

IA- Redes Neurais

Treinamento em Redes Neurais

Redes Neurais Artificiais

- Modelo do neurônio: função de ativação
- Arquitetura da rede
- **Treinamento**

Aprendizado Conexionista

Aprendizado Conexionista é o processo no qual os parâmetros livres de uma Rede Neural Artificial (RNA) são alterados pela estimulação contínua causada pelo ambiente no qual a rede está inserida, da seguinte forma:

Estímulo → Adaptação → Novo comportamento

Redes Neurais Artificiais: Treinamento

O aprendizado em RNAs, também chamado de **treinamento**, é o processo iterativo de **ajuste dos parâmetros** da rede.

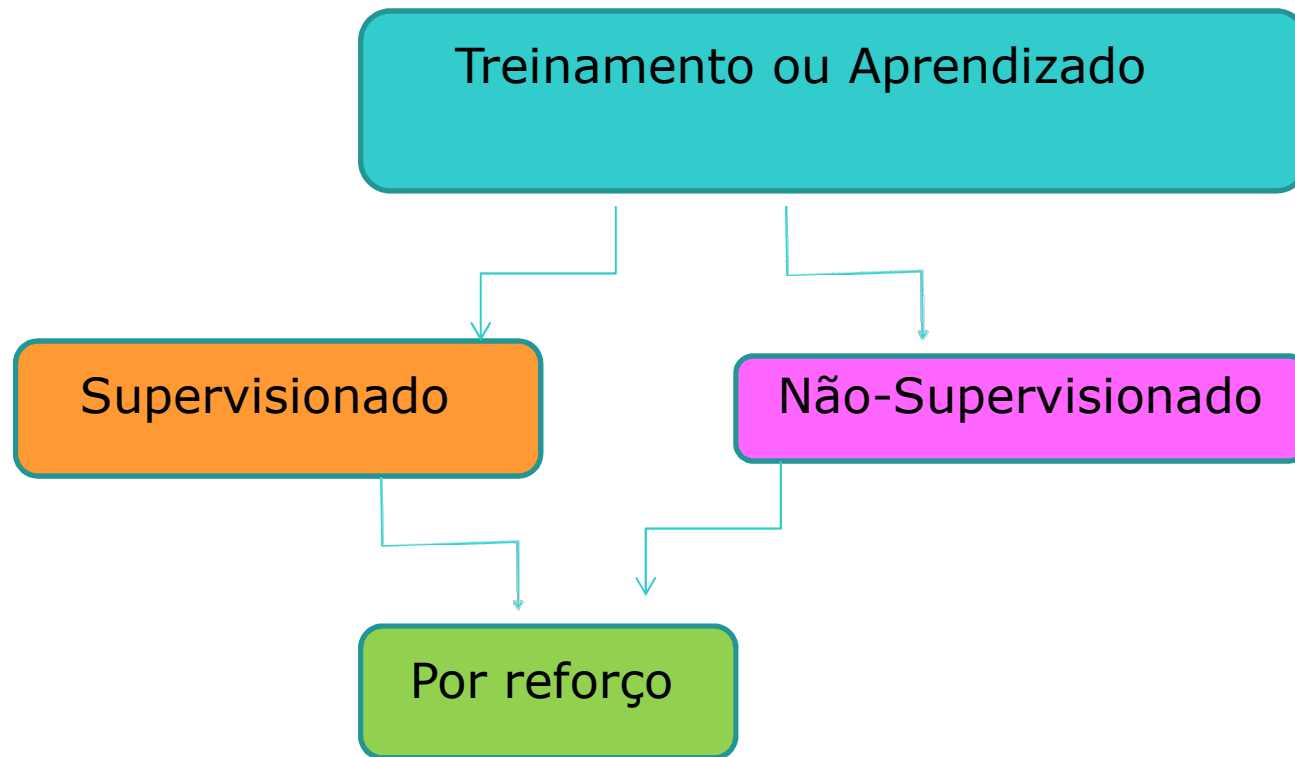
De forma geral o aprendizado em RNAs pode ser classificado em duas categorias principais (que resultam numa terceira – combinação das duas):

- Supervisionado

Por reforço

- Não-supervisionado

Redes Neurais Artificiais: Treinamento



Redes Neurais Artificiais: Aprendizado

Aprendizado Supervisionado:

Dados de entrada e saída desejada são fornecidos à rede

Há **supervisor** externo (professor)

Exemplos: Regra Delta, Backpropagation

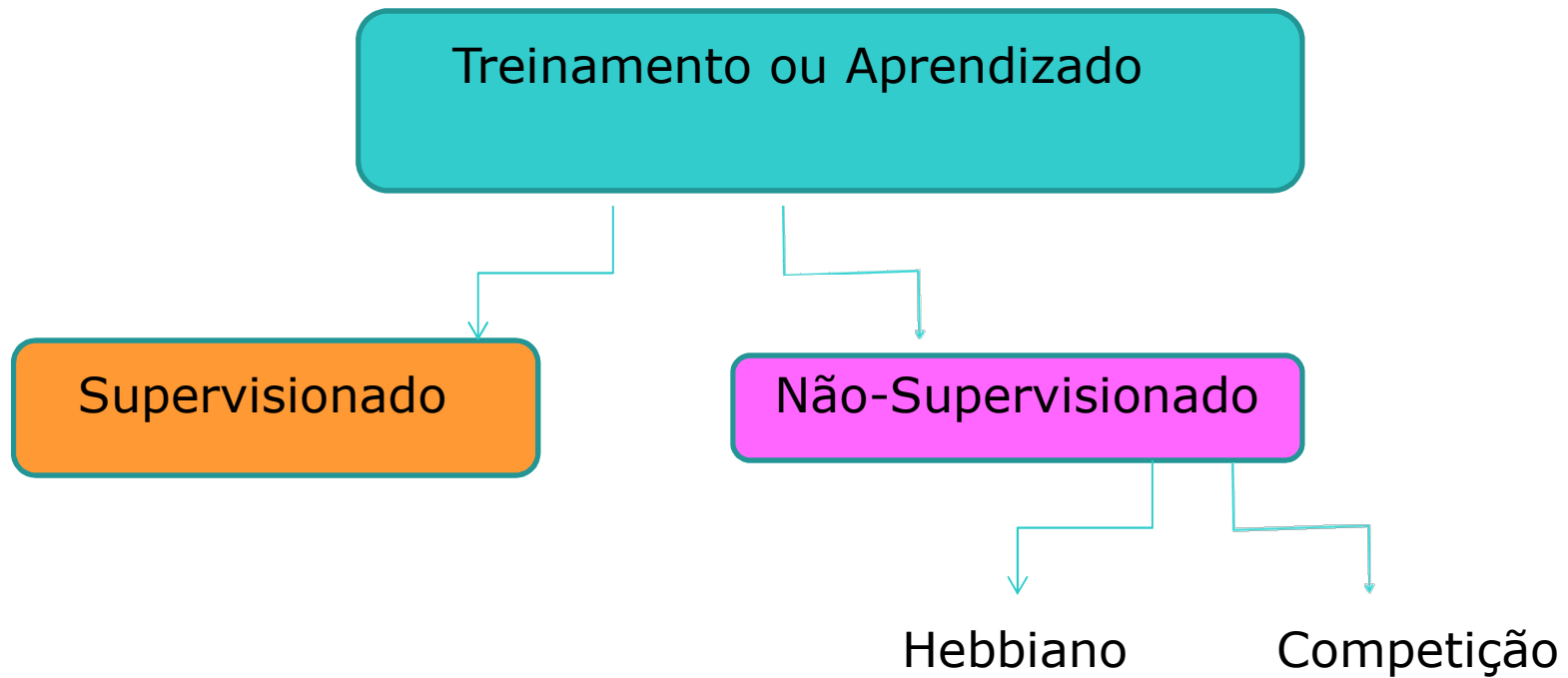
Aprendizado Não-supervisionado:

- Dados de entrada são fornecidos à rede
- **Não há supervisor** externo (professor)
- Exemplos: Regra de Hebb, Aprendizado por Competição

Aprendizado por Reforço:

Não há supervisor externo (professor) mas cada **ação** (resposta da rede) pode ser **avaliada** como positiva ou negativa, podendo receber recompensa ou punição, respectivamente. Exemplo: aprendizado por evolução

Redes Neurais Artificiais: Treinamento



Redes Neurais Artificiais: Treinamento

Treinamento Não-supervisionado: Este tipo de aprendizado só é possível quando há redundância nos dados de entrada.

Neste tipo a rede estabelece uma harmonia com as regularidades estatísticas das entradas sendo então capaz de formar representações internas para codificar características da entrada.

Há dois modelos principais de aprendizado não-supervisionado:

Hebbiano

Por competição

Redes Neurais Artificiais: Treinamento

Treinamento Não-supervisionado Hebbiano:

Baseado na observação de sistemas biológicos:
“quando um neurônio contribui para o disparo de outro, a conexão entre eles se fortalece”

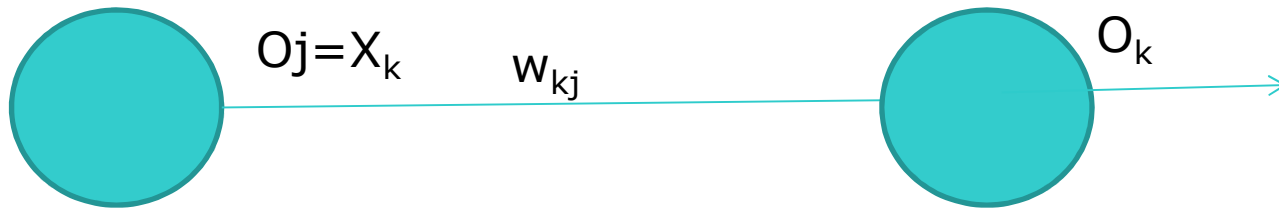
O aprendizado Hebbiano tem aplicação em diferentes modelos de rede.

