

Bezpečnost' informačných a komunikačných systémov

Katedra elektroniky a multimediálnych telekomunikácií

Domáca úloha č.9

Vypracovanie DÚ č. 9:

Číslo študenta: 9

Vstupné vektory: $x = 17 \ y = 20 \ z = 19 \rightarrow P[17, 20]$

15. Nov. - oprava vzorca ľavej strany pre overenie vzáj. kongruencie (pôvodne 2x pre pravú stranu použitý pre obe strany)

Riešenie DÚ využíva programovú implementáciu v jazyku C s komentovaným zdrojovým kódom.

Funkčnosť programu:

V cykle sú vypočítané hodnoty (mod M, M=23) 2P, 4P, 8P, 16P (výpočet je tvorený určením inverzného prvku, jednotlivých parametrov x_r , y_r , s s overením vypočítaných hodnôt EC metódou - overením vzájomnej kongruencie). Následne obdobný výpočet pre hodnoty 3P (2P + P), 19P (16P+3P). Hodnota 19P zodpovedá hodnote $Z = k \cdot P$ ($k=19$).

Všetky medzivýsledky sú vypísané do konzolovej aplikácie a sú prevedené na kladnú hodnotu (mod M). Výsledky zodpovedajú hodnotám dosiahnutím v papierovej verzii DÚ. Program prekladaný bez makefilu a parametrov, priamo v Linux Cent OS stroji príkazom do konzole: **gcc -std=c99 -o main Chlebovec_Martin_DU9_BIKS.c -lm**.

Nakoľko sa mi nepodarilo implementovať Euklidov (GCD) algoritmus so spätným chodom tak ako v papierovej verzii zadania, použil som alternatívu pre výpočet inverzného prvku vo forme multiplikatívnej inverzie zo zdroja:

<https://www.geeksforgeeks.org/multiplicative-inverse-under-modulo-m/>

Screenshoty vykonaného programu nižšie:

Výstup programu - rozloženie $k=19$ na mocninové násobky, výpočet 2P a 4P, overenie medzivýsledkov EC metódou

```
Vytvoril: MARTIN CHLEBOVEC - BIKS
DU c.9

Rozklad k=19, na mocninove nasobky cisla 2
2^4 = 16
2^3 = 8
2^2 = 4
2^1 = 2
2^0 = 1

P[17, 20], E_23(1,1)
2*yp=40
Inv. prvok(40, 23) = 19
s = 1
xr = 13
yr = 7
EC kontrola (13, 7), OK, SU KONGRUENTNE, TEST PASSED

2P[13, 7]
2*yp=14
Inv. prvok(14, 23) = 5
s = 10
xr = 5
yr = 4
EC kontrola (5, 4), OK, SU KONGRUENTNE, TEST PASSED
```

Výstup programu - výpočet 8P, 16P a 3P, overenie medzivýsledkov EC metódou

```
4P[5, 4]
2*yp=8
Inv. prvok(8, 23) = 3
s = 21
xr = 17
yr = 20
EC kontrola (17, 20), OK, SU KONGRUENTNE, TEST PASSED
```

```
8P[17, 20]
2*yp=40
Inv. prvok(40, 23) = 19
s = 1
xr = 13
yr = 7
EC kontrola (13, 7), OK, SU KONGRUENTNE, TEST PASSED
```

```
16P[13, 7]
```

```
2P+1P
3P[?, ?]
Inv. prvok(19, 23) = 17
s = 9
xr = 5
yr = 19
EC kontrola (5, 19), OK, SU KONGRUENTNE, TEST PASSED
```

```
3P[5, 19]
```

Výpočet 19P (výsledok) $Z = k \cdot P$ (19P), výpis čiastkových výsledkov, EC overenie

```
16P+3P
19P[?, ?]
Inv. prvok(8, 23) = 3
s = 10
xr = 13
yr = 16
EC kontrola (13, 16), OK, SU KONGRUENTNE, TEST PASSED

19P[13, 16]
Z = 19P(13, 16)
```