



CẤU TRÚC DỮ LIỆU VÀ GIẢI THUẬT

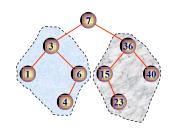
Data Structures & Algorithms

CÂY NHỊ PHÂN TÌM KIẾM - BINARY SEARCH TREE



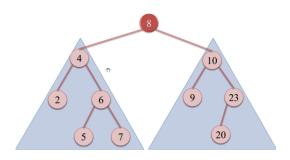
Cây Nhị Phân Tìm Kiếm - Binary Search Tree

- · Là cây nhị phân
- Giá trị của một node luôn lớn hơn giá trị của các node nhánh trái và nhỏ hơn giá trị các node nhánh phải
- →Nút có giá trị nhỏ nhất nằm ở nút trái nhất của cây
- →Nút có giá trị lớn nhất nằm ở nút phải nhất của cây



Nhờ cấu trúc của cây →Định hướng được khi tìm kiếm

Cây Nhị Phân Tìm Kiếm - Binary Search Tree



Đặc điểm Binary Search Tree

- ≻Dễ dàng tao dữ liêu sắp xếp và tìm kiếm.
- ➤Có thứ tư.
- ≻Không có phần tử trùng.

Các thao tác trên Binary Search Tree

≻Tạo một cây rỗng

```
    Cây rỗng -> địa chỉ nút gốc bằng NULL
void CreateTree(TREE &T)
{
    T=NULL;
```

Các thao tác trên Binary Search Tree

```
➤ Tạo một node có key x

TNode *CreateTNode(KDL x) {

TNode *p;
p = new TNode; //cấp phát vùng nhớ động
if(p=NULL)
return NULL; // thoát
else
{
p->key = x; //gán trường dữ liệu của nút = x
p->pLeft
NULL
NULL
return PULL;
p->pRight = NULL;
p->pRight = NULL;
p->pRight = NULL;
}
return p;
}
```

Các thao tác trên Binary Search Tree

►Thêm một node vào cây – Tạo cây - Sau khi thêm cây đảm bảo là cây nhị phân tìm kiếm.

Hãy **vẽ cây nhị phân tìm kiếm** lập được từ dãy số sau theo chiều từ trái qua phải

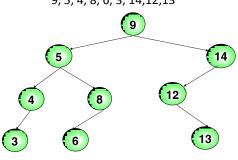
7 36 3 1 6 4 1	5 40
----------------	------

Thêm một node vào Binary Search Tree

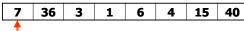
```
int InsertNode (Tree & t, int x)
   if(t!=NULL)
        if(x==t->key) return 0; //Có giá trị trùng
        else
                                 InsertNode(t->pLeft, x);
                else
                                 InsertNode(t->pRight, x);
   else
       t= new TNode;
if(t==NULL)
                                return -1; //Thiếu bộ nhớ
        t->key=x;
        t->pLeft=t->pRight=NULL;
        return 1; //Thêm thành công
```

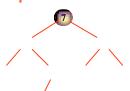
Tạo cây - Ví dụ

9, 5, 4, 8, 6, 3, 14,12,13



Tạo cây





- Nếu node cần thêm nhỏ hơn node đang xét thì thêm về bên trái
- Ngược lại thì thêm về bên phải

Tạo cây - Ví dụ

Bài toán 1: Vẽ cây nhị phân tìm kiếm từ dãy số

Vẽ cây nhị phân tìm kiếm (chỉ vẽ cây kết quả) từ dãy số nguyên khi xây dựng cây theo thứ tự từ trái qua phải của dãy số: 72; 67; 73; 58;5; 4; 27; 53; 61; 32.

Làm theo nguyên tắc thêm một node vào cây:

- * Luôn bắt đầu so sánh từ node gốc.
- * Đảm bảo đặc điểm lớn bên phải, nhỏ bên trái.

