بسم الله الرحمن الرحيم

تکلیف سری دوم درس هوش مصنوعی

تاریخ تحویل: ۸ آذر

دکتر فلسفین پاییز ۹۹

لطفاً پیش از حل سوالات به موارد زیر دقت شود:

- تکلیف شامل ۷ سوال تئوری و ۱ سوال عملی میباشد که در آن باید با توجه به شماره ی دانشجویی خود به مدلسازی و حل دو مسئله در قالب CSP و با استفاده از ابزارهای نامبرده در صورت سوال اقدام نمایید.
- پس از تصحیح و ازریابی کدها ممکن از شما درخواست شود در یک جلسه ی اسکایپی در رابطه با کد توضیح دهید. لذا لازم است به تمام قسمتهای کد خود مسلط باشید.
- پاسخ سوالات تئوری را به فرمت pdf آماده و به همراه فایل کدهای خود فشرده کرده و در سامانه در بخش مربوط به تکلیف اول آپلود نمایید.
- در تحویل تکلیف به زمان مجاز تعیین شده در سامانه برای آپلود پاسخها دقت فرمایید. پس از این زمان به هیچ طریقی تکلیف دریافت نشده و مورد بررسی قرار نمی گیرند.
- پاسخ تکالیف خود را حتما در سامانه آپلود کیند و از ارسال فایل پاسخ به ایمیل یا تلگرام اکیدا خودداری نمایید.
- در صورت وجود یا بروز هرگونه ابهام در سولات میتوانید از طریق ایمیل زیر با TA درس در ارتباط باشید.

arashmarioriyad@gmail.com

سوال اول)

فرض کنید شما مسئول برنامهریزی کلاسهای علوم کامپیوتر هستید که در روزهای شنبه، یکشنبه و دوشنبه برگزار میشوند. ۵ کلاس در این روزها برگزار خواهد شد و ۳ استاد در این کلاسها درس خواهند داد. شما با این واقعیت محدود شده اید که هر استاد در هر زمان مشخص میتواند در یک کلاس تدریس کند و محدودیتهای زیر نیز برقرار میباشند:

كلاس ها عبارتند از:

- کلاس ۱ مبانی کامپیوتر از ساعت ۸ الی ۹
- کلاس ۲ هوش مصنوعی از ساعت ۸:۳۰ الی ۹:۳۰
- کلاس ۳ پردازش زبان طبیعی از ساعت ۹ الی ۱۰
 - کلاس ۴ بینایی ماشین از ساعت ۹ الی ۱۰
- کلاس ۵ یادگیری ماشین از ساعت ۹:۳۰ الی ۱۰:۳۰

اساتید عبارتند از:

- استاد A که می تواند کلاس های T و T را تدریس کند.
- استاد B که می تواند کلاسهای ۲، ۳، ۴ و α را تدریس کند.
 - استاد $\bf C$ که می تواند همه ی کلاسها را تدریس کند.

الف) این مسئله را در قالب یک مسئلهی ارضای محدودیت به گونه ای فرمولبندی کنید که برای هر کلاس یک متغیر وجود داشته باشد و دامنه و محدودیت های آنها را نیز ذکر کنید.

ب) گراف محدودیت این مسئلهی ارضای محدودیت را رسم کنید.

پ) دامنه ی متغیرها را بعد از اعمال سازگاری arc روی این گراف نشان دهید. (بعد از حذف کردن محدودیتهای یکانی) ت) یک راه حل برای این CSP ارائه دهید.

ث) مسئلهی CSP شما باید تقریبا ساختار درخت گونه داشته باشد. به صورت مختصر توضیح دهید که چرا ترجیح میدهیم مسائل CSP با ساختار درخت را حل کنیم؟

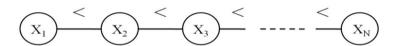
ج) تحقیق کنید که برای تبدیل این گونه مسائل با ساختار نیمه درخت به درخت چه روش استانداردی وجود دارد.