O efeito de fortalecer a conexão entre dois neurônios pode ser simulado matematicamente ajustando o peso de forma proporcional ao sinal do produto entre suas saídas (ou entre a saída do posterior e sua entrada).

$$w_{kj}(t+1) = w_{kj}(t) + \alpha(x_k o_k)$$

Redes Neurais Artificiais: Treinamento

Treinamento Não-supervisionado Hebbiano:



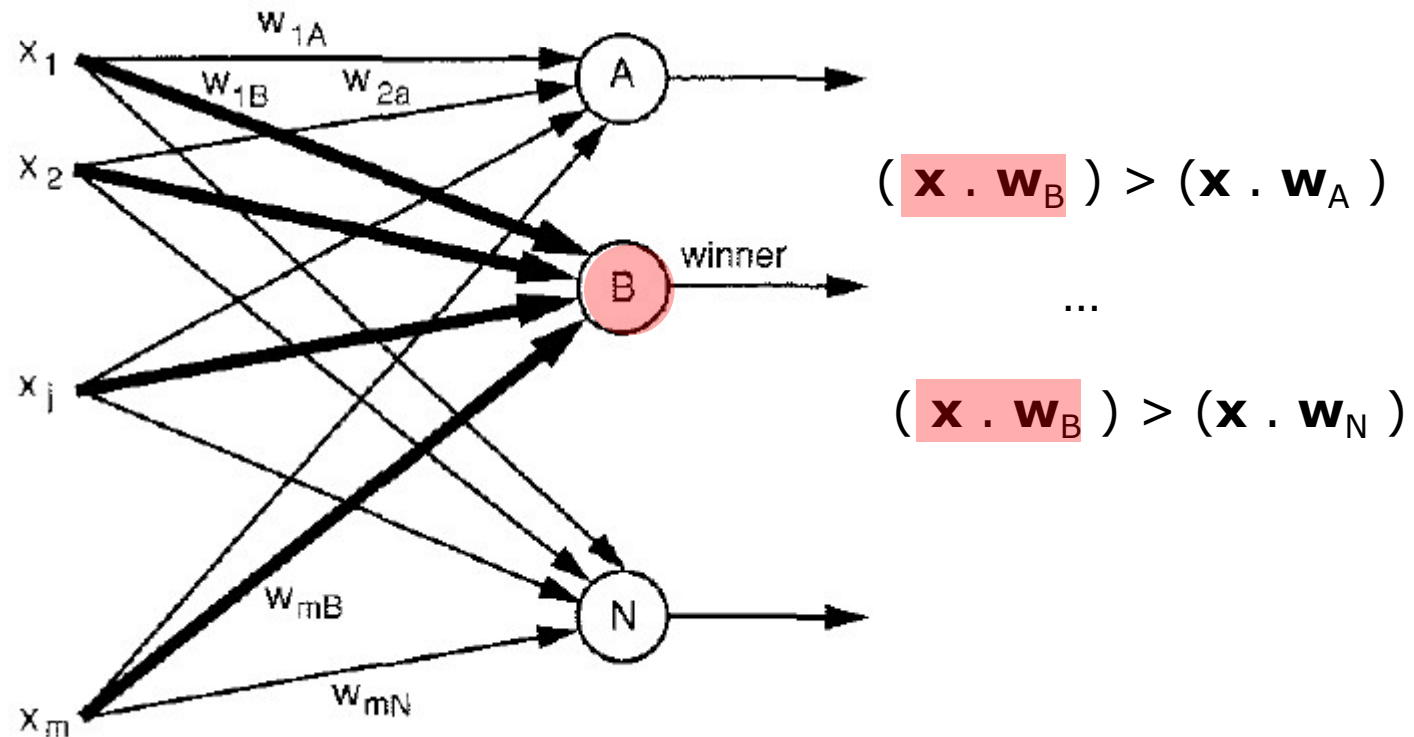
Regra de
Hebb

O_j	O_k	$\Delta w_{kj} = \alpha O_j O_k$
+	+	+
+	-	-
-	+	-
-	-	+

Redes Neurais Artificiais: Treinamento

Treinamento Não-supervisionado Por Competição:

Baseado na estratégia “winner-takes-all”



Redes Neurais Artificiais: Treinamento

Treinamento Não-supervisionado Por Competição:
o ajuste leva o peso do vencedor (k) na direção da entrada

$$\mathbf{w}_k(t+1) = \mathbf{w}_k(t) + \alpha(\mathbf{x}_k - \mathbf{w}_k(t))$$

Se o vetor \mathbf{w}_k é normalizado, a definição do neurônio vencedor pode ser calculada de duas formas:

Produto escalar ou interno ($\mathbf{x} \cdot \mathbf{w}_k$)

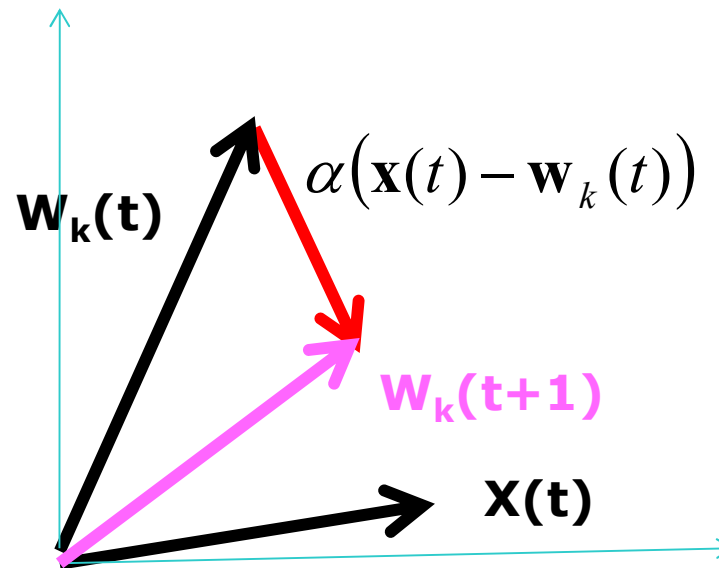
Norma Euclidiana (vale também para \mathbf{w}_k não normalizado)

Redes Neurais Artificiais: Treinamento

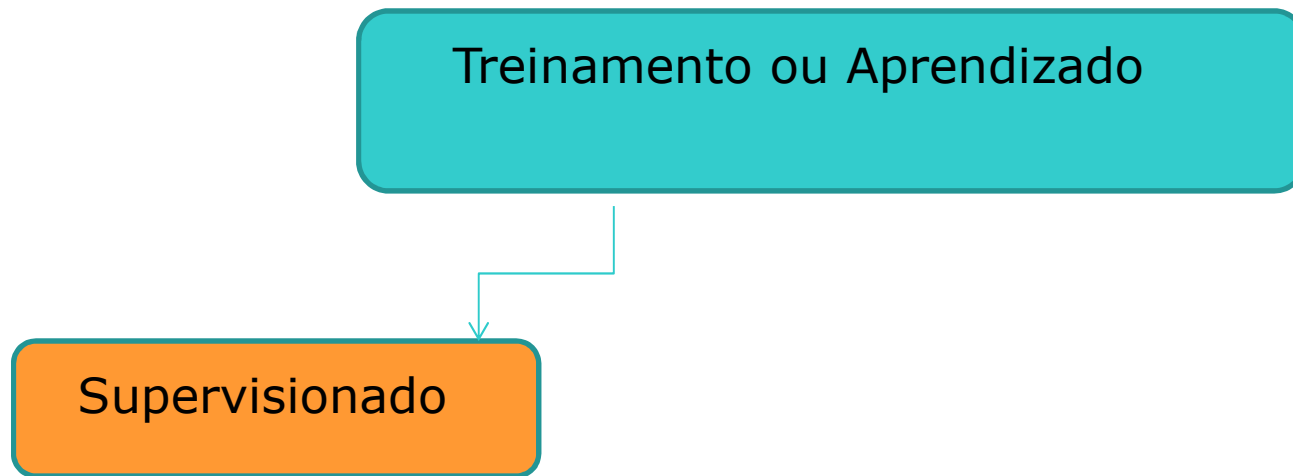
Treinamento Não-supervisionado Por Competição:

$$\mathbf{w}_k(t+1) = \mathbf{w}_k(t) + \alpha(\mathbf{x}(t) - \mathbf{w}_k(t))$$

K: winner



Redes Neurais Artificiais: Treinamento



RNA: Aprendizado Supervisionado

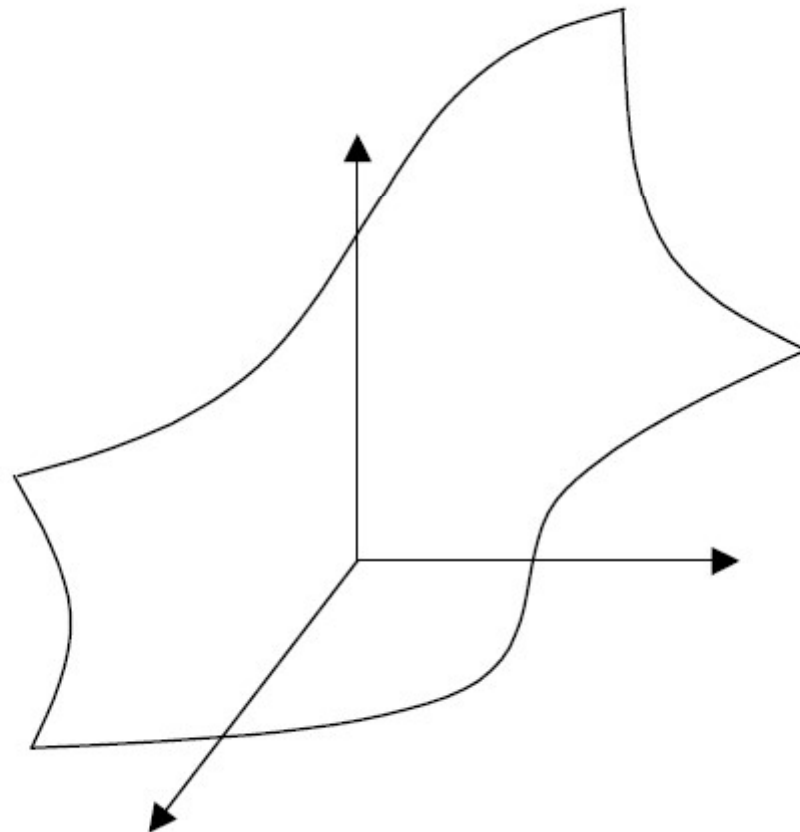
- Aprendizado Supervisionado e o Processo de Mapeamento Entrada Saída.

