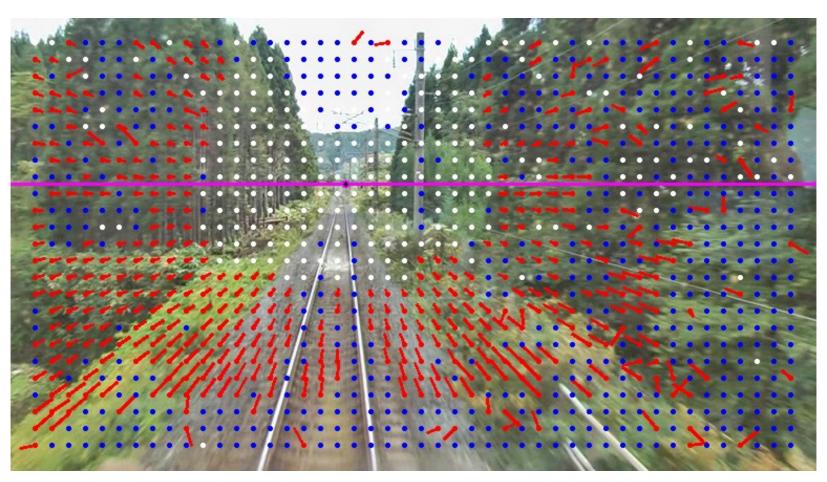
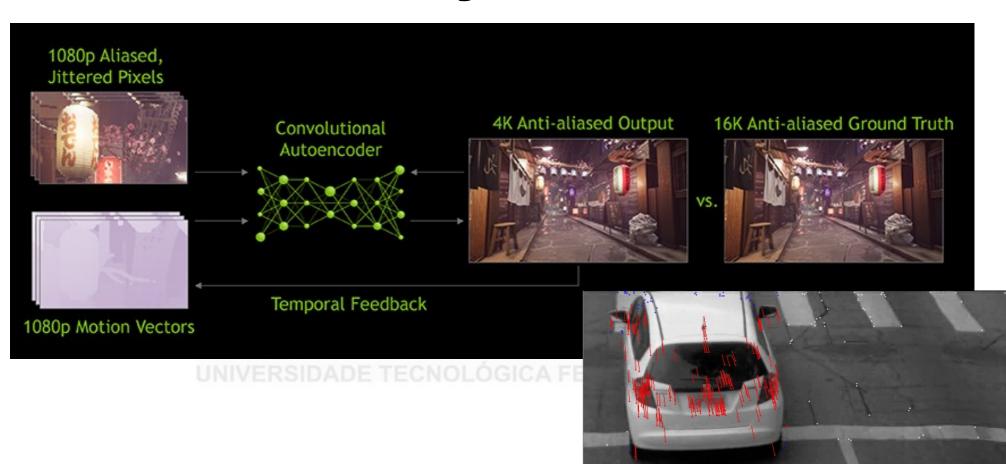
#### Visão Computacional

Prof. Bogdan Tomoyuki Nassu

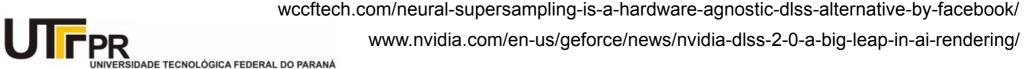




### Desafio: detecção de movimento

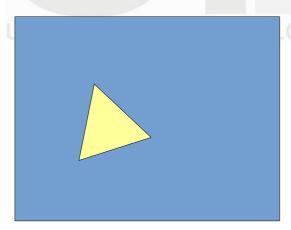


https://www.youtube.com/watch?v=3laKJuZN55k

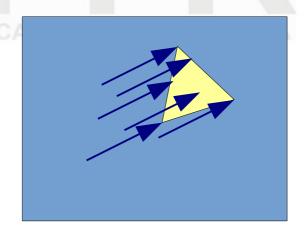


#### Fluxo ótico

- •Fluxo ótico (optical flow).
  - Padrão de movimento de objetos, superfícies, cenas, etc.
    - = descrição do movimento de cada pixel entre 2 frames de vídeo.
    - Vetores de movimento.
  - Origem na biologia: modelagem de um componente da visão de animais, ligado à percepção de movimentos, forma e distância de objetos.



Frame *t* 



Frame *t*+1. A setas são os vetores de movimento para 6 pixels.



# Aplicações?





### **Aplicações**

- •Estabilização de câmera.
- •Super-resolução de vídeos.
- •Structure from motion.
- •Interpolação temporal de vídeo para aumento de taxa de quadros.
- •Rastreamento e segmentação de objetos.
- Compressão.
- •(Mostrar exemplo do FOE).



#### Como fazer?

- •Suponha um único pixel de um frame anterior. Como descobrir onde este pixel está no frame atual?
  - Nota: rigorosamente, os pixels não "se movem", o que acontece é que movimentos da câmera ou do objeto fazem com que a luz refletida sobre um mesmo ponto do mundo real esteja projetada em uma coordenada diferente da imagem! Mas por simplicidade, vamos falar que os pixels "se movem".



### **Pressupostos**

#### •Pressupostos:

- Constância do brilho: um pixel permanece com (quase) a mesma intensidade/cor entre os 2 frames.
- Coerência espacial: pontos vizinhos em um frame permanecem próximos no frame seguinte.
  - = a região ao redor de um pixel muda lentamente no tempo.
- •Voltando à pergunta: como localizar um pixel do frame anterior no frame atual?



#### Como fazer?

- Como localizar um pixel do frame anterior no frame atual?
- •Podemos tomar uma janela (um *patch*) ao redor do pixel no frame anterior, e procurar por uma janela similar no frame atual?
  - (ou vice-versa)
  - Precisamos medir a similaridade entre uma região de um frame e regiões de outro frame.
    - Como?



### **Block matching**

- Precisamos medir a similaridade entre uma região de um frame e regiões de outro frame.
  - Como?
    - R: template/block matching.
      - O "template" é uma região ao redor do pixel em um frame.
      - Procuramos por uma região parecida em outro frame.
        - = "De onde veio este pixel?"



#### Fluxo ótico denso

- •Fluxo ótico denso ideia geral:
  - Para cada pixel  $p=(x_r, y_t)$  do frame do tempo t:
    - Seleciona uma janela de largura 2w+1 com centro em p.
    - Busca regiões similares à janela no frame do tempo *t-1*, computando uma pontuação para cada alinhamento possível.
      - A posição (x<sub>t-1</sub>,y<sub>t-1</sub>) do alinhamento com maior pontuação é a posição de p no tempo t-1.
    - O vetor de movimento do pixel p é obtido por  $[x_t x_{t-1}, y_t y_{t-1}]$ .
- •Como comparar duas janelas / patches?



#### Fluxo ótico denso

- •Fluxo ótico denso ideia geral:
  - Para cada pixel  $p=(x_r, y_t)$  do frame do tempo t:
    - Seleciona uma janela de largura 2w+1 com centro em p.
    - Busca regiões similares à janela no frame do tempo *t-1*, computando uma pontuação para cada alinhamento possível.
      - A posição (x<sub>t-1</sub>, y<sub>t-1</sub>) do alinhamento com maior pontuação é a posição de p no tempo t-1.
    - O vetor de movimento do pixel p é obtido por  $[x_t x_{t-1}, y_t y_{t-1}]$ .
- Como comparar duas janelas / patches?
  - Diferença quadrática.
  - Coeficiente de correlação.
  - etc.