چ) ابزار MiniZinc یک نرمافزار رایگان و متنباز برای توصیف مسائل ارضای محدودیت میباشد. پس از آنکه مسئله در بستر این ابزار توصیف شد، MiniZinc آن را در اختیار حل کنندههای (solvers) که به آنها متصل است قرار می دهد و پس از حل شدن، جواب آن در اختیار کاربر قرار می گیرد. این ابزار را می تونید به صورت رایگان از طریق آدرس minizinc.org بارگیری کرده و مستندات مربوط به آن را مطالعه کنید. همچنین مثالهای بسیار زیادی برای حل مسائل

CSP روی GitHub موجود است که می توان برای درک بهتر این ابزار به آنها رجوع کرد. (برای مثال می توانید تعدادی مثال معروف از کار با این ابزار را در آدرس github.com/MiniZinc/minizinc-examples مشاهده کنید. در این بخش شما لازم است ابتدا مسئله ی مطرح شده در این سوال را در بستر این ابزار پیاده سازی کنید و سپس جواب به دست آمده را با پاسخ خود مقایسه نمایید. همچنین شما باید یک فایل با پسوند mzn که در بردازنده ی توصیف این مسئله است به عنوان بخشی از پاسخ آپلود نمایید.

سوال دوم)

به زنجیره ی زیر توجه کنید. این زنجیره ی CSP دارای N متغیر و دامنه ی هر متغیر χ_i مجموعه ی $(1,2,\ldots,M)$ است و محدودیت بین نودهای مجاور به این گونه است که $\chi_i < \chi_{i+1}$



برای حالتی که M=N=10 به سوالات زیر یاسخ دهید:

آ) CSP چند مقدار دهی ارضا کننده دارد؟

ب) دامنه x_1 وقتی که بخواهیم آن را نسبت به x_2 دامنه x_2 کنیم، چیست؟

Arc-Consistency باشند، برای برقرار کردن Arc-Consistent x_4 و قتی که x_3 نسبت به x_2 نسبت به x_3 نسبت به x_2 نسبت به x_2 نسبت به x_3 نسبت به x_2 خه باید کرد؟

ث) حداقل تعداد یالی که توسط الگوریتم AC-3 برای برقراری Arc-Consistency مورد پردازش قرار میگیرد، چه تعدادی است؟

ج) تصور کنید که میخواهید یک چنین زنجیرهای بسازید که یا همه مقادیر باید صعودی باشد یا اینکه همه مقادیر باید نزولی باشند. مثلا با N=M=1 دو راه حل داریم(N, N, N) و N=M=1). توضیح دهید چگونه می توانیم این قید را مدل کنیم. پاسختان باید حاوی محدودیتها و خلاصهای از عبارات و متغیرها و شرطها باشد.

سوال سوم)

مسئله Cryptarithmetic Puzzle زیر را در نظر بگیرید. الگوریتم backtracking را با هیورستیک های MVR و MVR به صورت دستی برای آن انجام دهید و در هر مرحله متغیری که برای مقداردهی انتخاب میکنید، مقادیر دامنه متغیرهای دیگر بعد از مقداردهی آن و این که بازگشت به عقب نیاز هست یا نه را شرح دهید. (در صورتی که درخت/گراف مورد نظر ابعاد بزرگی دارد، رسم و بررسی قسمت کوچکی از آن کافی است.)

راهنمایی: جواب این مسئله به صورت $[O=0,\ M=1,\ Y=2,\ E=5,\ N=6,\ D=7,\ R=8,\ S=9]$ میباشد. (توجه کنید که در این نوع مسائل هر رقم به یک حرف و هر حرف به یک رقم نسبت داده می شود و هیچ عددی با رقم صفر شروع نمی شود. مثلا عدد $(S=0,\ M=1,\ Y=2,\ E=5,\ N=6,\ D=7,\ R=8,\ S=9]$ میباشد. ($(S=0,\ M=1,\ Y=2,\ E=5,\ N=6,\ D=7,\ R=8,\ S=9]$

$$SEND \\ +MORE \\ \hline MONEY$$

سوال چهارم)

