

Listas

DOCENTE – FEDERICO VILENSKY

Lista encadenada

- ▶ Esta es la primera estructura que vamos a ver en el curso
- ▶ Una lista encadenada es una estructura lineal
 - ▶ Esta formada por una cadena de nodos
 - ▶ Cada nodo apunta a su sucesor en la lista

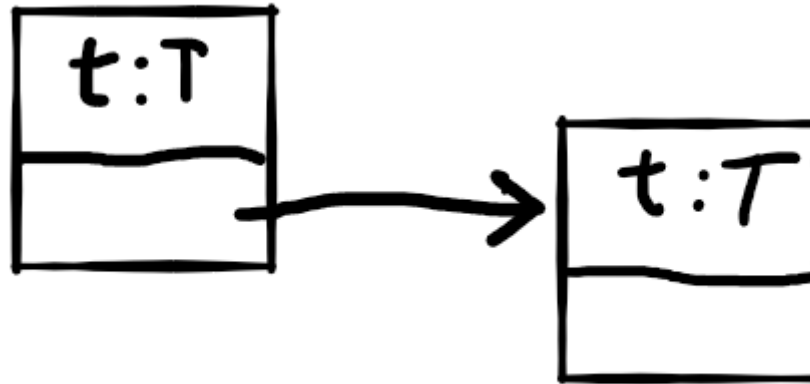


Lista encadenada

- Podemos definir a los nodos de la lista como

```
► struct nodoLista {  
    T info;  
    nodoLista * sig;  
}
```

```
typedef nodoLista * Lista
```

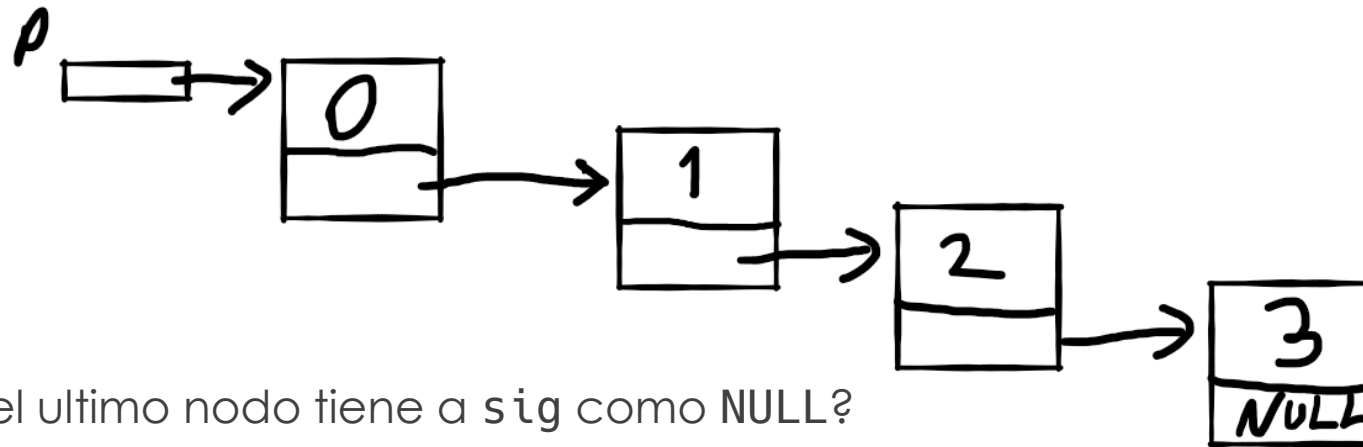


Lista encadenada

- ▶ Para la definición asumimos que los datos contenidos en cada uno de los nodo son de tipo T
- ▶ Para acceder a la lista, vamos a tener una variable de tipo puntero a nodoLista
 - ▶ `Lista p;`
 - ▶ Para esto es que hicimos la línea `typedef nodoLista * Lista`
 - ▶ Es lo mismo que haber puesto `nodoLista * p;`
- ▶ Esta variable va a apuntar a la dirección en memoria del principio de la lista (al primer nodo)

Lista encadenada

- ▶ Veamos que pasa si decimos que T es int
- ▶ Un ejemplo de esto sería



- ▶ Por qué el ultimo nodo tiene a sig como NULL?
 - ▶ Esto indica que no tiene ningún elemento que le sigue
 - ▶ O sea que es el ultimo elemento

Operaciones sobre listas

- ▶ Vamos a ver algunas operaciones que nos sirven para manipular las listas
- ▶ Vamos a estar trabajando con un puntero `p`, y eventualmente con otros punteros auxiliares
 - ▶ Lista `p`;
- ▶ `p` apunta al principio de la lista
- ▶ La primera operación que vamos a ver es la más simple, que es la creación de una lista vacía
 - ▶ `p = NULL;`

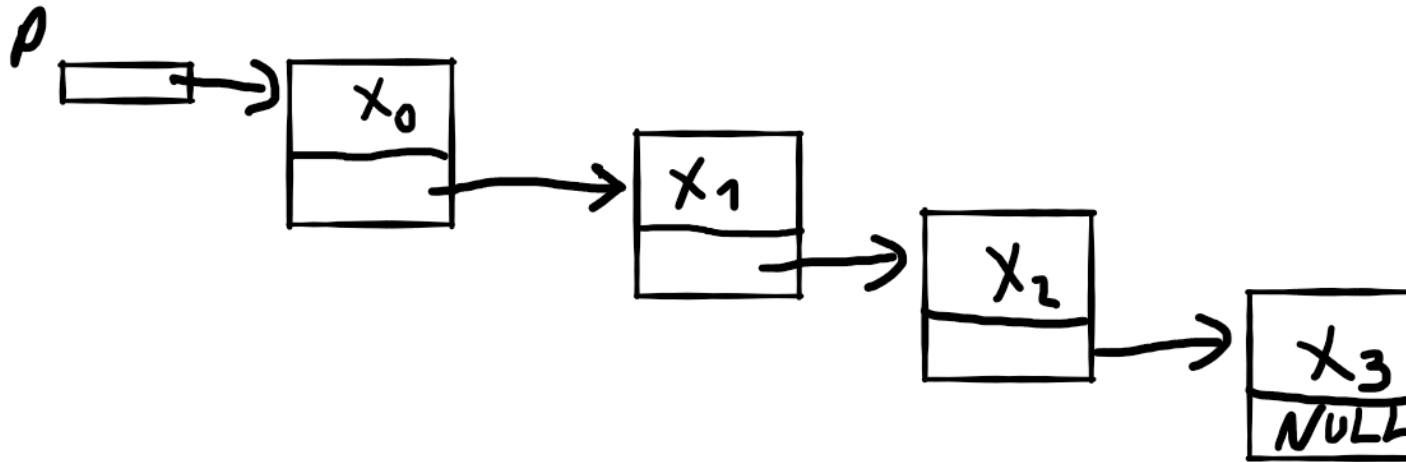
Operaciones sobre listas – esVacia

- ▶ Dada una lista, retorna true si la lista está vacía

```
▶ bool esVacia(Lista p){  
    return p == NULL;  
}
```