#### Fluxo ótico denso: refinando

- •Problema: custo computacional extremamente alto.
  - Formas simples de melhorar?



#### Fluxo ótico denso: refinando

- Problema: custo computacional <u>extremamente</u> alto.
  - Formas simples de melhorar:
    - Imagens em escala de cinza.
    - Em vez de procurar todos os pixels do frame *t* no frame *t-1*, fazer amostragem em espaços regulares.
    - Em vez de procurar por um pixel  $p=(x_t, y_t)$  em todo o frame t-1, procurar apenas em uma região próxima a  $(x_t, y_t)$ .

#### •3 parâmetros:

- Largura da janela ao redor de cada pixel (2w+1).
  - Nos exemplos: janela quadrada com w=7.
- Espaçamento entre os pontos que serão procurados a cada frame.
  - Nos exemplos: 16 pixels.
- Tamanho da vizinhança onde cada janela será procurada.
  - Nos exemplos:  $x=[x_0-16,x_0+16]$  e  $y=[y_0-16,y_0+16]$ .



### Exemplo

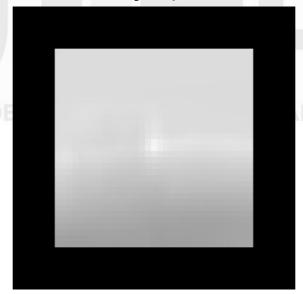


Região no frame t

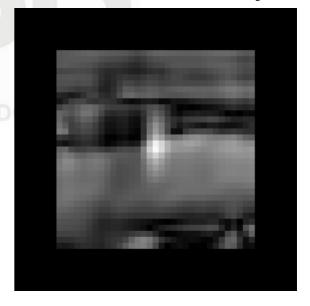
Janela no frame *t-1* 



1 - Diferença quadrática

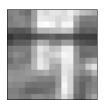


Coeficiente de correlação





## Exemplo

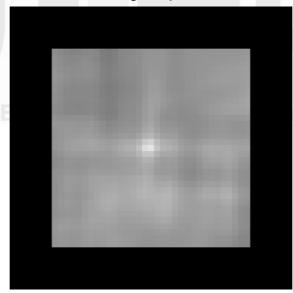


Região no frame t

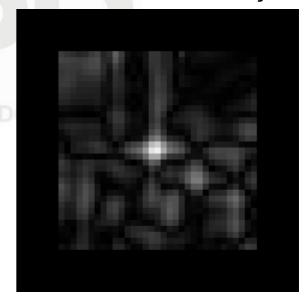
Janela no frame *t-1* 



1 - Diferença quadrática

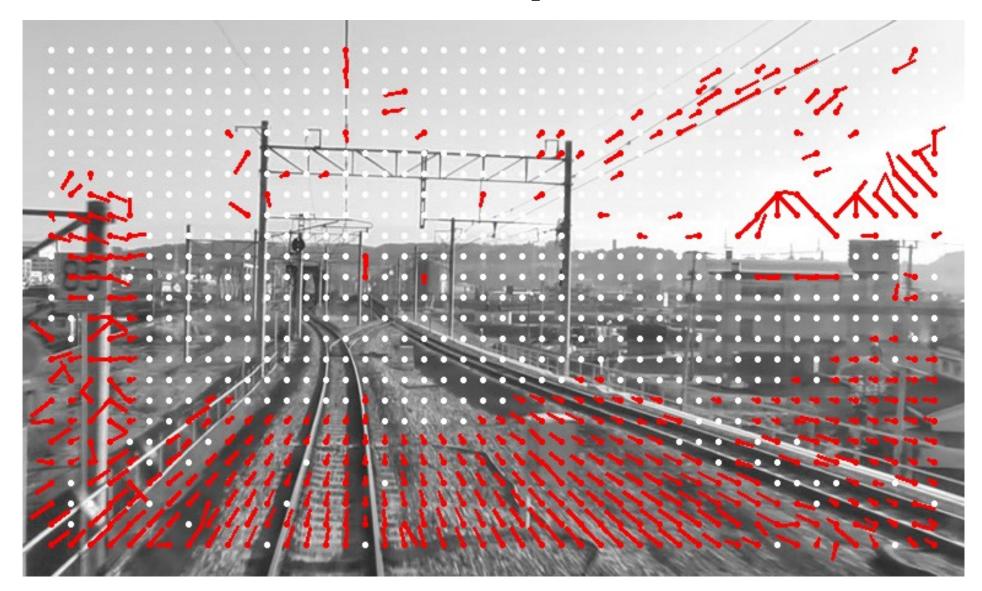


Coeficiente de correlação





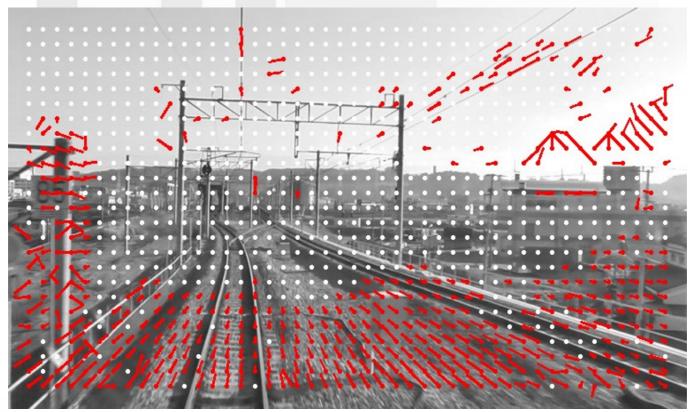
# Exemplo



#### Analisando os resultados

#### •Observemos:

- Como o comprimento dos vetores varia de acordo com a distância?
- Por que existem "pontos parados"?
- Por que alguns vetores parecem tão errados???





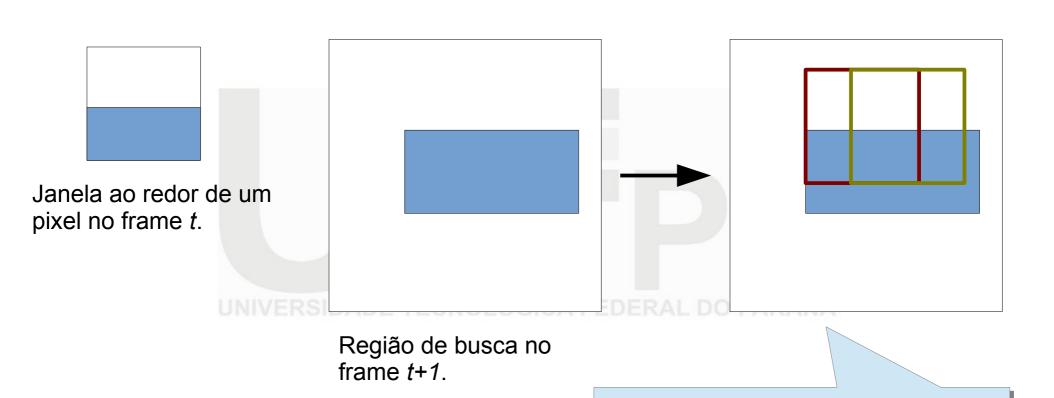
•O problema mais fundamental que temos quando analisamos o fluxo ótico é conhecido como "problema da abertura".



Podemos facilmente determinar

o melhor casamento!