Em geral, três mapeamentos estão envolvidos:

- Mapeamento a ser aproximado (onde são conhecidos os dados amostrados)
- Mapeamento produzido pela rede
- Superfície de erros

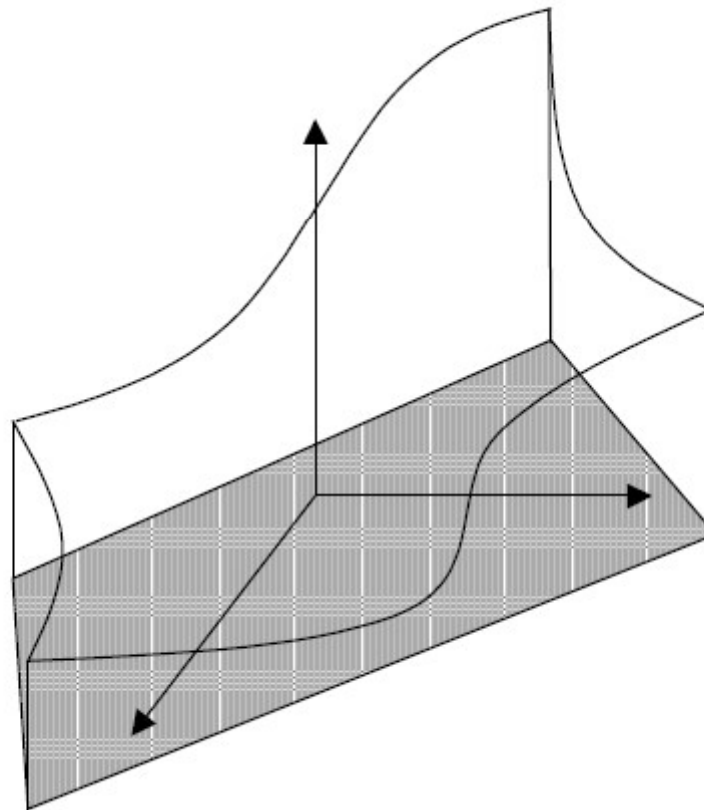
Aprendizado Supervisionado: Mapeamento I/O

Mapeamento a ser aproximado



Aprendizado Supervisionado: Mapeamento I/O

Mapeamento a ser aproximado (região de operação)



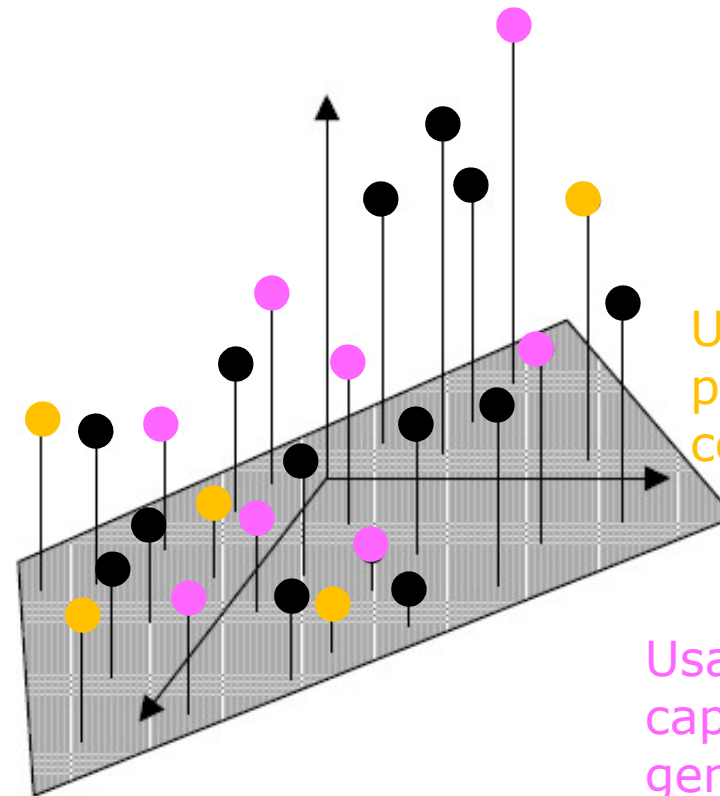
Aprendizado Supervisionado: Mapeamento I/O

Mapeamento a ser aproximado (dados amostrados)

Dados de
treinamento

Dados de
validação

Dados de teste



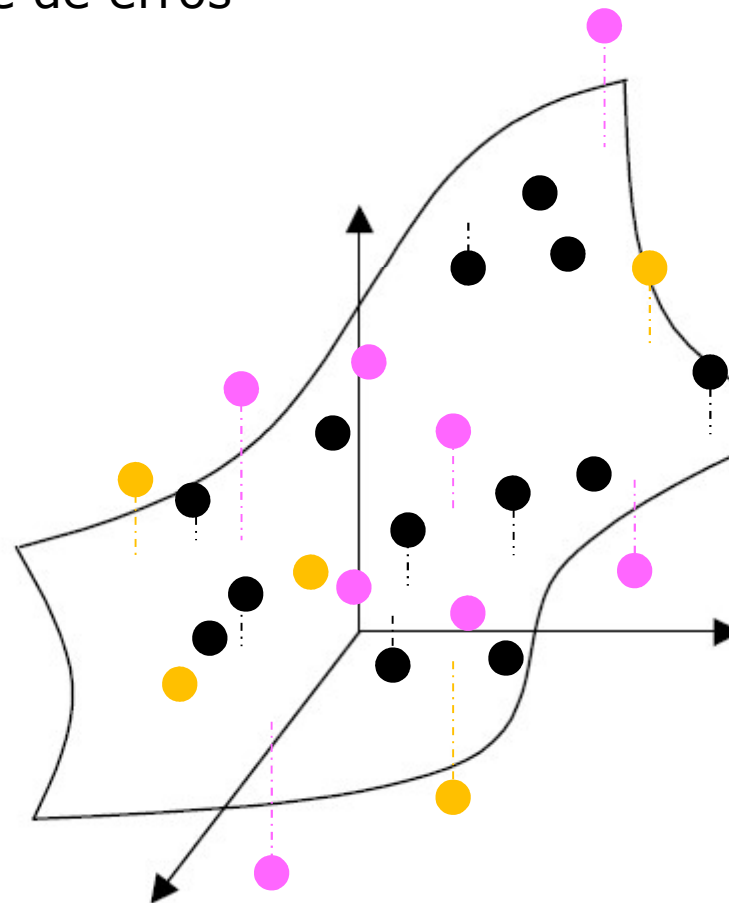
Usados no ajuste de
parâmetros da RN

Usados (em geral)
para determinar a
condição de parada
do treino

Usados para testar a
capacidade de
generalização da rede

Aprendizado Supervisionado: Mapeamento I/O

Superfície de erros



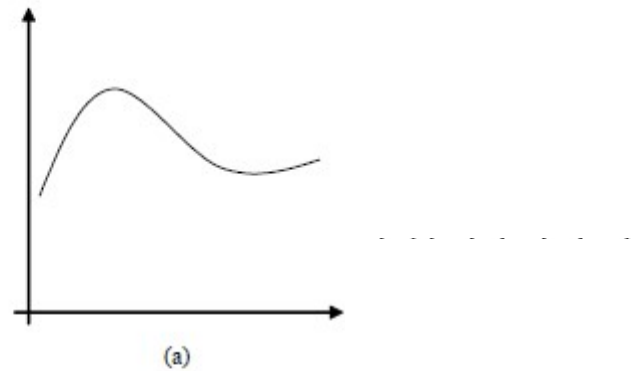
Erro de treinamento
(usado para corrigir os pesos)

Erro de validação
(usado para parar o treinamento – avalia a generalização da rede atual)

Erro de teste
(usado para avaliar a Capacidade de generalização da rede final)

