





Data Science Academy

Seja muito bem-vindo(a)!





Data Science Academy

Machine Learning - Regressão





Data Science Academy

O que é Regressão?



Aprovação de Crédito de um Indivíduo

| Atributo | Valor |
|-----------------------|------------------------------|
| Sexo | Masculino |
| Idade | 34 |
| Salário Mensal | R\$ 18.000,00 |
| Anos no Emprego Atual | 3 |
| Anos de Residência | 7 |
| Saldo Bancário | R\$ 32.671 <mark>,</mark> 94 |
| | |

Classificação

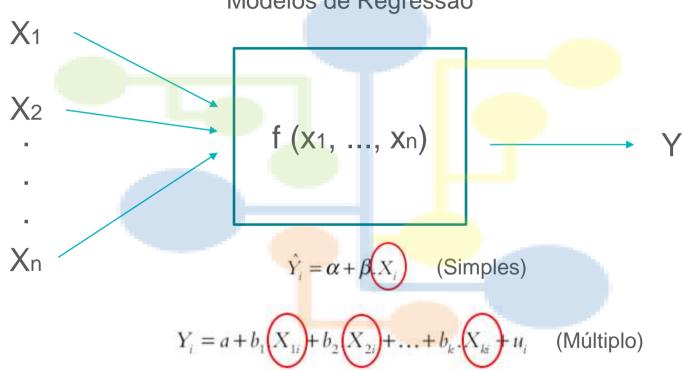
Decisão de crédito (Sim/Não)

Regressão

Quantidade de crédito (dinheiro)



Modelos de Regressão





Uma variável independente x, explica a variação em outra variável, que é chamada variável dependente y. Este relacionamento existe em apenas uma direção:

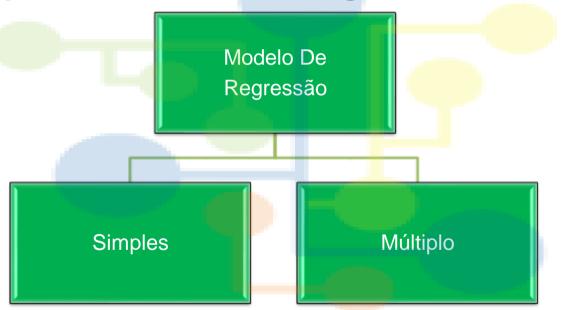
variável independente (x) -> variável dependente (y)



Análise de regressão é uma metodologia estatística que utiliza a relação entre duas ou mais variáveis quantitativas de tal forma que uma variável possa ser predita a partir de outra.



Tipos de Modelos de Regressão Linear



- 1 Variável Dependente Y
- 1 Variável Independente X
- 1 Variável Dependente Y
- 2 ou + Variáveis Independentes X, X_i



A análise de regressão compreende quatro tipos básicos de modelos:

Linear Simples

Linear Múltiplo

Não Linear Simples Não Linear Múltiplo

Data Science Academy marxv49@gmail.com 5e686b2be32fc344Va0e403bne Learning

Regressão Linear Simples Regressão Linear Múltipla Regressão Logística



Qual o objetivo em se determinar a relação entre duas variáveis?



Prever a população futura de uma cidade simulando a tendência de crescimento da população no passado

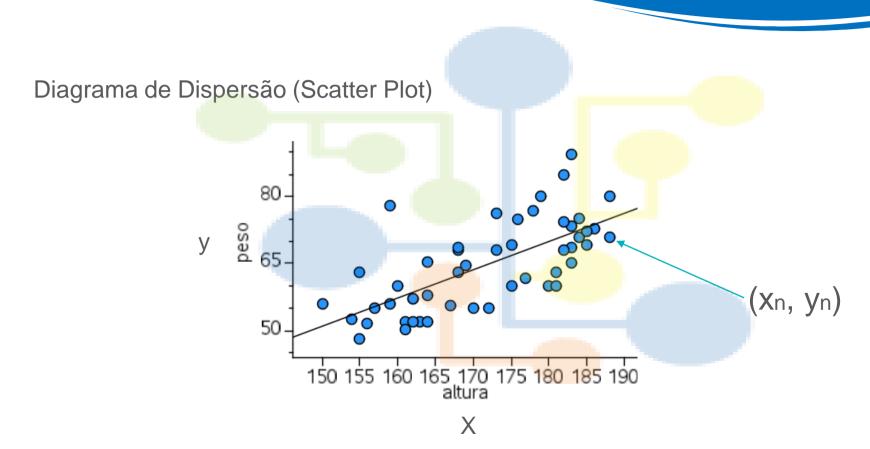


Qual o objetivo em se determinar a relação entre duas variáveis?

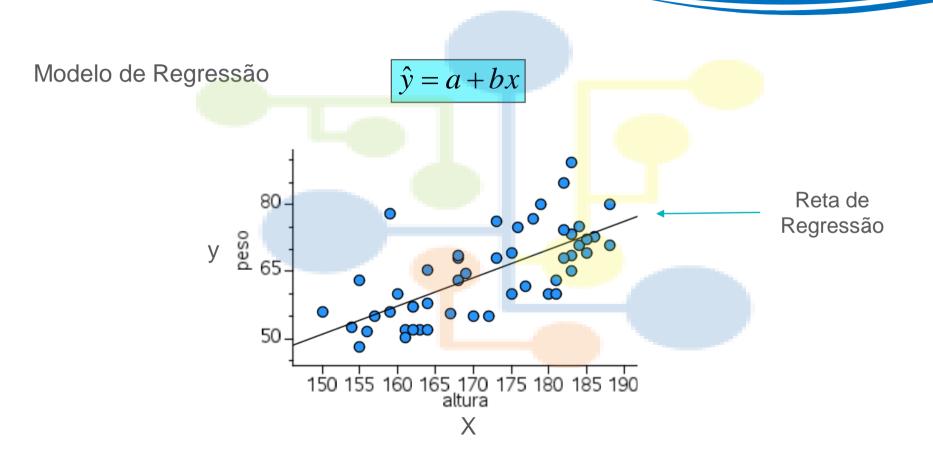


Produtividade (Y) de uma área agrícola é alterada quando se aplica certa quantidade (X) de fertilizante sobre a terra