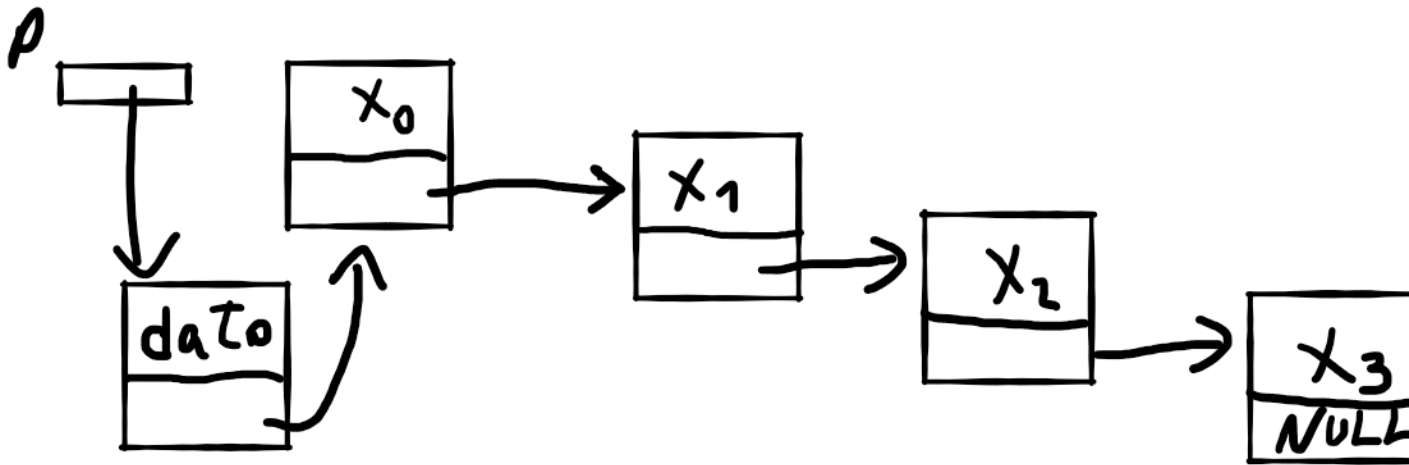
Operaciones sobre listas – insertar

- ▶ Dada una lista, queremos agregar un nuevo nodo al principio de la lista
- ▶ Supongamos que el nuevo dato está en una variable `dato` de tipo T



Operaciones sobre listas – insertar

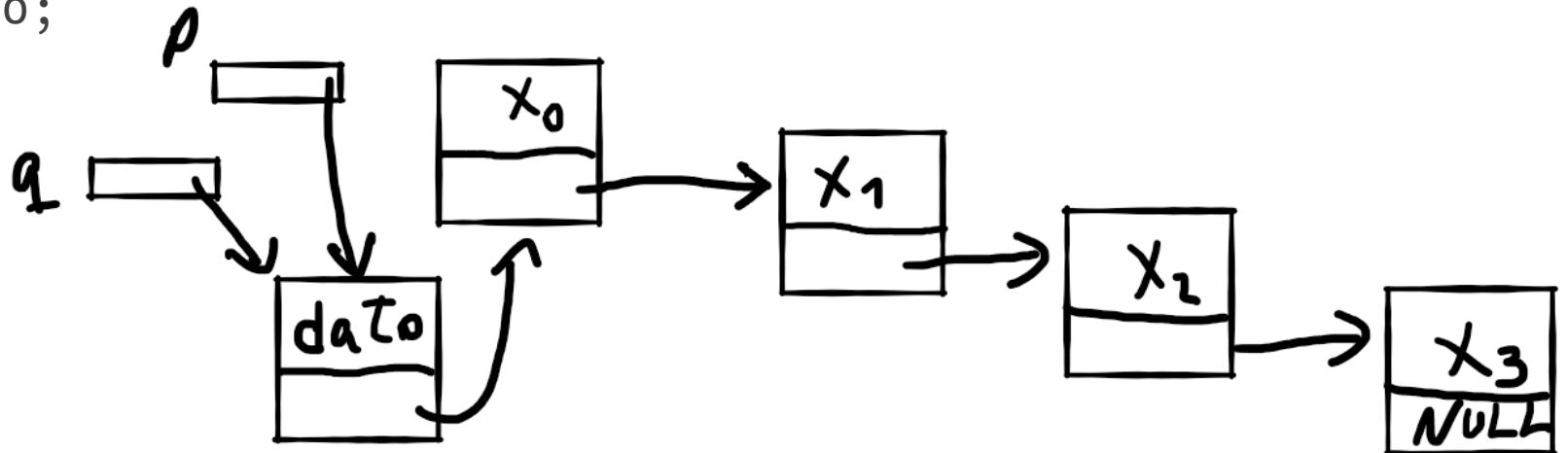
- ▶ Dada una lista, queremos agregar un nuevo nodo al principio de la lista
- ▶ Supongamos que el nuevo dato está en una variable `dato` de tipo T



Operaciones sobre listas – insertar

- ▶ Vamos a definirnos q , un puntero a un `nodoLista`, que vamos a usar como variable auxiliar
- ▶

```
nodoLista *q;  
q = new nodoLista;  
q -> info = dato;  
q -> sig = p;  
p = q;
```



