# Кластеризация. Торіс Modelling. PCA, SVD, pLSA.

Маша Шеянова, masha.shejanova@gmail.com

# План

- Обучение без учителя
- Задача кластеризации, алгоритмы
- Тематическое моделирование
- Снижение размерности

# Обучение без учителя

# Для чего?

Итак, у нас есть данные, но нет про них "правильных ответов". Можем ли мы всё ещё сделать с ними что-то толковое?

- научиться по контексту слова предсказывать само слово (ага, Word2Vec)
- рекламное агентство может раскидать пользователей по "кучкам" по интересам и таргетить каждую отдельно
- "человеко-читаемо" нарисовать на плоскости сложное явление
- снизить требуемый объём памяти и время вычислений

Обучение без учителей — часто инмтрумент для **анализа**, а не продукта. Ещё чаще — **промежуточный шаг**, чтобы потом лучше решить задачу с учителем.

# Виды

• кластеризация

"Раскидай мои фотографии по папочкам. Сам реши, по каким".

У нас есть выборка объектов, но нет заданных классов. Мы хотим разбить их на группы так, чтобы объекты в разных группах сильно отличались.

• снижение размерности

Часто приходится иметь дело с данными больших размерностей. Их сложно хранить и обрабатывать. Мы хотим снизить размерность, оставив наиболее значимые компоненты. Пример: визуализация в 2D.

# Supervised vs. Unsupervised ML

#### С учителем:

- нужны размеченные данные (дорого, не всегда есть, зависим от качества)
- много хороших алгоритмов, метрик, понятно, чего мы хотим достичь
- если данные хорошие и из них можно извлечь говорящие признаки,
   хороших результатов добиться легко

#### Без учителя:

- разметка не нужна, ура! данные валяются на каждом шагу.
- непонятно, как измерять качество (или сложнее понять)
- хороших результатов добиться сложно (сначала понять бы, что нужно)

Кластеризация

## Что и зачем

Разбивает объекты на кучки по неизвестному признаку. Сделать так, чтобы похожее было с похожим.

#### Например:

- разбить покупателей на кучки, а потом понять, что кому нужно
- управлять новостными потоками, понимая что о чём
- разложить фотографии по папочкам
- активное обучение (какие данные надо разметить для supervised ml)
- найти необычное поведение (чего угодно где угодно, например тех же покупателей)

# k-means: идея (картинки — из <u>видео</u>)



Допустим, у нас есть точки на прямой, и мы хотим разбить их на 3 кластера.

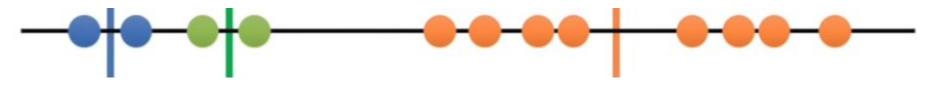


Давайте закинем в эти данные (куда придётся) 3 кружка— центроида— и для каждой точки найдём, к какому кружку она ближе.

# k-means: идея



Когда все точки покрашены в цвета самых близких центроидов, мы двигаем центроиды в среднее значение подключённых к ним точек...



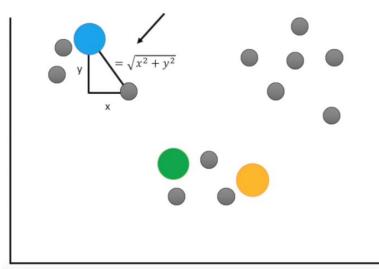
... и повторяем предыдущий шаг. Пока не сойдётся.

# На трёхмерной плоскости

... то же самое, считаем расстояние от центоридов до точек.

Правда, вместо простого xc - xn теперь более хитрый подсчёт расстояния.

Евклидово расстояние:



$$d(p,q) = \sqrt{(p_1-q_1)^2 + (p_2-q_2)^2 + \dots + (p_n-q_n)^2}$$

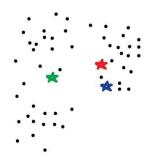
#### Ставим три ларька с шаурмой оптимальным образом

(иллюстрируя метод К-средних)

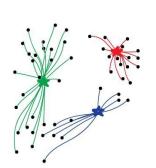
## K-means...

... на примере ларьков с шаурмой (<u>отсюда</u>, конечно).

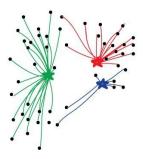
А вот <u>здесь</u> есть ещё хорошая визуализация в движении.