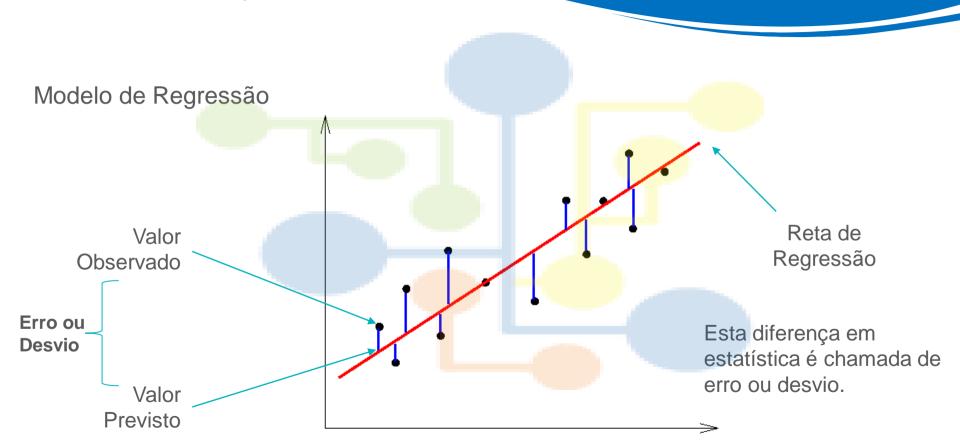














$$\hat{y} = a + bx$$

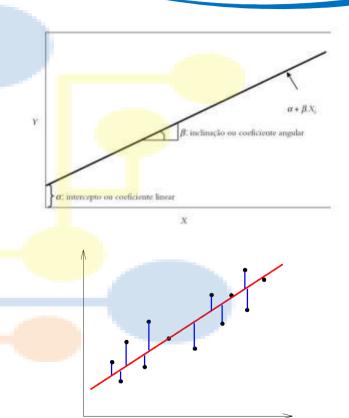
Onde:

 \hat{y} = valor previsto de *y* dado um valor para *x*

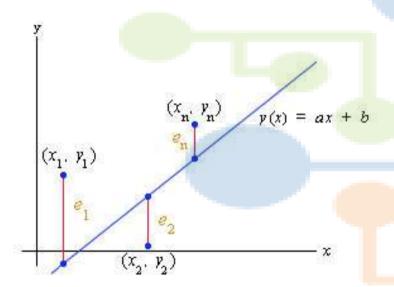
 $\dot{\mathbf{x}}$ = variável independente

a = ponto onde a linha intercepta o eixo y

b = inclinação da linha reta

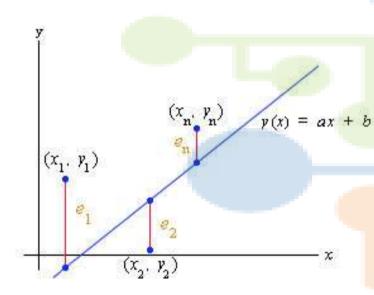






Método dos Mínimos Quadrados

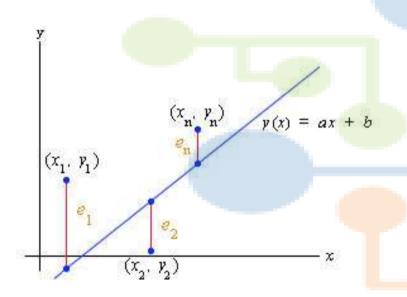
Esse método definirá uma reta que minimizará a soma das distâncias ao quadrado entre os pontos plotados (X, Y) e a reta (que são os valores previstos de X', Y').



Método dos Mínimos Quadrados

- Erro de Estimativa
- Coeficiente de Determinação





Método dos Mínimos Quadrados

- Erro de Estimativa
- Coeficiente de Determinação



Coeficiente de Correlação

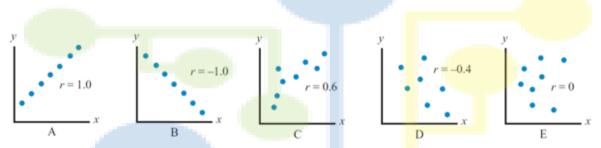


Gráfico A (r = 1.0): correlação positiva perfeita entre x = y

Gráfico B (r = -1.0): correlação negativa perfeita entre x e y

Gráfico C (r = 0.6): relação positiva moderada: y tende a aumentar se x aumenta, mas não

necessariamente na mesma taxa observada no Gráfico A

Gráfico D (r = -0.4): relação negativa fraca: o coeficiente de correlação é próximo de zero ou

negativo: y tende a diminuir se x aumenta

Gráfico E (r = 0): Sem relação entre x e y

Os valores de r variam entre -1.0 (uma forte relação negativa) até +1.0, uma forte relação positiva.



Coeficiente de Correlação

O coeficiente de determinação indica o quanto a reta de regressão explica o ajuste da reta, enquanto que o coeficiente de correlação deve ser usado como uma medida de força da relação entre as variáveis



- Soma Total dos Quadrados (STQ) Mostra a variação em Y em torno da própria média.
- Soma dos Quadrados de Regressão (SQR) Oferece a variação de Y considerando as variáveis X utilizadas no modelo.
- Soma dos Quadrados dos Resíduos (SQU) Variação de Y que não é explicada pelo modelo elaborado.

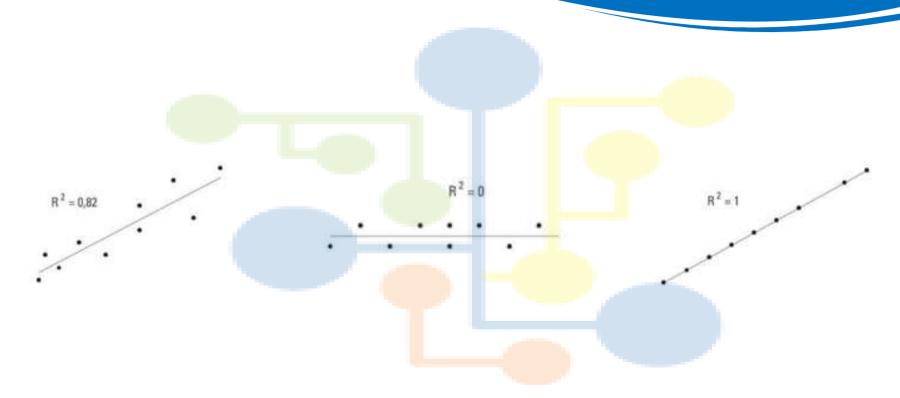
$$STQ = SQR + SQU$$



Nossa próxima etapa é compreender o poder explicativo do modelo de regressão

Coeficiente de Ajuste R²

$$R^2 = \frac{SQR}{SQR + SQU} = \frac{SQR}{SQT}$$





O coeficiente de ajuste R2 não diz aos analistas se uma determinada variável explicativa é estatisticamente significante e se esta variável é a causa verdadeira da alteração de comportamento da variável dependente.