Armar lista de 0 a n

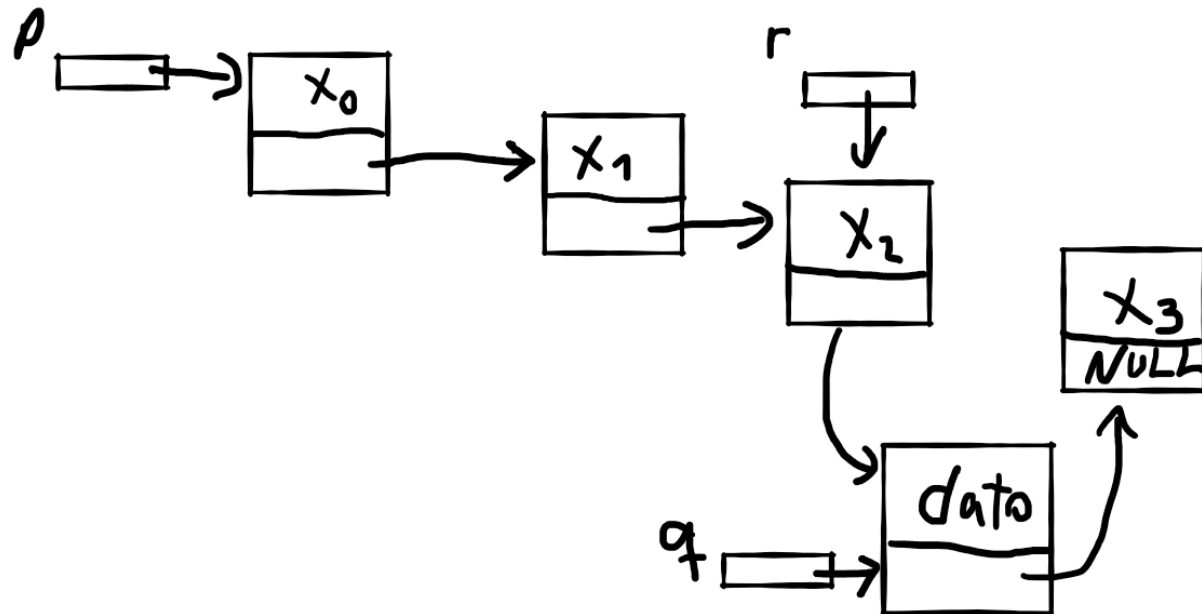
- ▶ Asumiendo que T es int
- ▶ Cómo podemos utilizar este procedimiento, de ir agregando al principio de la lista, para armar una lista de 0 a n?
- ▶

```
p = NULL;
nodoLista * q;
while (n > 0)
{
    q = new nodoLista;
    q->info = n;
    q->sig = p;
    p = q;
    n--;
}
```

Operaciones sobre listas – insertar luego de r

- ▶ A veces nos interesa agregar un nuevo nodo en la mitad de una lista
- ▶ Imaginemos nos dan r, un puntero a un `nodoLista`, y nos piden insertar un nuevo nodo con `dato` de tipo T, después del nodo a donde apunta r

```
▶ nodoLista * q;  
q = new nodoLista;  
q->info = dato;  
q->sig = r->sig;  
r->sig = q;
```



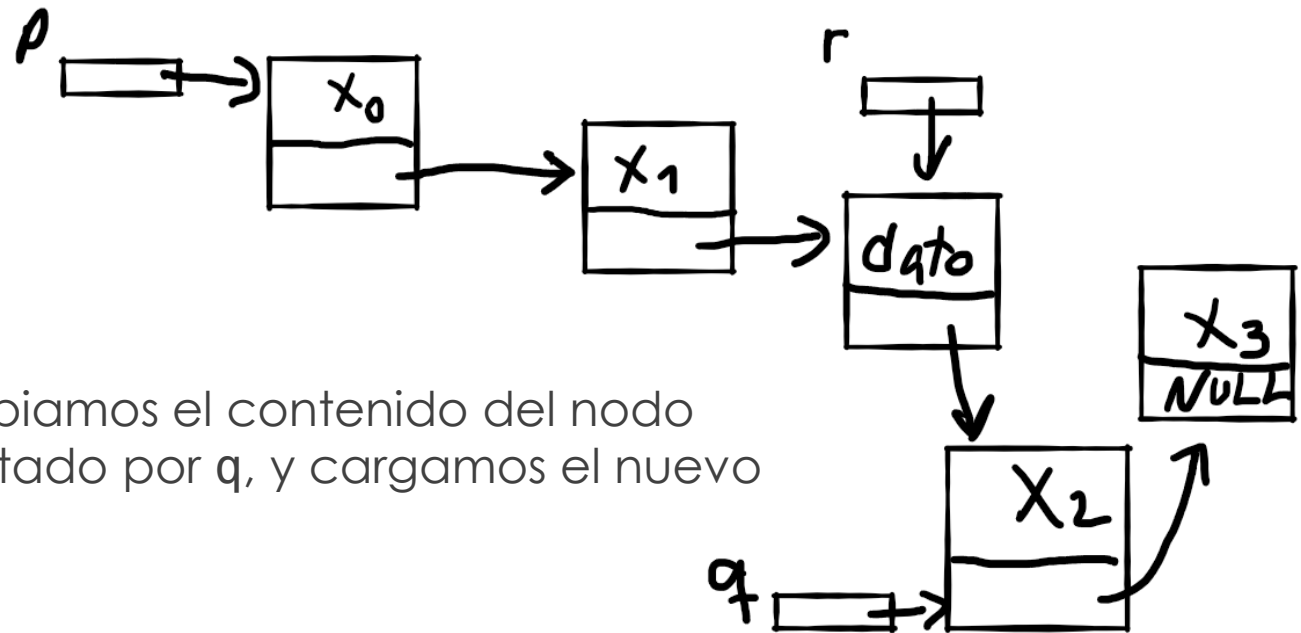
Operaciones sobre listas – insertar antes de r

- ▶ Otro caso es que nos pidan insertar el dato antes del apuntado por r

- ▶

```
nodoLista *q;  
q = new nodoLista;  
q->info = r->info;  
q->sig = r->sig;  
r->info = dato;  
r->sig = q;
```

- ▶ Lo que estamos haciendo acá es copiamos el contenido del nodo apuntado por r al nuevo nodo apuntado por q, y cargamos el nuevo dato en r



Operaciones sobre listas – borrar

- ▶ Lo siguiente que vamos a ver es como borrar elementos de una lista
- ▶ Vamos a empezar por los casos mas simples
 - ▶ Borrar el primer elemento
 - ▶ Suponiendo que la lista no es vacía
 - ▶ Borrar el sucesor de un elemento
 - ▶ Suponiendo que no es el ultimo