Aprendizado Supervisionado: Mapeamento I/O

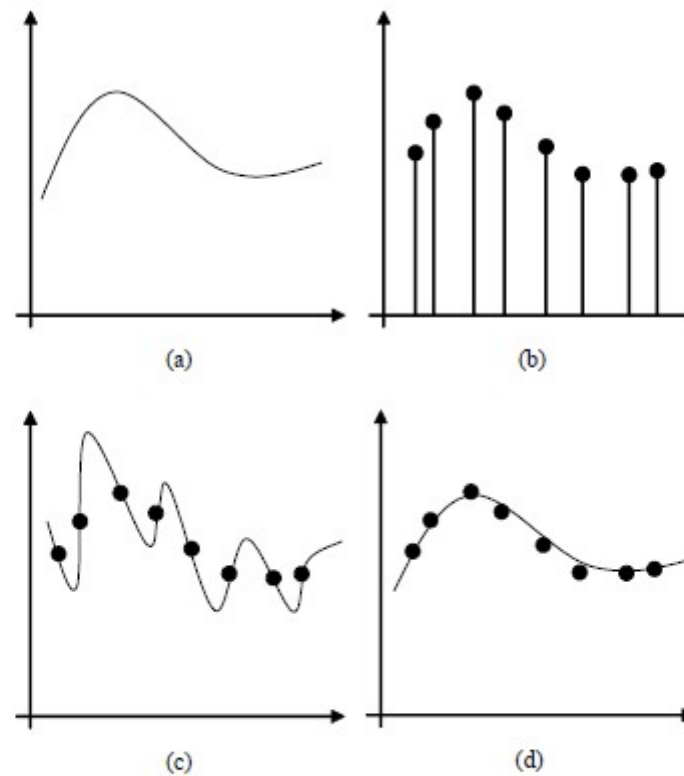
Interpolação x Aproximação



(a) Função a ser aproximada;

Aprendizado Supervisionado: Mapeamento I/O

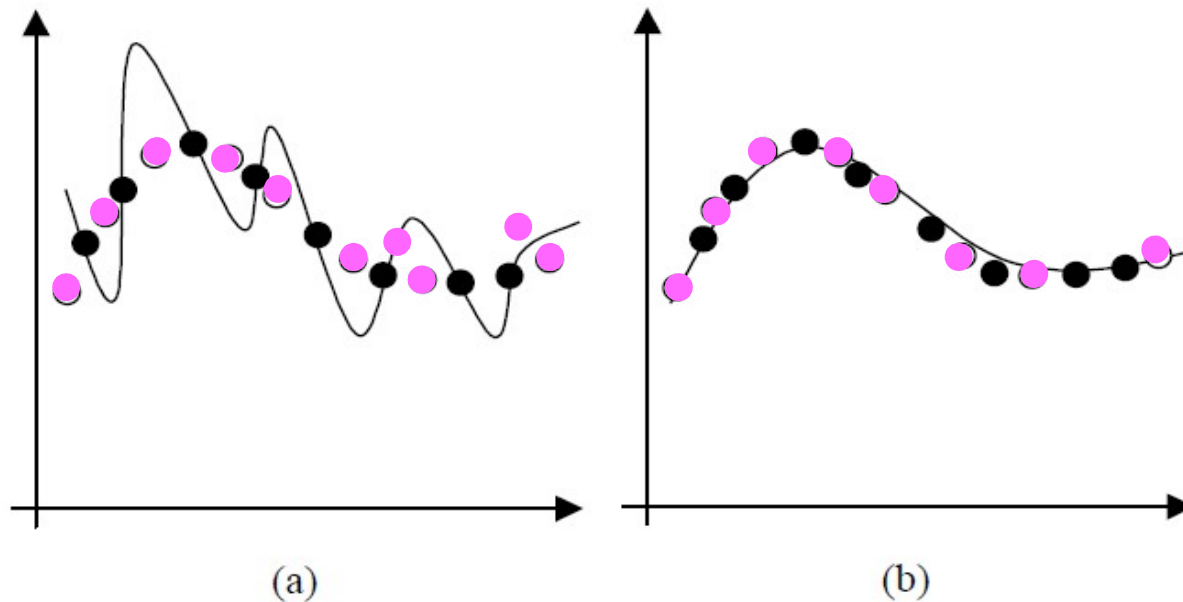
Interpolação x Aproximação



(a) Função a ser aproximada; (b) Amostras disponíveis; (c) Resultado de um processo de interpolação; (d) Resultado de um processo de aproximação.

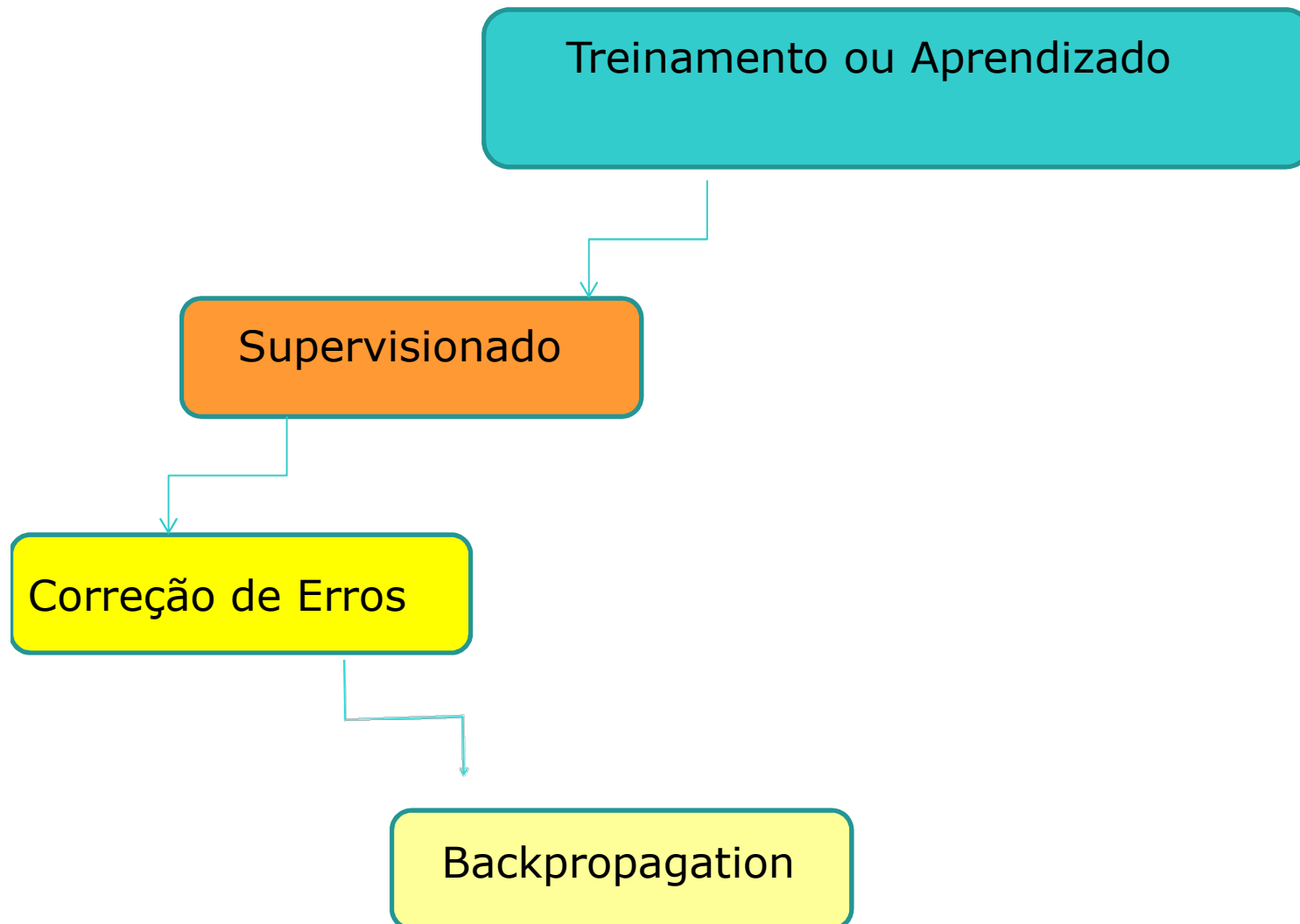
Aprendizado Supervisionado: Mapeamento I/O

Interpolação x Aproximação



Comparação de desempenho para dados de treinamento e teste, de modo a medir a capacidade de generalização dos mapeamentos produzidos.