Data Science Academy

Avaliando o Modelo de Regressão





Típicos problemas que podem ser resolvidos com Regressão

- Quantos computadores serão vendidos no próximo mês?
- Quantas pessoas vão acessar nosso web site na próxima semana?
- Qual o salário de uma pessoa de acordo com a performance escolar?
- Qual o total de vendas relacionado ao número de seguidores em redes sociais?







| Número de Funcionários Por Turno | Número de Seguidores nas Redes Sociais | Preço da Matéria-Prima (R\$) | Cotação do Dólar | Total de Vendas (R\$) |
|--|--|------------------------------------|---------------------|--------------------------|
| 1400 | 54000 | 5000 | 3.44 | 1245900 |
| 1359 | 55000 | 5400 | 3.12 | 1302763 |
| 1402 | 55430 | 5300 | 3.50 | 1345119 |

Atributos ou Features (X)







Data Science Academy marxv49@gmail.com 5e686b2be32fc3447a0e403be Learning

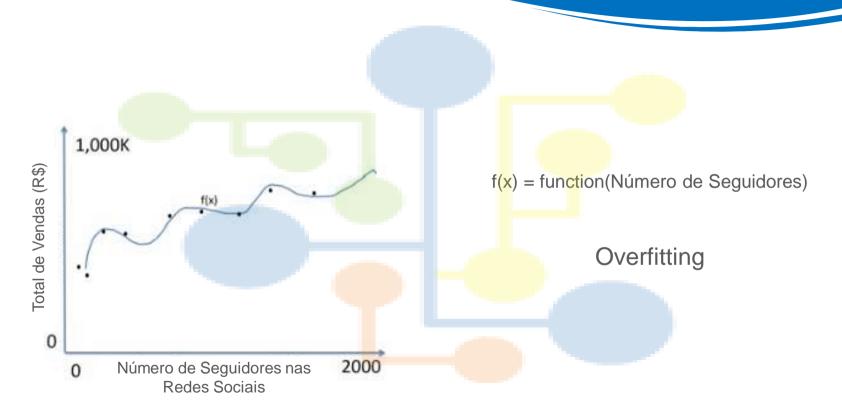
| Número Seguidore Redes So | s nas | Total de Vendas (R\$) |
|---------------------------------|-------|--------------------------|
| 54000 | | 1245900 |
| 55000 | | 1302763 |
| 55430 | | 1345119 |

Atributo (X)

Variável Resposta (y)

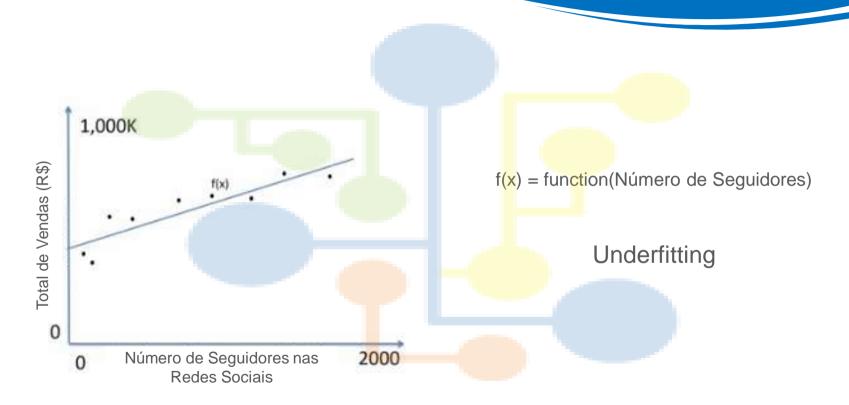






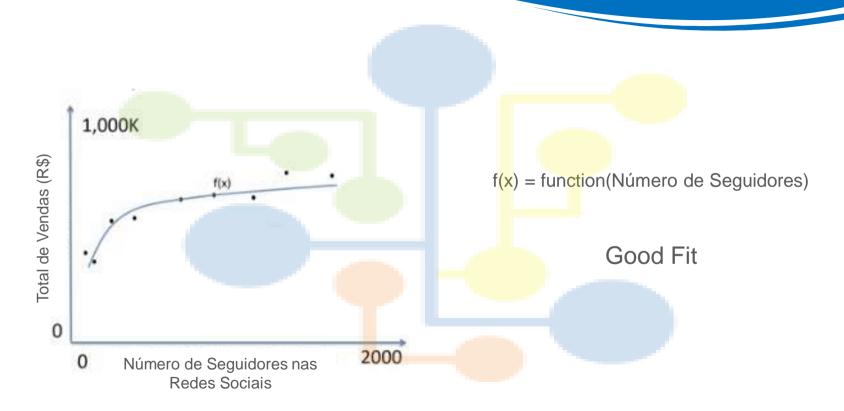


















| Número de Seguidores nas Redes Sociais | |
|--|--|
| 54000 | |
| 55000 | |
| 55430 | |
| 1 | |

| Total de Vendas (R\$) | | Total de Vendas Previsto (R\$) |
|--------------------------|---------|--------------------------------------|
| | 1245900 | 1278450 |
| | 1302763 | 1302763 |
| | 1345119 | 1320876 |

Atributos ou Features (X)

Variável Resposta (v) Previsão f(x)





$$y_i - f(x_i)$$

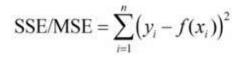
$$f(x_i) - y_i$$

$$| f(x_i) - y_i |$$

$$(y_i - f(x_i))^2$$

| Método | d | los | Mi | n | imo | S |
|--------|----|-----|-----|---|------|---|
| Qı | Ja | dra | ıdo | S | | |
| (Least | So | qua | re | E | rror |) |

| Total de Vendas (R\$) | Total de Vendas Previsto (R\$) |
|--------------------------|--------------------------------------|
| 1245900 | 1278450 |
| 1302763 | 1334789 |
| 1345119 | 1320876 |



