

Corso Base Modalità matematica: parte II

Jonathan Franceschi

Corso di Laurea in Matematica

12 novembre 2019



Domanda

Prendiamo in considerazione una formula in linea come questa: $\lim_{T\to 0} (\int_{-1/T}^{1/T} \mathrm{e}^{x^2} \, \mathrm{d}x) = \sqrt{\pi}$, vedete qualcosa che stona?

Domanda

Prendiamo in considerazione una formula in linea come questa: $\lim_{T\to 0} (\int_{-1/T}^{1/T} \mathrm{e}^{x^2} \, \mathrm{d}x) =$ $\sqrt{\pi}$, vedete qualcosa che stona?

Domanda

Andare a capo non è sempre facile se di mezzo c'è la matematica, anche un innocuo a, b, apuò mettere LATEX in imbarazzo.

Spezzare formule lunghe

In linea

LATEX permette di spezzare formule in linea, ma con alcune restrizioni:

- Le interruzioni sono permesse dopo operatori binari come + e -, o simboli di relazione come = o \leq , ma non dopo simboli ordinari come numeri, lettere e punteggiatura.
- Il testo compreso tra i comandi \left e \right è racchiuso in un gruppo inscindibile e pertanto LATEX non permette interruzioni di riga;

```
\begin{minipage}{\linewidth}
Stessa formula,
ma risultati diversi:
$\left(x+y\right)$

Stessa formula,
ma risultati diversi:
$ (x + y) $
\end{minipage}
```

```
Stessa formula, ma risultati diversi: (x+y)
Stessa formula, ma risultati diversi: (x+y)
```

Spezzare formule lunghe

In linea





Per gli elenchi vale la pena confrontare questi due casi:

Come si vede, lo spazio nel secondo caso è più adatto a una frase in modalità testuale; inoltre la virgola è composta con lo stile del font in uso per il testo normale.

Spezzare formule lunghe In display

Per quanto riguarda le formule in display, AMSmath mette a disposizione l'ambiente multline: la prima riga è allineata a sinistra, la seconda e tutte le seguenti tranne l'ultima sono allineate al centro e l'ultima è allineata a destra. multline è un ambiente con numerazione, che viene posto di default alla destra dell'ultima riga; per andare a capo si usa il comando \\.

multline è disponibile anche in versione asteriscata, che sopprime la numerazione.

Spezzare formule lunghe

In display

$$A = \lim_{n \to \infty} \Delta x \left(a^2 + \left(a^2 + 2a\Delta x + (\Delta x)^2 \right) + \left(a^2 + 2 \cdot 2a\Delta x + 2^2 (\Delta x)^2 \right) + \dots + \left(a^2 + 2 \cdot (n-1)a\Delta x + (n-1)^2 (\Delta x)^2 \right) \right)$$

$$= \frac{1}{3} \left(b^3 - a^3 \right) \quad (1)$$

Allineare parti di una stessa formula

Per controllare l'allineamento verticale di parti diverse di una stessa formula in display, $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math propone l'ambiente subordinato split, che va inserito all'interno di un altro ambiente $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math per essere efficace.

Per indicare a LATEX il punto di allineamento si usa il carattere *ampersand* '&', tenendo presente che è possibile inserirne al massimo uno.

Non esistono versioni asteriscate di split in quanto il responsabile della numerazione è l'ambiente esterno, di cui split è ospite. Per esempio, se usato con equation, il numero è posto a destra, allineato al centro.