مسئلهی ارضای محدودیت زیر یک مسئلهی ساده شده ی سودوکو در یک ماتریس ۴×۴ است. هدف پر کردن هر خانه از این جدول با اعداد ۱ تا ۴ است به طوری که هیچ عددی روی یک سطر یا ستون یکسان تکرار نشود. برای سادگی بیشتر بعضی از خانههای جدول پر شده اند ولی بقیهی خانهها با حروف انگلیسی نامگذاری شدهاند. این حروف متغیرهای این مسئلهی ارضای محدودیت هستند. با فرض این که شما یک عامل هستید که الگوریتم های ارضای محدودیت را اجرا می کنید، به سوالات زیر پاسخ دهید.

٢	Α	٣	В
۴	С	١	۲
١	D	Е	F
٣	G	۴	١

الف) دامنه و محدودیت متغیرها را به دست آورید.

ب) با توجه به نمونه ی سودو کو و قسمت الف، جدول زیر را کامل کنید. (بعضی مقادیر به عنوان راهنمایی از قبل وارد شده اند)

متغير	Α	В	С	D	Е	F	G
مقادير باقيمانده	1.4			7,7,4			
دارای محدودیت	۴			۵			
با # متغیر دیگر							

 ψ) با استفاده از هیوریستیک MRV متغیریهایی که مسئله ی جستوجوی ارضای محدودیت در مرحله ی بعد انتخاب می کند را مشخص کنید.

ت) اگر از هیوریستیک درجه استفاده کنیم چه متغیری(هایی) انتخاب می شود؟

ث) فرض کنید از مقادیر مجاز زیر شروع و از بررسی پیشرو (forward checking) استفاده کنیم تا محدودیتها را انتشار دهیم. در هر زمان، انتشار فقط یک محدودیت را در یک سطر جداگانه به صورت منظم نشان دهید تا وقتی که محدودیت دیگری نتواند انتشار پیدا کند. یک مثال در سطر سوم آورده شده است. ممکن است به همه ی سطرهای خالی نیاز پیدا نکنید.

انتشار محدوديت	А	В	С	D	E	F	G
مقادير ممكن	1.4	۴	٣	7,7,7	٢	۳،۴	۲
محدودیت بین: A و B	١	۴	٣	7.7.7	٢	۳،۴	٢
محدوديت بين:							
محدوديت بين:							
محدوديت بين:							

سوال پنجم)

مربع جادویی یک ماتریس n*n میباشد که درون آن اعداد ۱ تا n^2 به گونهای قرار گرفته اند که مجموع اعداد هر سطر، ستون و دو قطر آن عدد ثابتی میباشد.

برای مثل شکل زیر یک مربع جادویی با ابعاد ۵ ۵ را نشان میدهد:

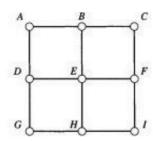
$$\begin{bmatrix} 1 & 15 & 24 & 8 & 17 \\ 23 & 7 & 16 & 5 & 14 \\ 20 & 4 & 13 & 22 & 6 \\ 12 & 21 & 10 & 19 & 3 \\ 9 & 18 & 2 & 11 & 25 \end{bmatrix}$$

الف) فرمولی برای آن مجموع ثابت بر حسب n بیابید.

ب) این مسئله را در قالب یک CSP مدل نمایید.

سوال ششم)

یک تجزیه درختی با عرض درختی کمینه برای شبکه زیر معرفی کنید. درباره ی عرض درختی یک گرید m*n چه میتوان گفت؟



سوال هفتم)

مسئلهی رنگ آمیزی گراف کامل k_4 را با T رنگ در نظر بگیرید:

الف) با ذکر دلیل مشخص نمایید که آیا این مسئله Arc-Consistent یا Path-Consistent یا 4-Consistent است؟ اگر هیچ یک نبود، آیا می توان آن را با اضافه کردن تنها یک محدودیت باینری به یک مسئلهی 4-Consistent تبدیل کرد؟

حال به طور کلی فرض کنید که R یک مسئلهی سه رنگ آمیزی گراف باشد:

ب) دربارهی چگونگی برقرار کردن اثر 2-Consistent و 4-Consistent روی R توضیح دهید.