Redes Neurais Artificiais: Treinamento



Redes Neurais Artificiais: Treinamento

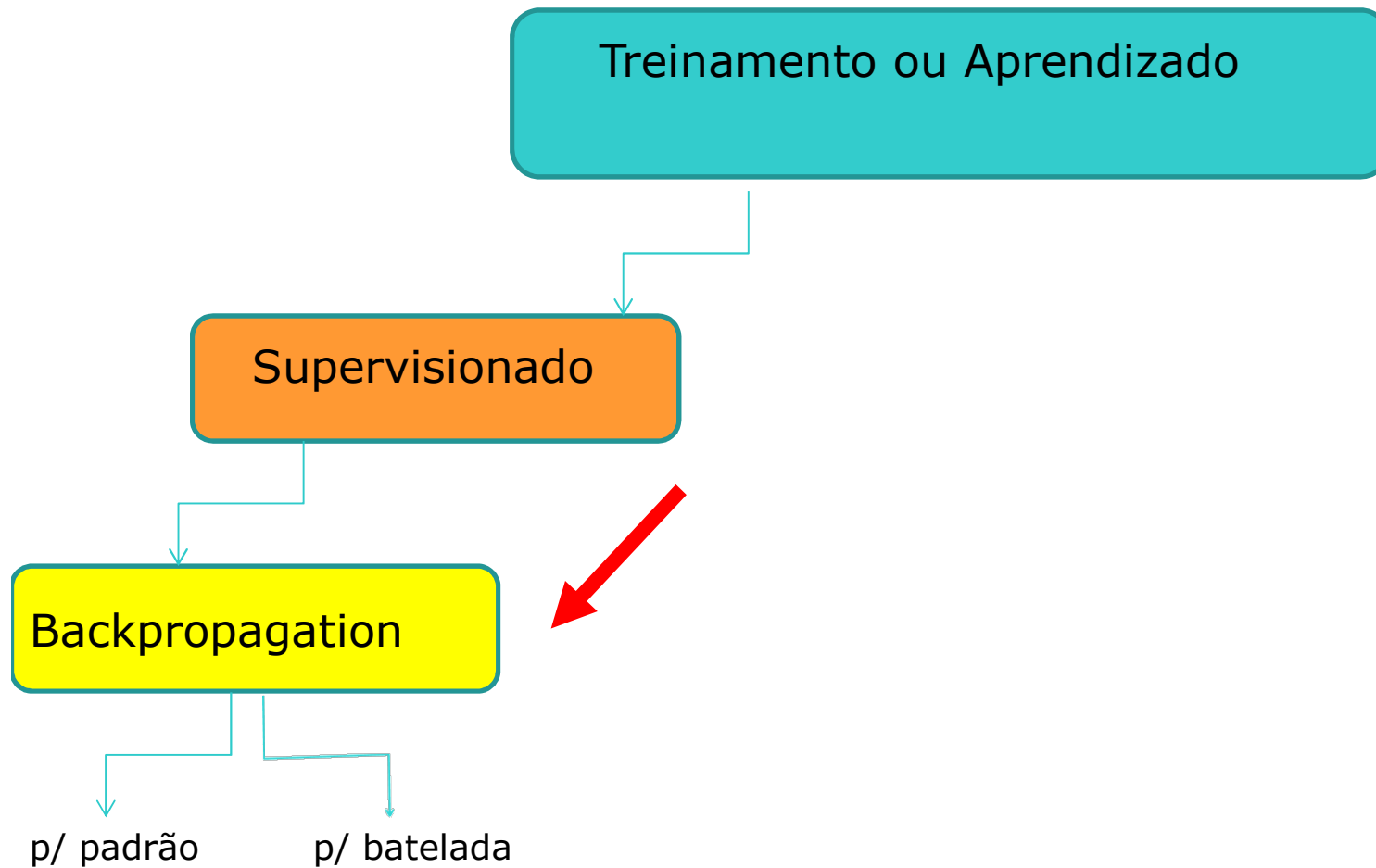
Backpropagation: Algoritmo de treinamento ou aprendizado **supervisionado** por **correção de erros**.

A cada padrão apresentado, compara-se a saída produzida pela rede com a **saída desejada**. Calcula-se o ajuste nos pesos de forma a minimizar o erro na saída.

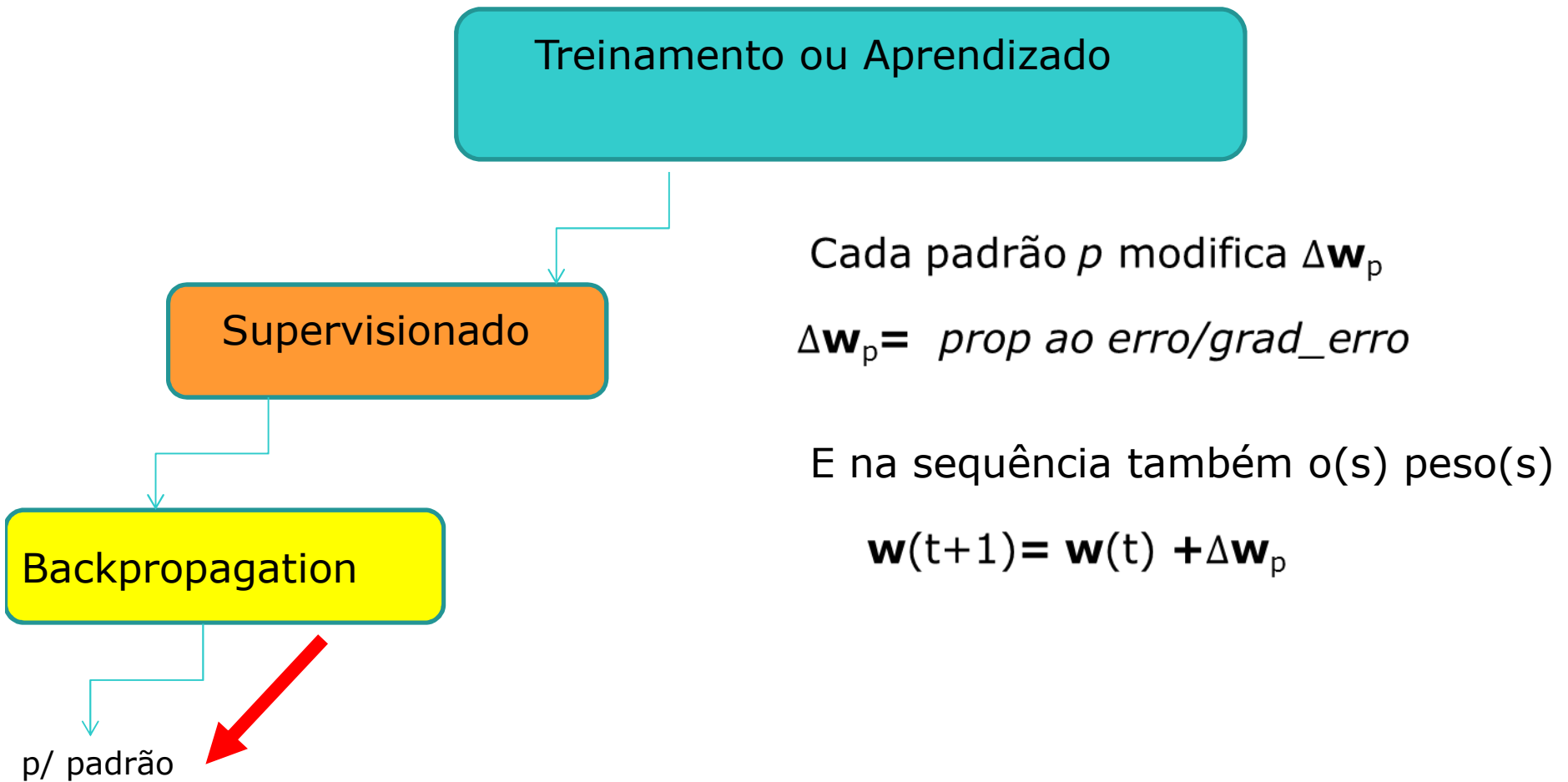
O esquema de correção pode ser feito de duas formas:

- **Individualmente a cada padrão:** os pesos são corrigidos após a apresentação de cada padrão.
- **Por batelada:** as mudanças nos pesos são calculadas para cada padrão mas a alteração ocorre somente após todo o conjunto ser apresentado à rede (este ciclo de apresentação de todos os padrões é chamado de **época**).

