

ZALG - 11. cvičení

Quicksort

Založen na principu rozděl a panuj

1. Vezmeme libovolný prvek posloupnosti (pivot) a posloupnost rozdělíme na 3 skupiny. V první budou prvky menší než pivot, ve druhé prvky s hodnotou stejnou jako pivot a ve třetí prvky s hodnotou větší než pivot
2. Po 1. kroku jsou prvky se stejnou hodnotou jako pivot na správném místě. Prvky s menší hodnotou jsou nalevo, ale ne nutně seřazené a stejně tak prvky s větší hodnotou jsou napravo
3. Skupiny jsou vůči sobě seřazené - nyní stačí seřadit prvky v první a třetí skupině opět podle prvního kroku

Quicksort - rozdělení posloupnosti

- Začneme od prvního prvku posloupnosti a budeme hledat ten prvek, který má hodnotu rovno nebo větší než pivot
- Zároveň půjdeme od konce a budeme hledat prvek, který má hodnotu rovno nebo menší než pivot. Až najdeme tyto dva prvky, tak je prohodíme
- Až se oba směry prohledávání setkají uprostřed, tak skončíme

Quicksort - jiné rozdělení posloupnosti

- Pivot (jeho hodnotu) uložíme na první místo posloupnosti (pivot prohodíme s prvním prvkem).
- Pak postupně od druhého pole projdeme pole, ty prvky s hodnotou větší než má pivot odložíme na konec. První takový na poslední místo, druhý na předposlední atd...
- Na závěr vložíme pivota na správné místo - prohodíme ho s posledním prvkem s hodnotou menší než pivot

Quicksort - algoritmus

- Rekurzivní

- Metodou rozděl rozdělíme posloupnost na 3 skupiny
- Zavoláme rekurzivně třídící funkci na 1. skupinu
- Zavoláme rekurzivně třídící funkci na 3. skupinu

- Nerekurzivní

- s využitím zásobníku
- prvně do něj vložíme celý interval a pak v cyklu opakujeme, dokud není zásobník prázdný
 - vyjmeme horní interval a rozdělíme
 - vložíme do zásobníku 1. skupinu (pokud tam stále je)
 - vložíme do zásobníku 3. skupinu (pokud tam stále je)

Časová složitost

- záleží na tom, jak dobře jsme zvolili pivot
- **nejlepší případ:** pivot = medián prvků
→ $T(n) = 2T(n/2) + O(n) = O(n \log_2 n)$
(na rozmyšlenou, použijte master theorem = kuchařku)
- **nejhorší případ:** pivot = nejmenší nebo největší prvek úseku
→ $T(n) = 2T(n-1) + (n-1) = O(n^2)$
(například: již setříděné pole a jako pivot bereme první prvek úseku)
- **průměrný případ:** $T(n) = O(n \log_2 n)$ (viz skripta)

Prostorová složitost

- **nejhorší případ:** $S(n) = O(n)$ (maximální hloubka rekurze nebo velikost zásobníku)
- **průměrný případ:** $S(n) = O(\log_2 n)$

Hoarův algoritmus

Metoda vyhledání k-tého nejmenšího prvku pole

Není nutné třídit úplně celé pole.

Základní myšlenka:

- Pole na intervalu $[l, r]$, Opakuj:
- Zvol pivot a proved' PARTITION (z quicksortu)
- Je-li pivot k-tým prvkem \rightarrow return k
- Je-li index (p) pivotu $> k \Rightarrow$ přesuň se na interval $[l, p-1]$
- Jinak se přesuň na interval $[p+1, r]$

Radix sort

- jako klíče používá číslice (nejčastěji v desítkové soustavě) tříděných čísel
- předpokládá znalost maximálního možného počtu (m) číslic v číslech

1. Vytvoříme pole 10 front. Proměnné z přiřadíme hodnotu 10 a proměnné d hodnotu 1
2. Pro $l = 0, \dots, m-1$ provedeme kroky 3-9. Pak algoritmus skončí
3. Je-li vstupní posloupnost prázdná, jdi na krok 8
4. Vyjmi další číslo ze vstupní posloupnosti a vlož ho do x
5. Vypočti $i = \lfloor x/d \rfloor \bmod z$
6. Vlož x na konec i -té fronty
7. Vrať se na krok 3.
8. Přejdi na další číslici – Do d ulož dz
9. Přenes hodnoty z nulté, pak z první, ..., deváté fronty – v pořadí v jakém jsou v těchto frontách – zpět do vstupní posloupnosti

Bucket sort

- V případě, že prvky nabývají obecně malého počtu různých hodnot (K)
- Vytvoříme si K bucketů (front nebo vektorů)
- Projdeme celou posloupnost a jednotlivé prvky uložíme do příslušných bucketů. Prvek s hodnotou 0 do nultého bucketu, prvek s hodnotou 1 do prvního atd...
- Nakonec buckety sloučíme popořadě od nultého bucketu až na závěr K -tý bucket
- Složitost je $O(n)$

Časová složitost

- 1 přesypání prvků do přihrádek: $T(n) = O(n + k)$
- 2 vysypání prvků z přihrádek: $T(n) = O(n)$
- 3 celkem: $T(n) = O(n + k)$

Prostorová složitost $S(n) = O(n + k)$ (na přihrádky)