Mean absolute error (MAE)= $\sum_{i=1}^{n} |f(x_i) - y_i|$

$$RMSE = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (y_i - f(x_i))^2}$$







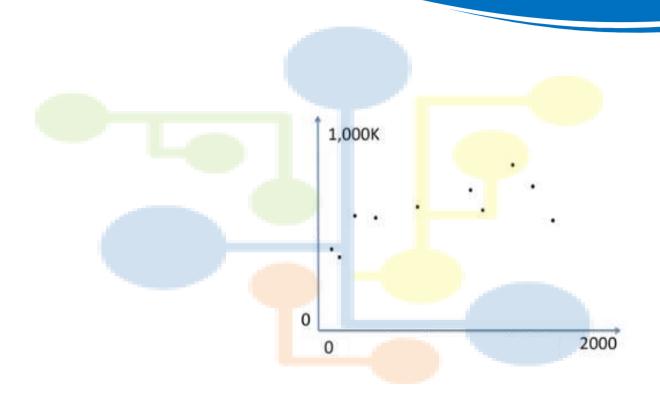


- (SST Sum Square Total) Soma Total dos Quadrados (STQ) Mostra a variação em Y em torno da própria média.
- (SSR Sum Square Regression) Soma dos Quadrados de Regressão (SQR) – Oferece a variação de Y considerando as variáveis X utilizadas no modelo.
- (SSE Sum Square Error) Soma dos Quadrados dos Resíduos (SQU) Variação de Y que não é explicada pelo modelo elaborado.



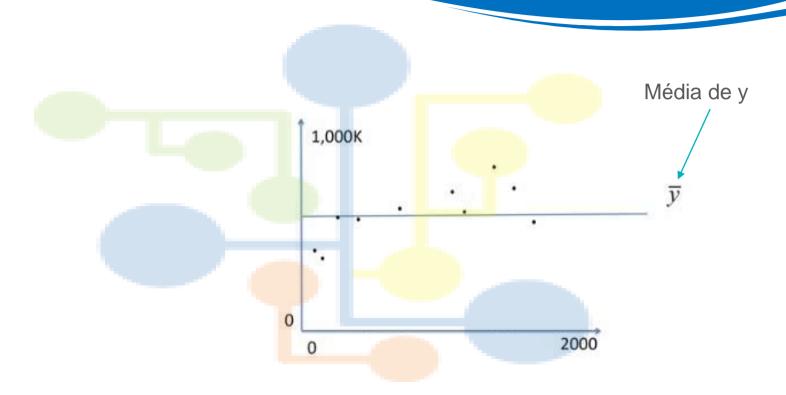
$$SST = SSE + SSR$$

Data Science Academy marxv49@gmail.com 5e686b2be32fc3447a0e403be Learning



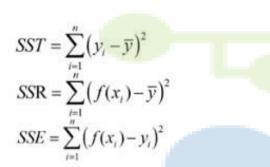


Data Science Academy marxv49@gmail.com 5e686b2be32fc3447a0e403be Learning

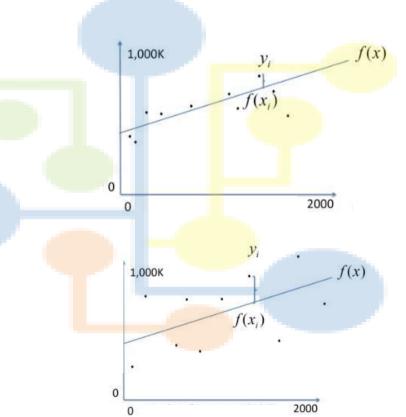






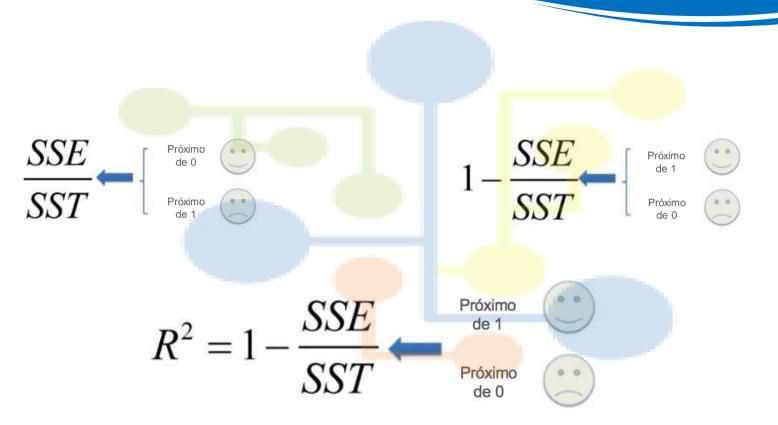
















$$SST = SSE + SSR$$

Se o SSR é alto e o SSE é baixo, o Modelo de Regressão explica bem a variação nas previsões

Se o SSR é baixo e o SSE é alto, o Modelo de Regressão não explica bem a variação nas previsões

- SSR = medida da variação que pode ser explicada
- SSE = medida da variação que não pode ser explicada
- SST = medida da variação total







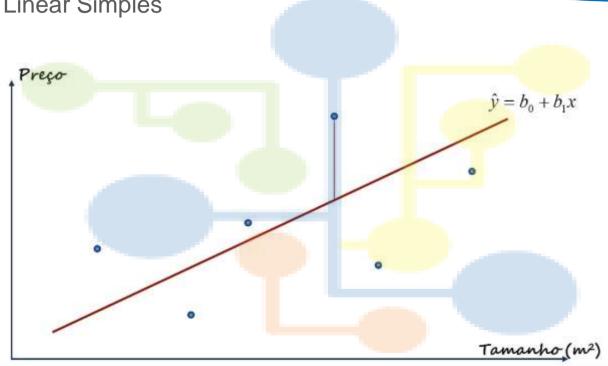
Data Science Academy

Regressão Linear Simples

Regressão Linear Múltipla

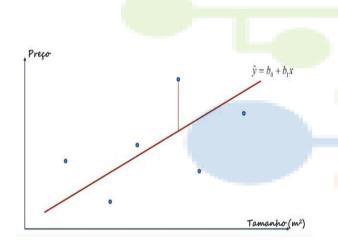


Regressão Linear Simples





Regressão Linear Simples



| Tamanho (m2) | | Preço (R\$) |
|-----------------|--|----------------|
| 105 | | 89.000 |
| 120 | | 145.000 |
| 115 | | 123.000 |