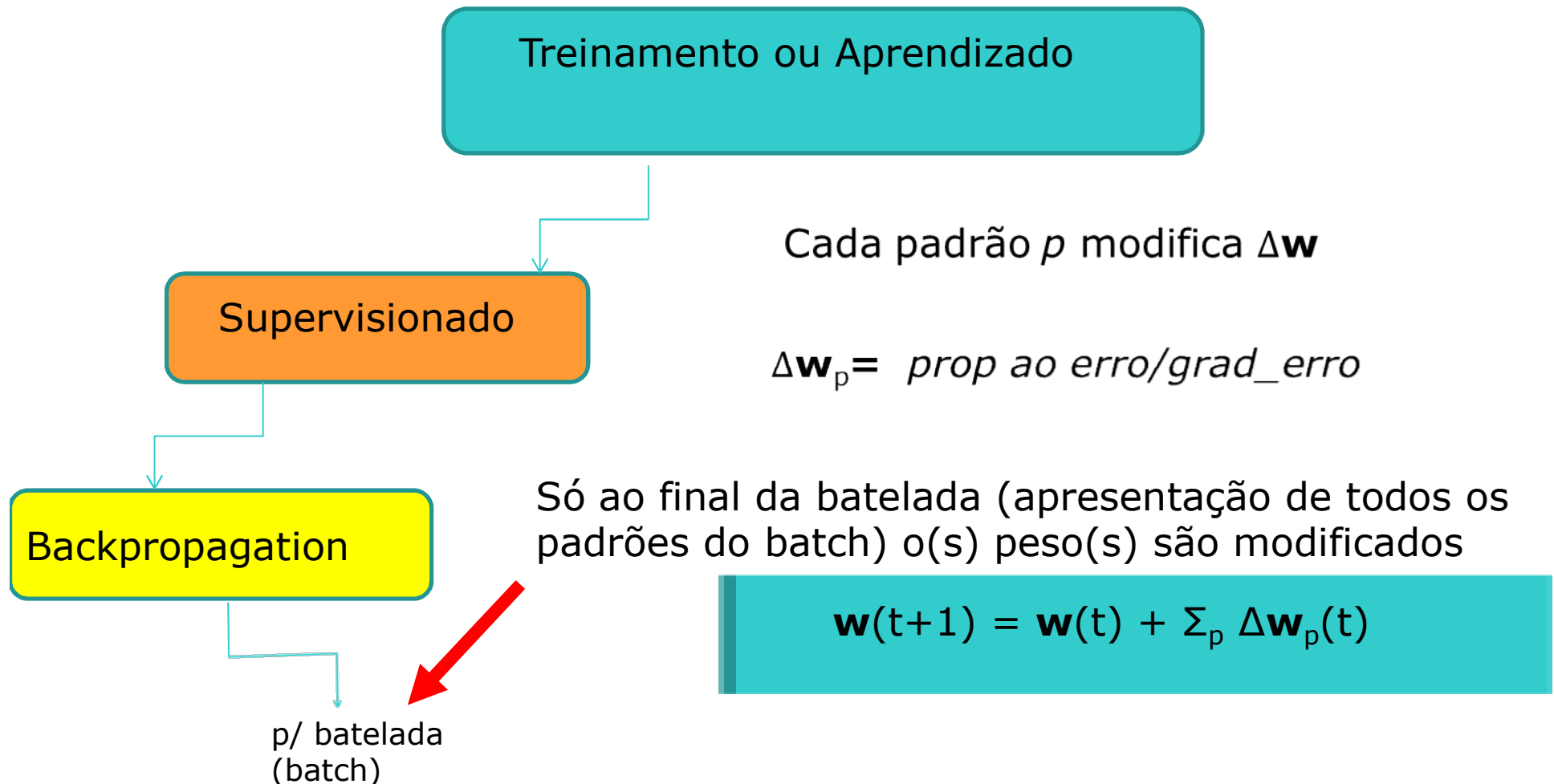
Redes Neurais Artificiais: Treinamento



Redes Neurais Artificiais: Treinamento



Redes Neurais Artificiais: Treinamento

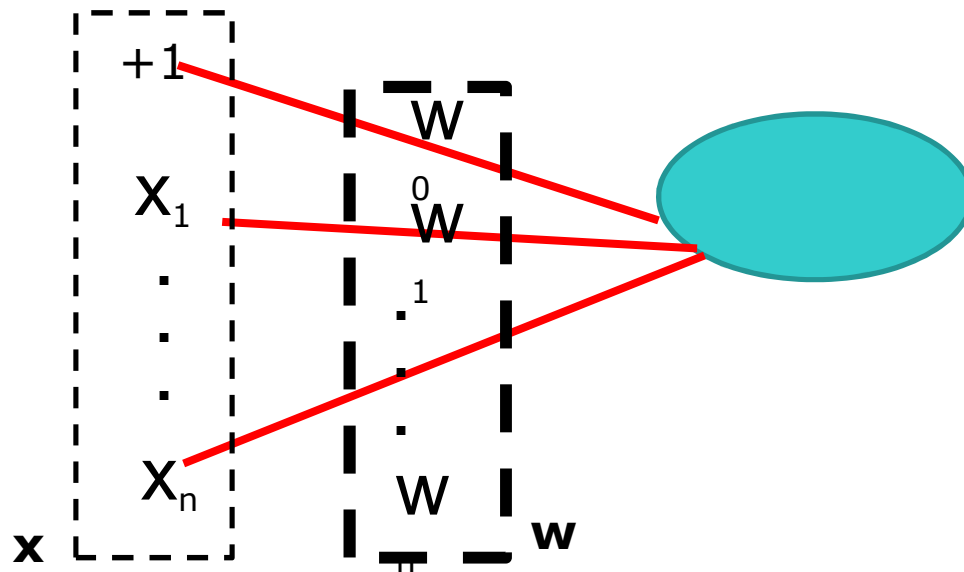


MLP: Backpropagation Clássico

Seja $\mathbf{w}(t)$ o vetor de peso sinápticos de um neurônio no instante t .

A adaptação (ou ajuste) $\Delta\mathbf{w}(t)$ é aplicada ao vetor $\mathbf{w}(t)$ no instante t , gerando um vetor corrigido (ou adaptado) no instante $t+1$, na forma

$$\mathbf{w}(t+1) = \mathbf{w}(t) + \Delta\mathbf{w}(t)$$



Redes Neurais Artificiais: Treinamento

O problema do treinamento (ajuste dos pesos) pode ser formulado da seguinte forma:

Dado um estado inicial \mathbf{w}_0 do vetor de pesos, conduzir o neurônio para um estado final \mathbf{w}_f

tal que, para um determinado conjunto de dados de entrada-saída $(\mathbf{x}_p, y_{d_p})_{p=1, \dots, P}$, a função de custo do erro quadrático

$$J(\mathbf{w}) = \sum_{p=1}^P \frac{1}{2} \left(y_{d_p} - y_p(\mathbf{w}) \right)^2 = \sum_{p=1}^P \frac{1}{2} \left(y_{d_p} - g(u_p(\mathbf{w})) \right)^2$$

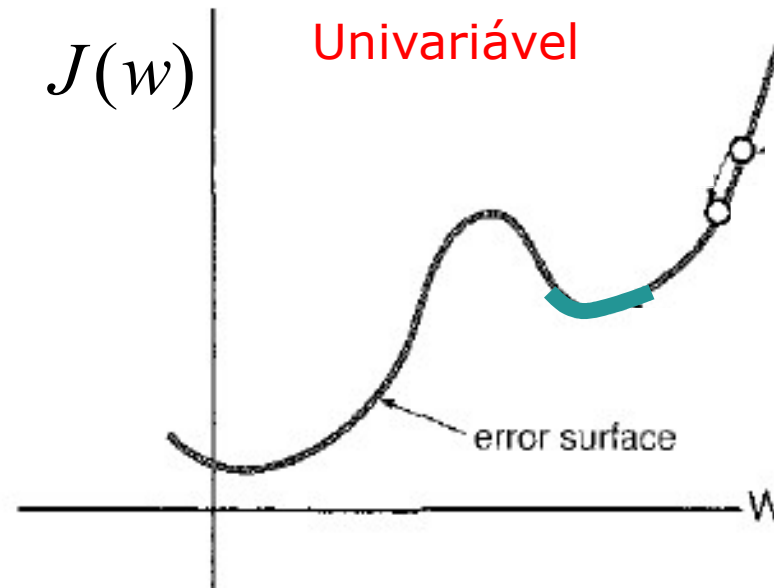
seja minimizada.

Redes Neurais Artificiais: Treinamento

Problema de minimização do Erro

$$J(w) = \sum_{p=1}^P \frac{1}{2} (y_{d_p} - y_p(w))^2$$

$\min_w J(w)$
para $w = w$



$$W_{new} = W_{old} - \eta \frac{dJ}{dW}$$

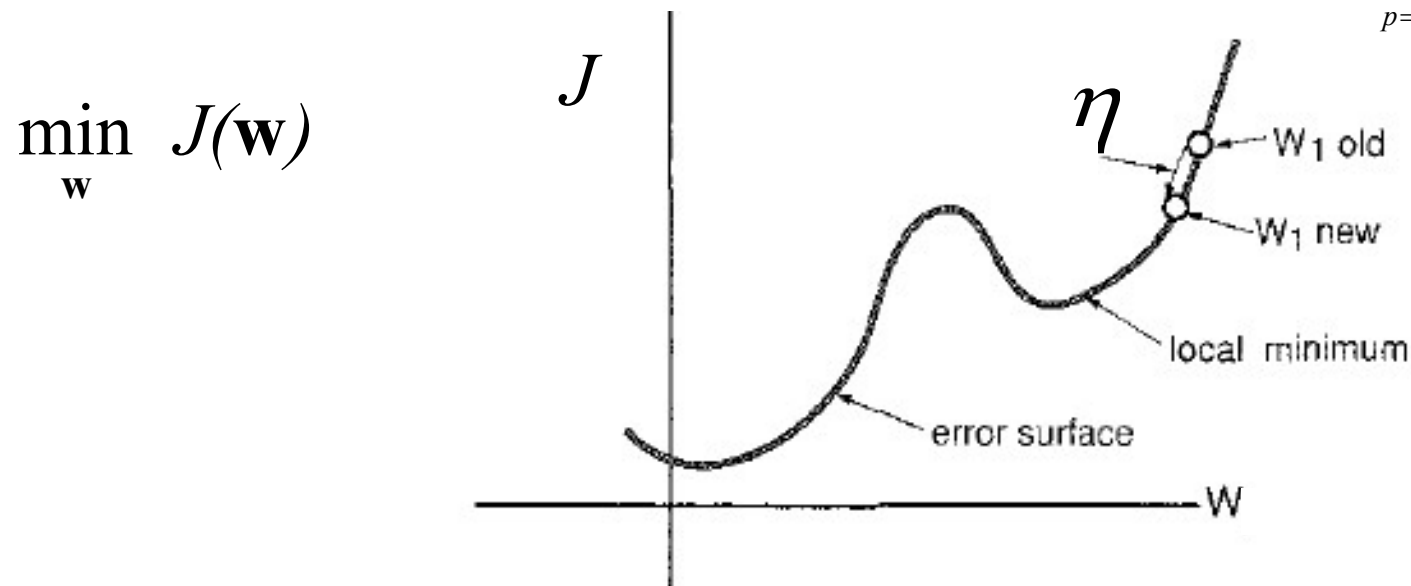
O sinal negativo busca alcançar o mínimo do Erro

Redes Neurais Artificiais: Treinamento

Problema de minimização do Erro

Univariável

$$J(w) = \sum_{p=1}^P \frac{1}{2} (y_{d_p} - y_p(w))^2$$



$$J(\mathbf{w}) = \sum_{p=1}^P \frac{1}{2} (y_{d_p} - y_p(\mathbf{w}))^2$$

Multivariável?