Allineare parti di una stessa formula

$$A_{1} = \left| \int_{0}^{1} (f(x) - g(x)) dx \right| + \left| \int_{1}^{2} (g(x) - h(x)) dx \right|$$

$$= \left| \int_{0}^{1} (x^{2} - 3x) dx \right| + \left| \int_{1}^{2} (x^{2} - 5x + 6) dx \right|$$

$$= \left| \frac{x^{3}}{3} - \frac{3}{2}x^{2} \right|_{0}^{1} + \left| \frac{x^{3}}{3} - \frac{5}{2}x^{2} + 6x \right|_{1}^{2} = 2$$

$$(2)$$

Allineare parti di una stessa formula

Del tutto analogo a split è aligned, che si differenzia dal primo solo nel numero di punti di allineamento possibili, che in questo caso è arbitrario.

$$2x + 3 = 7$$
 $2x + 3 - 3 = 7 - 3$
 $2x = 4$ $\frac{2x}{2} = \frac{4}{2}$ (3)
 $x = 2$

Funzioni definite per casi

Per scrivere una funzione definita per casi, una possibilità è data dall'ambiente subordinato cases di $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math. In questo caso il carattere & viene destinato solitamente al testo di definizione del caso.

La numerazione è gestita come nei casi di split e aligned.

```
\begin{equation}
f(x) =
  \begin{cases}
0 & \text{if } x\le \ldots\\
1 & \text{if } 2x > \ldots\\
x & \text{testo\ldots}
  \end{cases}
end{equation}
```

$$f(x) = \begin{cases} 0 & \text{if } x \le \dots \\ 1 & \text{if } 2x > \dots \\ x & \text{testo...} \end{cases}$$
 (4)

Se dobbiamo gestire contemporaneamente più formule, abbiamo più possibilità di allineamento possibili; $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math fornisce un ambiente per ognuna di esse, tutti disponibili anche in versione asteriscata.

Il primo caso è non avere punti di allineamento, quindi ci si può affidare all'ambiente gather, che raggruppa le equazioni allineandole verticalmente al centro e dota ognuna di un numero consecutivo, allineato di default a destra. In generale si può usare il comando \nonumber (o anche \notag) per sopprimere la numerazione per una certa equazione all'interno di un qualunque ambiente LATEX/AMSmath.

```
\begin{gather}
i_1 = 0.25\\
i_2 = \frac{1}{3}i_1\notag\\
i_3 = 0.33\, i_2
\end{gather}
```

$$i_1 = 0.25$$
 (5)
 $i_2 = \frac{1}{3}i_1$
 $i_3 = 0.33 i_2$ (6)

gathered

Se si desidera un unico numero per tutte le equazioni, una possibilità è affidarsi all'ambiente gathered, del tutto analogo a split e aligned:

```
\begin{equation}
\begin{gathered}
i_1 = 0.25\\
i_2 = \frac{1}{3}i_1\\
i_3 = 0.33\, i_2
\end{gathered}
\end{equation}
```

$$i_{1} = 0.25$$

$$i_{2} = \frac{1}{3}i_{1}$$

$$i_{3} = 0.33i_{2}$$
(7)

align

L'altro caso principale è quello in cui abbiamo più formule che vogliamo che siano allineate verticalmente in uno o più punti. L'ambiente di riferimento è align: ogni punto di allineamento deve essere indicato con un &, che, a seconda del contesto indica due cose: punto di allineamento verticale o nuova colonna.

```
\begin{align}
y &= d\\
y &= cx+d
\end{align}
\begin{align}
y &= d & z &= 1\notag \\
y &= cx+d & z &= x+1
\end{align}
```

$$y = d \tag{8}$$

$$y = cx + d (9)$$

$$y = d$$
 $z = 1$
 $y = cx + d$ $z = x + 1$ (10)

eqnarray

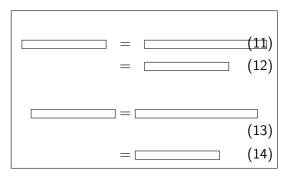




Gli ambienti $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math split e align in particolare sostituiscono l'ambiente nativo LATEX equarray: se ne sconsiglia l'utilizzo in quanto non è compatibile con i comandi e gli ambienti $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math e presenta una spaziatura non consistente.