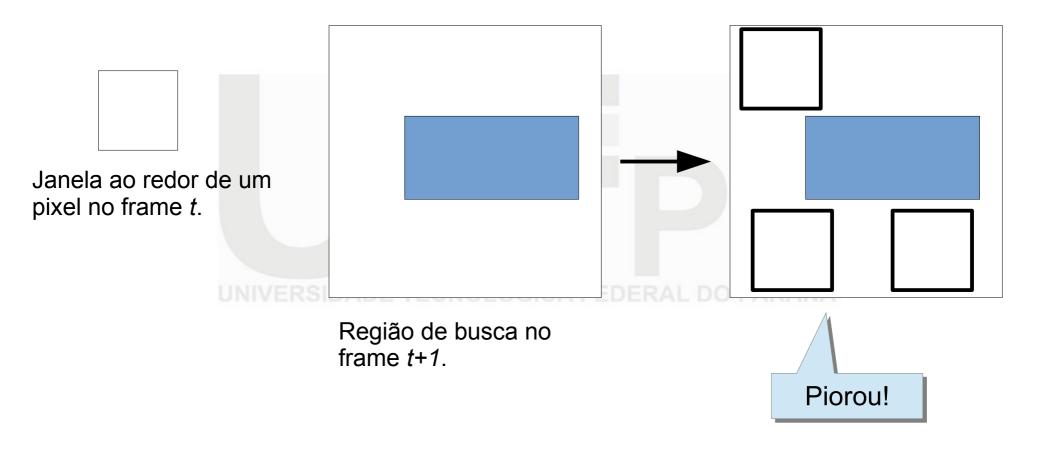




Temos vários casamentos

com a mesma pontuação!







- •O problema da abertura ocorre quando a região que estamos buscando é pouco distintiva, ou pode ser facilmente confundida com outras regiões.
  - Como resolver?



- •O problema da abertura ocorre quando a região que estamos buscando é pouco distintiva, ou pode ser facilmente confundida com outras regiões.
  - Buscar uma região maior da imagem resolveria o problema?



- O problema da abertura ocorre quando a região que estamos buscando é pouco distintiva, ou pode ser facilmente confundida com outras regiões.
  - Buscar uma região maior da imagem resolveria o problema?
    - O casamento pode ficar muito difícil se a janela for grande demais, a não ser que uma região grande mude muito pouco.
    - Como determinar o tamanho da janela?

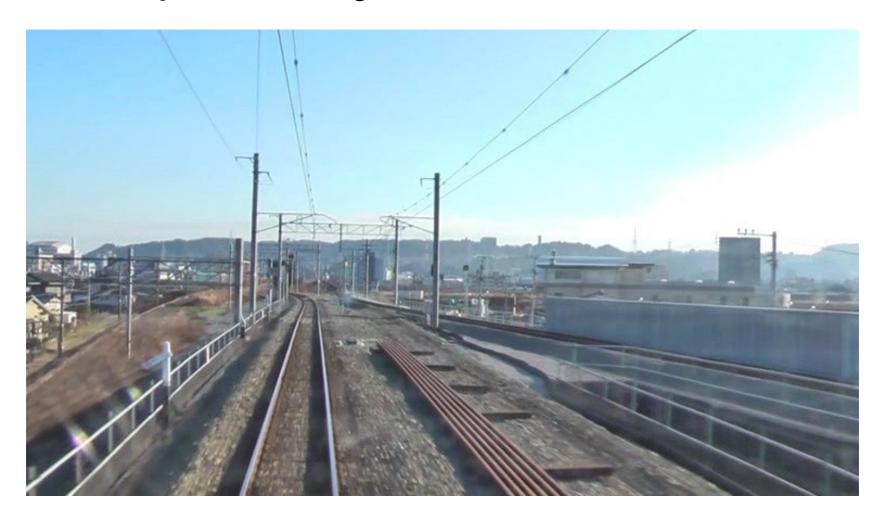


#### Fluxo ótico denso: mais desafios

- Desafios para fluxo ótico denso:
  - Movimentos que não fazem parte da cena (ex: televisão ligada).
  - Movimentos falsos, criados por brilhos e reflexos.
    - Ex: esfera brilhante parada e uma luz móvel.
  - Movimentos de objetos não-rígidos (animais, tecidos, líquidos, etc.).
- •Vários algoritmos já foram propostos para o problema do fluxo ótico.
  - Outras formas de se comparar regiões.
  - Múltiplos candidatos a vetor para um mesmo ponto.
    - Pode ser útil para tratar incertezas ou mesmo transparências!
  - Precisão sub-pixel.
  - Pirâmides de imagens, para análise multi-escala.
- •Alternativa?

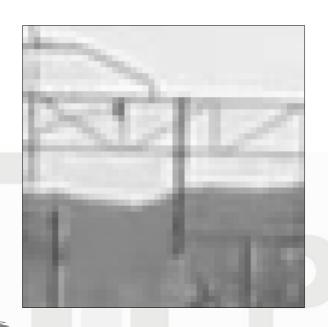


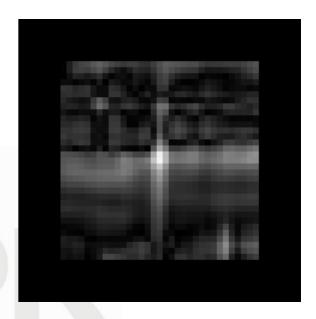
•Qual a diferença entre as regiões com casamentos bons e ruins?





#### Bons casamentos...

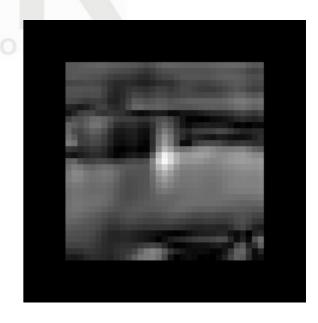




- Região no frame t.
   Janela no frame t-1.
  - 3. Pontuações.

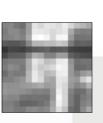




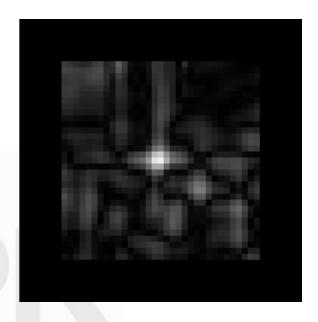




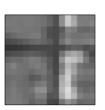
#### Bons casamentos...

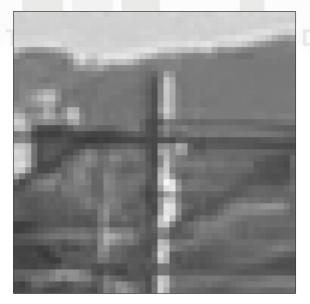


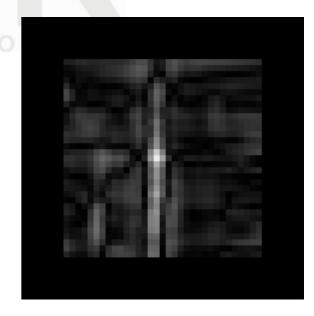




Região no frame t.
 Janela no frame t-1.
 Pontuações.



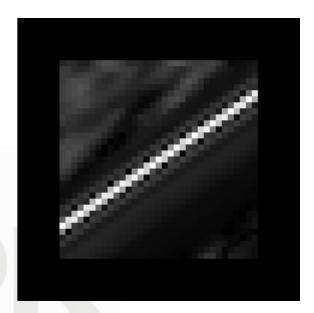






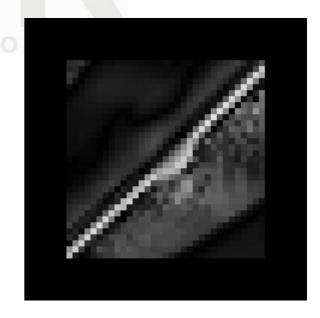
#### Maus casamentos...