سوال هشتم)

در این سوال قصد داریم به حل مسائل معروفی از دنیای علوم کامپیوتر با استفاده از مدلسازی در بستر CSP و ابزارهای برنامهنویسی معروف در این زمینه بپردازیم. بدین ترتیب که هر دانشجو باید با توجه به جدول شماره ی ۱ و شماره دانشجویی خود، دو مسئله ی معروف را با استفاده از ابزارهای مشخص شده در جدول مدلسازی و حل نماید.

ابزارها/مسائل	MiniZinc یا OR-Tools	Choco	Jacop
Magic Square	 9526193 9531663 9626903 9629373 9631983 9636533 9727013 9733313 9737483 	9529053963300395304639635973	9624923970117396266339725113
Orthogonal Latin Square	 9528403 9624193 9627163 9629743 9632463 9637353 9727783 9734943 	 9627993 9728043 9629163 9731843 	 9630513 9735123 9631243 9735653
Graph K-Coloring	 9529053 9624923 9627993 9630513 9633003 9701173 9728043 9735123 	 9526193 9631983 9737483 9629743 9734943 	9531663963653395284039632463
N-Queen	 9530463 9626633 9629163 9631243 9635973 9725113 9731843 9735653 	 9626903 9727013 9624193 9637353 	 9629373 9733313 9627163 9727783

جدول-۱

جهت آشنایی و استفاده از هر یک از ابزارهای مورد اشاره در جدول فوق میتوانید از لینکهای موجود در جدول شمارهی ۲ بهره ببرید.

لينک	نام ابزار
• www.minizinc.org	MiniZinc
• https://developers.google.com/optimization/cp/cp_solver	OR-Tools
• https://choco-solver.org/	Choco
 http://www.lth.se/jacop/ https://github.com/radsz/jacop 	Jacop

جدول-۲

جهت آشنایی با هر یک از مسئلههای مورد اشاره در جدول ۱ نیز میتوانید به جدول شمارهی ۳ رجوع نمایید.

تعريف مسئله	نام مسئله
• ورودی: عدد طبیعی n ورودی: عدد طبیعی n که در خانههای آن اعداد n الی n به گونهای قرار گرفتهاند که $n * n$ عداد هر سطر، هر ستون و دو قطر جدول یک عدد ثابت میباشد.	Magic Square
مسئله کی Latin Square از درحه می n به صورت زیر تعریف می شود:	Orthogonal Latin Square

ورودی: یک گراف ساده، بدون جهت، بدون وزن $-$ عدد طبیعی k خروجی: تصمیم گیری در مورد آنکه آیا می توان رئوس گراف را به گونهای با استفاده از k رنگ، رنگ آمیزی کرد که هیچ دو راس مجاوری همرنگ نباشند یا خیر.	•	Graph K-Coloring
ورودی: عدد طبیعی n خروجی: یک صفحهی شطرنج n^*n که روی آن تعداد n وزیر به گونهای قرار گرفتهاند که هیچ دو وزیری یک دیگر را تهدید نمی کنند.		N-Queen

جدول-۳

$$\begin{bmatrix}
(3,2) & (2,3) & (1,1) \\
(2,1) & (1,2) & (3,3) \\
(1,3) & (3,1) & (2,2)
\end{bmatrix}$$

Orthogonal Latin Square شکل - ۱ : مثالی از یک

فرمت ورودی و خروجی نمونههای هر مسئله نیز در جدول شماره ی ۴ مشخص شدهاست.

