

Universidade Federal do Rio Grande do Norte
Instituto Metr pole Digital
Bacharelado em Tecnologia da Informação
C culo Numerico para Ciência da Computação

Relatório da primeira tarefa

Discente: Gabriel Martins Spínola

Docente: Dr. Rafael Beserra Gomes

Natal, RN
2020

Introdução

Tarefa realizada pela matéria de Cálculo Numérico onde por meio da ferramenta GNUPLOT plotamos gráficos de algumas funções para a visualização e/ou inserção das mesmas em algum artigo ou documento ao qual você estiver criando. A tarefa foi realizada com 2 exercícios para criação de gráficos das funções onde a primeira parte era algo mais introdutório ao gnuplot para o aprendizado da ferramenta e a segunda parte com funções um pouco mais complexas.

Desenvolvimento

Exercício 1

O exercício 1 nos dá a função $f(x) = x^3 - 2x^2 - x + 2$. Daí, precisamos setar o "range" do eixo x da função como o intervalo de -1.5 a 2.5. Feito isso, plotamos a função com o comando - `plot x**3 - 2*x*x - x + 2 title "funcao cubica"`. A seguir, precisamos plotar a reta tangente ao ponto (1, f(1)). Para encontramos a reta tangente ao ponto dado precisamos calcular a derivada no ponto para acharmos um coeficiente para a função da reta. Calculando a reta tangente no ponto (1, f(1)) = (1, 0) na função $f'(x) = 3x^2 - 4x - 1$ onde $x = 1$ temos que a reta tangente ao ponto é dada por $-2x + 2$. Portanto, plotamos a função no gnuplot junto com a função plotada anteriormente adicionando no comando acima o trecho `", -2*x + 2 title "reta tangente em x = 1"`.

Continuando nossa tarefa, precisamos agora adicionar 4 pontos ao nosso gráfico, para isso criamos um arquivo externo e adicionamos os pontos separando-os com espaço de modo a formar a tupla (x y). Os pontos que serão plotados serão: 1 - o ponto (1, f(1)) = (1, 0). 2 - a interseção entre a reta tangente e o eixo x, porém, note que esse ponto é justamente o ponto (1, 0). 3 - os dois pontos críticos onde precisamos também plotar as retas tangentes aos pontos críticos. Para acharmos os pontos críticos da função igualhamos a derivada da função a 0 e encontramos os pontos (1.54858377035 -0.631130309441) e (-0.215250437022 2.11261179092). para encontramos a reta tangente aos pontos críticos é bem simples, basta somarmos $0 \cdot x$ ao y do ponto crítico. Então, ficamos com as funções $0 \cdot x - 0.631130309441$ e $0 \cdot x + 2.11261179092$. logo, colocando os pontos em arquivos separados com a extensão ".pts" conseguimos plotar os pontos no gráfico. Separando o ponto (1, f(1)) e os pontos críticos em arquivos diferentes podemos adicionar ao nosso plot acrescentando no nosso comando o trecho `", "pontosCriticos.pts" title "pontos criticos", "1f(1).pts" title "1 f(1)"`.

A última tarefa a ser realizada nesse exercício é adicionarmos o grid, o eixo x e o eixo y. para isso antes do comando do plot colocamos os comandos `set grid, set xzeroaxis ls -1, set yzeroaxis ls -1`. O trecho `"ls - 1"` é utilizado para mudar o estilo do comando no nosso gráfico. Portanto, temos nosso gráfico abaixo:

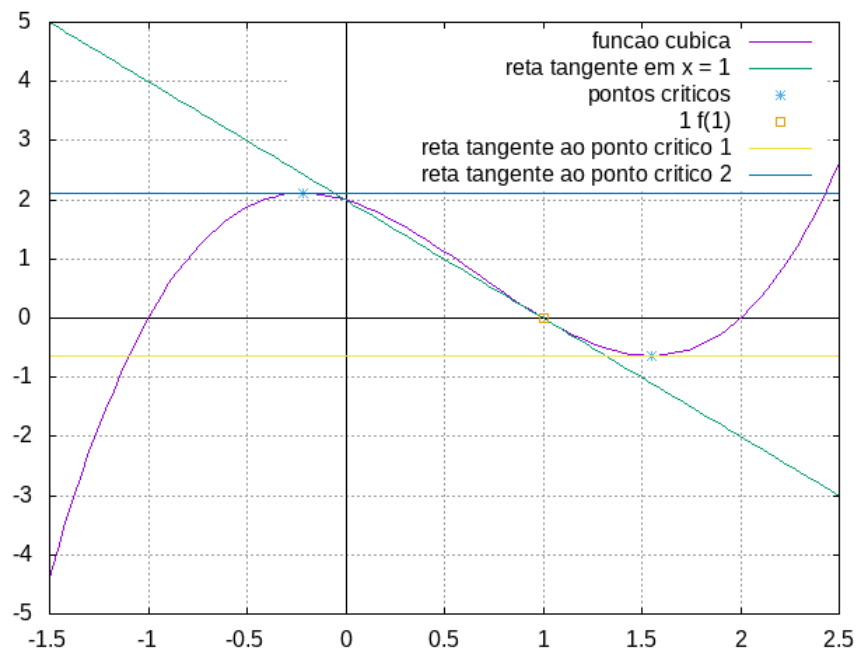


Figure 1: Exercício 1

Exercício 2

Para o exercício 2 não nos é fornecido uma função pronta, porém, nos é dado um ponto conhecido da função e sua derivada. Com isso podemos estimar pontos dessa curva. Para calcular os pontos eu criei um algoritmo em Python. Segue abaixo o algoritmo:

```
import math
h = 0.05
y = 1
x = 0
arq = open("pontos_positivos.pts", "w")
arq2 = open("pontos_negativos.pts", "w")
for i in range(100):
    y = -((math.cos(x) - (x*math.sin(x))) * h) + y
    x = x-h
    arq2.write("%f %f\n" % (x, y))
y = 1
x = 0
arq.write("%f %f\n" % (x, y))
for i in range(100):
    y = (math.cos(x) - (x*math.sin(x))) * h + y
```

```

x = x+h
arq.write("%f_%f\n" %(x, y))
arq.close()
arq2.close()

```

Note que, foi utilizado a derivada da função e foi calculado os pontos a partir do ponto dado $f(0) = 1$ e foram calculadas 100 iterações para cada parte(negativa e positiva) com o valor de $h = 0.05$. Note ainda que, o algoritmo gera 2 arquivos diferentes, onde um arquivo é composto pelos pontos negativos e o outro pelos pontos positivos.

Com isso podemos agora plotar nosso gráfico gerado pelos pontos com o comando "plot "pontos negativos.pts" with lp, "pontos positivos.pts" with lp, $x*\cos(x) + 1$ ". Segue o gráfico abaixo:

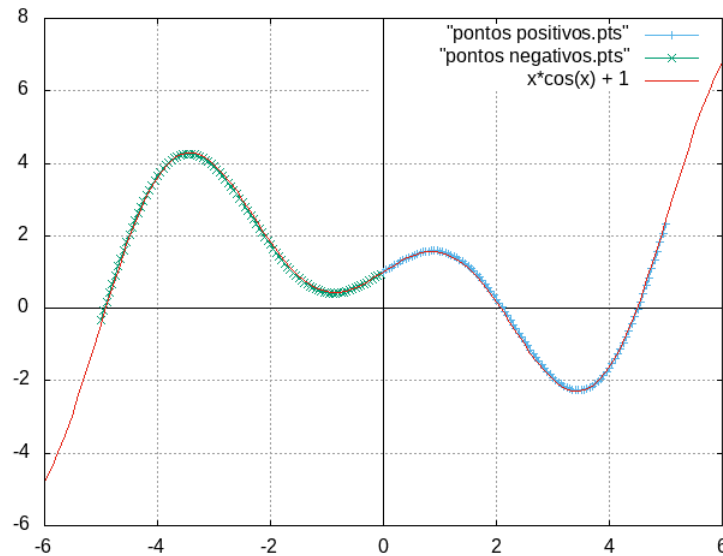


Figure 2: Exercício 2 parte 1

Seguindo com a tarefa, o algoritmo a seguir foi criado para aplicarmos a aproximação da série de Taylor:

```

import math
x = 0
for k in range(10):
    if k%2 != 0:
        y = (-1)**((k-1)/2) * k * math.cos(x) + (-1)**((k+1)/2) * x * math.sin(x)
    else:
        y = (-1)**(k/2) * k * math.sin(x) + (-1)**(k/2) * x * math.cos(x)
    print y

```

Esse algoritmo calcula o resultado das K-ésimas derivadas da função, onde o k nesse caso foi até 9. O algoritmo gerou as seguintes saídas: 1, 0, -3, 0, 5, -7, 0, 9. Agora, para calcularmos a aproximação da série de Taylor precisamos pegar esses valores acima e aplicar na fórmula

$$\sum_{n=0}^{k=9} \frac{f^n(0)}{n!} x^n$$

Com isso temos a seguinte função: $f(x) = 1 + x - \frac{3}{6}x^3 + \frac{5}{120}x^5 - \frac{7}{5040}x^7 + \frac{9}{362880}x^9$. Plotando essa função no gnuplot temos:

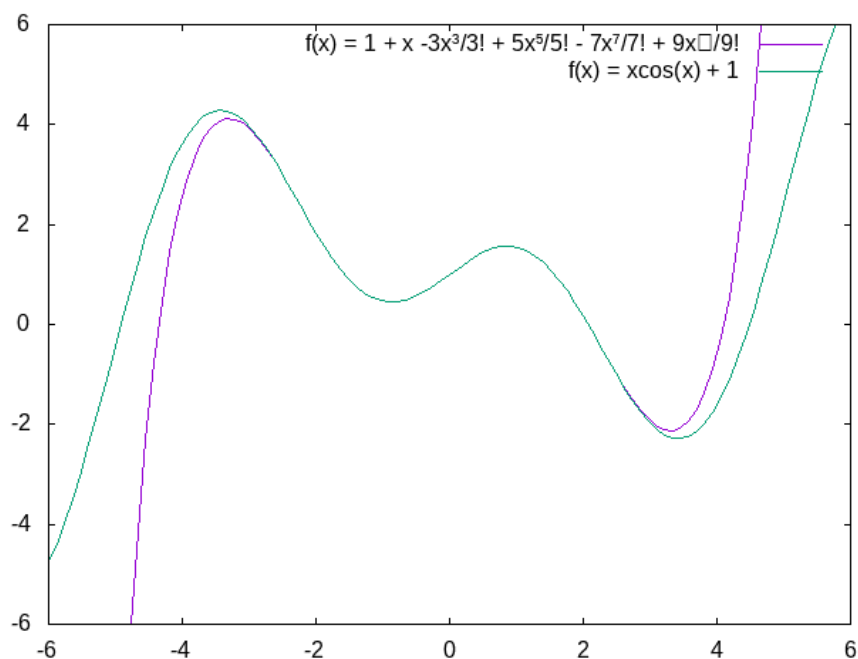


Figure 3: Exercício 2 parte 2

Conclusão

A tarefa feita tinha por finalidade a plotagem das funções apresentadas na tarefa para que seja possível o aprendizado e aprofundamento das técnicas utilizadas para criação de gráficos elaborados para nossa visualização ou para a inserção em documentos, apresentações em slides ou etc. Além disso, a utilização de conceitos e aprendizados utilizados em matérias prévias como cálculo 1, para que fixemos as técnicas aprendidas dessa ferramenta de plotagem de gráficos chamada GNUPLOT.