eqnarray

Inoltre in caso di formule molto lunghe, equarray copre il numero dell'equazione con il testo, mentre gli ambienti $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math lo spostano verso il basso:



alignat

Un'alternativa ad align è l'ambiente alignat che sta per "align at several places" e mima due o più ambienti align uno a fianco all'altro. È pensato per allineare verticalmente formule in più punti facilmente. L'ambiente accetta come argomento un intero, che indica il numero di colonne desiderate. Dato che alignat non separa le colonne automaticamente, per spaziarle basta usare \quad.

```
\begin{alignat}{3}
i_{11} &= 0.25 & i_{12} &= i_{21}
& i_{13} & =i_{23}\setminus nonumber\setminus
i_{21} &= 3\, i_{11} & i_{22}
&= 5 \setminus i_{12} & i_{23} &= i_{31} \setminus 
i_{31} \&= 4\, i_{22}\ duad & i_{32}
\&= 2\,i_{32}\ & i_{33}\&= i_{11}
\end{alignat}
\begin{alignat}{2}
y &= d & z &= 1\notag \\
y \&= cx+d \& z \&= x+1 \setminus 
y(x) &= bx^2 + a \rangle
              \& z \&= x^3 + x^2 + 16
\end{alignat}
```

```
i_{11} = 0.25 	 i_{12} = i_{21} 	 i_{13} = i_{23}
i_{21} = 3i_{11} 	 i_{22} = 5i_{12} 	 i_{23} = i_{31} 	 (15)
i_{31} = 4i_{22} 	 i_{32} = 2i_{32} 	 i_{33} = i_{11} 	 (16)
y = d 	 z = 1
y = cx + d 	 z = x + 1 	 (17)
y(x) = bx^{2} + a 	 z = x^{3} + x^{2} + 16 	 (18)
```

Sotto-equazioni

Infine, se vogliamo considerare più equazioni come sotto-casi di un'equazione principale, possiamo usare l'ambiente subequations di $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math; al suo interno accetta solo altri ambienti $\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}$ math:

```
\begin{subequations}
\begin{align}
y &= d\\
y &= cx + d\notag\\
y &= bx^2 + cx + d\\
y &= ax^3 + bx^2 + cx + d\\
end{align}
\end{subequations}
```

$$y=d$$
 (19a)
 $y=cx+d$ (19b)
 $y=bx^2+cx+d$ (19b)
 $y=ax^3+bx^2+cx+d$ (19c)

Visto che questo ambiente nasce con l'obiettivo di una numerazione particolare, non esiste una variante subequations*.

LATEX offre la possibilità di definire ambienti appositi per la scrittura di definizioni, teoremi, leggi e altri enunciati simili, in modo che la loro gestione sia automatizzata una volta definiti gli stili più adatti.

Il comando LATEX \newtheorem viene usato a tale scopo, seguendo una delle due sintassi possibili:

- \newtheorem{ $\langle nome\ enunciato \rangle$ }{ $\langle titolo \rangle$ }[$\langle sezione \rangle$]
- ► ⟨nome enunciato⟩ è una parola chiave per identificare l'enunciato (input);
- ▶ \(\langle \titolo\rangle\) è il titolo che avrà l'enunciato nel documento (output);
- \(\sezione\)\) specifica il livello di sezionamento (e.g., chapter o section) a cui la numerazione dell'enunciato sarà collegata;
- ▶ ⟨numerato come⟩ indica la parola chiave che identifica l'enunciato di cui vogliamo questo prosegua la numerazione. L'enunciato 'genitore' deve essere stato già dichiarato in precedenza.

Esiste anche una variante asteriscata di \newtheorem che produce enunciati non numerati.

Un pacchetto molto utile per arricchire le funzionalità di \newtheorem è amsthm. Per definire lo stile dell'enunciato, amsthm fornisce il comando \theoremstyle, assieme a tre stili predefiniti:

```
plain : testo in corsivo, spazio extra sopra e sotto;
definition : testo in tondo, spazio extra sopra e sotto;
  remark : testo in tondo, nessuno spazio verticale extra.
```

Il comando \theoremstyle va usato subito prima del comando \newtheorem; se viene omesso, lo stile di default sarà plain.