Operaciones sobre listas – borrar 1o

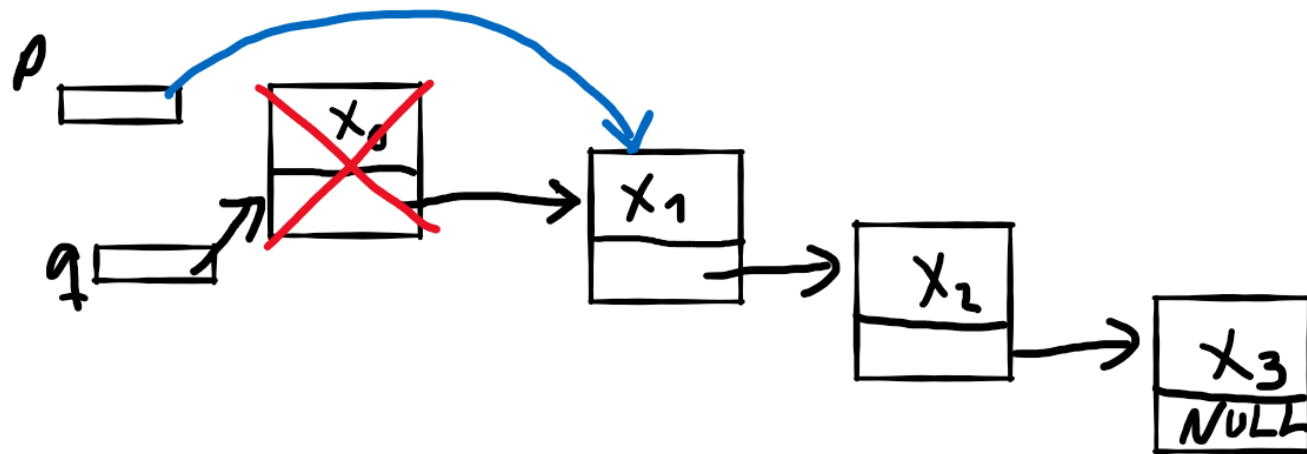
- Para borrar el primer elemento de la lista hacemos

- `nodoLista *q;`

`q = p;`

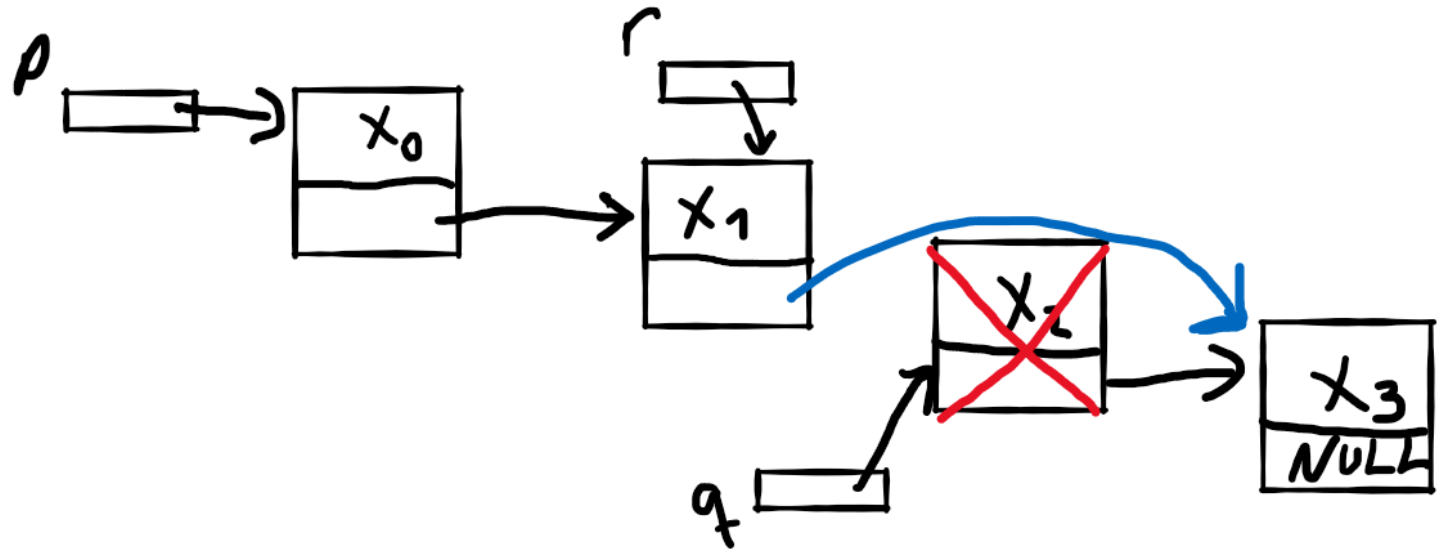
`p = p->sig; //borrado lógico`

`delete q; //borrado físico`



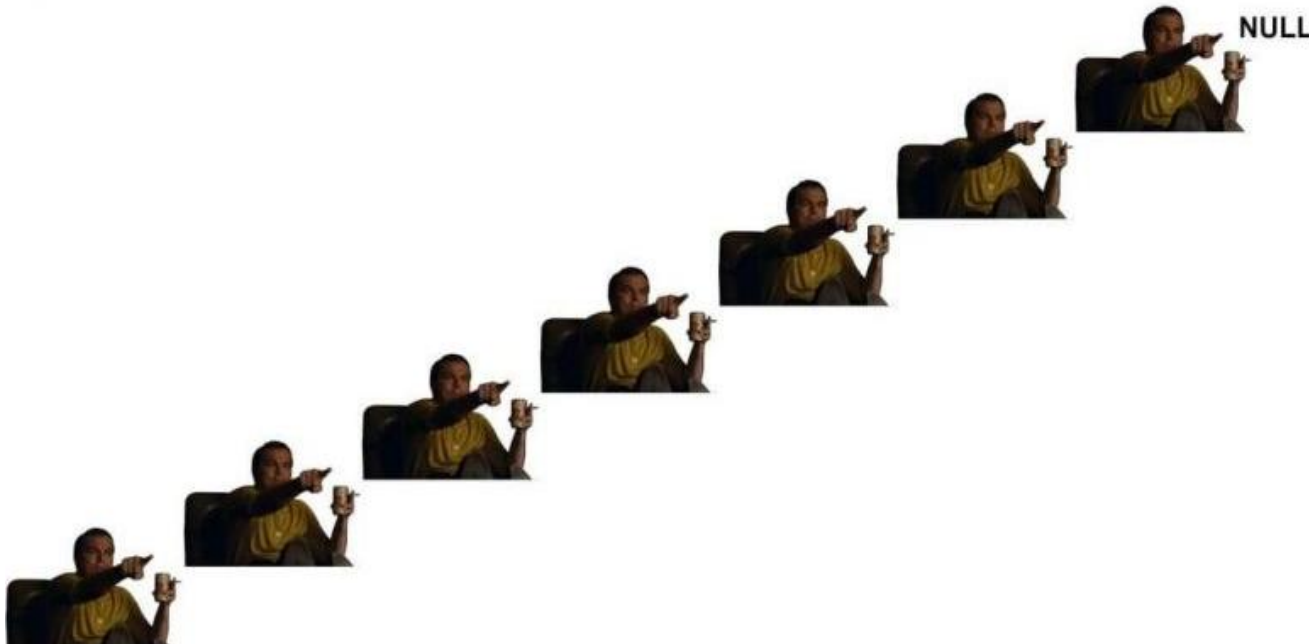
Operaciones sobre listas – borrar siguiente

- ▶ Ahora queremos borrar el siguiente al nodo apuntado por r
- ▶ `nodoLista *q;`
`q = r->sig;`
`r->sig = q->sig;`
`delete q;`



Nobody:

Linked Lists:



Dudas
hasta
ahora?

