# Revisões de POE

Parasitas, Linhas de Transmissão

PEDRO MARTINS

# **Contents**

1	Linhas e Transmissão	3	
2	Microondas	4	
3	Radiofrequência (RF)  Efeito Pelicular		
4			
5	Componentes Passivos a altas frequências	5	
	5.1 Resistências	5	
	5.2 Bobines	5	
	5.3 Condensadores	5	
6	Linhas de transmissão	6	
7	Analogia com a Luz	6	
	7.1 Reflexão	7	
	7.2 Transmissão	7	
8	Linhas de transmissão	8	
9	Equação dos telegrafistas	9	
	9.1 Linhas sem perdas	10	
	9.2 Partindo da Carga	10	
	9.3 Trasformador de Lambda/4	10	
	9.4 Linha terminada em curto	11	
	9.5 Reflexão parcial	11	
10	Carta de Smith	11	
11	Malhas de adaptação de impedâncias	11	
12	Transferência de Potência	13	
13	Adaptação com elementos concentrados	13	
14	Adaptação com Stubs	14	
15	Transistores	14	

# 1 Linhas e Transmissão

Métrica da linha	Expressão	Simplificação
Onda de tensão	$V(x) = Ae^{-\gamma x} + Be^{\gamma x}$	
Onda de corrente	$I(x) = \frac{A}{Z_0}e^{-\gamma x} + \frac{B}{Z_0}e^{\gamma x}$	
Impedância característica	$Z_0 = \sqrt{\frac{R + j\omega L}{G + j\omega C}}$	$R=0, G=0 \implies Z_0 = \tfrac{L}{C}$
Constante de propagação	$\gamma = \alpha + j\beta$	
Coeficiente de	$\Gamma = \frac{Be^{j\gamma x}}{Ae^{-\gamma x}} = \frac{B}{a}e^{2\gamma x}$	$\Gamma(x) = \Gamma_0 e^{2\gamma x} = \Gamma(0) e^{2\gamma x}$
Impedância de entrada	$Z_{IN}(x)=\frac{V(x)}{I(x)}=Z_0\frac{e^{\gamma x}+\Gamma_0e^{\gamma x}}{e^{\gamma x}-\Gamma_0e^{\gamma x}}$	$Z_{IN}(0)=Z_L=Z_0\tfrac{1+\Gamma_0}{1-\Gamma_0}$
Coeficiente de	$\Gamma_0 = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0}$	

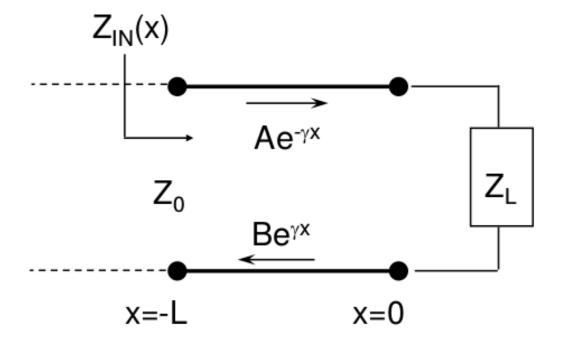


Figure 1: Linha de Transmissão

Em grande parte da cadeira vamos assumir que não existe atenuação Exemplos de linhas de transmissão:

- Bifilar
- Coplanar

- Coaxial
- Microstrip

### 2 Microondas

• frequência(f): 1 GHz  $\approx$  300 GHz

• comprimento de onda( $\lambda$ ): 30 cm  $\approx$  1 mm

## 3 Radiofrequência (RF)

- Em RF usam-se fontes de potência
- Se tiver uma fonte de tensão, determino a potência pela resistência interna da fonte
- A RF não uso resistências porque não quero dissipar energia
- Os cabos não são meros fios de ligação:
  - possuem uma determinada resistividade ⇒ ressitência parasita
  - Sofrem de efeito indutivo
  - e efeito capacitivo
  - Também é preciso ter em consideração a disrupção do dielétrico
  - Os circuitos têm sempre de ser vistos como modelos de elementos distribuidos
  - OS parâmetros passam a ser distribuidos pela linha
    - \* R/m
    - \* C/m
    - \* L/m
    - \* G/m

Valores típicos de linhas  $Z_0$ :