Região no frame t.
 Janela no frame t-1.
 Pontuações.

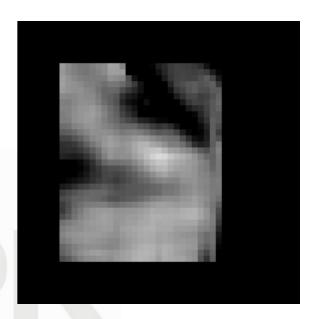






#### Maus casamentos...

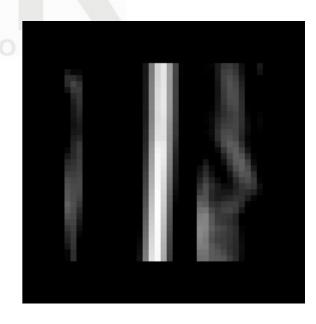




Região no frame t.
 Janela no frame t-1.
 Pontuações.

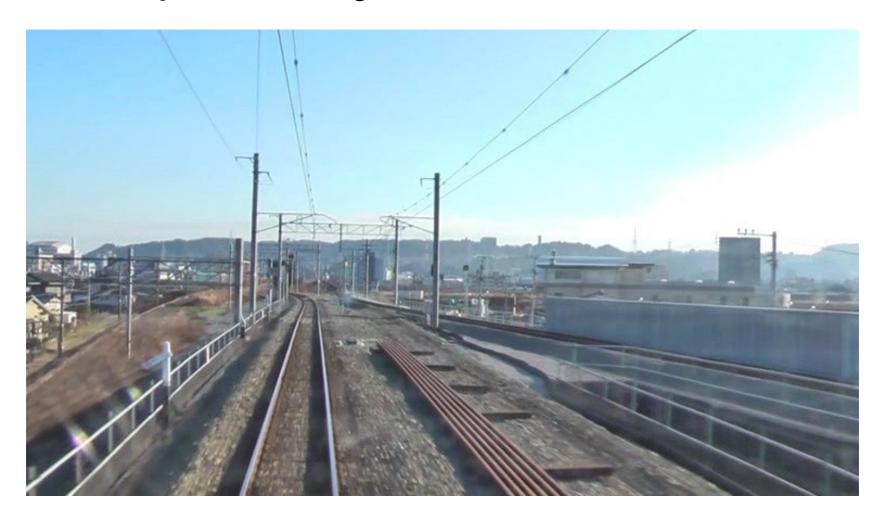








•Qual a diferença entre as regiões com casamentos bons e ruins?





- •Qual a diferença entre as regiões com casamentos bons e ruins?
  - Regiões ruins têm textura pobre ou muito simples.
    - Ex: um traço em uma direção.
  - Regiões com bons casamentos possuem "cantos".
- •Como definir um "canto"?



- Qual a diferença entre as regiões com casamentos bons e ruins?
  - Regiões ruins têm textura pobre ou muito simples.
    - Ex: um traço em uma direção.
  - Regiões com bons casamentos possuem "cantos".
- •Como definir um "canto"?
  - R: um canto é um encontro entre duas bordas!
- •E o que caracteriza uma borda?



- •Qual a diferença entre as regiões com casamentos bons e ruins?
  - Regiões ruins têm textura pobre ou muito simples.
    - Ex: um traço em uma direção.
  - Regiões com bons casamentos possuem "cantos".
- •Como definir um "canto"?
  - R: um canto é um encontro entre duas bordas!
- •E o que caracteriza uma borda?
  - A existência de um gradiente forte.
- •→ o que caracteriza um canto (*corner*) é a existência de gradientes fortes em pelo menos duas direções.



### Mudando o nosso jeito de pensar

•Suponha que já temos um algoritmo que detecta cantos. Como isso poderia ser explorado para computar o fluxo ótico?



### Mudando o nosso jeito de pensar

- •Suponha que já temos um algoritmo que detecta cantos. Como isso poderia ser explorado para computar o fluxo ótico?
  - Toma a vizinhança de cada canto detectado no frame t, e procura no frame t-1 pela região mais similar?
    - (ou vice-versa)
  - Toma a vizinhança de cada canto detectado no frame *t*, e procura entre os cantos detectados no frame *t*-1 o que tem o entorno mais similar?
    - (ou vice-versa) SIDADE TECNOLÓGICA FEDERAL DO PARANÁ
  - Fluxo ótico esparso: acompanha somente pontos promissores.
- Já sabemos como computar a similaridade entre duas regiões.
  - Precisamos de um algoritmo para detectar cantos!



#### **Auto-similaridade**

- •A primeira ideia é detectar cantos com base na "auto-similaridade".
  - Detector de Moravec (1980).
  - Conceito similar ao do fluxo ótico denso, mas aplicado ao próprio frame:
    - ???



#### **Auto-similaridade**

- •A primeira ideia é detectar cantos com base na "auto-similaridade".
  - Detector de Moravec (1980).
  - Conceito similar ao do fluxo ótico denso, mas aplicado ao próprio frame:
    - Para cada pixel da imagem, toma uma vizinhança e a "desliza" sobre a própria imagem, em uma região ao redor do pixel.
      - Janela e variações de posição pequenas!
    - Para cada alinhamento, computa uma pontuação.
      - Diferença quadrática.
  - Região homogênea: ???
  - Borda: ???
  - Canto: ???



#### **Auto-similaridade**

- •A primeira ideia é detectar cantos com base na "auto-similaridade".
  - Detector de Moravec (1980).
  - Conceito similar ao do fluxo ótico denso, mas aplicado ao próprio frame:
    - Para cada pixel da imagem, toma uma vizinhança e a "desliza" sobre a própria imagem, em uma região ao redor do pixel.
      - Janela e variações de posição pequenas!
    - Para cada alinhamento, computa uma pontuação.
      - Diferença quadrática.
  - Região homogênea: pontuações boas para muito alinhamentos.
  - Borda: várias pontuações boas quando a região estiver sobre a borda.
  - Canto: pequenas mudanças no alinhamento reduzem a pontuação.

#### Problemas...

- Alto custo computacional.
- Deslocamentos discretos.
- Ruídos nas respostas.



#### Harris corners

- •O detector de cantos de Harris ("Harris corners"), de 1988, é um dos trabalhos fundamentais sobre a detecção de cantos.
- •O algoritmo parte do conceito de auto-similaridade e, através de manipulações algébricas, transforma a equação da diferença quadrática para um deslocamento.



### Derivadas de 2<sup>a</sup> ordem

- •O detector de Harris é baseado nas derivadas de segunda ordem Dxx, Dxy e Dyy.
- •Para computar as derivadas de segunda ordem, podemos calcular os "gradientes dos gradientes" (i.e. usar um filtro como Sobel duas vezes), ou montar kernels apropriados.
  - Exemplo: kernels 3x3.