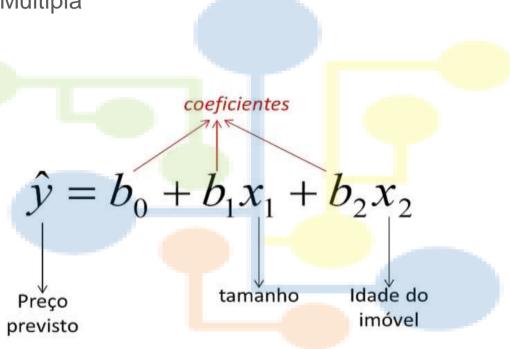
Regressão Linear Múltipla

$$\hat{y} = b_0 + b_1 x_1 + b_2 x_2$$

| Tamanho (m2) | Idade do Prédio (Anos) | Número Vagas na Garagem | Número de Quartos | Preço (R\$) |
|-----------------|------------------------------|-------------------------------|-------------------------|----------------|
| 105 | 15 | 2 | 2 | 89.000 |
| 120 | 4 | 3 | 3 | 145.000 |
| 115 | 8 | 2 | 3 | 123.000 |



Regressão Linear Múltipla





Interpretando Modelos de Regressão Linear Simples e Múltipla



Interpretando Modelos de Regressão Linear Simples e Múltipla

- Teste F de Significância Global
- Testes de Significância Individuais
- Coeficientes R2 e R2 Ajustado
- Coeficientes



Teste F de Significância Global

O modelo é útil para prever o preço?

| Estatística de re R múltiplo R-Quadrado R-quadrado ajustado Erro padrão Observações | 0,66 0,44 0,41 132352,0 40 | | F de significação: teste F de significância global do modelo. "Há evidências de que <u>pelo menos uma variável</u> no modelo está relacionada com o preço?" Como valor-p do teste F < 0,05, há evidências estatísticas. | | | | | | |
|--|--|-------------|--|-----------|-------------------|----------------|--|--|--|
| ANOVA | gl | SQ | MQ | F | F de significação | Valor-p do | | | |
| Regressão | 2 | 5,135E+11 | 2,567E+11 | 1,466E+01 | 0,000 | | | | |
| Residuo | 37 | 6,481E+11 | 1,752E+10 | | | Account of | | | |
| Total | 39 | 1,162E+12 | | | | | | | |
| | Coeficientes | Erro padrão | Stat t | valor-P | 95% inferiores | 95% superiores | | | |
| Interseção | 440107,0 | 182742,3 | 2,408 | 0,021 | 69836,0 | 810378,1 | | | |
| tamanho | 6772,1 | 1555,7 | 4,353 | 0,000 | 3620,0 | 9924,2 | | | |
| idade do prédio | -19129,7 | 8372,9 | -2,285 | 0,028 | -36094,8 | -2164,5 | | | |



Testes de Significância Individuais

Quais variáveis estão relacionadas com o preço?

| R múltiplo | 0,66 |
|---------------------|----------|
| R-Quadrado | 0,44 |
| R-quadrado ajustado | 0,41 |
| Erro padrão | 132352,0 |
| Observações | 40 |

| MINOAW | | | | | | |
|-------------|----|----|-----------|-----------|-----------|-------------------|
| (*UEX-36*E) | gi | | 5Q | MQ | F | F de significação |
| Regressão | | 2 | 5,135E+11 | 2,567E+11 | 1,466E+01 | 0,000 |
| Residuo | | 37 | 6,481E+11 | 1,752E+10 | | |
| Total | | 39 | 1,162E+12 | - V C | | |

| | Coeficientes E | erro padrão | Stat t | Stat t valor-P 95% inferiores | | 95% superiores | |
|-----------------|----------------|-------------|--------|-------------------------------|----------|----------------|--|
| Interseção | 440107,0 | 182742,3 | 2,408 | 0,021 | 69836,0 | 810378,1 | |
| tamanho | 6772,1 | 1555,7 | 4,353 | 0,000 | 3620,0 | 9924,2 | |
| idade do prédio | -19129,7 | 8372,9 | -2,285 | 0,028 | -36094,8 | -2164,5 | |

Há evidências estatísticas de relação de tamanho e idade com preço, pois valores-p<0,05.



Coeficientes R2 e R2 Ajustado

Qual percentual de variabilidade é explicado pelas variáveis usadas no modelo?

| Estatística de re | - Fi | R ² : 44% da variabilidade do preço é explicada pelo | | | | | | | |
|---------------------|--------------|---|----------------------------------|--|-------------------|----------------|--|--|--|
| R múltiplo | 0,66 | - | modelo com tamanho e idade. | | | | | | |
| R-Quadrado | 0,44 | | | | | | | | |
| R-quadrado ajustado | 0,41 | | | and the second s | pouco menor que | | | | |
| Erro padrão | 132352,0 | 100 | deve ser utiliz diferentes qu | Carl Contract Contrac | mparar modelos co | om: | | | |
| Observações | 40 | | uner entres qu | armoudes de | verioveis. | | | | |
| ANOVA | | | | | | | | | |
| | gl | SQ | MQ | F | F de significação | | | | |
| Regressão | 2 | 5,135E+11 | 2,567E+11 | 1,466E+01 | 0,000 | | | | |
| Residuo | 37 | 6,481E+11 | 1,752E+10 | | | | | | |
| Total | 39 | 1,162E+12 | | | | | | | |
| | Coeficientes | Erro padrão | Stat t | valor-P | 95% inferiores | 95% superiores | | | |
| Interseção | 440107,0 | 182742,3 | 2,408 | 0,021 | 69836,0 | 810378,1 | | | |
| tamanho | 6772,1 | 1555,7 | 4,353 | 0,000 | 3620,0 | 9924,2 | | | |
| idade do prédio | -19129,7 | 8372,9 | -2,285 | 0,028 | -36094,8 | -2164,5 | | | |



Coeficientes

Valores que compõe a equação.