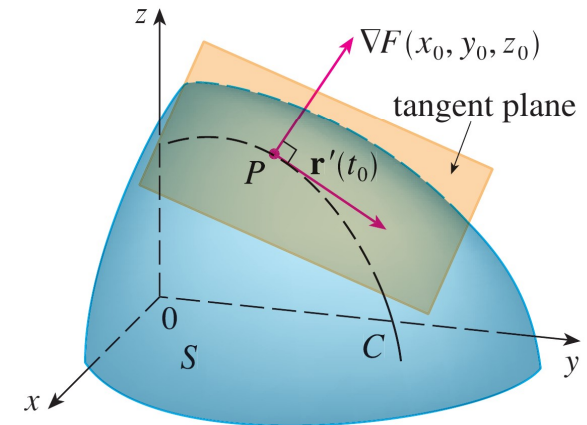
Treinamento baseado no gradiente

Resposta: ajustar os pesos $\mathbf{w}=[w_0, w_1, \dots, w_n]$ no **sentido oposto** ao do **vetor gradiente** da função custo J (do erro Q .) em relação ao vetor de pesos \mathbf{w} , com um passo denominado taxa de aprendizado η

$$\mathbf{w}(t+1) = \mathbf{w}(t) - \eta \nabla J(\mathbf{w}(t))$$

Onde

$$\nabla J(\mathbf{w}) = \left[\frac{\partial J(\mathbf{w})}{\partial w_0} \quad \frac{\partial J(\mathbf{w})}{\partial w_1} \quad \dots \quad \frac{\partial J(\mathbf{w})}{\partial w_n} \right]^T$$



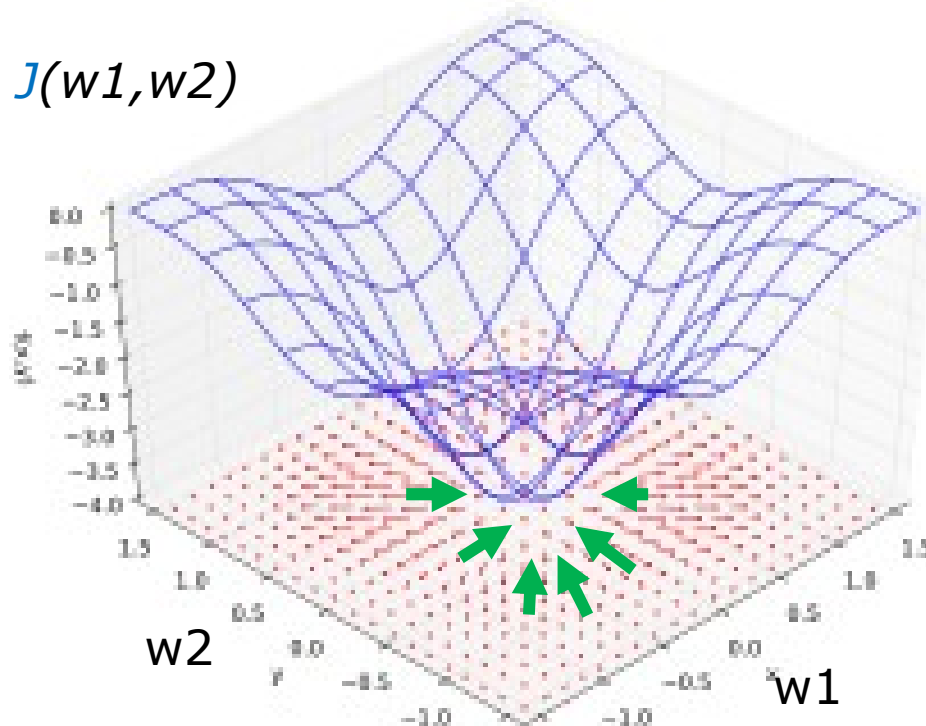
RNAs: Treinamento por Descida do Gradiente

$$\mathbf{w}(t+1) = \mathbf{w}(t) + \Delta \mathbf{w}$$

$\Delta \mathbf{w}$ função do **Gradiente** do **Custo do Erro Quadrático** (∇J)

A **maior taxa de variação** do **Custo do Erro Quadrático** ($J(\mathbf{w})$) ocorre na direção do vetor gradiente (**sentido contrário**)

$J(w1, w2)$



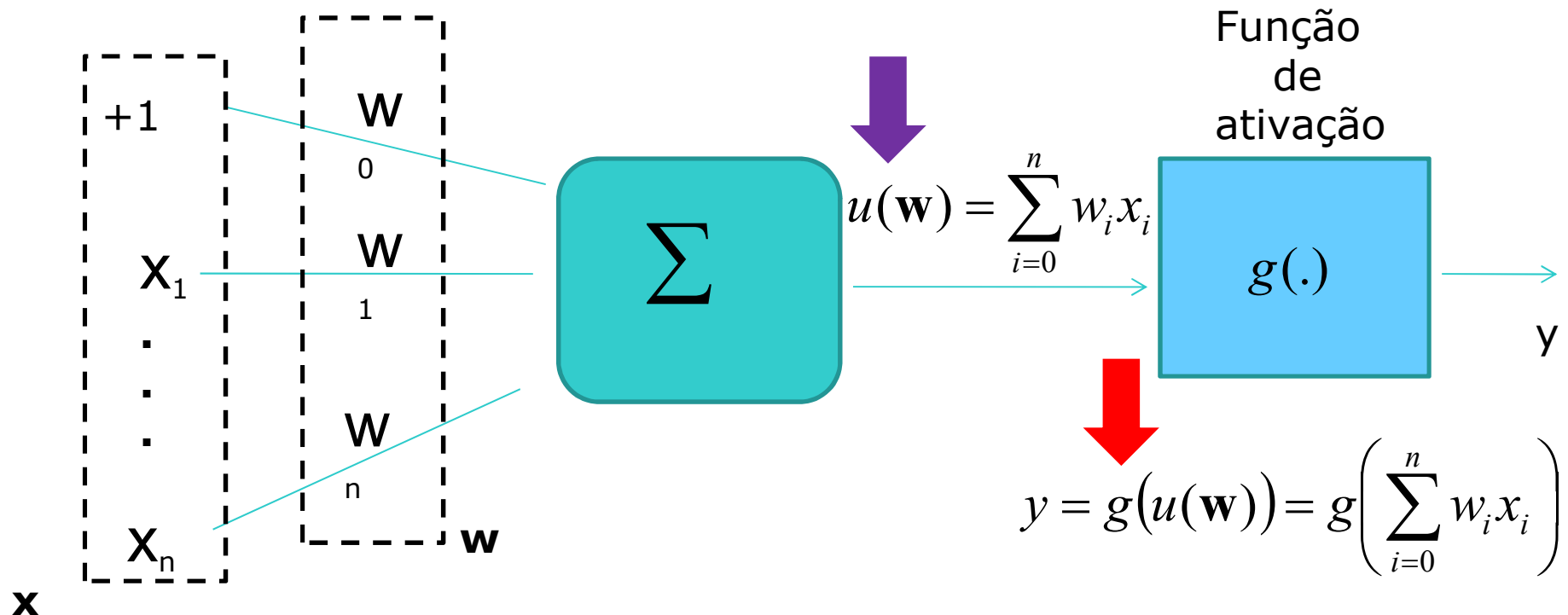
Só é possível quando o $J(\mathbf{w})$ é diferenciável em relação aos pesos.

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2} \left(y_{d_p} - y_p(\mathbf{w}) \right)^2 = \frac{1}{2} \left(y_{d_p} - g(u_p(\mathbf{w})) \right)^2$$

Como o custo depende da função de ativação (g) dos neurônios, a **função de ativação também deve ser diferenciável**

Aprendizado: neurônio com função de ativação $g(\cdot)$

Ajustando os pesos de um neurônio com função de ativação g (diferenciável) com derivada em relação ao potencial de ativação dada por g'



Descida do Gradiente do Erro_q Backpropagation

Backpropagation $\Delta \mathbf{w} = -\eta \nabla J(\mathbf{w}) = \eta \text{ erro } g'(u(\mathbf{w})) x$



