

# **Bezpečnost' informačných a komunikačných systémov**

## **Katedra elektroniky a multimediálnych telekomunikácií**

### **Domáca úloha č.14**

Číslo študenta: 9

Pridelené postupnosti:

$a = \{0, 1, 1, 2, 1, 1, 2, 3\}$

$b = \{1, 2, 2, 3, 3, 2, 1, 2\}$

Vypracovanie DÚ č. 14:

**Ručný výpočet**

Pri realizácii zadania - DÚ č. 14 som najprv vytvoril vlastný program v jazyku C, ktorým som bol schopný vypočítať lineárnu a následne aj kruhovú konvolúciu postupností. Začal som s testovacou postupnosťou z dokumentu readme.txt, kde boli konvolúcie vysvetlené aj s ukážkou:

$A = (1, 2, 3, 4)$ ,  $B = (5, 6, 7, 8)$ .

**Lin. konvolucia tejto postupnosti**

```
5000000
1600000
340000
60000
6100
520
32
Sucet linearnej konvolucie: 7006652
Program sa vykonal za: 0.000138 sekund
```

Pri návrhu .c programu pre lineárnu konvolúciu som sa inšpiroval zo stránky <https://lloydrochester.com/post/c/convolution/>, z ktorej som využil fragment funkcie convolve(). Nakoľko je však navrhnutá pre desatinné (float) čísla, musel som ju poupraviť. Program funguje v dvoch režimoch. **Na začiatku programu je definované makro SUCET.**

V prípade, že je zakomentované toto makro, **nerealizuje sa súčet lineárnej konvolúcie** a program pokračuje ďalej pre výpočet kruhovej konvolúcie. V prípade odkomentovaného makra **program po vypočítaní súčtu lineárnej konvolúcie skončí** a nepokračuje na kruhovú konvolúciu. Pri výpočte kruhovej konvolúcie je najprv postupnosť zarovnaná a výsledky kruhovej konvolúcie sú vypísané do konzole.

## Zakomentovane makro SUCET - beh programu

```
1
3
6
10
13
17
21
23
21
22
16
10
7
6
Postupnost: 0 1 3 6 10 13 17 21 23 21 22 16 10 7 6
Otocena postupnost: 6 7 10 16 22 21 23 21 17 13 10 6 3 1 0
cc0 = 23
cc1 = 20
cc2 = 20
cc3 = 22
cc4 = 25
cc5 = 22
cc6 = 23
cc7 = 21
Program sa vykonal za: 0.000216 sekund
```

Súčet lineárnej konvolúcie je navrhnutý pre akékoľvek dve postupnosti s rovnakou veľkosťou polí. Vypočítaním som získal hodnoty rovnaké ako pri ručnom výpočte kruhovej konvolúcie. Program som využíval aj pre čiastkové overenie riešenia, výpočet prvkov lineárnej konvolúcie, výsledok kruhovej konvolúcie atď...

## Odkomentované makro SUCET - beh programu

```
0
1000000000000000
300000000000000
600000000000000
1000000000000000
1300000000000000
1700000000000000
2100000000000000
2300000000000000
2100000000000000
2200000000000000
1600000000000000
1000000000000000
7000000000000000
6000000000000000
Sucet linearnej konvolucie: 13714935337076
Program sa vykonal za: 0.000179 sekund
```

### Ručný výpočet

Ručný výpočet som realizoval metódou lineárnej konvolúcie s násobením každého prvku druhej postupnosti s každým prvkom prvej postupnosti. Následne som výslednú postupnosť "zarovnal", aby mala postupnosť 16 prvkov -  $2^4$  - násobok dvojky - párna postupnosť. Kruhovú konvolúciu som realizoval všeobecným vzorcom  $CC_i = C_i + C_{i+N}$  ( $N = 8$ ). Takto som dokázal vypočítať  $CC_0$  až  $CC_7$ .

Pri výpočte prvkov množiny  $CC$  som využil modulo 337, v ktorom bolo aj ukážkové riešenie v readme z ktorého som čerpal. Čiastkové výsledky som si overoval v predmetnom .c programe, ktorý som navrhol. Dosiahol som rovnaké výsledky ako v .c programe, i keď s posunom niektorých prvkov:

$CC = [23, 20, 20, 22, 25, 22, 23, 21]$ .

### Program NTT + $NTT^{-1}$ v jazyku C ( $\omega_8 = 85$ , Modulo = 337)

Pri realizácii programu v jazyku C som v hlavičkovom súbore gf.h upravil definičné hodnoty makier pre  $\omega_8 = 85$ ,  $NTT\_SIZE = 8$ , Modulo = 337,  $Inv\_NTT\_SIZE = 295$ ,  $inv\_omega_8 = 226$ . Najviac zmien som realizoval v programe test.c. Odstránil som všetky kontrolné výpisy, pomalé transformácie "DFT", rovnako tak i generátor postupnosti s dĺžkou  $NTT\_SIZE$ , meranie cyklov a fragmenty zdrojového kódu, ktoré ich využívali. V programovej implementácii tak ostala iba funkcia pre výpočet priamej a inverznej NTT. Pri realizácii úprav som čerpal aj zo záznamu prednášky, kde bola daná problematika úprav vysvetlená. **Iné parametre pre  $\omega_8$  a Modulo som neskúšal, nakoľko som si chcel byť istý s výsledkom riešenia.**

```

C:\Users\Administrator\Desktop\kod>test
c_0=23
c_1=22
c_2=25
c_3=22
c_4=20
c_5=20
c_6=23
c_7=21
Program sa vykonal za: 0.000000 sekund
C:\Users\Administrator\Desktop\kod>

```

### Meranie času behu programu

Nakoľko je výstup oboch programov v jazyku .c totožný, experimentálne som overil dĺžku behu jednotlivých programov. Využil som hlavičkový súbor time.h a funkciu clock. Mnou navrhnutý program pre výpočet lineárnej a kruhovej konvolúcie pri meraní dosahoval hodnotu v rozmedzí 0.000200 až 0.000250 sekúnd. Návrh a testovanie programu som realizoval na OS Linux (Omega TUKE server / Online GDB).

Program pre výpočet NTT som spúšťal vo virtuálnom stroji (BIKS-BPS) - OS Windows 7. **Nepodarilo sa mi odmerať dĺžku behu programu pre NTT.** Program som experimentálne spustil aj v prostredí servera OMEGA a dostal som dĺžku behu programu 0.000084 až 0.000130 sekúnd. Program pre NTT je tak preukázateľne rýchlejší ako štandardný výpočet - násobením a sčítavaním prvkov a to až dvojnásobne!

```

Program sa vykonal za: 0.000118 sekund
mc364ve@omega:~/abcd/abc$ ./test
C_0 = 23
C_1 = 22
C_2 = 25
C_3 = 22
C_4 = 20
C_5 = 20
C_6 = 23
C_7 = 21
Program sa vykonal za: 0.000084 sekund
mc364ve@omega:~/abcd/abc$ ./test
C_0 = 23
C_1 = 22
C_2 = 25
C_3 = 22
C_4 = 20
C_5 = 20
C_6 = 23
C_7 = 21
Program sa vykonal za: 0.000128 sekund

```