| Estatística de re | aressão | | | | | |
|---------------------|--------------|-------------|-----------|-----------|-------------------|----------------|
| R múltiplo | 0,66 | | | | | |
| R-Quadrado | 0,44 | | | | | |
| R-quadrado ajustado | 0,41 | | | | | |
| Erro padrão | 132352,0 | | | | | |
| Observações | 40 | | | | | |
| ANOVA | | | | | | |
| | gl | SQ | MQ | F | F de significação | |
| Regressão | 2 | 5,135E+11 | 2,567E+11 | 1,466E+01 | 0,000 | |
| Residuo | 37 | 6,481E+11 | 1,752E+10 | | | |
| Total | 39 | 1,162E+12 | | | | |
| | Coeficientes | Erro padrão | Stat t | valor-P | 95% inferiores | 95% superiores |
| Interseção | 440107,0 | 182742,3 | 2,408 | 0,021 | 69836,0 | 810378,1 |
| tamanho | 6772,1 | 1555,7 | 4,353 | 0,000 | 3620,0 | 9924,2 |
| idade do prédio | -19129,7 | 8372,9 | -2,285 | 0,028 | -36094,8 | -2164,5 |



Regras Gerais

Modelo é útil para prever o preço, se o valor-p do teste F é menor que 0,05. O R2 indica quanto da variabilidade de y é explicado pelas variáveis preditoras. Pode ser necessário incluir mais variáveis no modelo para aumentar este coeficiente.

Há evidências de que uma variável está relacionada com o valor previsto, se o valor-p for menor que 0,05.

O objetivo da regressão é encontrar os coeficientes que permitem construir a equação de regressão e fazer as previsões.



Regras Gerais

Modelo é útil para prever o preço, se o valor-p do teste F é menor que 0,05. O R2 indica quanto da variabilidade de y é explicado pelas variáveis preditoras. Pode ser necessário incluir mais variáveis no modelo para aumentar este coeficiente.

Há evidências de que uma variável está relacionada com o valor previsto, se o valor-p for menor que 0,05.

O objetivo da regressão é encontrar os coeficientes que permitem construir a equação de regressão e fazer as previsões.

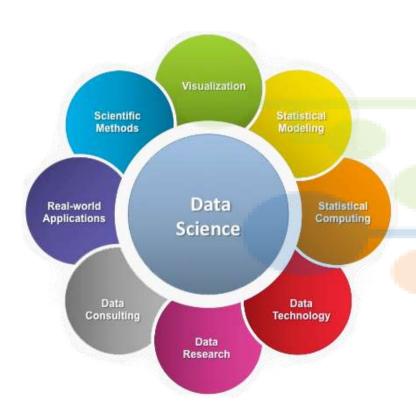




Data Science Academy

Interpretando o Valor-p



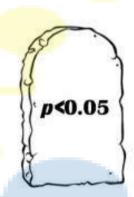


Data Science é uma área multidisciplinar, que emprega conceitos de diversas áreas diferentes.

Data Science e Estatística NÃO são a mesma coisa, mas a Estatística fornece ferramentas importantes principalmente para interpretabilidade dos modelos de Machine Learning.



O **valor-p** é amplamente usado para interpretar modelos de regressão ou mesmo quando empregamos análise estatística aos dados.







Ponto de Vista em Data Science



Interpretando o Valor-p

Os conceitos de valor-p e nível de significância são aspectos importantes dos testes de hipóteses e métodos estatísticos, como regressão. No entanto, eles podem ser um pouco difíceis de entender, especialmente para iniciantes, e uma boa compreensão desses conceitos pode ajudar bastante no entendimento do aprendizado de máquina.



Interpretando o Valor-p

Vamos imag<mark>inar o</mark> seguinte exemplo.

Considere dois grupos dentro de uma determinada população: um grupo de controle e um grupo experimental. O grupo experimental é uma amostra aleatória retirada da população sobre a qual um experimento será realizado e, em seguida, será comparada com o grupo de controle. A diferença nos grupos é definida em termos de uma estatística de teste, como o teste t de Student (por exemplo, uma empresa deseja saber se seu produto é comprado mais por homens ou mulheres).



Interpretando o Valor-p

Precisamos definir dois termos adicionais: uma hipótese nula significa que não há diferença entre os dois grupos, enquanto a hipótese alternativa significa que há uma diferença estatisticamente significativa entre os dois grupos.



Interpretando o Valor-p

Assumiremos que a hipótese nula é verdadeira, ou seja, não há diferença entre dois grupos. Em seguida, o experimento é realizado no grupo experimental. Em seguida, é verificado se há algum efeito significativo no grupo ou não.



Interpretando o Valor-p

Agora vamos considerar a importância do valor-p. Precisamos calcular a probabilidade de que o efeito no grupo seja atribuído ao acaso. Se você repetir o experimento repetidamente no mesmo tamanho de amostra para o grupo experimental, qual porcentagem de tempo você vê uma diferença no grupo experimental por acaso?



Interpretando o Valor-p

O valor-p é usado para avaliar d<mark>e fato a fo</mark>rça d<mark>as hipóte</mark>ses nula e alternativa.

Os valores-p são números decimais entre 0 e 1, que servem como referência probabilística para pesar a hipótese.



Interpretando o Valor-p

Às vezes, o valor-p também é expresso como uma porcentagem.

Um valor-p maior que 0,05 significa que, em mais de 1/20 das vezes, o experimento não mostra diferença entre os dois grupos. O valor 0,05 é normalmente usado como referência e é conhecido como nível de significância (α).



Interpretando o Valor-p

Em um problema de regressão, você deseja que o valor-p seja muito menor que 0,05 para a variável ser considerada uma variável significativa.

Normalmente, um pequeno valor-p (<0,05) sugere que a hipótese nula deve ser rejeitada, enquanto um grande valor-p (> 0,05) indica que a hipótese nula deve não deve ser rejeitada devido à falta de evidências contra ela.

Valores iguais ou próximos a 0,05 sugerem que o Cientista de Dados deve tomar a decisão por si mesmo!



Interpretando o Valor-p

Agora, vamos considerar o uso de valores-p em Ciência de Dados.



Interpretando o Valor-p

Usando o conjunto de dados de casas em Boston, ajustamos um modelo linear simples usando a variável preditora RM e a variável de resposta "y".