Dunque, se nel preambolo scriviamo per esempio:

```
\newtheorem{teo}{Teorema}[section]
\newtheorem{lem}[teo]{Lemma}
\newtheorem*{cor}{Corollario}
\newtheorem*{LZ}{Lemma di Zorn}
\theoremstyle{definition}
\newtheorem{defn}{Definizione}[section]
\newtheorem{es}[defn]{Esercizio}
\theoremstyle{remark}
\newtheorem * { nota } { Nota }
\newtheorem{caso}{Caso}
```

e scriviamo nel testo il codice a sinistra, otteniamo il risultato a destra:

```
\begin{teo}[Specificazioni]
Testo di esempio\ldots
\end{teo}
\begin{lem}
Testo di esempio\ldots
\end{lem}
```

```
Teorema 2.1 (Specificazioni)
```

Testo di esempio. . .

Lemma 2.2

Testo di esempio. . .

9 / 15

```
\begin{defn}
Testo di esempio\ldots
\end{defn}
\begin{nota}
Testo di esempio\ldots
\end{nota}
\begin{cor}
Testo di esempio\ldots
\end{cor}
\begin{es}
Testo di esempio\ldots
\end{es}
\begin{LZ}
Testo di esempio\ldots
\end{LZ}
\begin{caso}
Testo di esempio\ldots
\end{caso}
```

Definizione 2.1

Testo di esempio...

Nota

Testo di esempio...

Corollario

Testo di esempio...

Esercizio 2.2

Testo di esempio...

Lemma di Zorn

Testo di esempio...

Caso 1

Testo di esempio...

Dimostrazioni

Il pacchetto amsthm fornisce l'ambiente proof per scrivere dimostrazioni. Una delle sue caratteristiche principali è che ogni dimostrazione viene chiusa automaticamente da un quadrato bianco (\Box) :

```
\begin{teo}[di Euclide]
I numeri primi sono infiniti.
\end{teo}
\begin{proof}
Per assurdo, sia dato l'elenco
finito di tutti i primi. Siano $q$
il loro prodotto e $p$ un primo
che divide $q+1$. Allora $p$
non sta nell'elenco, altrimenti
dividerebbe~$1$.
\end{proof}
```

Teorema 2.3 (di Euclide)

I numeri primi sono infiniti.

Dimostrazione.

Per assurdo, sia dato l'elenco finito di tutti i primi. Siano q il loro prodotto e p un primo che divide q+1. Allora p non sta nell'elenco, altrimenti dividerebbe 1.

Dimostrazioni

L'ambiente proof di default comincia con *Proof.* (punto compreso). Se il pacchetto *babel* è caricato e la classe del documento lo permette, è possibile che la parola venga tradotta nella lingua impostata con *babel*, come nel caso precedente.

Se invece vogliamo sostituire la parola iniziale con un testo diverso, per esempio 'Dimostrazione del teorema', basta scrivere:

\begin{proof}[Dimostrazione del teorema]

Dimostrazione del teorema.

Come volevasi dimostrare.

Dimostrazioni





Nel caso in cui una dimostrazione termini con un'equazione in display il quadrato viene collocato in una linea a sè stante, con un risultato non ottimale. Il comando \qedhere inserisce il quadrato alla fine della riga corrente.

```
\begin{proof}
Basta
\[ x = \pi.\]
\end{proof}
\begin{proof}
Basta
\[ x = \pi.\qedhere\]
\end{proof}
```

Dimostrazione. $x=\pi.$ Dimostrazione. Basta

 $x=\pi$.