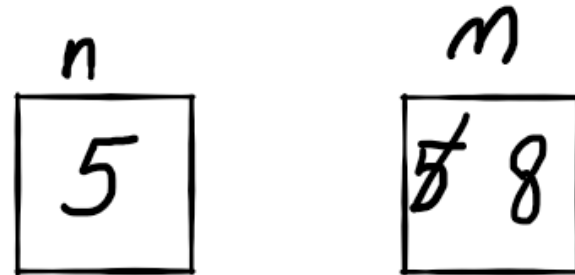
Paréntesis

- ▶ Vamos a hacer un paréntesis para hablar del pasaje de parámetros a funciones
- ▶ El pasaje puede ser
 - ▶ Por valor
 - ▶ Por referencia

Pasaje por valor

► `void proc(int m){ m = 8; }`

```
int main()  
{  
    int n = 5;  
    proc(n);  
    cout << n << endl;  
}
```



► Qué imprime?

► 5

► En C/C++ el pasaje de parámetros es siempre por valor

- Cuando pasamos un argumento a una función, se realiza una copia del mismo, y esa copia es la que recibe la función
- Esto significa que si modificamos la copia, el original no se va a ver afectado

Pasaje por referencia

► `void proc(int *m){ *m = 8; }`

```
int main()  
{  
    int n = 5;  
    proc(&n);  
    cout << n << endl;  
}
```

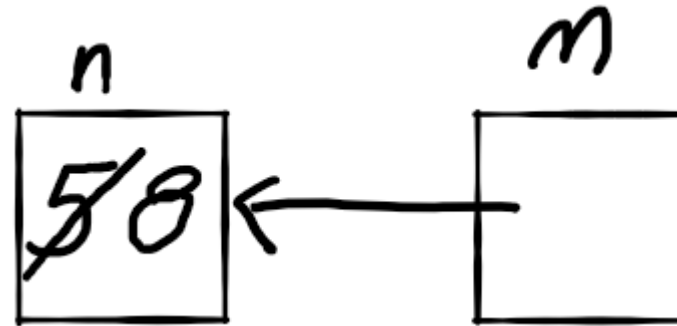
► Qué imprime?

► 8

► Cuando queremos poder modificar el argumento que recibe la función, pasamos la dirección de memoria a la variable (es decir que el parámetro de la función es un puntero)

► Luego usando el operador *, podemos acceder al valor original

► La dirección de memoria &n se pasa por valor de todas formas



Pasaje por referencia (C++)

- ▶ C++ (no C) nos permite una forma alternativa de hacer el pasaje por referencia de otra forma

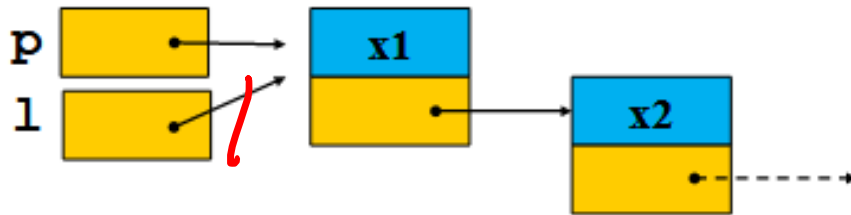
- ▶ `void proc(int &m){ m = 8; }`

```
int main()  
{  
    int n = 5;  
    proc(n);  
    cout << n << endl;  
}
```

- ▶ Esto imprime 8
- ▶ Vamos a estar utilizando esta notación, por comodidad, pero ambas son validas

Ejemplos con listas

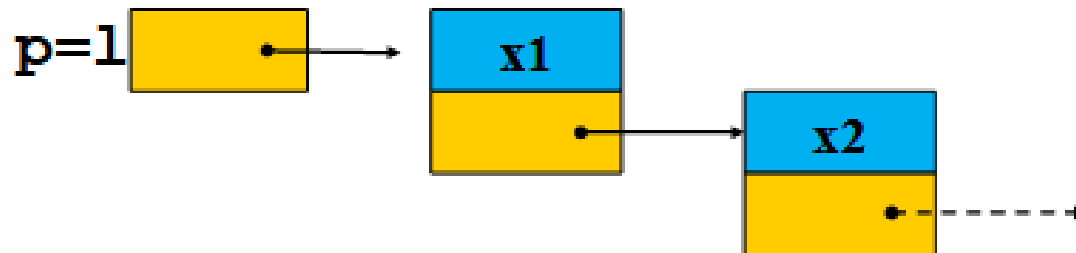
- ▶ Vamos a ver cuatro ejemplos distintos para ver que pasa con cada uno cuando le pasamos una lista no vacía p
- ▶ `void p1 (Lista l) { l = NULL; }`
`void p2 (Lista &l) { l = NULL; }`
`void p3 (Lista &l) { l -> sig = NULL; }`
`void p4 (Lista l) { l -> sig = NULL; }`



Ejemplos con listas

- ▶ Vamos a ver cuatro ejemplos distintos para ver que pasa con cada uno cuando le pasamos una lista no vacía p
- ▶

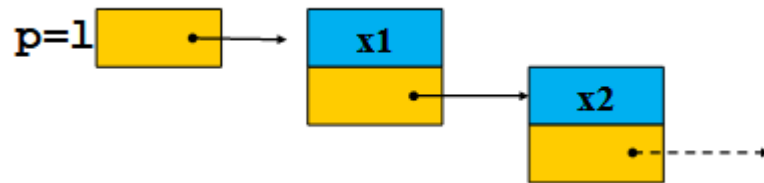
```
void p1 (Lista l) { l = NULL; }  
void p2 (Lista &l) { l = NULL; }  
void p3 (Lista &l) { l -> sig = NULL; }  
void p4 (Lista l) { l -> sig = NULL; }
```



