## 数学

試験時間:50分

令和2年度筑波大附属高校

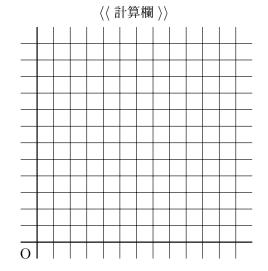
大問は 1 から 5 まであります 解答は解答用紙に記入して下さい

$m{1}$ 2個以上のさいころを投げたとき、出た目すべての積の値を $a$ とし、 $a$ の正の約数の個数について考える。このとき、次の ① $\sim$ ③の にあてはまる数を求めなさい。
(1) $2$ 個のさいころを投げるとき, $a$ の正の約数の個数が $\boxed{ ① - ア }$ 個となる確率が最も大きく, その確率は
① - イ である.
$\overline{}$ また, $a$ の正の約数の個数が奇数個となる確率は $\overline{}$ である.

**2** AB=3cm, BC=4cm, CA=5cm である  $\triangle$ ABC がある. 3 点 P, Q, R はそれぞれの頂点 A, B, C を同時に出発して, 点 P は毎秒 3cm の速さで,  $A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow A \rightarrow \cdots$  点 Q は毎秒 2cm の速さで,  $B \rightarrow C \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow \cdots$  点 R は毎秒 1cm の速さで,  $C \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow C \rightarrow \cdots$  のようにすべて同じ向きに進み, 3 点がそれぞれの最初の位置に同時に戻ったとき, 3 点とも止まる. 3 点が出発してからの時間を x 秒とするとき 次の 4

 $\sim$   $\stackrel{\frown}{}$   $\bigcirc$ 

さい.



(1) x>0 のとき、3 点が動いている間に  $P,\ Q,\ R$  がつくる三角形  $\triangle$ ABC と合同になるときの x の値と、3 点が 止まるときの x の値を求めると、x= のある.

(2) 3 点 P, Q, R のうち, 2 つの点が重なることは ⑤ 回ある.

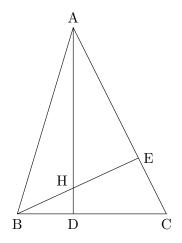
にあてはまる数または式を求めな

(3) 3 点 P, Q, R が三角形をつくらない時間すべてを, x についての等式または不等式で表すと, ⑥ のある.

**3** 右の図のように、線分 BC 上に点 D を BD : DC = 2:3 となるようにとり、線分 BC に垂直な線分 DA を  $\angle$ BAC=45° となるように引く.

このようにしてできた  $\triangle ABC$  に対して頂点 B から辺 AC に垂直な線分 BE を引き, AD と BE の交点を H とする.

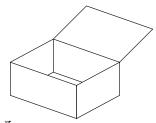
このとき、次の⑦  $\sim$  ⑨ の にあてはまる三角形または数を求めなさい.



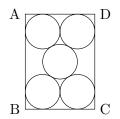
- (1)  $\triangle$ BCE と相似な三角形のうち,  $\triangle$ BCE 以外のものを 2 つあげると,  $\bigcirc$  である.
- (2) 線分 AH の長さは, 線分 BD の長さの **8** 倍である.

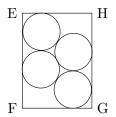
(3) AH=10cm であるとき,  $\triangle ABC$  の面積は,  $\bigcirc$   $cm^2$  である.

4 ふたがついた大きさの異なる 2 つの直方体の箱 X, Y がある. X には半径 rcm の球が 5 個, Y には半径 4cm の球が 4 個, 底面に接するように入っている.



下の図1の長方形 ABCD, EFGH はそれぞれ X, Y の平面図であり, AD=EH である.





(図1)

図 1 のように、隣り合う球は互いに接しており、それぞれの箱の 4 個の球は側面に接している。このとき、次に  $\bigcirc$  ~  $\bigcirc$  の にあてはまる数または辺を求めなさい。

(1)  $r = \boxed{0}$  cm cas 3.

(2) 辺 AB と辺 EF の長さを比べると、辺  $\boxed{ ① - 7 }$  の方が  $\boxed{ ① - 1 }$  cm だけ長い.

(3) 右の図 2 のように、X には半径 rcm の球、Y には半径 4cm の球をそれぞれの 3 個の球と接するように 1 個ずつ置き、ふたをして直方体にしたところ、どちらのふたも置いた球と接した.

このとき, X の体積は, Y の体積の 12 倍である.