OLS Regression Results

| Dep. Varia | ble: | | | targe | t | R-squ | ared: | | | 0.484 |
|------------|---------|------|-------|---------|-----|---------------|---------|---------|---------|-----------|
| Model: | | | | OI | S | Adj. | R-squar | ed: | | 0.483 |
| Method: | | | Least | Square | s | F-sta | tistic: | | | 471.8 |
| Date: | | Sa | t, 28 | Sep 201 | 9 | Prob | (F-stat | istic): | | 2.49e-74 |
| Time: | | | | 15:15:2 | 3 | | ikeliho | 227 L C | | -1673.1 |
| No. Observ | ations: | | | 50 | 100 | AIC: | | W-100- | | 3350. |
| Df Residua | ls: | | | 50 | 14 | BIC: | | | | 3359. |
| Df Model: | | | | | 1 | 7.00.00.00.00 | | | | |
| Covariance | Type: | | r | onrobus | t | | | | | |
| | | coef | std | err | | t | P> | t | [0.025 | 0.975] |
| const | -34. | 6706 | 2. | 650 | -13 | .084 | 0.0 | 00 | -39.877 | -29.465 |
| RM | 9. | 1021 | 0. | 419 | 21 | .722 | 0.0 | 00 | 8.279 | 9.925 |
| Omnibus: | | | | 102.58 | 15 | Durbi | n-Watso | n: | | 0.684 |
| Prob(Omnib | us): | | | 0.00 | 0 | Jarqu | e-Bera | (JB): | | 612.449 |
| Skew: | 410 5-1 | | | 0.72 | 6 | Prob(| JB): | | | 1.02e-133 |
| | | | | | 0 | Cond. | 2000-1 | | | 58.4 |



Interpretando o Valor-p

Um pequeno valor-p indica que é improvável observar uma associação tão substancial entre o preditor e a resposta devido ao acaso, na ausência de qualquer associação real entre o preditor e a resposta.



Interpretando o Valor-p

Consequentemente, se vemos um pequeno valor-p podemos deduzir que há uma associação entre o preditor e a resposta. Isso significa que rejeitamos a hipótese nula, ou seja, afirmamos que existe um relacionamento entre as duas variáveis se o valor-p for pequeno o suficiente.



Interpretando o Valor-p

Consequentemente, se vemos um pequeno valor-p podemos deduzir que há uma associação entre o preditor e a resposta. Isso significa que rejeitamos a hipótese nula, ou seja, afirmamos que existe um relacionamento entre as duas variáveis se o valor-p for pequeno o suficiente.

No caso de um grande valor-p ded<mark>uzimos que não há uma associação entre o preditor e a resposta!</mark>



Interpretando o Valor-p

O valor-p representa a chance ou a probabilidade do efeito (ou da diferença) observada entre as variáveis ser devido ao **acaso**, e não aos fatores que estão sendo estudados.

| 0 | | 1 |
|------------|---|--------------|
| Impossível | abso | luta certeza |
| • | | |
| p = 0.001 | Muito imprová <mark>ve</mark> l ser devido ao acaso | 1 em 1000 |
| p = 0.05 | Bastante improvável ser devido ao acaso | 1 em 20 |
| p = 0.5 | Bastante provável ser devido ao acaso | 1 em 2 |
| p = 0.75 | Muito provavelmente é devido ao acaso | 3 em 4 |





Data Science Academy

O Que é Regularização?

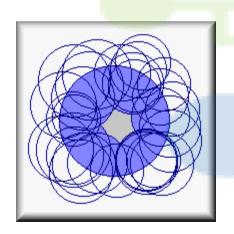


O modelo de regressão utiliza as variáveis explanatórias para explicar a variabilidade da variável resposta!

Mas o que acontece quando o número de variáveis explanatórias é muito grande?

A técnica de mínimos quadrados, nesta situação, pode não permitir previsões com precisão e nem permitir uma interpretação ideal para o modelo.





Isso significa que muitas variáveis seriam ajustadas e o modelo ficaria super estimado, com uma variância infinita, sendo inviável o método dos mínimos quadrados.



Temos basicamente 3 métodos que nos auxiliam quando o número de variáveis é muito grande ou até mesmo maior que o número de observações:

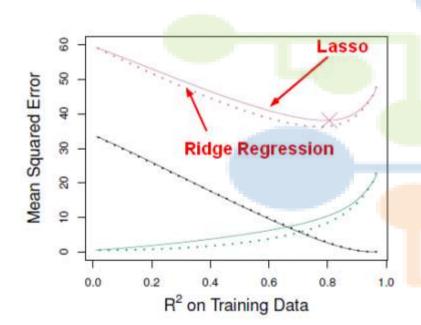
Seleção de um subconjunto de coeficientes

Reduzir a dimensão

Reduzir o valor dos coeficientes (Regularização)



Métodos de Regularização



Uma regressão com diversos coeficientes torna o modelo como um todo muito mais complexo e pode não ter características de interpretabilidade.



Shirinkage Methods (Métodos de Encolhimento)

Ridge Regression

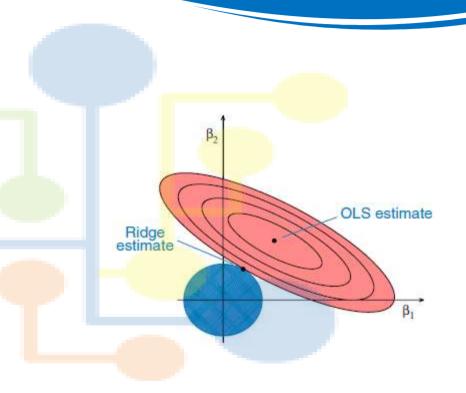
LASSO Regression

(Least Absolute Shrinkage and Selection Operator)



Ridge Regression

A Ridge Regression é um método de regularização do modelo que tem como principal objetivo suavizar atributos que sejam relacionados uns aos outros e que aumentam o ruído no modelo (multicolinearidade).