- $75\Omega$  antenas de televisão
- $50\Omega$  material de laboratório

A impedância característica do ar é  $Z_{0_{qx}}=120\pi$ 

### 4 Efeito Pelicular

À medida que a frequência aumenta a zona do metal onde se propaga a corrente diminui. Este fenómeno ocorre devido ao efeito de autoindução do metal, no qual o campo magnético no seu interior se cancela, aumentando, fazendo que a onda de corrente circule preferencialmente na periferia, criando uma distribuição não-uniforme da densidade de corrente ao longo do condutor

$$\delta = \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{\rho}{f\mu_r}}$$

Para evitar, devo libertar dos elementos discretos sempre que possível. Limites:

- · Resistências through hole: 10 MHZ máx
- · Resistências SMD 1 GHz máx
  - -0.8, 0.5
  - 0.6, 0.3

# 5 Componentes Passivos a altas frequências

Devido aos parasitas presentes nos componentes discretos, para altas frequência estes de se comportar como se comportavam para baixas frequências e DC.

#### 5.1 Resistências

- Deixam de seguir a lei de Ohm
- Possuem condensadores em paralelo e bobines em série para representar as indutâncias e capacidades parasitas resultantes da sua construção

#### 5.2 Bobines

- O modelo equivalente é uma bobine com uma resistência em série, em paralelo com um condensador

$$f_R = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

- Onde L é dado por:

$$L = \frac{r^2 n^2}{22.9l + 25.4r} (\mu H)$$

- e onde:
  - \* r: raio da bobine (cm)
  - \* 1: comprimento da bobine (cm)
  - \* n: número de voltas da bobine
- O fator de qualidade do filtro produzido pode ser dado por  $Q=\frac{X_L}{R}=\frac{2\pi f_R L}{R}=\frac{1}{R}\sqrt{\frac{L}{C}},$  onde  $X_L$  é a reatância do condensador
- Para frequências superiores à frequência de ressonância, a capacidade parasita domina e a bobine passa a ter comportamento capacitivo

#### 5.3 Condensadores

• Para altas frequências, um condensador pode ser descrito por um circuito RLC série.

• A frequência de ressonância é dada por:

$$f_R = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}$$

- Onde a capacidade de um condensador de placas paralelas é dada por:

$$C = \frac{\epsilon_{dielectric} A}{d}$$

- A: área da superfície sobreposta
- d: distância entre as placas
- O fator de qualidade do filtro produzido pode ser dado por  $Q=\frac{X_C}{R}=\frac{1}{2\pi f_R RC}=\frac{1}{R}\sqrt{\frac{L}{C}}$ , onde  $X_C$  é a reatância do condensador
- Para frequências superiores à frequência de ressonância, a indutância parasita domina e o condensador passa a ter comportamento indutivo

#### 6 Linhas de transmissão

- bifilares
- · coaxiais
- microstrip<sup>1</sup>
- coplanares<sup>2</sup>

Linhas de transmissão são guias de onda em fios/pista de cobre.

# 7 Analogia com a Luz

Tal como a luz, também as ondas de radiofrequência sofrem:

- reflexão
- transmissão

Existe a noção em RF de:

- · Onda incidente
- Onda refletida
- · Onda transmitida

**DUT: Device Under Test** 

- A ← tensão inciddente num porto
- B ← tensão refletida num porto

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Podem ser feitos em PCB. São as mais usadas para alta-frequência

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Podem ser feitos em PCB. São as mais usadas para alta-frequência

#### 7.1 Reflexão

• VSWR: Voltage Stationary Wave Ratio -

$$VSWR = \frac{E_{max}}{E_{min}} = \frac{1+\rho}{1-\rho}$$

- Parâmetros S:  $S_{11}$  e  $S_{22}$ 

· Coeficiente de Reflexão: G, r

- 
$$\tau = \frac{V_{refletido}}{V_{Incidente}} = \frac{B}{A} = \rho < \Theta = \frac{Z_L - Z_0}{Z_L + Z_0}$$
\$

• Return Loss:  $RL = -20log_{10}(\rho) \implies \rho = |\mathbf{T}|$ 

• Impedância/Admitância: R+jx/G+jB

Perdas

Sem	reflexões	Reflexão ( $ZL_{aberto}, ZL_{fechado}$
$\rho$	0	1
RL	$\infty dB$	0dB
VSWR	1	$\infty$