فرمت خروجي	فرمت ورودى	نام مسئله
خروجی نمایشی از مربع جادویی میباشد. بدین صورت که خروجی شما باید n سطر داشته باشد و در هر سطر n عدد که با space از یک دیگر جدا شدهاند، چاپ شود به گونهای که شرایط مسئلهی مربع جادویی برقرار شدهباشد.	ورودی تنها شامل عدد طبیعی n میباشد که نشاندهندهی ابعاد مربع جادویی است و از کاربر دریافت میشود.	Magic Square
خروجی نمایشی از مربع لاتین Orthogonal است. بدین صورت که خروجی شما باید n سطر داشته باشد و در هر سطر $2n$ عدد که با space از یک دیگر جدا شدهاند، چاپ شود به گونهای که شرایط مسئلهی مربع لاتین Orthogonal برقرار شدهباشد. (در واقع هر سطر شامل n زوج مرتب است. لذا $2n$ عدد چاپ شده توسط شما از سمت چپ دوتا دوتا به عنوان زوج مرتبها در نظر گرفته می شود.)	ورودی تنها شامل عدد طبیعی n میباشد که نشاندهندهی ابعاد مربع لاتین Orthogonal است و از کاربر دریافت میشود.	Orthogonal Latin Square

در خط اول خروجی از میان ۱ و \cdot باید یک عدد چاپ نمایید که به ترتیب نشاندهنده ی امکان و عدم امکان رنگ آمیزی گراف دادهشده در ورودی با استفاده از K رنگ می باشد. در خطوط بعدی (به تعداد رئوس) در هر خط دو عدد چاپ نمایید که عدد اول مشخص کننده ی شماره ی راس و عدد دوم نشاندهنده ی شماره ی رنگ می باشد. (شماره ی رنگ ها از ۱ تا K در نظر گرفته شود.)	ورودی برای این مسئله از فایل خوانده می شود. خط اول ورودی شامل ۳ عدد می باشد که به ترتیب نشان دهنده ی تعداد رئوس، تعداد یال ها و عدد طبیعی K (برای رنگ آمیزی) می باشد. خطهای بعدی (به تعداد یال ها) ابتدا شامل کاراکرتر e است که معرف یال می باشد (به این کاراکتر توجهی نشود) و سپس دو عدد ظاهر می شود که در واقع شماره ی رئوس دو سر یال می شود). می شود). می شود). و فایل ورودی نمونه برای این مسئله به نامهای: می شود). و تروجی و graph-coloring-4.txt • graph-coloring و خروجی در کنار فایل سوالات قرار گرفته است و خروجی متناظر آنها ۱ می باشد (یعنی K رنگ آمیزی برای گرافها امکان پذیر است)	Graph K-Coloring
خروجی شامل n خط (به تعداد وزیرها) میباشد. هر خط شامل دو عدد بین اعداد ۱ الی n است که مختصات هر وزیر را در صفحهی شطرنج نشان میدهد.	ورودی تنها شامل عدد طبیعی n میباشد که نشان دهندهی ابعاد صفحهی شطرنج است و از کاربر دریافت می شود.	N-Queen

جدول-۴

در رابطه با این سوال لطفا به موارد زیر توجه نمایید:

- منظور از Minizinc یا OR-Tools در ستون اول ابزارها در جدول شماره ی ۱ آن است که برای مدلسازی و حل مسئله ی خود می توانید از یکی از دو ابزار نام برده شده به دلخواه استفاده نمایید. اما توجه داشته باشید که استفاده از ابزار OR-Tools مشمول نمره ی بیشتری می شود.
- اگر اجرای صحیح کد شما نیازمند توجه به نکاتی میباشد، حتما در قالب یک فایل pdf موارد لازم را توضیح دهید.
- در مواردی که لازم است ورودی را از فایل بخوانید، کد خود را به گونهای بنویسید که با دریافت نام یا مسیر فایل ورودی، آن فایل را بخواند و الگوریتم را اجرا نماید.
- کد شما روی تعدادی نمونه بررسی شده و نتایج آن مورد بررسی قرار می گیرد. نمره دهی در این بخش بر اساس خروجی ها و کیفیت کد ارسال شده می باشد.
 - به هر کد شما حداکثر ۱ دقیقه فرصت داده می شود تا جواب نهایی خود را ارائه دهد.

• در صورتی که کد شما دچار خطا شود یا به هر دلیلی به صورت کامل اجرا نشود، نمرهای به این بخش تعلق نمی گیرد. موفق باشيد 12