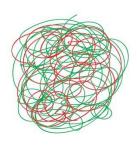
1. Ставим ларьки с шаурмой в случайных местах



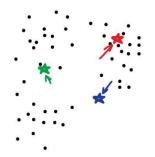
4. Снова смотрим и двигаем



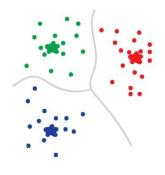
2. Смотрим в какой кому ближе идти



5. Повторяем много раз

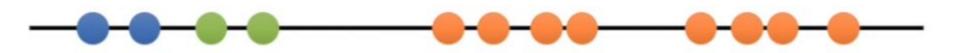


3. Двигаем ларьки ближе к центрам их популярности



6. Готово, вы великолепны!

# Но что делать, если кластеры построились плохо?



И вообще, как понять, что они построены плохо, ведь ответов у нас нет! Возьмём каждый кластер и посчитаем **дисперсию**!

Дисперсия:  $M\left[\left(X-M[X]\right)^2
ight]$  Чем больше отклонение от центра, тем хуже.

А теперь будем случайным образом кидать центроиды несколько раз и использовать дисперсию как критерий, насколько хорошо получилось.

# K-means: алгоритм

- случайно определить k центроидов
- для каждого объекта найти ближайший центроид и приписать его к соответствующему кластеру
- передвинуть центроиды к центрам своих кластеров
- посчитать дисперсию
- повторять предыдущие шаги, пока не сойдётся
- когда сошлось, посчитать дисперсию
- повторять все предыдущие шаги сколько хотим, а потом выбрать лучший результат

# <u>k-means в sklearn</u>

from sklearn.cluster import KMeans

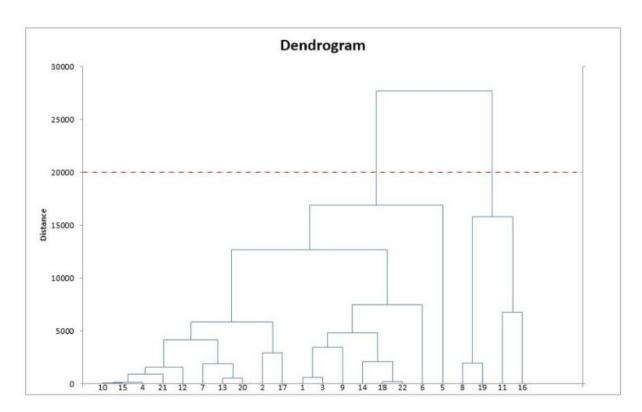
- n\_clusters количество центроидов (дефолт 8)
- init как инициализировать центроиды
  - o k-means++ умный способ кинуть центроиды хорошо
  - o random случайным образом
  - o ndarray задать самим
- n\_init сколько раз кидать разные центроиды
- max\_iter сколько раз двигать центроиды

# Hierarchical clustering

Почти то же самое, но позволяет решить, сколько кластеров надо, позже.

- найти N кластеров
- слить два кластера, которые ближе всего (for some definition of "ближе")
- пересчитать расстояния между кластерами
- продолжать, пока не останется один кластер
- выбрать, какое расстояние будем считать достаточным, чтобы разбивать на кластеры

# Hierarchical clustering

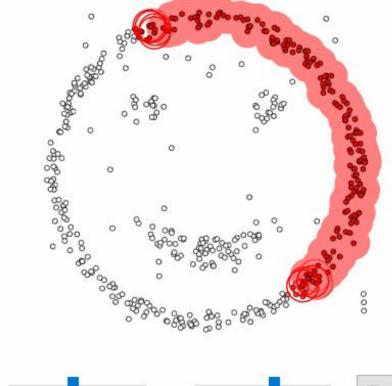


Дендрограмма кластеров.

Выбираем, сколько кластеров нам надо и проводим прямую, где хотим.

# **DBSCAN**

<u>Density-based</u> <u>spatial clustering</u>.



epsilon = 1.00 minPoints = 4

Restart

Pause

# Метрики оценки кластеризации

Как я уже говорила, измерить это гораздо сложнее. Но метрики всё же есть.

- Rand Index
- Adjusted Rand Index
- Гомогенность
- Полнота
- V-мера

Снижение размерности

## Что и зачем

В общем случае — у нас есть признаковое пространство на много-много измерений (например, мешок слов по корпусу, и каждое слово — признак). Мы хотим "сжать" их как-то так, чтобы потерять минимум информации.

Каждое новое "измерение" — элемент вектора — будут заключать в себе обобщённое представление нескольких элементов из большого вектора.