#### 7.2 Transmissão

- Ganho/Perdas:  $G=20log_{10}|\frac{V_{Transmitida}}{V_{Incidente}}=20log(\tau)$ 

• Parâmetros S:  $S_{21}$  e  $S_{12}$ 

• Coeficiente de Transmissão: T, t

- 
$$\frac{V_{transmitida}}{V_{incidente}} = \frac{T}{A} = \tau \angle \phi$$

• Insertion Loss:

– 
$$L=-20log_{10}|\frac{V_{Transmitida}}{V_{Incidente}}=-20log(\tau)$$

• Insertion Phase:

- 
$$\angle (\frac{V_{Transmitida}}{V_{Incidente}} = \phi$$

· Variação de fase:

· Atraso de Grupo

- Variação do atraso que um sistema coloca num sinal, para cada frequência

 Se o atraso de grupo n\u00e3o for nulo, isso significa que o mesmo sistema para componentes de um sinal a diferentes frequ\u00eancias, atrasa-as de forma diferente, destroindo a envolvente do sinal

 $\frac{-d\phi}{d\omega} = \frac{-1}{360^\circ} \times \frac{d\phi}{df}$ 

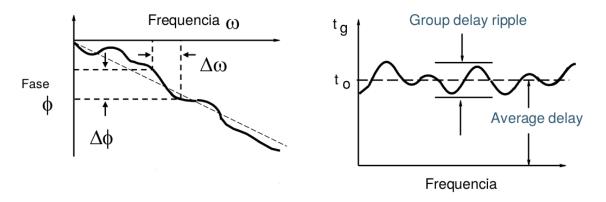


Figure 2: Representação gráfica do atraso de grupo

Se onda for transmitida mas a antena partir-se, a potência é refeltida e quaim-se o amplificador Colocam-se várias mecanismos de proteção, como atenuadores no caminho para trás VSWR = E\_{max}

Desenhar um filtro implica ter um comportamento de perdas por inserção a uma dada frequência

### 8 Linhas de transmissão

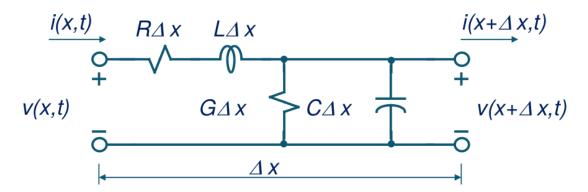


Figure 3: Exemplo dos parâmetros distribuídos de uma linha de transmissão

- A impedância do meio/linha ( $Z_0$ ) é constante na frequência para alta frequência. Uma linha de transmissão segue um modelo de parâmetros distribuídos, porque para a sua frequência de operação os vários pontos da linha estão em fases diferentes da onda, existindo vários períodos da onda dentro da linha
- $R\Delta x$ : resistividade da linha por metro. Existe porque as linhas de transmissão são feitas de material resistivo
- ullet  $L\Delta x$ : indutância da linha por metro. Existe indutância porque tenho corrente a circula rna linha
- $C\Delta x$ : capacidade. Existem capacidades entre o ground e a tensão de alimentação
- \$ G ⊠x\$
  - Existe uma tensão de disrupção do dielétrico para prevenir descargas e isolar os dois cabos da linha

# 9 Equação dos telegrafistas

Impedância Característica:

$$\begin{split} v(x,t) - v(x + \Delta x, t) &= R\Delta x \cdot i(x.t) + L\Delta x \cdot \frac{\delta i(x,t)}{\delta t} \\ \frac{v(x + \Delta x, t) - v(x,t)}{\Delta x} &= -R \cdot i(x,t) - L \cdot \frac{\delta i(x,t)}{\delta t} \\ \frac{\delta v(x,t)}{\delta x} &= -R \cdot i(x,t) - L \cdot \frac{\delta i(x,t)}{\delta t} \\ \begin{cases} \frac{\delta v(x,t)}{\delta x} &= -R \cdot i(x,t) - L \cdot \frac{\delta i(x,t)}{\delta t} \\ \frac{\delta v(x,t)}{\delta x} &= -R \cdot i(x,t) - L \cdot \frac{\delta i(x,t)}{\delta t} \end{cases} \end{split}$$