Lettere greche

α	\alpha	κ	\kappa	ς	\varsigma
β	\beta	λ	\lambda	au	\tau
γ	\gamma	Λ	\Lambda	v	\upsilon
Γ	\Gamma	μ	\mu	Υ	\Upsilon
δ	\delta	ν	\nu	ϕ	\phi
Δ	\Delta	ξ	\xi	Φ	\Phi
ϵ	\epsilon	Ξ	\Xi	φ	\varphi
ε	\varepsilon	π	\pi	χ	\chi
ζ	\zeta	Π	\Pi	ψ	\psi
η	\eta	ϖ	\varpi	Ψ	\Psi
θ	\theta	ρ	\rho	ω	\omega
Θ	\Theta	ϱ	\varrho	Ω	\Omega
ϑ	\vartheta	σ	\sigma		
ι	∖iota	\sum	\Sigma		

Figura: Lettere greche

Accenti matematici, simboli logici, ellissi

```
\begin{tabular}{l} \begin{tabu
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                      \hat{x}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              \hat{x}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        \tilde{x}
\bar{x}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                             \ddot{x}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                   \ddot{x}
                                                                    \det\{x\}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                           \dot{x}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        \dot{x} (A_MSmath)
\check{x}
                                                                    \check{x}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                  \widehat{xyz}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                              \widehat{xyz}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                         \widetilde{xyz}
                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                                        \widetilde{xyz}
```

Figura: Accenti matematici

Figura: Simboli logici

Figura: Ellissi

^{*}Disponibile anche in modalità testuale.

Frecce

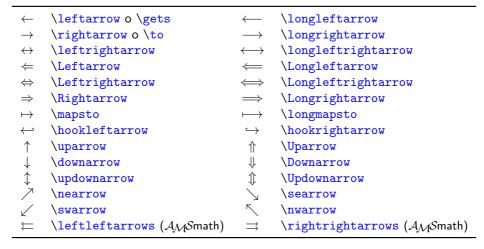


Figura: Frecce

Simboli di relazione e insiemistici

```
<
    \leq \leq \leq \leq \leq
                         \ge o \geq
                                          \neq
                                               \ne o \neq
«
     \11
                                               \equiv
                           \gg
     \sim
                           \approx
                                               \cong
                     \approx
                                               \notin
\in
     \in
                           \ni
                                          ∉
     \subset
                           \subseteq
                                               \subsetneq (A_MSmath)
                     \supseteq
     \supset
                          \supseteq
                                             \supsetneq (A_MSmath)
     \parallel
                           \perp
                                               \nparallel (\mathcal{A}_{\mathcal{M}}\mathcal{S}math)
     \setminus
                           \mid
                                                \mbox{nmid} (A_MS \text{math})
```

Figura: Simboli di relazione

```
\cup \cup \cap \cap \emptyset \emptyset \mathbb{C} \complement (AMSmath)
```

Figura: Altri simboli insiemistici

Stili dei font matematici

Stile	Codice	Risultato
Tondo	\mathrm{ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta}	$ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta$
Corsivo	<pre>\mathit{ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta}</pre>	$ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta$
Neretto	\mathbf{ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta}	$\mathbf{ABcd12} \alpha \beta \Gamma \mathbf{\Delta}$
Dattilografico	<pre>\mathtt{ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta}</pre>	$\mathtt{ABcd12} \alpha \beta \Gamma \mathtt{\Delta}$
Senza grazie	ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta	ABcd $12αβ$ Γ Δ
Calligrafico	<pre>\mathcal{ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta}</pre>	\mathcal{AB} $[\infty \in \alpha\beta - \cdot$
Nero da lavagna [†]	<pre>\mathbb{ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta}</pre>	$ABH \not\models \alpha \beta \leqq \geqq$
Gotico [†]	<pre>\mathfrak{ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta}</pre>	$\mathfrak{ABcd12} \alpha \beta \mathfrak{dd}$
Manoscritto [‡]	<pre>\mathscr{ABcd12\alpha\beta\Gamma\Delta}</pre>	$\mathscr{A}\mathscr{B}lphaeta$

Tabella: Stili dei font matematici.

[†]Dal pacchetto amssymb, ‡Dal pacchetto mathrsfs