UNIVERSIDADE TECNOLÓGICA FEDERAL DO PARANÁ

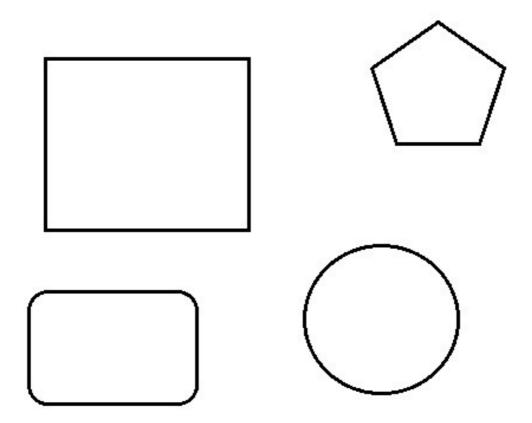
Dxx:	1	-2	1
	2	-4	2
	1	-2	1

	1	2	1
Dyy:	-2	-4	-2
	1	2	1

	1	0	-1
Dxy:	0	0	0
	-1	0	1



## Exemplo: imagem original





# **Exemplo: Dxx**



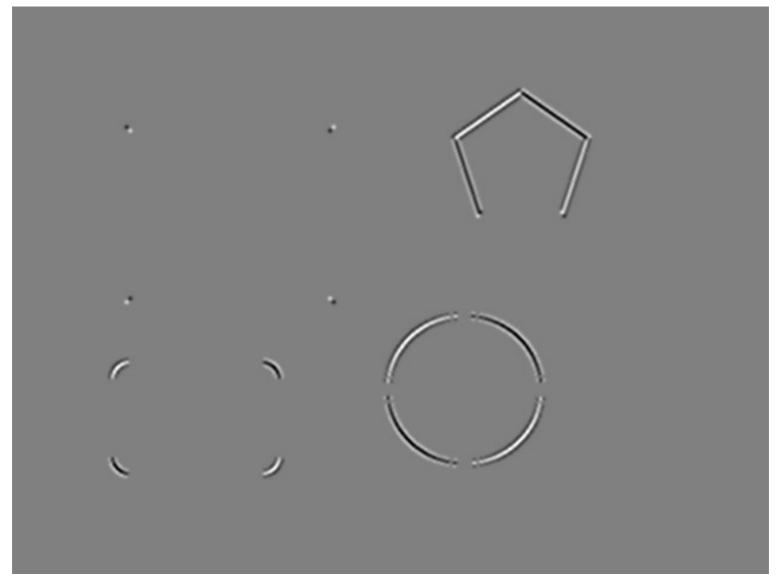


# **Exemplo: Dyy**





# **Exemplo: Dxy**



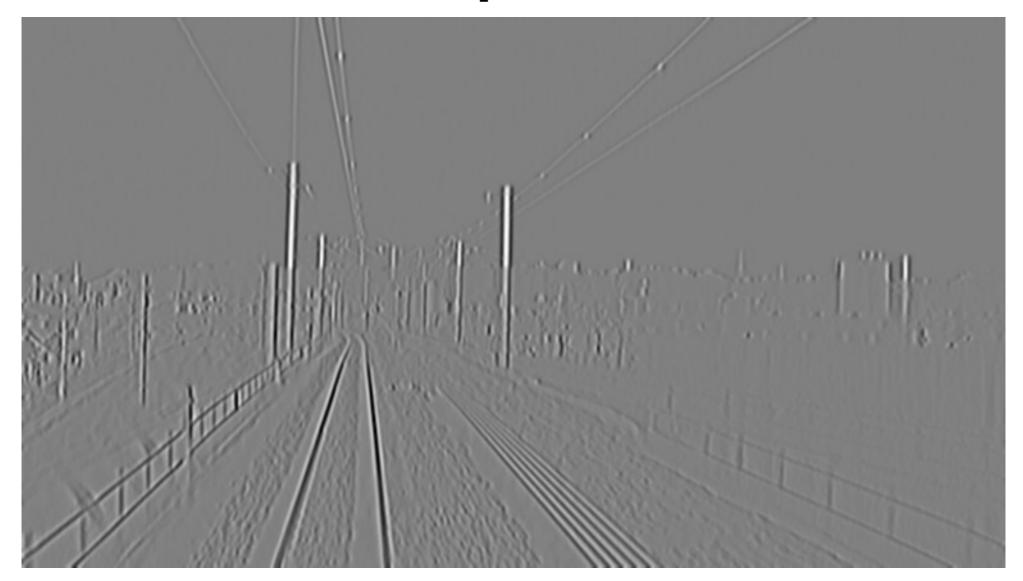


# Exemplo: imagem original



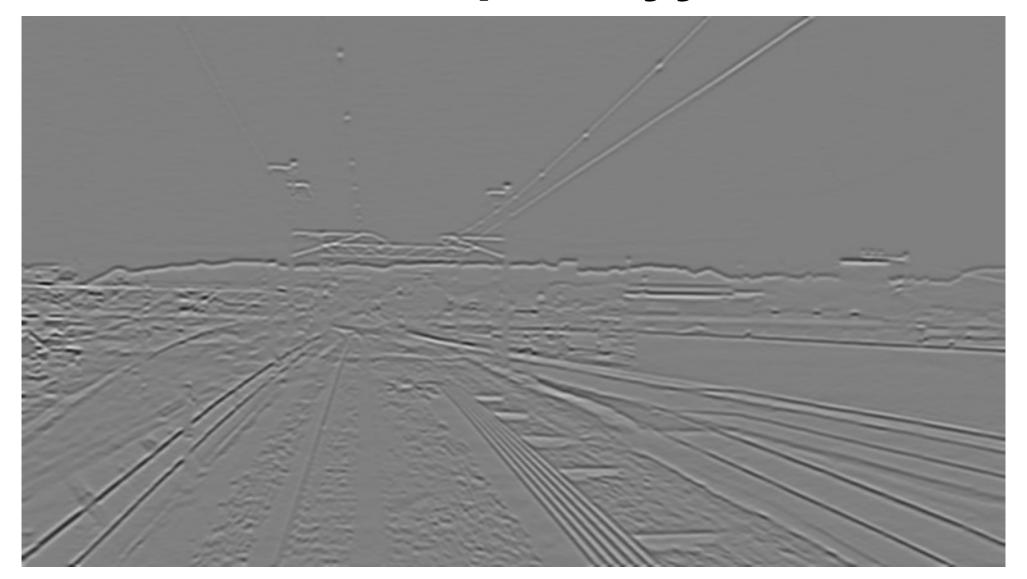


# **Exemplo: Dxx**

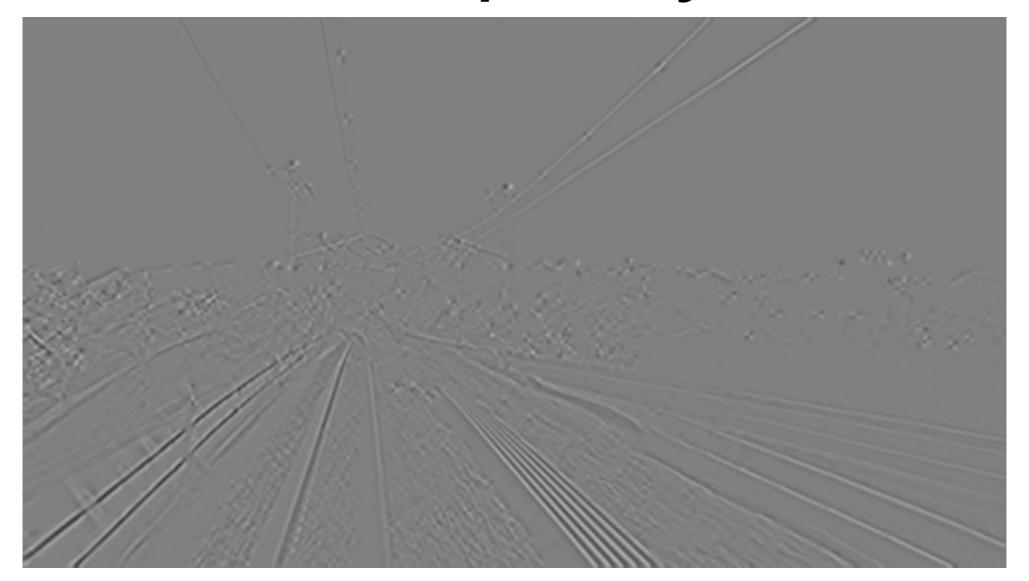




# **Exemplo: Dyy**



# **Exemplo: Dxy**





## Matriz de autocorrelação

•O próximo passo do algoritmo de Harris é computar uma matriz de autocorrelação, definida por:

$$A(x,y) = \begin{vmatrix} Sxx & Sxy \\ Sxy & Syy \end{vmatrix} = \sum w \begin{vmatrix} Dxx & Dxy \\ Dxy & Dyy \end{vmatrix}$$