Ejemplos con listas

- ▶ Vamos a ver cuatro ejemplos distintos para ver que pasa con cada uno cuando le pasamos una lista no vacía p
- ▶

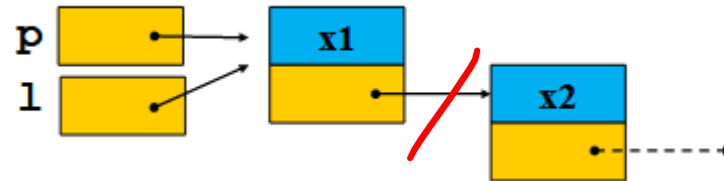
```
void p1 (Lista l) { l = NULL; }  
void p2 (Lista &l) { l = NULL; }  
void p3 (Lista &l) { l -> sig = NULL; }  
void p4 (Lista l) { l -> sig = NULL; }
```



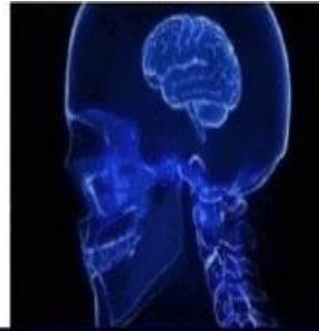
Ejemplos con listas

- ▶ Vamos a ver cuatro ejemplos distintos para ver que pasa con cada uno cuando le pasamos una lista no vacía p
- ▶

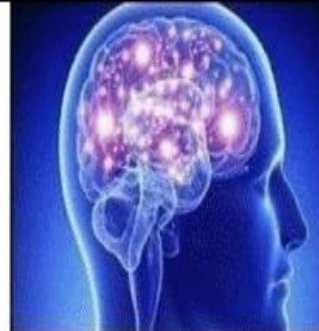
```
void p1 (Lista l) { l = NULL; }  
void p2 (Lista &l) { l = NULL; }  
void p3 (Lista &l) { l -> sig = NULL; }  
void p4 (Lista l) { l -> sig = NULL; }
```



```
//Passing by value  
void func( int data, double moreData ) {  
    data *= data;  
    moreData++;  
}
```



```
//Passing by reference  
void func( int &data, double &moreData ) {  
    data *= data;  
    moreData++;  
}
```



```
//Passing the responsibility  
void func( /*TODO: Code this*/ ) {  
    //do something  
}
```



Dudas?

Volvemos a las listas

- ▶ Queremos ejecutar una operación proc sobre cada elemento de una lista
- ▶ Asumimos que p apunta al principio de una lista
- ▶

```
q = p
while(q != NULL)
{
    proc(q->info);
    q = q->sigg;
}
```

Impresión de una lista

- ▶ Uno de los ejemplos típicos de recorrida de una lista es para imprimir los elementos de la lista.
- ▶ Donde la operación `proc` viene dada por una función `impDatos` que sabe imprimir los datos de tipo `T` de forma linda
- ▶ Para hacer esto vamos a recibir la lista “por valor” y vamos a ir recorriéndola hasta llegar a el final, imprimiendo el valor de cada uno de los elementos

Impresión de una lista

- ▶

```
void impLista(Lista p)
{
    while(p != NULL)
    {
        impDatos(p->info);
        p = p->sig; // por que podemos hacer esto?
    }
}
```
- ▶ Podemos hacer la asignación `p = p->sig`, porque el puntero `p` es una copia del puntero original, por lo que solo se ve afectado en el scope de la función

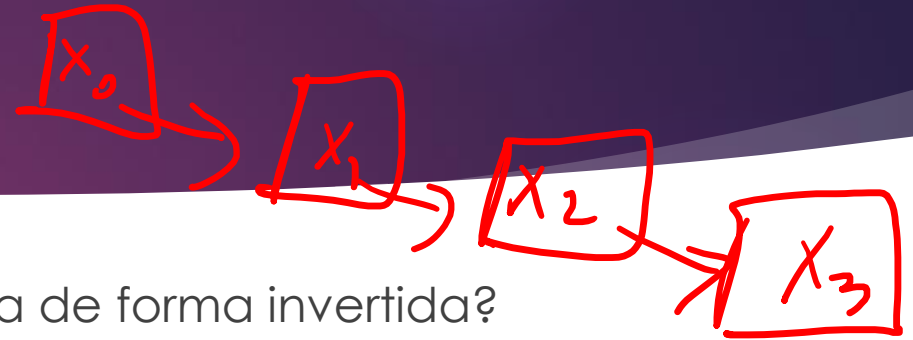
Impresión de una lista

- ▶ Esta misma función podemos hacerla de forma recursiva

- ▶

```
void impLista(Lista p)
{
    if(p != NULL)
    {
        impDatos(p->info);
        impLista(p->sig);
    }
}
```

Impresión de una lista

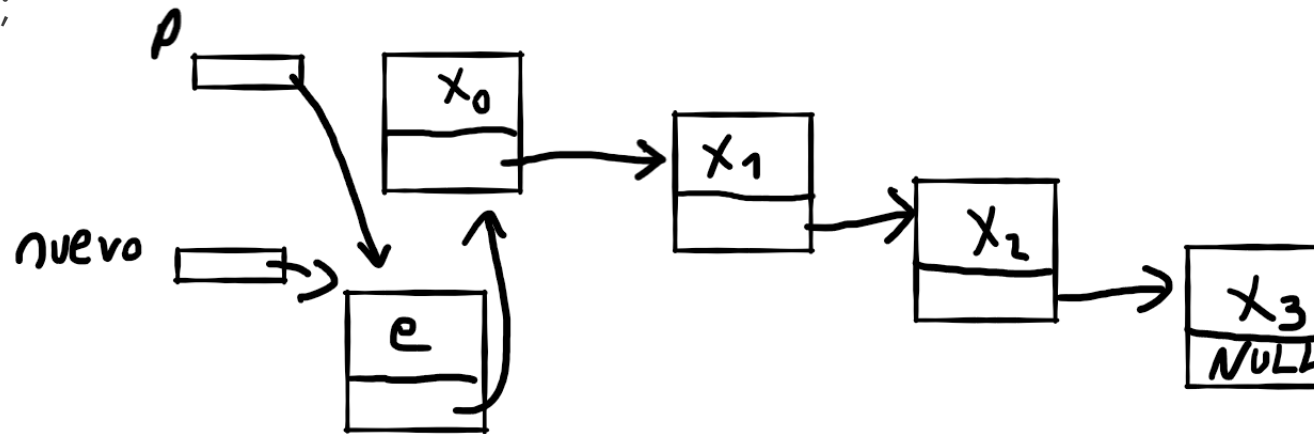


► Se les ocurre como hacer para imprimir la lista de forma invertida?

```
► void impLista(Lista p)
{
    if(p != NULL)
    {
        impLista(p->sig); // los dimos vuelta
        impDatos(p->info); // los dimos vuelta
    }
}
```