De onde se obtém que:

$$\begin{cases} \mathbf{V}(x) \equiv f(x)e^{j\phi(x)} \\ \mathbf{I}(x) \equiv g(x)e^{j\nu(x)} \end{cases}$$
 
$$\begin{cases} v(x,t) = Re[V(x)e^{j\omega t}] \\ i(x,t) = Re[I(x)e^{j\omega t}] \end{cases} \implies \begin{cases} \frac{dV(x)}{dx} = -(R+j\omega L)I(x) \\ \frac{dI(x)}{dx} = -(G+j\omega C)V(x) \end{cases}$$

 $\alpha$ : constante de atenuação  $\beta$ : constante de fase

$$\frac{d^2V(x)}{dx^2} - \gamma^2V(x) = 0$$

$$\gamma = \sqrt{(R + j\omega L)(G + j\omega C)} = \alpha + j\beta$$

Duas ondas:

- · onda incidente, A
- onda refletida, B

$$\Rightarrow \begin{cases} V(x) = Ae^{-\gamma x} + Be^{\gamma x} \\ I(x) = \frac{A}{Z_0}e^{-\gamma x} - \frac{B}{Z_0}e^{\gamma x} \end{cases}$$

O que nos permite escrever a impedância característica como:

$$Z_0 = \sqrt{\frac{R+j\omega L}{G+j\omega C}}$$

### 9.1 Linhas sem perdas

• 
$$R = G = 0$$

• 
$$\gamma = j\omega\sqrt{LC} = j\beta$$

$$\begin{split} v(x,t) &= Re[V(x)e^{j\omega t}] = Re[Ae^{-j(\beta x - \omega t} + Be^{j(\beta x + \omega t}] \\ &= Acos(\omega t - \beta x) + Bcos(\omega t + \beta x) \\ &= v_1(x,t) + v_2(x,t) \end{split}$$

$$\beta = \frac{2\pi}{\lambda}$$

### 9.2 Partindo da Carga

$$V(d) = A_1 e^{\gamma d} + B_1 e^{-gammad}$$

$$\begin{split} \Gamma_{IN}(d) &= \frac{B_1 e^{-\gamma d}}{A_1 e^{\gamma d}} = \frac{B_1}{A_1} e^{-2\gamma d} \\ \Gamma_0 &= \Gamma_{IN}(d) = \frac{B_1}{A_1} \end{split}$$

[Para as resntantes fórmulas, ver os slides]

Em linhas sem perdas

$$\begin{split} \gamma &= j\omega\sqrt{LC} = j\beta \\ Z_{IN}(d) &= \frac{V(d)}{I(d)} = Z_0\frac{Z_L + jZ_0tan(\beta)d}{Z_0 + jZ_Ltan(\beta)d} \end{split}$$

Se não tiver onda refletida, a onda de tensão é apenas a onda incidente

A impedância varia ao longo da linha. Só não varia se  $Z_L=Z_0$  (linha adaptada)

Comprimento de onda: periodicidade no espaço

### 9.3 Trasformador de Lambda/4

• Transformador de Impedâncias

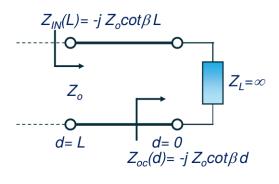
$$\lambda/4 \implies Zin = \frac{Z_0^2}{Z_L}$$

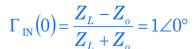
Se a carga estiver adaptada, não há onda refletida

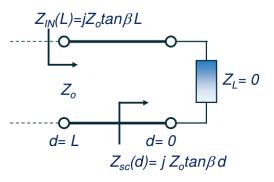
Curto circuito:  $\rho=-1$  Circuito Aberto:  $\rho=1$ 

Linha de transmissão em circuito aberto

## Linha de transmissão em curto circuito







$$\Gamma_{\text{IN}}(0) = \frac{Z_L - Z_o}{Z_L + Z_o} = 1 \angle 180^{\circ}$$

**Figure 4:** Adaptação de uma linha de transmissão com transformador de  $\frac{\lambda}{4}$ 

- Ao longo da linhas as ondas podem se somar ou subtrair
- A relação entre as tensões ao longo da linha é o VSWR
- Se tenho duas ondas a coincidir vou ter um circuito aberto

VSWR não é desejado num circuito

Em eletrónica digital também é preciso adaptar as linhas. Exemplo: BUS a altas frequências.

