

marusa

## 1 前提

地球から宇宙上にある物体を観測したいとする。

先ず、我々は地球の表面上に座標系を設定して、観 測対象の位置

$$\mathbf{r}(t) = \sum_{n=1}^{3} x_n \mathbf{e}_n \tag{1.1}$$

を観測したという。これは、観測者の状態に依存して 様々な値をとるから、相対的な観測量である

これに対して、絶対静止系に静止している神の観測は

$$\mathbf{R}(t) = \sum_{m=1}^{3} X_m \mathbf{i}_m \tag{1.2}$$

である。

地球の中心点の位置を、絶対座標からの位置ベクトルでaと表し、地球の中心点からの観測者の相対位置ベクトルをbと表す。

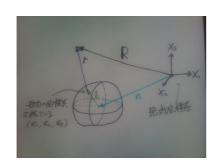


図 1: 空間の関係図

## 2 目標

宇宙上に存在している物体の絶対座標系での加速度を求めることが目標である。

ニュートンは、F=ma は絶対静止系(またはそれに同等な慣性座標系)において成り立つとした。すなわち、この場合においての観測者は運動座標系を持っているので正しい運動方程式が得られない。そのため、相対座標rを用いて観測対象の正しい運動方程式を定める。

## 3 幾何学的考察

地球の位置が絶対座標系において不変だとすると、 $\mathbf{R}$ と $\mathbf{r}$ の関係は次のように書くことができる。

$$\mathbf{R}(t) = \mathbf{a} + \mathbf{b}(t) + \mathbf{r}(t) \tag{3.1}$$

=ュートンは、F=ma は絶対静止系(またはそれに同等な慣性座標系)において成り立つとした。

a は加速度ベクトルであるので、R を二階微分することで得ることができる。我々は R は知らないものの、r を知っている。

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\mathbf{R} = \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\left\{\mathbf{a} + \mathbf{b}(t) + \mathbf{r}(t)\right\}$$
$$= \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\left\{\mathbf{a} + \mathbf{b}(t) + \sum_{n=1}^{3} x_n(t)\mathbf{e}_n\right\}$$

ここで、簡単のために観測者が極点にいた場合を考える。すると**b**は一定となるので、

$$\frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t}\mathbf{R} = \sum_{n=1}^{3} x_n(t) \frac{\mathrm{d}}{\mathrm{d}t} \mathbf{e}_n \tag{3.2}$$

を得ることができる。