- •Aqui, w é uma função de pesagem.
  - A versão original da auto-similaridade teria w=1 para todas as posições em uma janela quadrada.
  - Para reduzir a sensibilidade a ruído, w é normalmente uma função Gaussiana centrada em (x,y).
    - Em termos de implementação: basta aplicar um filtro Gaussiano sobre as imagens Dxx, Dxy e Dyy; e tomar os valores na posição (x,y) dessas imagens filtradas.
    - O kernel usado normalmente é pequeno por exemplo, a implementação do OpenCV usa por padrão um kernel de largura 3.



#### Análise dos autovalores

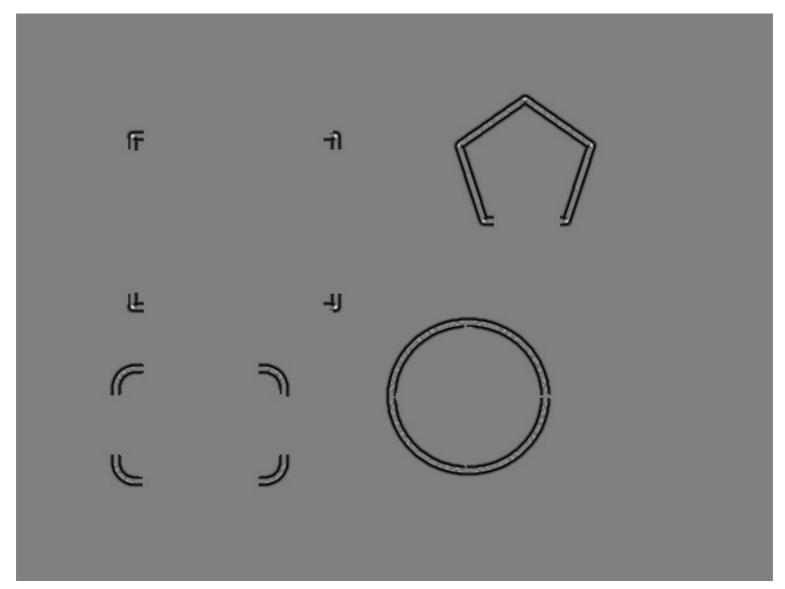
•Calculamos o determinante e o traço da matriz de autocorrelação:

$$Det(A) = Sxx*Sxy - Sxy^2$$
  
 $Tr(A) = Sxx + Syy$ 

- Neste passo, existem várias alternativas.
  - Algoritmo original de Harris: é canto se  $Det(A) \alpha Tr(A)^2 > um limiar$ .
  - Alternativa de Shi e Tomasi: é canto se o menor autovalor da matriz for maior que um limiar. O menor autovalor λ pode ser calculado assim:

$$\lambda = Tr(A)/2 - \sqrt{Tr(A)^2/4 - Det(A)}$$

### **Exemplo: menores autovalores**





### **Exemplo: menores autovalores**





### Um pequeno "truque"....

- •A seleção de limiares para os autovalores tem uns problemas:
  - O limiar é um número absoluto, não relativo à própria imagem.
  - O limiar "ideal" pode variar de acordo com as características da imagem.
- Uma forma de facilitar a seleção de limitares é descrevê-los em função dos próprios resultados.
  - Seja Iλ a imagem contendo os menores autovalores calculados para cada posição.
  - Seja  $\lambda m$  o maior valor em  $l\lambda$  (o "maior entre os menores autovalores").
  - Definimos que (x,y) é um canto se  $l\lambda(x,y) > t \cdot \lambda m$ , onde t é um limiar.
    - Ou seja, o limiar agora é dado em função dos autovalores calculados.
    - = Estamos detectando "os melhores cantos" de uma imagem dada.

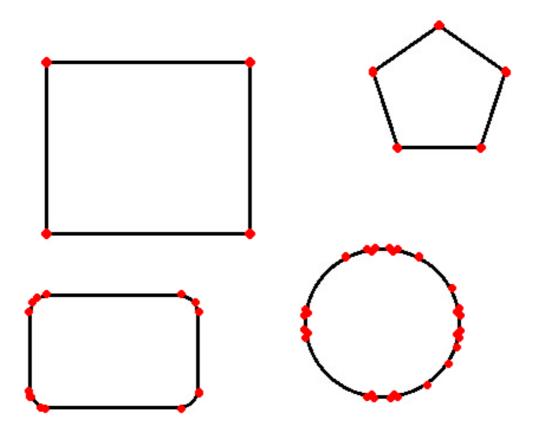


### Vejamos alguns exemplos...

- Vejamos exemplos de cantos detectados em imagens e vídeos.
- •O OpenCV inclui uma implementação otimizada do algoritmo, em uma função com o sugestivo nome de goodFeaturesToTrack.
  - Good Features to Track também é o título do artigo de Shi & Tomasi que descreve o algoritmo KLT (mais sobre ele em breve)...
- •O OpenCV também tem uma função cornerSubPix, que estima a posição dos cantos detectados com precisão subpixel.
  - Consulte a documentação se precisar.