Inserción al principio de lista

```
► void insPrincipio(Lista &l, T e)
{
    Lista nuevo = new nodoLista;
    nuevo->info = e;
    nuevo->sig = l;
    l = nuevo;
}
```



Concatenar dos listas

- ▶ Otro procedimiento que vamos a usar bastante seguido es concatenar dos listas, o sea, agarrar el final de una de las listas y ponerla al final de la otra
- ▶ Vamos a recibir dos listas, y vamos a poner la segunda al final de la primera
- ▶ Usando la notación matemática de tipos inductivos, como escribiríamos estas funciones
- ▶ `concat: Lista[a]xLista[a] ->Lista[a]`
`concat([], l2)=...`
`concat(x.l1, l2)=...`

Concatenar dos listas

- ▶ Otro procedimiento que vamos a usar bastante seguido es concatenar dos listas, o sea, agarrar el final de una de las listas y ponerla al final de la otra
- ▶ Vamos a recibir dos listas, y vamos a poner la segunda al final de la primera
- ▶ Usando la notación matemática de tipos inductivos, como escribiríamos estas funciones
- ▶ `concat: Lista[a]xLista[a] ->Lista[a]`
`concat([], l2)= l2`
`concat(x.l1, l2)= x.concat(l1,l2)`

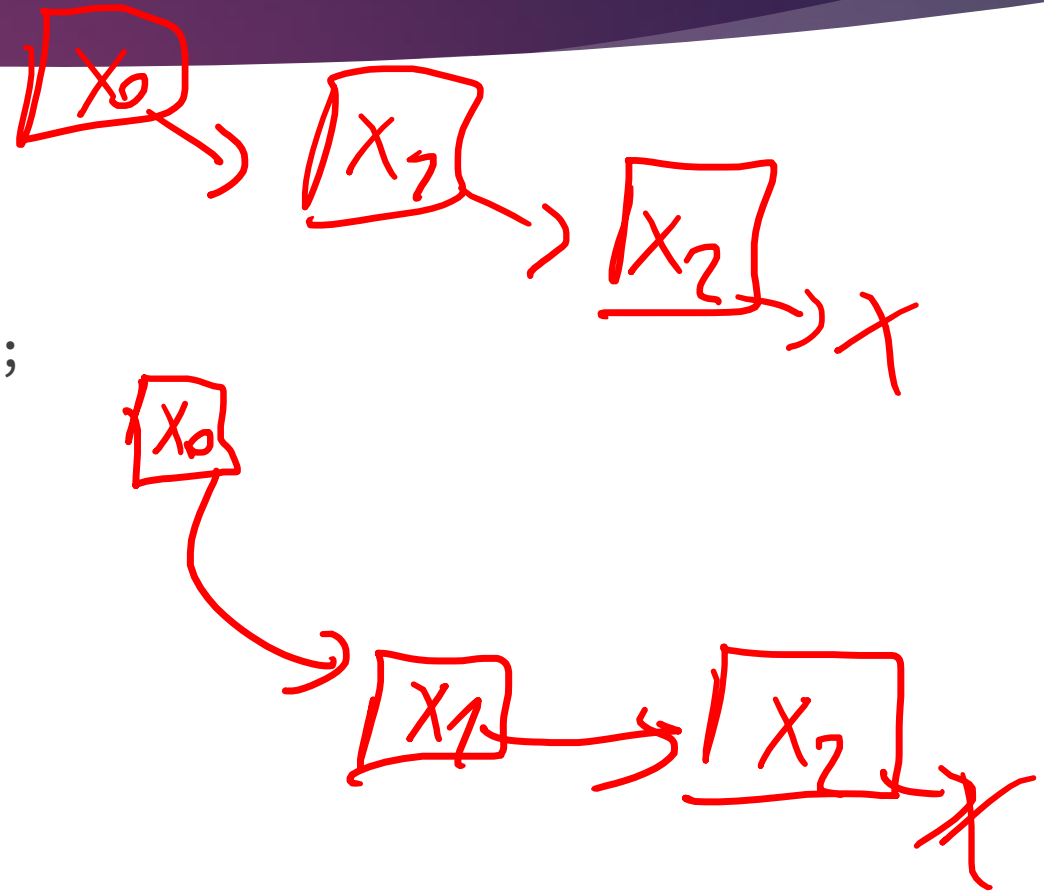
Concatenar dos listas

- ▶ Vamos a pasarlo entonces a C++
- ▶

```
void concat(Lista &l1, Lista l2)
{
    if (l1 == NULL) l1 = l2; //l1 = copia(l2)
    else concat(l1->sig, l2);
}
```
- ▶ `copia` es una función que recibe una lista y nos retorna una copia que no comparte memoria
 - ▶ Hay casos donde hay que tener cuidado de que no compartan memoria, por eso nos puede interesar hacer una copia

Copiar lista (recursivo)

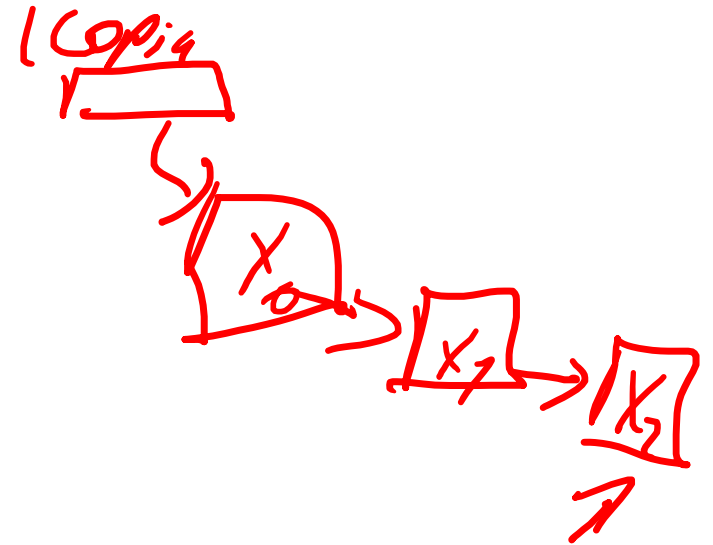
```
► Lista copia (Lista l){  
    if (l == NULL) return NULL;  
    else{  
        Lista res = new nodoLista;  
        // no comparte memoria  
        res->info = l->info;  
        res->sig = copia(l->sig);  
        return res;  
    }  
}
```