#### 9.4 Linha terminada em curto

### 9.5 Reflexão parcial

### 10 Carta de Smith

- Centro: Z\_0
- todos os presentes na carta estão normalizados a Z\_0

Circunfereências concêntricas com o centro ⇒ VSWR constante

# 11 Malhas de adaptação de impedâncias

- Bobines e Condensadores
- Mas em RF têm elementos parasitas. É preciso ter cuidado com os parasitas
- · Devo usar stubs

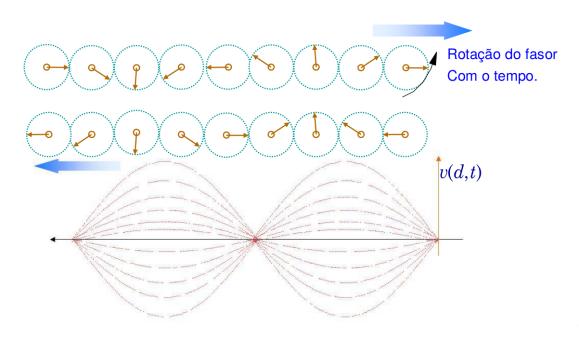


Figure 5: Linha terminada em curto

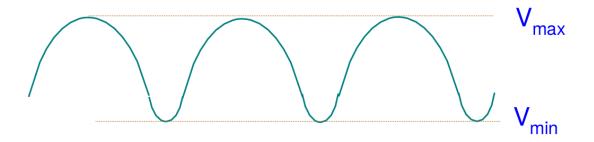
$$Z_{sc}(d) = jZ_0 \tan\beta d$$

$$d = \frac{\lambda}{4}(2n+1) \Rightarrow \beta d = \frac{\pi}{2}(2n+1) \Rightarrow Z_{sc}(d) = jZ_0 \tan\beta d = \infty$$

$$d = \frac{\lambda}{4}(2n) \Rightarrow \beta d = \frac{\pi}{2}(2n) \Rightarrow Z_{sc}(d) = jZ_0 \tan\beta d = 0$$
aberto aberto aberto
$$\frac{\lambda}{4}(2n) \Rightarrow \frac{\lambda}{4}(2n) \Rightarrow \frac$$

Figure 6: Linha terminada em curto

# Padrão de onda estacionária $\rho$ <1



$$VSWR = rac{V_{ ext{max}}}{V_{ ext{min}}} = rac{\left|V_i\right| + \left|V_r\right|}{\left|V_i\right| - \left|V_r\right|}$$

Figure 7: Linha com reflexão parcial

- Nunca uso stubs em série.

Um stub não cobre toda a carta de Smith, mas apesar disso, na prática quase todos os circuitos usam apenas um stub. <sup>3</sup>

[Para rever mais informações sobre a carta de Smith, consultar os slides]

### 12 Transferência de Potência

- A máxima transferência de potência ocorre para  $Z_L=Z_{sst}$
- A adaptação é considerada como conjugada, porque as impedâncias são conjugadas
  - as duas impedâncias, marcada na carta de Smith, são simétricas em relação ao eixo das impedâncias puramente reais
- Se considerarmos uma linha, temos de verificar  ${\cal R}_s={\cal R}_L={\cal Z}_0$

# 13 Adaptação com elementos concentrados

A daptação de uma linha pode ser feita com elementos concentrados:

• planar resistor, usando lossy film

<sup>&</sup>lt;sup>3</sup>80% do projeto de circuitos de RF são adapatação de impedâncias com single-stub

- chip resistor, usando lossy film
- Loop inductor
- Spiral inductor
- interdigital gap-inductor
- metal-insulator-metal capacitor
- chip capacitor

# 14 Adaptação com Stubs

- · ver slides
- · ver Pozar

### 15 Transistores

- Em RF não se usa MOSFETS
- Transístores bipolares não possuem boa performance
- Alternativas:
  - MESFET Metal Semiconductor Field Effect Transistor
  - **HBT** Heterojunction Bipolar Transistion
  - **HEMT** High Electric Mobility Transistor
- Tecnologias
- Si
- GaAs
  - Ruído muito baixo
  - Espaço
- GaN
  - Potências muito elevadas
  - Espaço
- SiGe
- Parâmetros a ter em consideração:
  - custo
  - frequência
- O amplificador/transístor não é necessariamente unidirecional