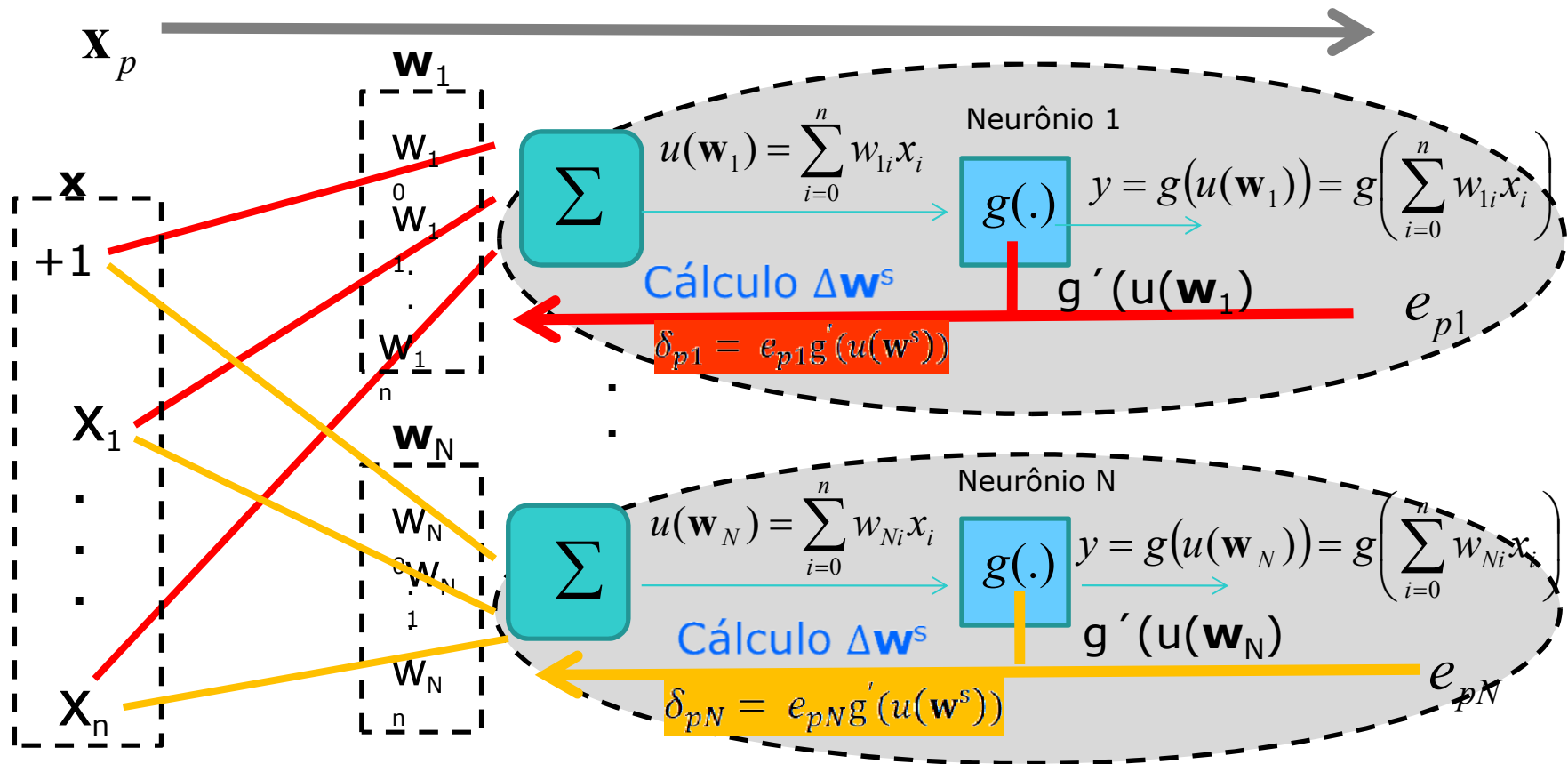
Camada saída: $y_d - y$

BackPropagation: rede de camada única

Ajustando os pesos de uma rede com camada única e neurônios com função de ativação (diferenciável) g

$$\Delta \mathbf{w} = -\eta \nabla J(\mathbf{w}) = \eta \boxed{\text{erro } g'(u(\mathbf{w}))} x$$

δ



Descida do Gradiente do Custo do Erro_q

Backpropagation

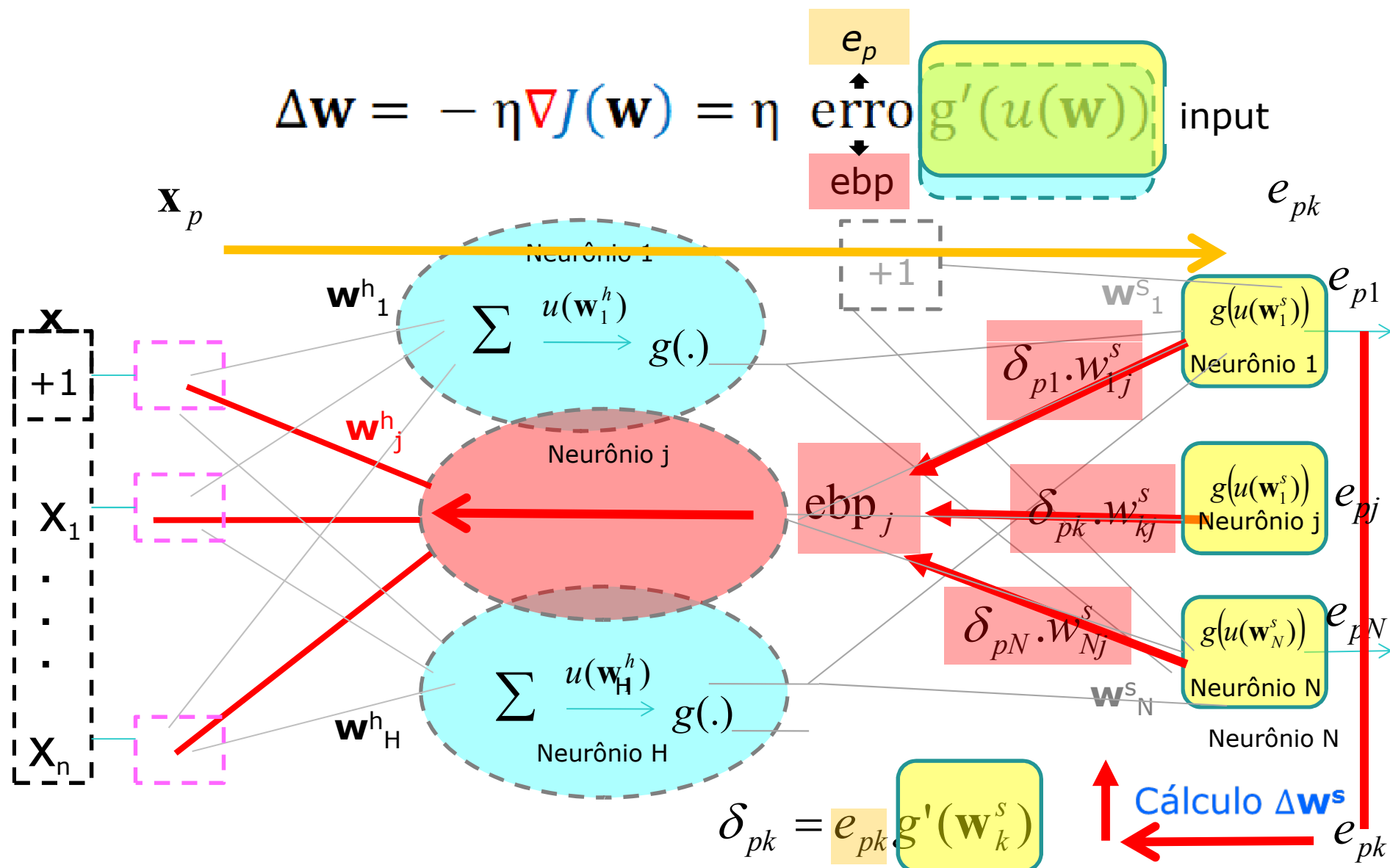
Backpropagation $\Delta \mathbf{w} = -\eta \nabla J(\mathbf{w}) = \eta \text{erro } g'(u(\mathbf{w})) x$

δ

Camadas intermediárias: *ebp* Camada saída: $y_d - y$

BackPropagation : rede de múltiplas camadas

Duas fases: propaga entrada e retropropaga o erro



Exemplo do algoritmo backpropagation de redes de

2 camadas (função de ativação $g(\cdot)$): batelada

Defina η , Inicialize os pesos dos $H+N$ neurônios: $\mathbf{w}_j^h, j=1,\dots,H, \mathbf{w}_k^s, k=1,\dots,N$.

epoca = 1;

Repita

para cada par $(\mathbf{x}^p, \mathbf{y}_d^p)$ $p=1,\dots,P$ faça

apresente o padrão \mathbf{x}^p à entrada da rede e faça a informação fluir até a saída

para cada neurônio $k, k=1,\dots,N$ da **CAMADA DE SAÍDA** faça

calcule o erro $e_{pk} = \mathbf{y}_d^p - \mathbf{y}_{pk}$

para o j -ésimo peso $j=0,\dots,H$ do neurônio k faça

$$\Delta w_{kj}^s(p) = \eta e_{pk} g' \left(u_p(\mathbf{w}_k^s) \right) x_{pkj}^s = \eta \delta_{pk} x_{pkj}^s$$

Saída da camada interm

fim para

fim para

para cada neurônio $j, j=0,\dots,H$ da **CAMADA INTERMEDIÁRIA** faça

para o i -ésimo peso $i=0,\dots,n$ do neurônio j faça

$$\Delta w_{ji}^h(p) = \eta \text{erro_bkp} g' \left(u_p(\mathbf{w}_j^h) \right) x_{pji}^h = \eta \sum_{k=1}^N \delta_{pk} w_{kj}^s g' \left(u_p(\mathbf{w}_j^h) \right) x_{pji}^h$$

fim para

fim para

fim para

Atualize o peso j ($j=1,\dots,H$) do neur $k, k=1,\dots,N$.

Atualize o peso i ($i=1,\dots,N$) do neur $j, j=1,\dots,H$

epoca=epoca+1;

até atingir condição de parada

$$\mathbf{w}_{kj}^s(t+1) = \mathbf{w}_{kj}^s(t) + \frac{1}{P} \sum_{p=1}^P \Delta w_{kj}^s(p)$$

$$\mathbf{w}_{ji}^h(t+1) = \mathbf{w}_{ji}^h(t) + \frac{1}{P} \sum_{p=1}^P \Delta w_{ji}^h(p)$$

Algoritmo Backpropagation:

Dicas práticas: (treinamento por batelada ou por padrão)

Inicializar aleatoriamente os pesos no intervalo $[-1,1]$
(lembrar de incluir os limiares no conjunto de pesos associados com entradas fixa em $+1$)

Normalizar as entradas:

$[0.1,0.9]$ sigmoide

$[-0.9,0.9]$ tangente hiperbólica

Utilizar valores pequenos para taxa de aprendizado

η in $[0.01 \text{ a } 0.1]$

Algoritmo Backpropagation: mínimos locais

BP puro: sujeito a ficar preso nos mínimos locais

Como escapar de mínimos locais?

– Utilizar o Backpropagation com momento:

Usa na atualização dos pesos um termo proporcional a última direção de alteração do peso. (Alteração do Peso no passo anterior do algoritmo BP) - idéia de inércia ou um “empurrão” para sair dos mínimos locais.

Algoritmo Backpropagation com Momento

BP puro:

$$\mathbf{w}(t+1) = \mathbf{w}(t) + \Delta\mathbf{w}(t) = \mathbf{w}(t) - \eta \nabla J(\mathbf{w}(t))$$

BP com momento:

$$\mathbf{w}(t+1) = \mathbf{w}(t) + \Delta\mathbf{w}(t) + \gamma \Delta\mathbf{w}(t-1)$$

Dica prática: utilizar γ in $[0.8, 0.9]$