Copiar lista (iterativo)



```
► Lista copia (Lista l)
{
    Lista lCopia, nuevo;
    if (l==NULL) return NULL; return NULL;
    else
    {
        Lista ultimo = NULL; // inserciones al final de res
        while (l!=NULL)
        {
            nuevo = new nodoLista;
            nuevo->info = l->info;
            nuevo->sig = NULL;
            if (ultimo==NULL){lCopia = ultimo = nuevo; }
            else
            {
                ultimo->sig = nuevo;
                ultimo = nuevo;
            }
            l = l->sig;
        }
    }
    return lCopia;
}
```



Inserción al final de una lista

- Vamos a simplificar un poco la copia, vamos a refactorizarla, haciendo lo que se llama extraer una función

- ```
Lista copia (Lista l)
{
 Lista lCopia, nuevo;
 if (l==NULL) lCopia = NULL;
 else
 {
 Lista ultimo = NULL; // inserciones al final de lCopia
 while (l!=NULL)
 {
 nuevo = new nodoLista;
 nuevo->info = l->info;
 nuevo->sig = NULL;
 if (ultimo==NULL){lCopia = ultimo = nuevo; }
 else
 {
 ultimo->sig = nuevo;
 ultimo = nuevo;
 }
 l = l->sig;
 }
 }
 return lCopia;
}
```

# Insertión al final de una lista

```
► nuevo = new nodoLista;
nuevo->info = l->info;
nuevo->sig = NULL;
if (ultimo==NULL)
{
 lCopia = ultimo = nuevo;
}
else
{
 ultimo->sig = nuevo;
 ultimo = nuevo;
}
```

# Inserción al final de una lista

```
► void insFinal(Lista &lCopia, Lista &ultimo, T e)
{
 Lista nuevo = new nodoLista;
 nuevo->info = e;
 nuevo->sig = NULL;
 if (ultimo==NULL)
 {
 lCopia = ultimo = nuevo;
 }
 else
 {
 ultimo->sig = nuevo;
 ultimo = nuevo;
 }
}
```

► Inserta el elemento T al final de la lista, y nos devuelve el puntero al último nodo



# Copia lista (iterativo v2)

```
► Lista copia (Lista l)
{
 Lista lCopia, nuevo;
 if (l==NULL) lCopia = NULL;
 else
 {
 Lista ultimo = NULL; // inserciones al final de lCopia
 while (l!=NULL)
 {
 insFinal(lCopia, ultimo, l->info);
 l = l->sig;
 }
 }
 return lCopia;
}
```

# Concatenar dos listas (iterativo)

```
► void concat(Lista &l1, Lista l2)
{
 if(l1 == NULL)
 l1 = copia(l2);
 else
 {
 Lista iter = l1;

 //buscamos el puntero al ultimo nodo
 while(iter->sig != NULL)
 {
 iter = iter->sig;
 }

 //ponemos la copia al final
 iter->sig = copia(l2);
 }
}
```

# Concatenar dos listas (iterativo v2)

- ▶ Si queremos que devolver una nueva lista independiente de la primer lista

```
▶ Lista concat(Lista l1, Lista l2)
{
 if(l1 == NULL) return copia(l2);
 else
 {
 Lista res = new nodoLista;
 res->info = l1->info;
 res->sig = concat(l1->sig, l2);
 return res;
 }
}
```

# Invertir una lista

- ▶ Otro clásico, invertir una lista
- ▶ Vamos a retornar una nueva lista, con los mismos elementos, pero en orden inverso
- ▶ Es muy parecido a la recorrida

```
▶ Lista invertir(Lista l)
{
 Lista aux;
 Lista inv = NULL;
 while(l!=NULL)
 {
 insPrincipio(inv, l->info);
 l = l->sig;
 }
 return inv;
}
```

# Invertir una lista (v2)

- ▶ Cuando hacemos `insPrincipio`, estamos creando un nuevo nodo, si la lista es suficientemente grande, puede llegar a tener un impacto visible
  - ▶ `malloc` es una operación que puede ser muy lenta
- ▶ Una solución a este problema es reutilizar los mismos punteros de la lista original

```
▶ Lista invertir(Lista l)
{
 Lista aux;
 Lista inv = NULL;
 while(l != NULL)
 {
 aux = l->sig;
 l->sig=inv;
 inv = l;
 l = aux;
 }
}
```

# Inserción ordenada

- ▶ Pre: la lista está ordenada
- ▶ Pos: se agrega el elemento a la lista, y la lista sigue siendo ordenada
- ▶ Veamos primero en la notación matemática
- ▶ `insOrd: a x Lista[a] -> Lista[a]`  
`insOrd(e, []) = ...`  
`insOrd(e, x.l) = ..., Si  $e \leq x$`   
`insOrd(e, x.l) = ..., en otro caso`

# Inserción ordenada

- ▶ Pre: la lista está ordenada
- ▶ Pos: se agrega el elemento a la lista, y la lista sigue siendo ordenada
- ▶ Veamos primero en la notación matemática
- ▶ `insOrd: a x Lista[a] -> Lista[a]`  
`insOrd(e, []) = e.[]`  
`insOrd(e, x.l) = e.x.l, Si  $e \leq x$`   
`insOrd(e, x.l) = x.insOrd(e,l), en otro caso`

# Inserción Ordenada

```
► void insOrd(Lista &l, T e)
{
 if(l == NULL) insPrincipio(l, e);
 else
 {
 if(e <= l->info) insPrincipio(l, e);
 else insOrd(l->sig, e)
 }
}
```



# Insert Sort

- ▶ insertSort: Lista[a]→Lista[a]  
insertSort([])=[]  
insertSort(e.l)=insOrd(e,insertSort(l))
- ▶ //iterativo  
Lista insertSort(Lista l)  
{  
    Lista ord = NULL;  
    while (l != NULL)  
    {  
        insOrd(ord, l->info);  
        l = l->sig;  
    }  
}

# Variantes de listas

- ▶ Lista encadenada con puntero al final
- ▶ Lista doblemente encadenada
- ▶ Lista circular