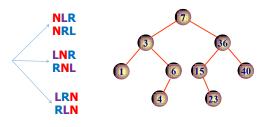
Các thao tác trên Binary Search Tree

➤ Duyệt cây

- **□Duyệt trước** (pre-oder)
- □Duyệt giữa (in-oder)
- **□Duyệt sau** (post-oder)

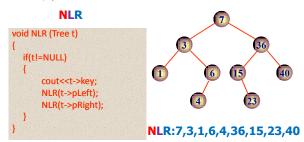
Các thao tác trên Binary Search Tree

> Cho cây nhị phân tìm kiếm duyệt cây theo thứ tư yêu cầu



Các thao tác trên Binary Search Tree

> Cho cây nhị phân tìm kiếm duyệt cây theo thứ tự yêu cầu



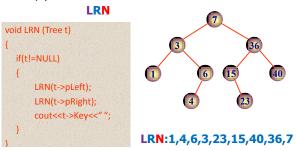
Các thao tác trên Binary Search Tree

> Cho cây nhị phân tìm kiếm duyệt cây theo thứ tự yêu cầu



Các thao tác trên Binary Search Tree

> Cho cây nhị phân tìm kiếm duyệt cây theo thứ tự yêu cầu



Tạo cây - Ví dụ

Bài toán 2: Vẽ cây khi biết kết quả duyệt cây.

Hấy **vẽ cây nhị phân tìm kiếm** T biết rằng khi duyệt cây **theo thứ tự Left –Right – Node** thì được dãy như sau: 5, 3, 7, 9, 8, 11, 6, 20, 19, 37, 25, 21, 15, 12.

Làm theo nguyên tắc:

- (1) Tìm node gốc
- (2) Tìm đoạn lớn hơn node gốc sẽ là nhánh phải, đoạn nhỏ hơn node gốc sẽ là nhánh trái.
- (3) Với mỗi đoạn vừa tìm được, **tìm node gốc của từng đoạn** và tiếp tục tìm đoạn lớn hơn và nhỏ hơn node gốc.

Tạo cây – Ví dụ

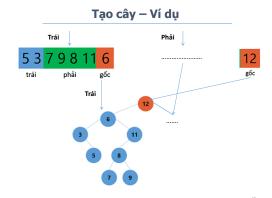
Cho kết quả duyệt LRN: **5 3 7 9 8 11 6 20 19 37 25 21 15 12** * **Node gốc**: 12

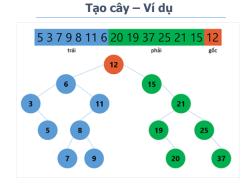
5 3 7 9 8 11 6 20 19 37 25 21 15 12

trái phải gốc

5 3 7 9 8 11 6

trái phải gốc



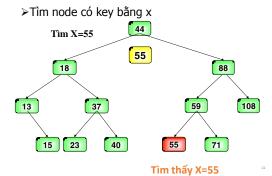


Tạo cây - Bài tập

<u>Bài 1</u>: **Vẽ cây nhị** phân tìm kiếm (chỉ vẽ cây kết quả) từ dãy số nguyên khi **xây dựng cây theo thứ tự từ trái qua phải của dãy số**: 72; 77; 64; 58;70; 75; 10; 53; 71; 59,82. Sau đó cho biết kết quả của phép duyệt cây theo thứ tự LRN.

Bài 2: Hãy **vẽ cây nhị phân tìm kiếm** T biết rằng khi duyệt cây **theo thứ tự Node - Left - Right** thì được dãy như sau: 67, 50, 44, 21, 47, 62, 60, 64, 80, 71, 69, 78, 96.

Các thao tác trên Binary Search Tree



Các thao tác trên Binary Search Tree

>Tìm node có **key bằng x** − Không dùng đê quy

Các thao tác trên Binary Search Tree

≻Tìm node có **key bằng x** – dùng đê quy

```
TNode *SearchTNode(TREE T, int x) {
    if(T!=NULL) {
        if(T->key==x)
            return T;
        else
        if(x>T->key)
            return SearchTNode(T->pRight,x);
        else
            return SearchTNode(T->pLeft,x);
    }
    return NULL;
}
```

Binary Search Tree – Bài tập

Cho cây nhị phân tìm kiếm, mỗi node có giá trị nguyên, hãy định nghĩa các hàm sau:

- 1. In ra các node có giá trị chẵn
- 2. In ra các node có giá trị lớn hơn x
- 3. Đếm số node của cây
- 4. Tính độ cao của cây
- 5. Tìm node có giá trị x
- 6. Tìm node có giá trị lớn nhất
- 7. Tìm node có giá trị nhỏ nhất của cây con phải

Binary Search Tree - Bài tập

- 8. Đếm số node lá (node bậc 0)
- 9. Đếm số node có 1 cây con (node bâc 1)
- 10. Đếm số node chỉ có 1 cây con phải
- 11. Đếm số node có 1 cây con trái
- 12. Đếm số node 2 cây con (node bậc 2)
- 13. In các node trên từng mức của cây
- 14. Cho biết độ dài đường đi từ gốc đến node x

Các thao tác trên Binary Search Tree

≻Xóa môt node trên cây

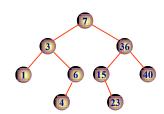
≻Hủy 1 phần tử trên cây phải đảm bảo điều kiện ràng buộc của Cây nhị phân tìm kiếm

≻Có 3 trường hợp khi hủy 1 nút trên cây

■TH1: X là nút lá

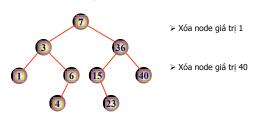
•TH2: X chỉ **có 1 cây con** (cây con trái hoặc cây con phải)

•TH3: X có đây đủ 2 cây con

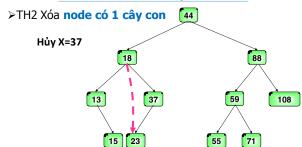


Các thao tác trên Binary Search Tree

>TH1:Xóa node lá trên cây không ảnh hưởng đến các nút khác trên cây



Các thao tác trên Binary Search Tree



Trước khi xoá x ta móc nổi cha của x với con duy nhất của x

Các thao tác trên Binary Search Tree

- ≻TH3 Xóa node có 2 cây con
- ❖Tìm phần tử thế mạng cho phần tử cần xóa
- ❖Có 2 cách tìm nút thế mạng
 - C1: Nút có khoá nhỏ nhất (trái nhất) bên cây con phải node cần xóa
 - C2: Nút có khoá lớn nhất (phải nhất) bên cây con trái của node cần xóa

Các thao tác trên Binary Search Tree

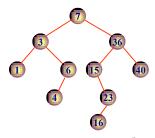
≻TH3 Xóa node có 2 cây con

Bước 1: Tìm node thế mạng

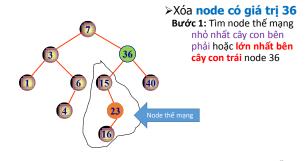
- Cách 1: Tìm node trái nhất của cây con phải
- Cách 2: Tìm node phải nhất của cây con trái

Bước 2: Thay giá trị của node thế mạng vào node cần xóa

Bước 3: Xóa node thế mạng



Các thao tác trên Binary Search Tree



Các thao tác trên Binary Search Tree

Xóa node có giá trị 36

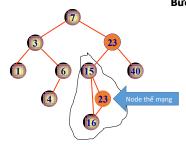
Bước 2: Thay giá trị node thế mạng cho node cần xóa

Cập nhật giá trị

1 6 15 40 Node thế mạng

Các thao tác trên Binary Search Tree

>Xóa node có giá trị 36 Bước 3: Xóa node thế mang



```
void SearchStandFor(Tree &pHuy, Tree &pTM)
{
   if(pTM->pLeft!=NULL)
       SearchStandFor(pHuy, pTM->pLeft);
   else
   {
      pHuy->key=pTM->key;
      pHuy=pTM;
      pTM=pTM->pRight;
   }
}
```

Binary Search Tree – Bài tập

Cho dãy số theo thứ tự nhập từ trái sang phải: 20, 15, 35, 30, 11, 13, 17, 36, 47, 16, 38, 28, 14

- •Vẽ cây nhị phân tìm kiếm cho dãy số trên
- •Trình bày từng bước và vẽ lại cây sau khi lần lượt xoá các nút: 11 và 35

- · Slide được tham khảo từ:
 - Slide CTDL GT, Khoa Khoa Học Máy Tính, ĐHCNTT

Slide được tham khảo từ

- Congdongcviet.com
- Cplusplus.com