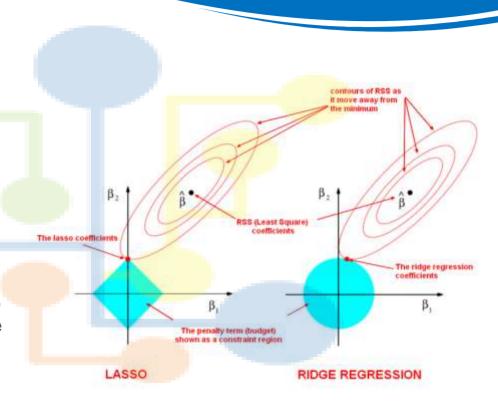




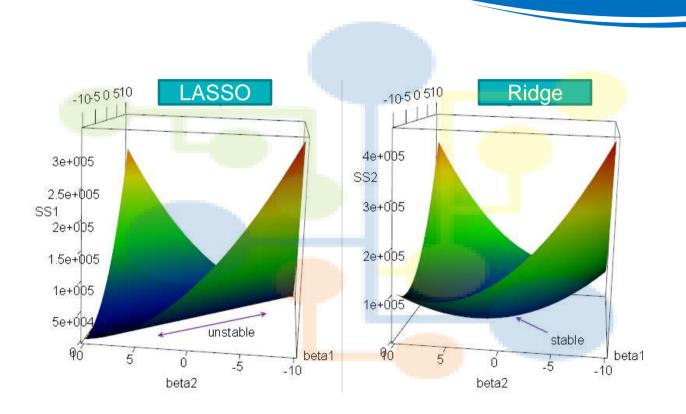
LASSO Regression

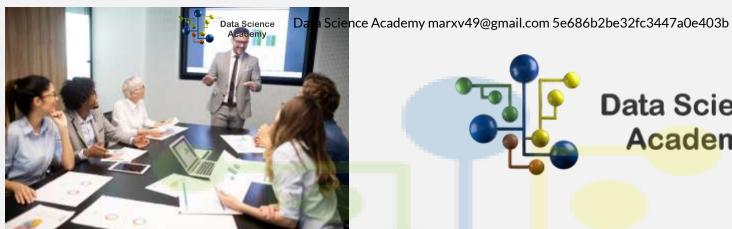
(Least Absolute Shrinkage and Selection Operator)

O LASSO tem o mesmo mecanismo de penalização dos coeficientes com um alto grau de correlação entre si, mas que usa o mecanismo de penalizar os coeficientes de acordo com o seu valor absoluto.









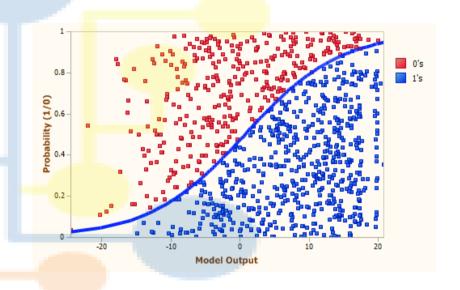


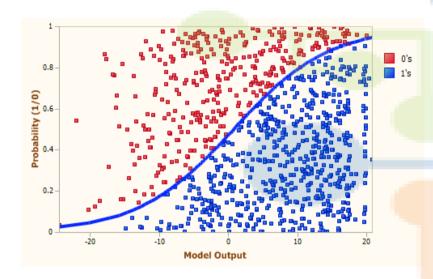
Data Science Academy

Regressão Logística



A regressão logística é uma técnica estatística que tem como objetivo modelar, a partir de um conjunto de observações, a relação "logística" entre uma variável resposta e uma série de variáveis explicativas numéricas (contínuas, discretas) e/ou categóricas.





A regressão logística é amplamente usada em ciências médicas e sociais, e tem outras denominações, como modelo logístico, modelo logit e classificador de máxima entropia.



Na Regressão Logística, a variável resposta é binária:

- 1 → acontecimento de interesse (sucesso)
- 0 → acontecimento complementar (insucesso)



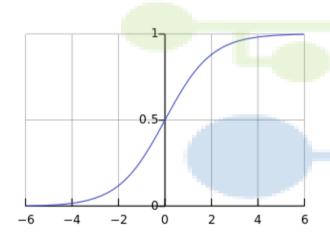
$$g(x) = \ln\left(\frac{\pi(x)}{1 - \pi(x)}\right)$$

$$g(x) = \ln\left(\frac{\frac{e^{\beta_0 + \beta_1 x}}{1 + e^{\beta_0 + \beta_1 x}}}{1 - \frac{e^{\beta_0 + \beta_1 x}}{1 + e^{\beta_0 + \beta_1 x}}}\right) = \ln\left(\frac{\frac{e^{\beta_0 + \beta_1 x}}{1 + e^{\beta_0 + \beta_1 x}}}{\frac{1}{1 + e^{\beta_0 + \beta_1 x}}}\right)$$

Transformação logit

$$g(x) = ln(e^{\beta_0 + \beta_1 x}) = \beta_0 + \beta_1 x$$

$$\uparrow$$
Logaritmo



Regressão Logística é útil para modelar a probabilidade de um evento ocorrer como função de outros fatores. É um modelo linear generalizado que usa como função de ligação a função logit.



A regressão logística é utilizada em áreas tais como:



- Em <u>medicina</u>, permite por exemplo determinar os fatores que caracterizam um grupo de indivíduos doentes em relação a indivíduos saudáveis.
- Na área de <u>seguros</u>, permite encontrar frações de clientes que sejam sensíveis a determinada política securitária em relação a um dado risco particular.
- Em instituições financeiras, pode detectar os grupos de risco para a subscrição de um crédito.
- Em <u>econometria</u>, permite explicar uma variável discreta, como por exemplo as intenções de voto em atos eleitorais.





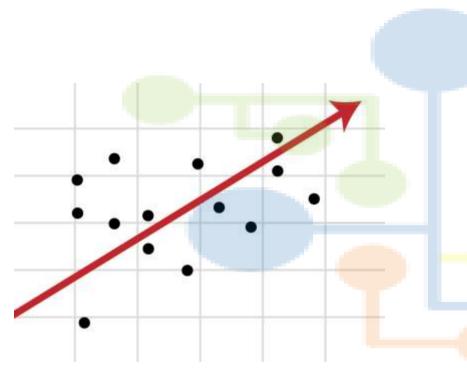
Data Science Academy

Regressão Vantagens e Desvantagens









- Simple Linear Regression
- Multiple Linear Regression
- Ridge Regression
- Lasso Regression
- Logistic Regression
- Polynomial Regression
- Stepwise Regression
- Elastic Net Regression





Data Science Academy marxv49@gmail.com 5e686b2be32fc3447a0e403bne Learning







Previsão do Futuro





































Importantes Desvantagens:

- Apenas consideram relacionamento linear
- Toma como base a média da variável dependente
- Sensível a Outliers





