

Punto B – Ejercicio 6

$$\begin{aligned}
 \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x - \sqrt{x+3}}{2\sqrt{x+8} - 6} &= \frac{\rightarrow 0}{\rightarrow 0} \\
 &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{2x - \sqrt{x+3}}{2\sqrt{x+8} - 6} \cdot \frac{2x + \sqrt{x+3}}{2x + \sqrt{x+3}} \cdot \frac{2\sqrt{x+8} + 6}{2\sqrt{x+8} + 6} = \\
 &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(2x)^2 - (\sqrt{x+3})^2}{(2\sqrt{x+8})^2 - 6^2} \cdot \frac{2\sqrt{x+8} + 6}{2x + \sqrt{x+3}} = \\
 &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{4x^2 - x - 3}{4(x+8) - 36} \cdot \frac{2\sqrt{x+8} + 6}{2x + \sqrt{x+3}} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{4x^2 - x - 3}{4x - 4} \cdot \frac{2\sqrt{x+8} + 6}{2x + \sqrt{x+3}} = \\
 &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(4x+3)(x-1)}{4(x-1)} \cdot \frac{2\sqrt{x+8} + 6}{2x + \sqrt{x+3}} = \\
 &= \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(4x+3)}{4} \cdot \frac{2\sqrt{x+8} + 6}{2x + \sqrt{x+3}} = \frac{7}{4} \cdot \frac{3}{1} = \frac{21}{4}
 \end{aligned}$$

Sistemas de medición angular:

Sistema sexagesimal en donde 1 ángulo $1R = 90^\circ$ **D DEG**

Sistema de radianes en donde 1 ángulo $1R = \frac{\pi}{2}$ **R RAD**

~~Sistema Centesimal en donde 1 ángulo $1R = 100^\circ$~~

$$180^\circ - - - - - \pi$$

$$45^\circ - - - - - x$$

$$x = \frac{45^\circ \cdot \pi}{180^\circ} = \frac{1}{4} \pi$$

$$\frac{1}{4} \pi = \frac{\pi}{4}$$

Equivalencias trigonométricas

$$(\sin x)^2 + (\cos x)^2 = 1$$

$$\operatorname{tg} x = \frac{\sin x}{\cos x}$$

$$\operatorname{cotg} x = \frac{1}{\operatorname{tg} x} = \frac{\cos x}{\sin x}$$

$$\sec x = \frac{1}{\cos x}$$

$$\operatorname{cosec} x = \frac{1}{\sin x}$$

$$\operatorname{cotg} x = \frac{1}{\operatorname{tg} x} = (\operatorname{tg} x)^{-1} \text{ pero cuidado aquí con la calculadora}$$

No confundirse al usar la calculadora con ...

porque en la calculadora \tan^{-1} significa la función INVERSA de la tangente que es el ARCOTANGENTE del ángulo

Sintetizando: para la calculadora $\frac{1}{\tan x} \neq \tan^{-1}$

La confusión se debe a que se usa LA MISMA NOMENCLATURA (o notación)

para la función INVERSA de $f(x)$ es $f^{-1}(x)$

que para elevar "algo" a la -1 😞

Otro temilla...

Una cosa es $(\operatorname{sen} 30^\circ)^2 = \operatorname{sen} 30^\circ \cdot \operatorname{sen} 30^\circ$

Y otra muy distinta es $\operatorname{sen} (30^\circ)^2 = \operatorname{sen} (30^\circ \cdot 30^\circ)$

Por otro lado, se puede escribir $(\sin 30^\circ)^2$ sin el paréntesis de la siguiente forma

$$(\sin 30^\circ)^2 = \sin^2 30^\circ$$

Podemos elegir escribir con o sin paréntesis como muestro en el ejemplo de aquí
debajo

$$\operatorname{tg}^3 x \cdot \cos(x^5) = (\operatorname{tg} x)^3 \cdot \cos(x^5)$$