- сжать картинку
- убрать несущественные признаки
- тематическое моделирование

Тематическое моделирование

## Что и зачем

Тема — "о чём документ" ≈ набор часто совместно встречающихся слов

Мы считаем, что тема употребление того или иного слова зависит от темы. А тема — от документа.

#### Зачем:

- поиск в электронных библиотеках
- трекинг новостных сюжетов
- "продвинутый" эмбеддинг документа

# topic modeling vs. clustering

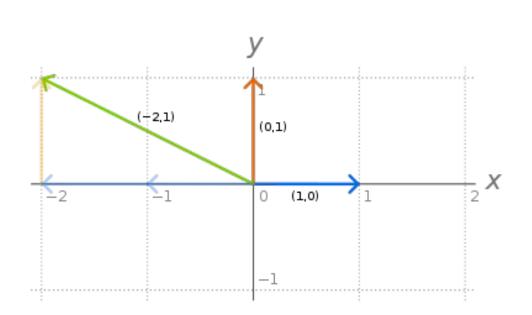
Что похожего: есть документы, раскидываем их по кучкам, заранее не знаем по каким.

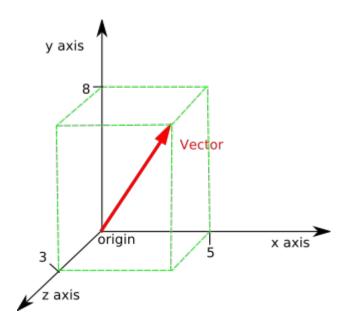
Что разного: у одного документа может быть высокая степень принадлежности больше, чем к одной теме.

# PCA

# Базис линейного пространства

Стандартный базис:





## Замена базиса

На самом деле, базисные вектора можно выбирать как угодно — главное чтобы можно было выразить через них все вектора пространства.

(И чтобы сами базисные вектора нельзя было выразить друг через друга).

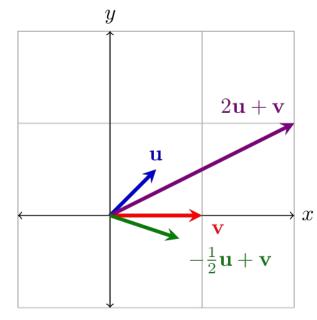
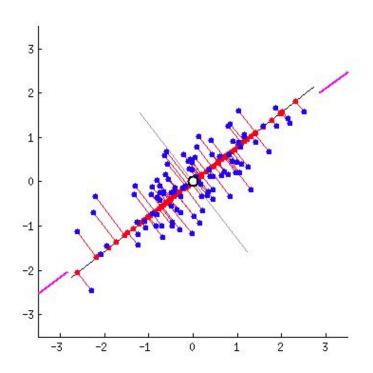


Figure 1: Vector combinations.

# **PCA**

Найдём такой базис, чтобы как можно лучше выразить как можно больше значений за счёт фиксированного количества базисных векторов.

Сделаем проекцию всех данных на эти вектора.



# SVD

# Давайте вспомним умножение матриц.

(<u>Источник</u> картинки)

$$A = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \\ a_{31} & a_{32} \end{pmatrix}, B = \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} \end{pmatrix}$$

$$AB = \begin{pmatrix} a_{11} & a_{12} \\ a_{21} & a_{22} \\ a_{31} & a_{32} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} b_{11} & b_{12} & b_{13} \\ b_{21} & b_{22} & b_{23} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} a_{11}b_{11} + a_{12}b_{21} & a_{11}b_{12} + a_{12}b_{22} & a_{11}b_{13} + a_{12}b_{23} \\ a_{21}b_{11} + a_{22}b_{21} & a_{21}b_{12} + a_{22}b_{22} & a_{21}b_{13} + a_{22}b_{23} \\ a_{31}b_{11} + a_{32}b_{21} & a_{31}b_{12} + a_{32}b_{22} & a_{31}b_{13} + a_{32}b_{23} \end{pmatrix}$$

При матричном умножении, каждая **строка первой матрицы** (слева) "умножается" на каждый **столбец второй матрицы** (справа).

"Умножается" — значит, берётся скалярное произведение векторов.