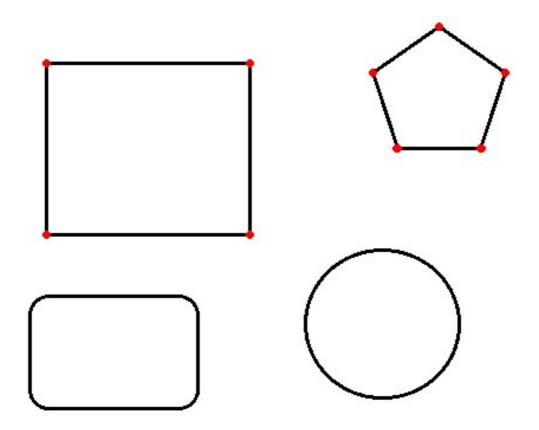


# **Exemplo** (t = 0.25)

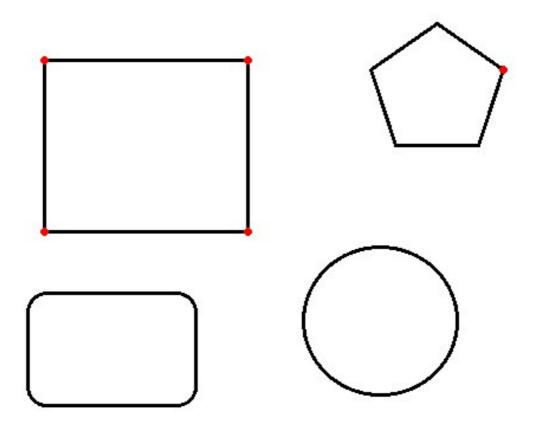




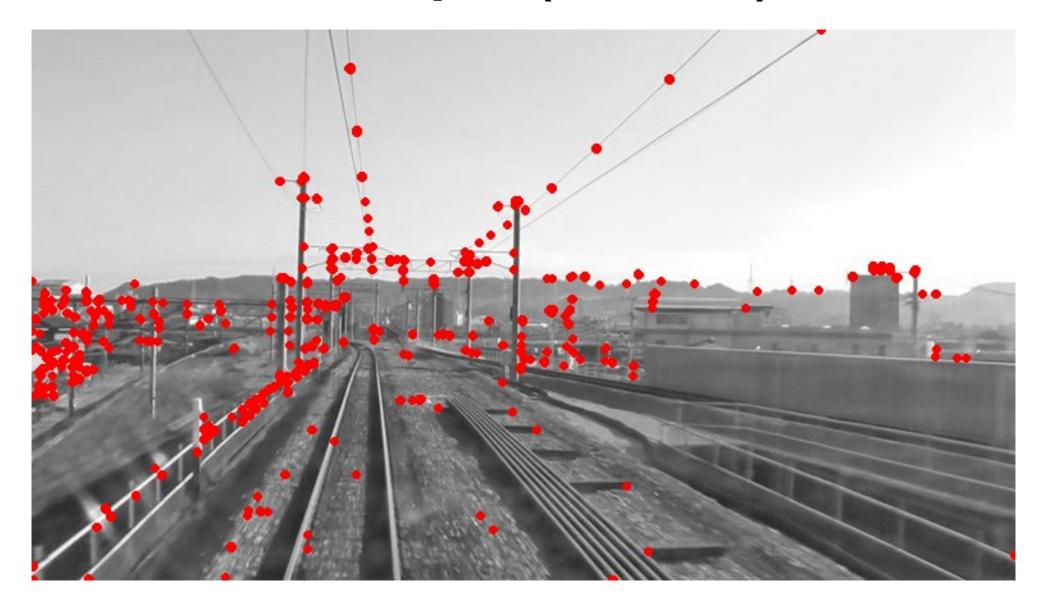
# Exemplo (t = 0.5)



# **Exemplo** (t = 0.75)

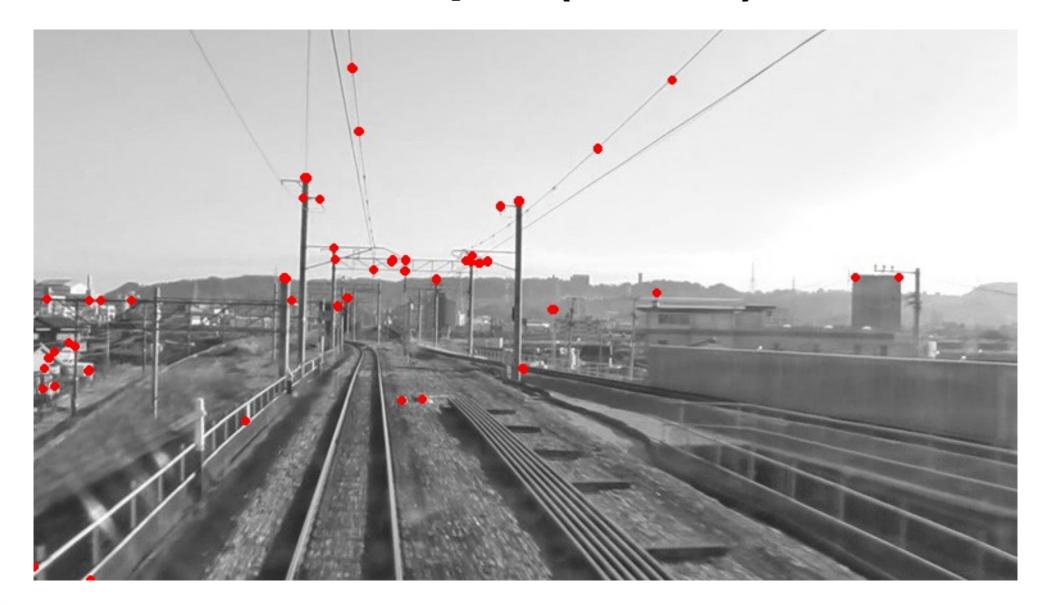


# **Exemplo** (t = 0.25)

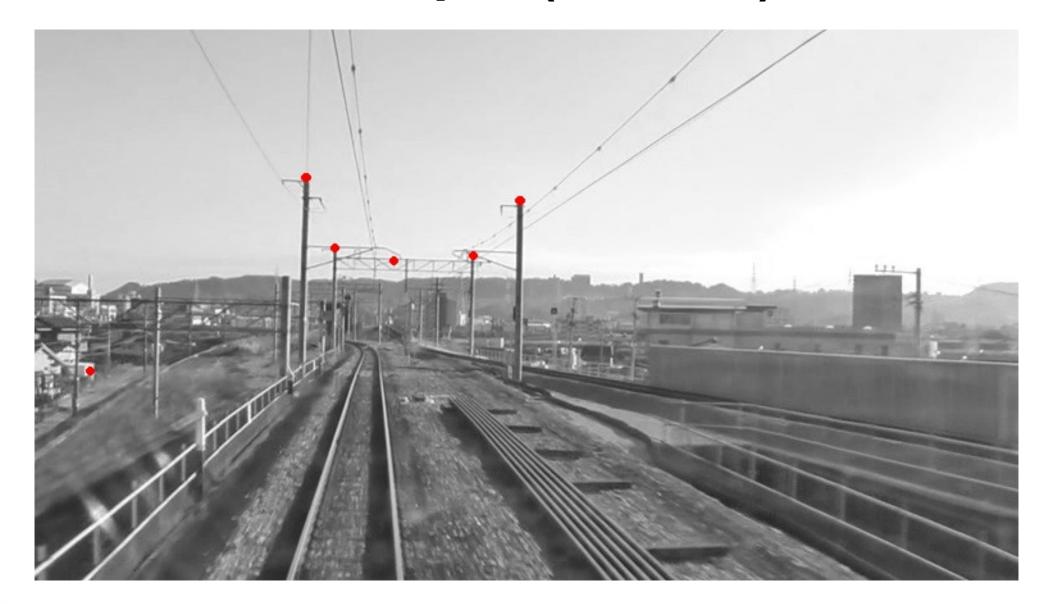




# Exemplo (t = 0.5)



# **Exemplo** (t = 0.75)





#### Voltando ao fluxo ótico

- Nossa primeira tentativa de usar os cantos detectados para computar o fluxo ótico é bem simples:
  - Detecta cantos em todos os frames.
  - Para cada canto c0 detectado no frame f:
    - Pega uma vizinhança ao redor de c0.
    - Para cada canto c1 detectado no frame f+1:
      - Se a distância euclideana entre c0 e c1 estiver dentro de certos limites (i.e. se c0 e c1 não estiverem muito distantes):
        - Pega uma pequena vizinhança ao redor de c1.
        - Calcula uma pontuação para o casamento entre c0 e c1.
    - A posição atual de c0 é o c1 que produzir o melhor casamento.
- •Este algoritmo depende que o detector de cantos seja estável.



