

Bezpečnost' informačných a komunikačných systémov

Katedra elektroniky a multimediálnych telekomunikácií

Domáca úloha č.5

Vypracovanie DÚ č. 5:

Numerické zadanie krokov potrebných k výpočtu $k \cdot P$.

Poradové číslo študenta: 9

Pridelené celočíselné hodnoty: x, y, k : 17, 20, 19.

Realizáciu zadania v rámci domácej úlohy som realizoval s ručnými výpočtami a následným overením medzivýsledkov dostupnými nástrojmi. Cieľom úlohy bolo vypočítať $Z = 19P$.

1. fáza úlohy - Výpočet 2P, 4P, 8P, 16P

Pre výpočet inverzného prvku som sa rozhodol využiť Euklidov algoritmus s následným spätným chodom s využitím posledného nenulového zvyšku. Na základe dostupných vzorcov v prednáškových materiáloch 8.5 som využil vzťahy pre predpis $P=Q$ na výpočet premenných s (bez menovateľa s násobením inverzným prvkom), x_r, y_r s následným overením vzájomnej kongruencie medzi x_r, y_r so zohľadnením modula $M = E_{23}(1,1)$. Takto bolo možné efektívne odhaliť prípadnú nepresnosť pri výpočte, najmä pri spätnom chode Euklidovho algoritmu (zlé znamienko vo výpočte, nesprávne sčítanie).

Pri realizácii výpočtov som zistil, že sa hodnoty P opakujú (sú vzájomne identické), každý 8-mi násobok:

- $P == 8P$ (17,20)
- $2P == 16P$ (13,7)

2. fáza úlohy - Výpočet 3P, 19P

Pre určenie parametra pre Euklidov algoritmus som využil rozdiel $x_q - x_p$ z menovateľa vzťahu pre výpočet s pre predpis $P \neq Q$. Vypočítaním nsd a následným spätným chodom bolo možné určiť inverzný prvok a ním vynásobiť vzťah v menovateli pre výpočet s . Následným výpočtom x_r a y_r bolo možné určiť súradnice bodu na eliptickej krivke s možnosťou overenia vzájomnej kongruencie oboch parametrov.

Pre 3P som využil vstupné parametre P a 2P. Pre výpočet 19P využité vstupné parametre 3P a 16P. Vzťahy "spájania" zohľadnené podľa predpisu k cvičeniu č.3 v readme.txt súbore, kedy platí zápis premennej k v dvojkovej sústave - násobky v jednotlivých bitových bodoch P , v našom prípade 19, bitovo 10011, teda $P, 2P, 16P$. Výsledok 19P reprezentuje hľadaný výsledok $Z = 19P$, t.j. (13,16).

Problémy pri výpočte:

- Pár krát chyba pri výpočte spätného Euklidovho algoritmu. S využitím EC - kongruencie vypočítaných bodov x_r a y_r bolo možné jednoducho overiť, či sú parametre v poriadku. Ak kongruentné neboli, bolo možné vrátiť sa len o pár krokov späť a výpočet opakovať.
- Použitie nesprávneho parametra pri výpočte y_r vo vzťahu pre $P \neq Q$ (po prehliadnutí som použil x_q namiesto x_r), pri detailnejšej kontrole problém odstránený

Nástroje pre kontrolu čiastkových riešení:

- Využil som nástroj [MODULO CALCULATOR](#) pre výpočet zvyšku pre zadané modulo $M = 23$
- Pre kontrolu inverzného prvku modulo M som využil nástroj [MODULAR MULTIPLICATIVE INVERSION](#), čím som mohol rýchlo overiť, či je výsledný inverzný prvok v spätnom chode Euklidovho algoritmu správny