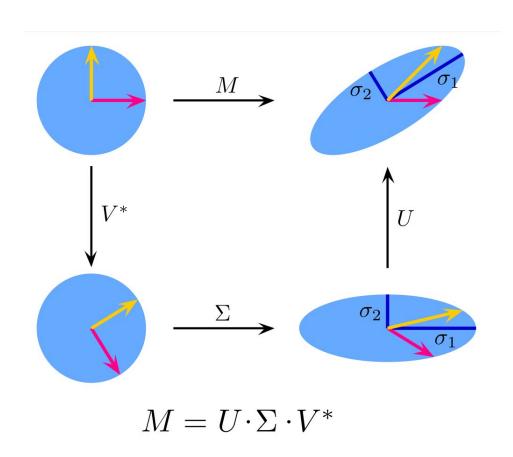
# **SVD**

Любую матрицу M можно разложить на произведение трёх матриц: M = U \*  $\Sigma$  \* V\*

U, V\* — матрицы поворота

Σ — матрица растяжения

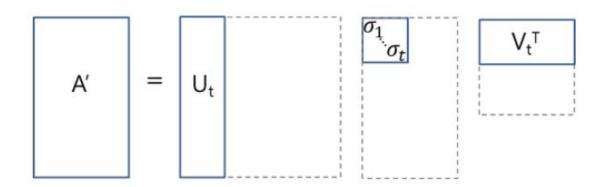
У Σ числа стоят только на главной диагонали, причём они убывают



# Truncated SVD

$$A \approx U_t S_t V_t^T$$

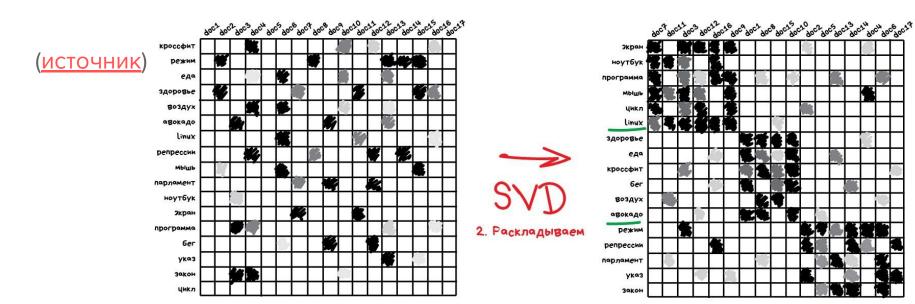
Intuitively, think of this as only keeping the *t* most significant dimensions in our transformed space.



этой статьи)

Truncated SVD
= LSA (latent
semantic
analysis) in topic
modeling

#### Разделение документов по темам



1. Строим матрицу как часто каждое слово встречается в каждом документе (чернее - чаще) 3. Получаем наглядные кластера по тематикам (даже если слова не встречались вместе)

Латентно-семантический Анализ (LSA)

# На собачках

Full-Rank Dog



Rank 200 Dog



Rank 30 Dog



Rank 20 Dog



При большом количестве компонент разница незаметна.

(источник)

Rank 100 Dog



Rank 50 Dog



Rank 10 Dog



Rank 3 Dog



# Truncated SVD в sklearn

from sklearn.decomposition import TruncatedSVD

гиперпараметры:

- n\_components какого размера должны быть конечные векторы
- algorithm randomized, arpack
- n\_iter

Может применяться в связке с классификацией.

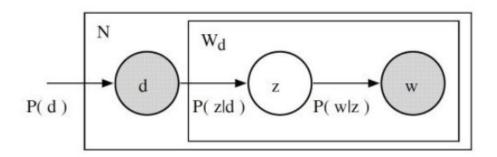
# pLSA

# Probabilistic Latent Semantic Analysis

given a document d, topic z is present in that document with probability
 P(z|d)

<u>Источник</u> картинки

• given a topic z, word w is drawn from z with probability P(w|z)



Вероятность встретить слово W и документ D:  $P(D,W) = P(D) \sum_{Z} P(Z|D) P(W|Z)$ 

# Как это работает?

P(D), P(Z|D) и P(W|Z) — параметры нашей модели

P(D) — находится из корпуса

P(ZID) и P(WIZ) оптимизируются с помощью <u>EM алгоритма</u> (expectation-maximization)

"EM is a method of finding the **likeliest parameter estimates** for a model which depends on unobserved, latent variables (in our case, the topics)"

# Что ещё бывает?

- TSNE t-distributed Stochastic Neighbor Embedding
- NMF тоже про разложения матриц

Используется в тематическом моделировании:

- LDA (a Bayesian version of pLSA)
- ARTM LDA, но с регуляризацией
- bigARTM ARTM с наворотами)))

# Ресурсы

### Почитать

- Machine Learning for Humans: Unsupervised Learning
- The 5 Clustering Algorithms Data Scientists Need to Know
- Topic Modeling with LSA, PLSA, LDA & Ida2Vec
- про кластеризацию на Хабрахабр (рус)

# Посмотреть

- StatQuest: k-means
- StatQuest: hierarchical clustering
- StatQuest: PCA