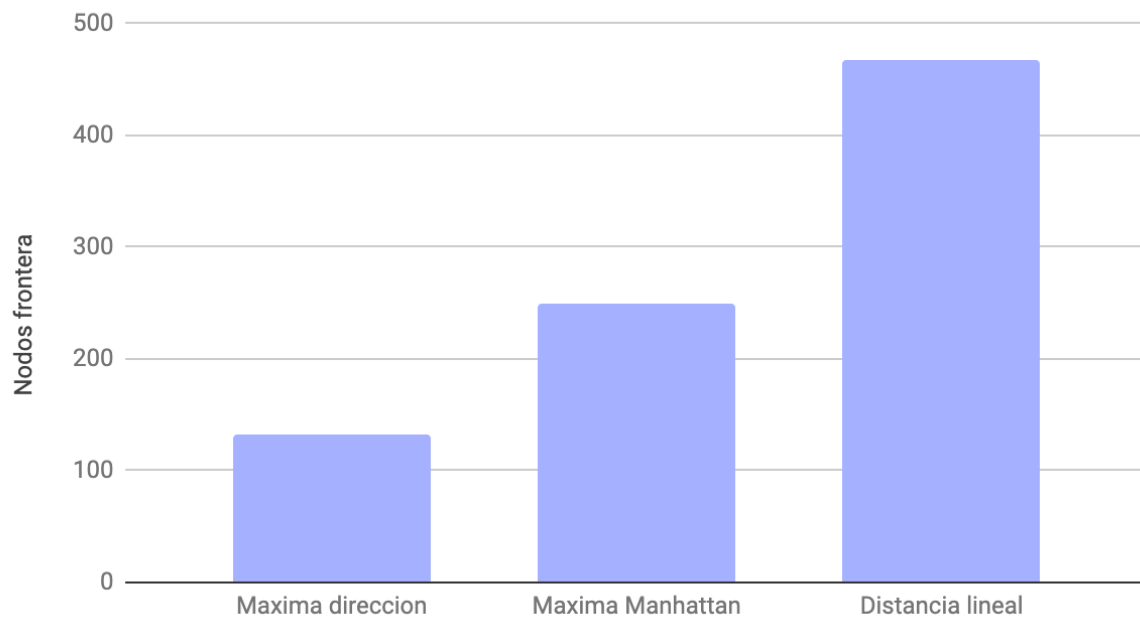


Gráfico 12 : comparación de nodos frontera de A\* con diferentes heurísticas