#### Voltando ao fluxo ótico

- Nossa primeira tentativa de usar os cantos detectados para computar o fluxo ótico é bem simples:
  - Detecta cantos em todos os frames.
  - Para cada canto c0 detectado no frame f:
    - Pega uma vizinhança ao redor de c0.
    - Para cada canto c1 detectado no frame f+1:
      - Se a distância euclideana entre c0 e c1 estiver dentro de certos limites (i.e. se c0 e c1 não estiverem muito distantes):
        - Pega uma pequena vizinhança ao redor de c1.
        - Calcula uma pontuação para o casamento entre c0 e c1.
    - A posição atual de c0 é o c1 que produzir o melhor casamento.
- •Este algoritmo depende que o detector de cantos seja estável.
  - Um canto do mundo real detectado no frame *f* deve ser também detectado no frame *f*+1.
  - Esta é uma propriedade importante para detectores de features.



### Vejamos alguns exemplos...

- Vejamos alguns exemplos...
  - (Os parâmetros foram escolhidos de acordo com o tipo de vídeo).



### O algoritmo de Lucas-Kanade

- •O algoritmo de Lucas-Kanade (LK) serve para computar o fluxo ótico.
  - Novamente, pressupondo constância de brilho e coerência espacial.

#### •Conceito:

- É dado um conjunto de pontos no frame t.
- Considera-se uma janela ao redor de cada ponto.
  - (A janela padrão na implementação do OpenCV tem largura 21).
- Para cada janela, busca-se no frame t+1 uma posição que minimiza uma medida de similaridade (usa-se a diferença quadrática).
  - Podemos começar supondo a mesma posição nos dois frames, e ir "descendo" progressivamente até o "vale" mais profundo.
    - = o algoritmo é iterativo (é baseado no *método de Newton*).
  - A posição contendo o erro mínimo é estimada com precisão subpixel.
- •Note que, diferente do nosso algoritmo simples, o LK não detecta pontos no frame *t*+1!



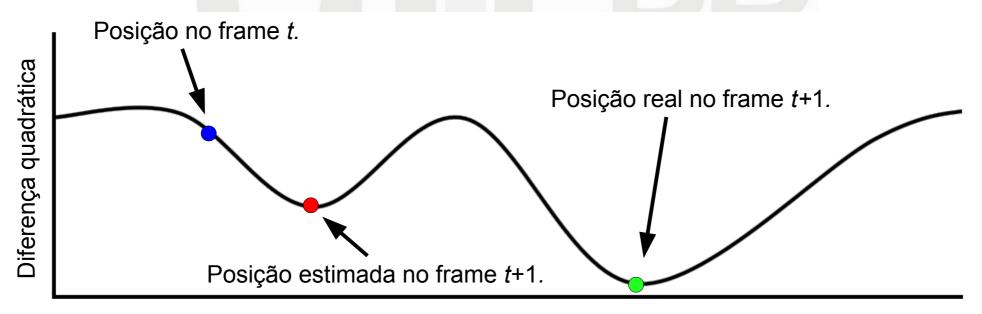
### O algoritmo de Lucas-Kanade

- •O LK não computa explicitamente a diferença entre "patches".
  - Da mesma forma que no detector de Harris, esta diferença é manipulada algebricamente, produzindo um sistema cujos componentes são dados por derivadas – mas aqui, também teremos a derivada no tempo (que é a diferença entre os valores dos pixels nos frames t e t+1).
    - De fato, a matriz de correlação baseada nas derivadas de 2ª ordem é usada aqui também - o LK é como uma evolução do detector de Harris.
- Para mais detalhes, consulte a literatura.



#### Mínimos locais

- •Uma característica importante do algoritmo de Lucas-Kanade é que ele faz uma "descida" iterativa.
  - A cada iteração, a estimativa da posição do pixel no frame t+1 é obtida observando uma vizinhança da posição estimada na iteração anterior.
  - Isso quer dizer que, se o deslocamento for maior do que a janela observada, o algoritmo pode ficar preso em um mínimo local!





### Pirâmides de imagens

- Para resolver o problema dos mínimos locais, não basta aumentar a largura da janela...
  - Por que?



### Pirâmides de imagens

- Para resolver o problema dos mínimos locais, não basta aumentar a largura da janela...
  - Uma janela larga demais pode tornar as regiões muito diferentes entre os frames.
- •A solução adotada é o uso de pirâmides de imagens:
  - Começamos fazendo a busca em versões reduzidas da imagem.
  - A posição do casamento em um nível da pirâmide (menor) é usada como estimativa inicial para o casamento no próximo nível (maior).
  - Cada nível da pirâmide é uma oitava.
    - O número de oitavas normalmente não é muito grande por exemplo, a implementação do OpenCV usa como padrão 4 oitavas.



### Construindo uma pirâmide Gaussiana

- •A oitava 0 é a própria imagem de entrada.
- •Para gerar a imagem na oitava i:
  - Aplica-se uma suavização Gaussiana sobre a imagem da oitava i-1.
    - Normalmente com um kernel pequeno (largura 3 ou 5).
  - A imagem filtrada é sub-amostrada pegamos apenas os pixels nas linhas e colunas pares.
    - Repare que isso é um tipo de interpolação.
- •A imagem na oitava *i* terá a metade da altura e da largura da imagem na oitava *i*-1.
  - Se a pirâmide tem N oitavas, a imagem original deve ter largura e altura divisíveis por 2<sup>n-1</sup>.



### Exemplo

- Vejamos como se comporta o LK piramidal...
- •O OpenCV tem uma implementação do algoritmo LK piramidal.
  - Ele exige que se forneça os pontos cujo fluxo ótico será calculado para isso, podemos usar novamente a função goodFeaturesToTrack.



#### O rastreador KLT

- •O algoritmo de Lucas-Kanade serviu como base para diversos trabalhos envolvendo fluxo ótico.
- •O rastreador KLT (Kanade-Lucas-Tomasi) é uma evolução do LK piramidal que inclui o conceito de rastreamento.
  - Detectar novos pontos a cada frame e buscá-los no frame seguinte não permite conhecer a trajetória dos pixels na sequência completa.
  - Se rastreamos cada ponto com base somente na aparência da sua vizinhança no frame anterior, a trajetória pode se desviar progressivamente do pixel original ("drifting").
  - O KLT compara a região ao redor de um ponto com a primeira aparição daquele ponto, considerando um modelo de distorção afim.
    - Em comparação, o LK considera apenas translações.
  - O KLT também pode usar uma estimativa da posição do ponto, que pode ser obtida projetando a sua trajetória passada.



#### **Finalizando**

- •Cantos são features locais (baseadas em vizinhanças do pixel).
  - O detector de Harris detecta as features, mas não as descreve.
  - O nosso algoritmo simples descreve as features simplesmente como um "patch" ao redor do ponto central.
  - O LK e o KLT não criam descritores para as features explicitamente.
- •Note que os algoritmos que vimos são invariantes a translações, e robustos a variações pequenas de posição dentro de um "patch", mas não contemplam transformações de perspectiva, rotação e escala.
  - O KLT tem alguma robustez a variações de escala e rotação, incluídas no modelo de distorção afim, mas ainda trabalha com translações entre frames consecutivos.



#### **Finalizando**

- •Detecção e rastreamento de cantos estão entre os problemas mais fundamentais em visão computacional.
  - É uma instância de um problema mais geral, que é a detecção de "pontos de interesse" ou "pontos chave".
    - Cantos são pontos de interesse, mas nem todo ponto de interesse é um canto.
- •Um bom detector de pontos de interesse deve ser estável.
- •Detecção/rastreamento de cantos é útil para várias aplicações.
  - Ex: visão estéreo.
    - Na busca por correspondências entre duas imagens da mesma cena.

